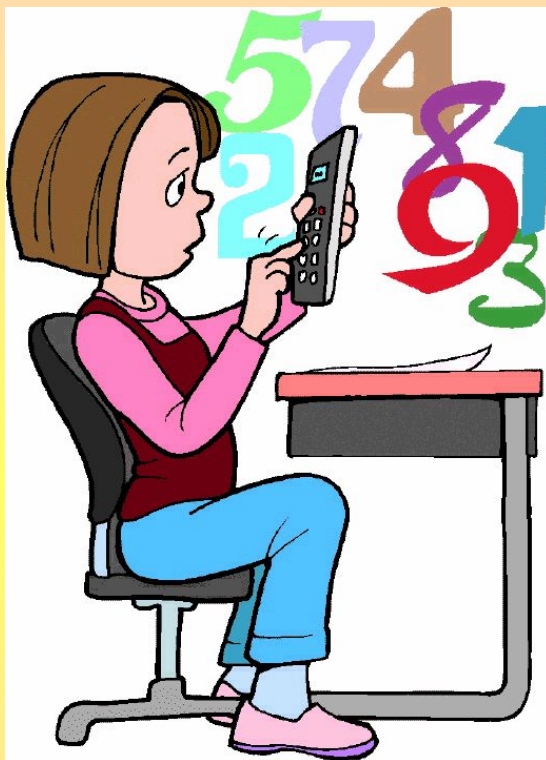


# Математические модели



**7 класс**

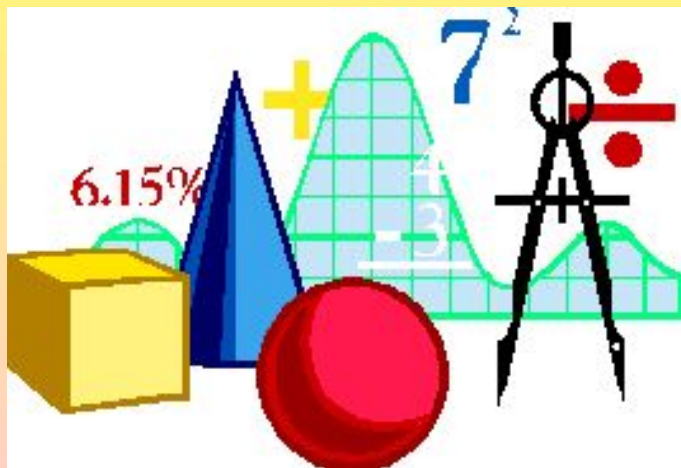
Выполнила презентацию  
учитель информатики  
МБОУ «СОШ №20»  
Поспелова Г. В.  
г. Новомосковск Тульская область

## § 2.4. Математические модели

Основным языком информационного моделирования в науке является язык математики.

Модели, построенные с использованием математических понятий и формул, называются математическими моделями.

***Математическая модель*** - информационная модель, в которой параметры и зависимости между ними выражены в математической форме.



Например, известное уравнение  $S=vt$ , где

$S$  - расстояние,

$v$  - скорость

$t$  - время,

представляет собой модель равномерного движения, выраженную в математической форме.

**Равномерное движение** – движение, при котором тело за любые равные промежутки времени проходит одинаковые пути

The diagram illustrates uniform motion. A person is shown on the left, moving to the right along a horizontal trajectory. A blue arrow labeled  $\vec{v}$  indicates the direction of motion. The trajectory is marked with three segments of equal length, labeled  $S_1$ ,  $S_2$ , and  $S_3$ . Above each segment is a clock face representing a time interval:  $\Delta t_1$ ,  $\Delta t_2$ , and  $\Delta t_3$ . Vertical dashed lines connect the clock faces to the trajectory. The word "траектория" is written at the end of the horizontal line.

