

Математический редактор MathCAD

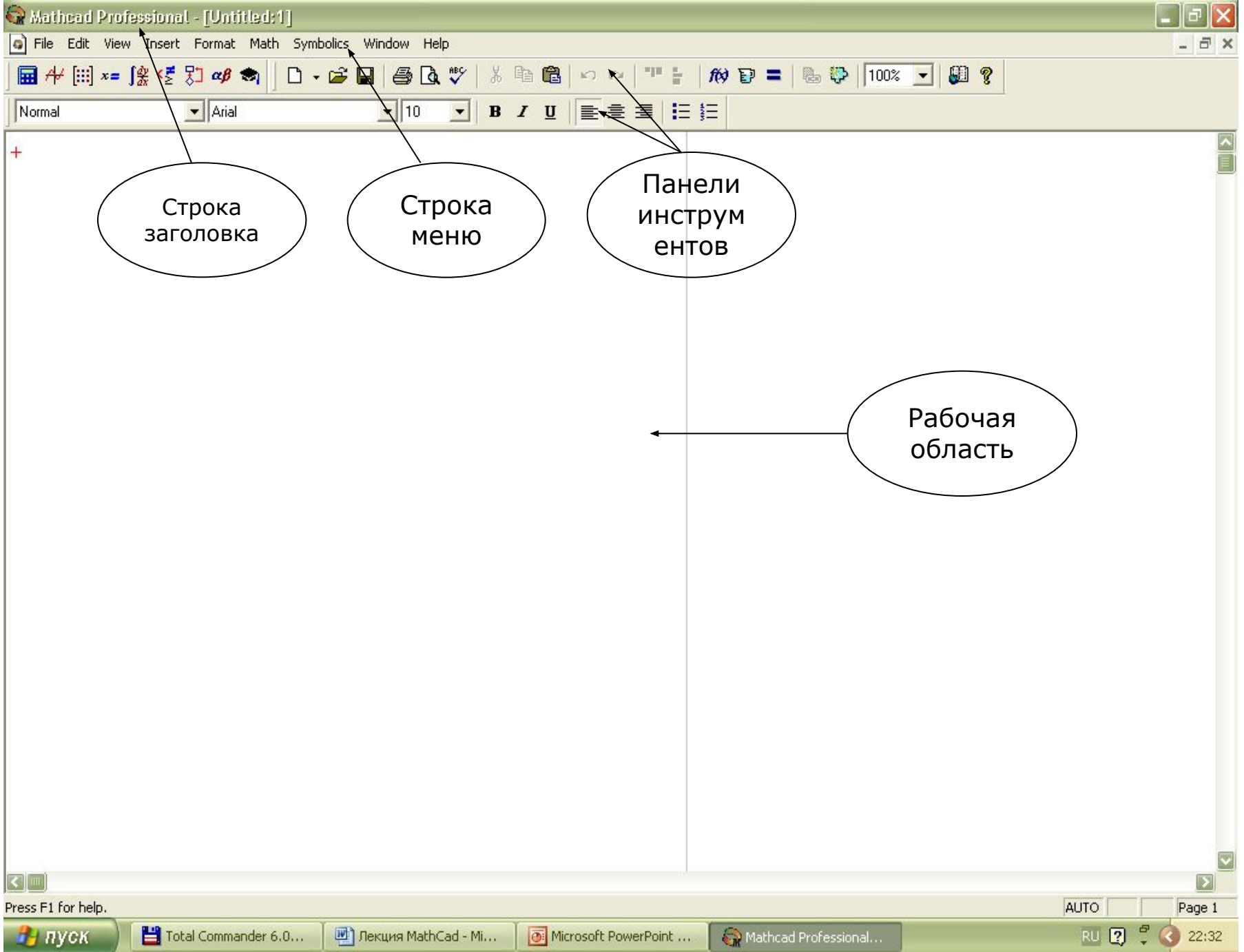
I. Назначение MathCAD.

MathCAD является математическим редактором, позволяющим проводить разнообразные научные и инженерные расчеты, начиная от элементарной арифметики и заканчивая сложными реализациями численных методов.

В MathCAD достаточно просто вводить математические выражения с помощью встроенного редактора формул в виде, максимально приближенном к общепринятому, и тут же получать результат.