$S_1 = S_2 = S_3$   
 $\Delta t_1 = \Delta t_2 = \Delta t_3$

$v_1 = v_2 = v_3$

Равномерное движение – движение с постоянной скоростью

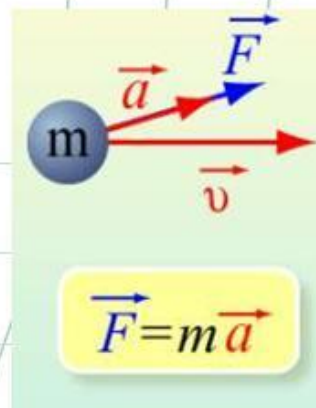
$$v_1 = \frac{S_1}{\Delta t_1} \quad v_2 = \frac{S_2}{\Delta t_2} \quad v_3 = \frac{S_3}{\Delta t_3}$$

$$\vec{s} = \vec{v}t$$
  
$$x = x_0 + v_{ox}t$$

Рассматривая физическую систему: тело массой  $m$ , скатывающееся по наклонной плоскости с ускорением  $a$  под воздействием силы  $F$ , Ньютон получил соотношение  $F = ma$ .

## Второй закон Ньютона

Ускорение тела прямо пропорционально равнодействующей сил, приложенных к телу, и обратно пропорционально его массе



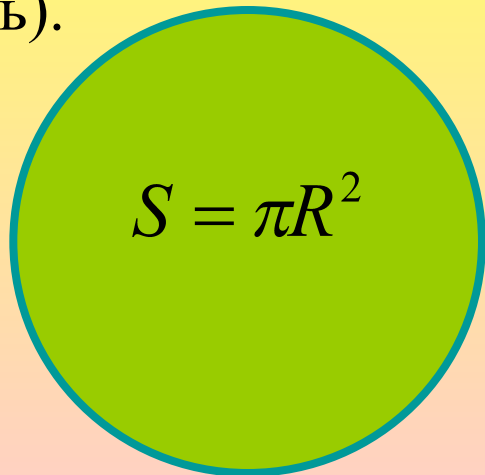
Это математическая модель физической системы.

# Математическое моделирование

Метод моделирования дает возможность применять математический аппарат к решению практических задач. Понятия числа, геометрической фигуры, уравнения, являются примерами математических моделей.

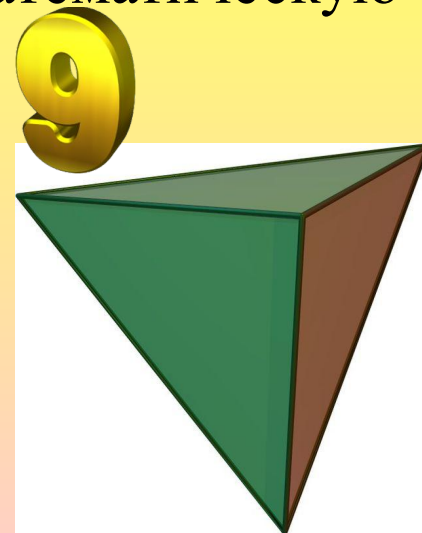
К методу математического моделирования в учебном процессе приходится прибегать при решении любой задачи с практическим содержанием. Чтобы решить такую задачу математическими средствами, ее необходимо вначале перевести на язык математики (построить математическую модель).

5



$$C = 2\pi R$$

7



**При математическом моделировании исследование объекта осуществляется посредством изучения модели, сформулированной на языке математики.**

Пример: нужно определить площадь поверхности стола. Измеряют длину и ширину стола, а затем перемножают полученные числа. Это фактически означает, что реальный объект – поверхность стола – заменяется абстрактной математической моделью прямоугольником. Площадь этого прямоугольника и считается искомой.

Из всех свойств стола выделили три: форма поверхности (прямоугольник) и длины двух сторон. Не важны ни цвет стола, ни материал, из которого он сделан, ни то, как он используется.

Предположив, что поверхность стола – прямоугольник, легко указать исходные данные и результат. Они связаны соотношением  $S=ab$ .



**Рассмотрим пример приведения решения конкретной задачи к математической модели.**

Через иллюминатор затонувшего корабля требуется вытащить сундук с драгоценностями. Даны некоторые предположения о формах сундука и окнах иллюминатора и исходные данные решения задачи.

Предположения:

Иллюминатор имеет форму круга. Сундук имеет форму прямоугольного параллелепипеда.

Исходные данные:  $D$  - диаметр иллюминатора;  $x$  - длина сундука;  $y$  - ширина сундука;  $z$  - высота сундука.

Конечный результат: Сообщение: *можно* или *нельзя вытащить*.



Системный анализ условия задачи выявил связи между размером иллюминатора и размерами сундука, учитывая их формы. Полученная в результате анализа информация отобразилась в формулах и соотношениях между ними, так возникла математическая модель.

Математической моделью решения этой задачи являются следующие зависимости между исходными данными и результатом:

$$S_{ил} = \pi R^2$$

$$R = \frac{D}{2}$$

$$S_{сун} = yz$$

Если  $S_{ил} > S_{сун}$ , то сундук *можно вытащить*, а если

$$S_{ил} < S_{сун}$$

, то *нельзя*.



## Пример 1:

Вычислить количество краски для покрытия пола в спортивном зале.

Для решения задачи нужно знать площадь пола. Для выполнения этого задания измеряют длину, ширину пола и вычисляют его площадь. Реальный объект – пол зала – занимает прямоугольником, для которого площадь является произведением длины на ширину. При покупке краски выясняют, какую площадь можно покрыть содержимым одной банки, и вычисляют необходимое количество банок.

Пусть  $A$  – длина пола,  $B$  – ширина пола,  $S1$  – площадь, которую можно покрыть содержимым одной банки,  $N$  – количество банок.

Площадь пола вычисляем по формуле  $S=A \times B$ , а количество банок, необходимых для покраски зала,  $N= S/S1$ .



## Пример 2:

Через первую трубу бассейн наполняется за 30 часов, через вторую трубу – за 20 часов. За сколько часов бассейн наполнится через две трубы?

### Решение:

Обозначим время заполнения бассейна через первую и вторую трубу  $A$  и  $B$  соответственно. Примем за 1 весь объём бассейна, искомое время обозначим через  $t$ .

Так как через первую трубу бассейн наполняется за  $A$  часов, то  $1/A$  – часть бассейна, наполняемая первой трубой за 1 час;  $1/B$  – часть бассейна, наполняемая второй трубой за 1 час.

Следовательно, скорость наполнения бассейна первой и второй трубами вместе составит:  $1/A + 1/B$ .

Можно записать:  $(1/A + 1/B)t = 1$ . получили математическую модель, описывающую процесс наполнения бассейна из двух труб.

Искомое время можно вычислить по формуле:

$$t = \frac{AB}{A + B}$$

## Пример 3:

На шоссе расположены пункты **A** и **B**, удалённые друг от друга на 20 км. Мотоциклист выехал из пункта **B** в направлении, противоположном **A** со скоростью 50 км/ч.

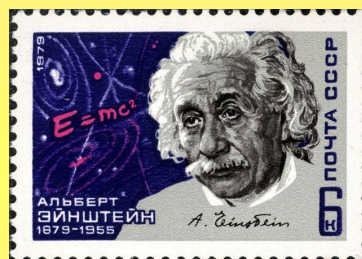
Составим математическую модель, описывающую положение мотоциклиста относительно пункта **A** через  $t$  часов.

За  $t$  часов мотоциклист проедет  $50t$  км и будет находится от **A** на расстоянии  $50t$  км + 20 км. Если обозначить буквой  $s$  расстояние (в километрах) мотоциклиста до пункта **A**, то зависимость этого расстояния от времени движения можно выразить формулой:  $S=50t + 20$ , где  $t>0$ .