II. Интерфейс.

- Для запуска приложения MathCAD следует выбрать в главном меню «Пуск\ Программы\ MathSoft Apps\ MathCAD 2001 Professional». После того как MathCAD 2001 установлен на компьютере и запущен на исполнение, появляется основное окно приложения. Оно имеет ту же структуру, что и большинство приложений Windows. Его составные части:
 - верхнее меню, или строка меню (*menu bar*);
 - панели инструментов (*toolbars*) **Standard** (Стандартная) и **Formatting** (Форматирование);
 - панель инструментов **Math** (Математика) и доступные через нее дополнительные математические панели инструментов;
 - рабочая область (worksheet);
 - строка состояния (status line, или status bar);
 - всплывающие, или контекстные, меню (pop-up menus, или context menus);
 - диалоговые окна, или диалоги (dialogs).
-



Строка заголовка

Строка меню

Панели инструментов

Рабочая область

Панель **Math (Математика)** предназначена для вызова на экран еще девяти панелей:

- **Calculator** (Калькулятор) — служит для вставки основных математических операций, получила свое название из-за схожести набора кнопок с кнопками типичного калькулятора;
 - **Graph** (График) — для вставки графиков;
 - **Matrix** (Матрица) — для вставки матриц и матричных операторов;
 - **Evaluation** (Выражения) — для вставки операторов управления вычислениями;
 - **Calculus** (Вычисления) — для вставки операторов интегрирования, дифференцирования, суммирования;
 - **Boolean** (Булевы операторы) — для вставки логических (булевых) операторов;
 - **Programming** (Программирование) — для программирования средствами MathCAD;
 - **Greek** (Греческие символы) — для вставки греческих символов;
 - **Symbolic** (Символика) — для вставки символьных операторов.
-

Mat...

- \times_n
- \times^{-1} $|\times|$
- $f(x)$ $M^{\langle \rangle}$
- M^T $m_{..n}$
- \sum $\sum_{i=1}^n$

матрица

Boolean

- $=$ $<$ $>$ \leq \geq
- \neq \neg \wedge \vee \oplus

калькулятор

Calculator

sin	cos	tan	ln	log	nl
i	x	$\sqrt{\quad}$	$\sqrt[n]{\quad}$	e^x	$\frac{1}{x}$
()	\times^2	\times^y	π	7	8
9	/	$\frac{\quad}{\quad}$	4	5	6
\times	\div	1	2	3	+
\equiv	.	0	-	=	

Graph

- Line graph
- Area graph
- 3D surface
- 3D bar chart
- 3D scatter plot

график

Булевы операторы

Символика

Symbolic

\rightarrow	\rightarrow	Modifiers
float	complex	assume
solve	simplify	substitute
factor	expand	coeffs
collect	series	parfrac
fourier	laplace	ztrans
invfourier	invlaplace	invztrans
$M^T \rightarrow$	$M^{-1} \rightarrow$	$ M \rightarrow$

Вычисления

Programming

Add Line \leftarrow

if	otherwise
for	while
break	continue
return	on error

программирование

Греческие символы

Greek

α	β	γ	δ	ϵ	ζ
η	θ	ι	κ	λ	μ
ν	ξ	\omicron	π	ρ	σ
τ	υ	ϕ	χ	ψ	ω
A	B	Γ	Δ	E	Z
H	Θ	I	K	Λ	M
N	Ξ	O	P	Σ	
T	Y	Φ	X	Ψ	Ω

выражения

Calculus

- $\frac{d}{dx}$ $\frac{d^2}{dx^2}$ ∞
- \int_a^b $\sum_{i=1}^n$ $\prod_{i=1}^n$
- \int \sum \prod
- $\lim_{x \rightarrow a}$ $\lim_{x \rightarrow a^+}$ $\lim_{x \rightarrow a^-}$

x := 0.2

$$\frac{\sqrt{1 - \sin(ax)^2}}{b - p \cdot \tan(x)}$$

области

$$\frac{1}{\pi} \cdot \cos\left(\frac{x}{\pi}\right)^2 - \frac{1}{2 \cdot \pi} \cdot \sin\left(\frac{x}{2\pi}\right) = 0.312$$

$$\frac{2.087 \cdot x^3 + 3.24 \sqrt[3]{x}}{1 + \sqrt{x}} = 1.321$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{12}\right) + \frac{1}{\sin(12)} \cdot \cos\left(\frac{1}{2\pi + 4.203}\right) - \frac{1}{\pi} = -1.208$$

4^x = 1.32

+

4^x = 64

4^x = 64

Calculator window with mathematical functions like sin, cos, tan, ln, log, n!, i, |x|, sqrt, etc.

Evaluation window with symbols like :=, ==, ->, and function notations like fx, xf, xfy, xfy.

Greek window with symbols like alpha, beta, gamma, delta, epsilon, zeta, eta, theta, etc.