## Составьте математическую модель ситуации:

1. У Миши  $x$  марок, а у Андрея в полтора раз больше. Если Миша отдаст Андрею 8 марок, то у Андрея станет марок вдвое больше, чем останется у Миши.



## Проверим:

1. Математической моделью решения этой задачи являются следующие зависимости между исходными данными и результатом: было у Миши  $x$  марок; у Андрея  $1,5x$ . Стало у Миши  $x-8$ , у Андрея  $1,5x+8$ . По условию задачи  $1,5x+8=2(x-8)$ .

## Составьте математическую модель ситуации:

2. Во втором цехе работают  $x$  человек, в первом – в 4 раза больше, чем во втором, а в третьем - на 50 человек больше, чем во втором. Всего в трех цехах завода работают 470 человек.



## Проверим:

2. Математической моделью решения этой задачи являются следующие зависимости между исходными данными и результатом: во втором цехе работают  $x$  человек, в первом –  $4x$ , а в третьем -  $x+50$ . По условию задачи  $x+4x+x+50=470$ .

## Составьте математическую модель ситуации:

3. Первое число равно  $x$ , а второе на 2,5 больше первого. Известно, что  $1/5$  первого числа равна  $1/4$  второго.



## Проверим:

3. Математической моделью решения этой задачи являются следующие зависимости между исходными данными и результатом: первое число  $x$ ; второе  $x+2,5$ .

По условию задачи  $x/5=(x+2,5)/4$ .

Вот так обычно применяется математика к реальной жизни.

Математические модели бывают не только алгебраические (в виде равенства с переменными, как в разобранных выше примерах), но и в другом виде: табличные, графические и другие.

С другими видами моделей мы познакомимся на следующем занятии.



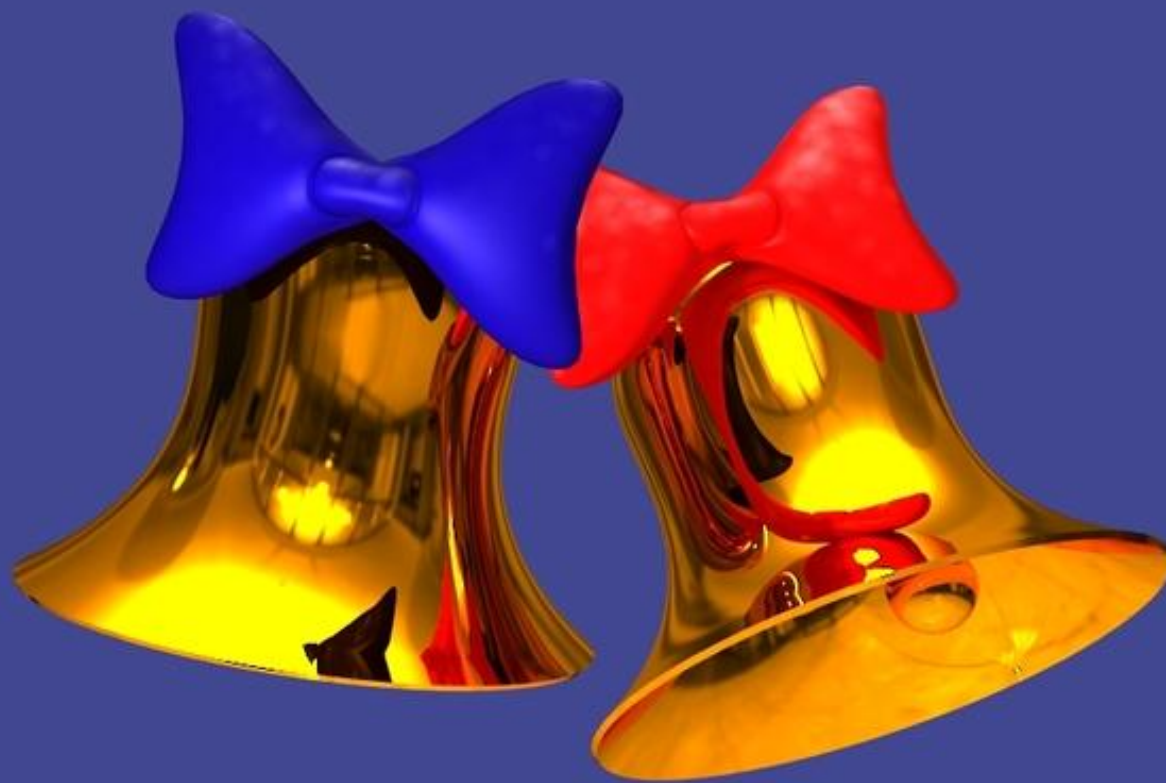
## **Задание на дом:**

§ 2.4 (стр. 54-58)

№№ 1, 2, 3, 4 (стр. 57) в тетради



Спасибо за урок!



# Источники

## 1. Информатика и ИКТ : учебник для 7 класса

Автор : Босова Л. Л. Издательство : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2009 Формат : 60x90/16 (в пер.), 229 с., ISBN : 978-5-9963-0092-1

- [http://heritage.sjsd.net/Library/OLD%20SITE/00F2FCF6-00802E21.0/422007\\_31726\\_0.gif?src=.PNG](http://heritage.sjsd.net/Library/OLD%20SITE/00F2FCF6-00802E21.0/422007_31726_0.gif?src=.PNG) – модель
- <http://turkaget.files.wordpress.com/2010/08/2mathgr.gif> - математика
- [http://www.ido.rudn.ru/nfpk/fizika/kinematika/course\\_files/2.1/motion.gif](http://www.ido.rudn.ru/nfpk/fizika/kinematika/course_files/2.1/motion.gif) - равномерное движение
- <http://900igr.net/datas/fizika/Njuton/0008-008-Vtoroj-zakon-Njutona.jpg> - второй закон Ньютона
- [http://nashamebel.narod.ru/img/Kn\\_19.jpg](http://nashamebel.narod.ru/img/Kn_19.jpg) - стол
- [http://img-fotki.yandex.ru/get/15/ann-am.0/0\\_9454\\_d72fa785\\_XL](http://img-fotki.yandex.ru/get/15/ann-am.0/0_9454_d72fa785_XL) - затонувший корабль
- [http://odn.info.md/img/2011/01/Sport\\_Zal\\_thumb.jpeg](http://odn.info.md/img/2011/01/Sport_Zal_thumb.jpeg) - спортивный зал
- <http://pics.photographer.ru/nonstop/pics/pictures/28/28767.jpg> - банка с краской
- [http://img-fotki.yandex.ru/get/3005/shashkovanina.4/0\\_3604\\_308024ae\\_XL](http://img-fotki.yandex.ru/get/3005/shashkovanina.4/0_3604_308024ae_XL) - мотоциклист
- [http://img-fotki.yandex.ru/get/13/siron-bunet.14/0\\_a9ac\\_8c9ee392\\_XL](http://img-fotki.yandex.ru/get/13/siron-bunet.14/0_a9ac_8c9ee392_XL) - марка Ледокол
- <http://www.dizziehouse.com/abf/Chkalov.jpg> - марка Чкалов
- <http://stat17.privet.ru/lr/092411ba657caedd70478aeac16fa16e> - марка Эйнштейн
- <http://ufa-region.ru/Pics/Ufa-1-zavod.pjpeg> - цех завода
- <http://img.geocaching.com/cache/856047c8-55a8-4521-957a-a7a77d6f07e2.jpg> - цифры
- [http://izhtf.ru/script/sta/cncat\\_image.php?image=65](http://izhtf.ru/script/sta/cncat_image.php?image=65) –график



*Презентацию подготовила*

**Поспелова Г.В.**

*Учитель информатики МБОУ  
«СОШ № 20»*

*г. Новомосковск*

*Тульская область*

***Желаю всем приятного просмотра!!!***