Расположение блоков в документе, кроме текстового, имеет принципиальное значение. **Они выполняются слева направо и сверху вниз!**

- Поэтому блоки не должны взаимно перекрываться. Указанный порядок выполнения блоков означает, что, например, при построении графика функции или таблицы сначала должны выполняться блоки, задающие саму функцию и пределы изменения аргумента, а уже затем блок, вывод таблицы или построения графика функции.
-

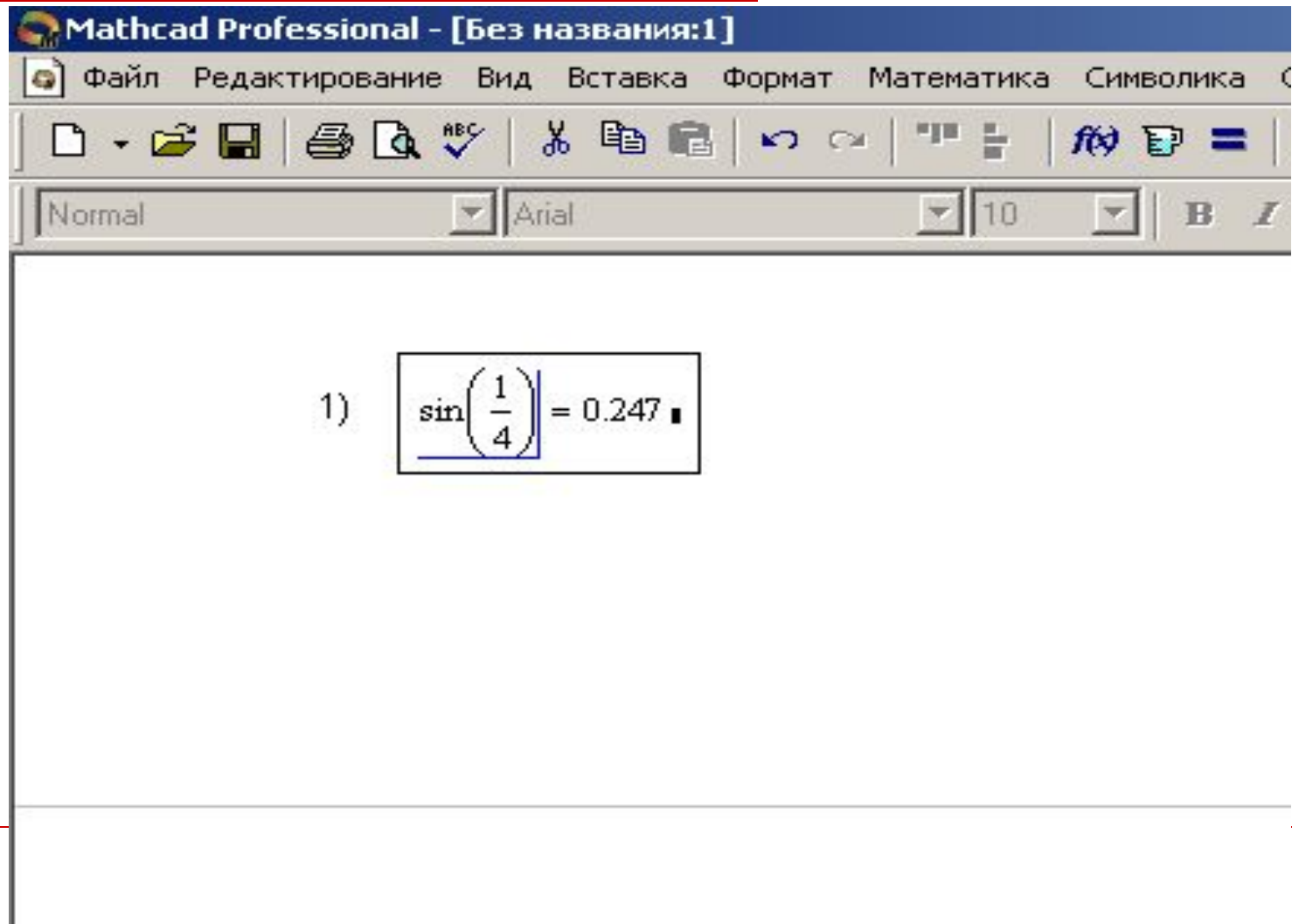
III. Выполнение простейших операций в MathCAD

а) Вычисление значений выражений.

Ввод выражения с клавиатуры:

- определите место в документе, где должно появиться выражение, щелкнув мышью в соответствующей точке документа;
 - введите левую часть выражения;
 - введите знак равенства «=».
-

Пример 1. Расчет простого выражения

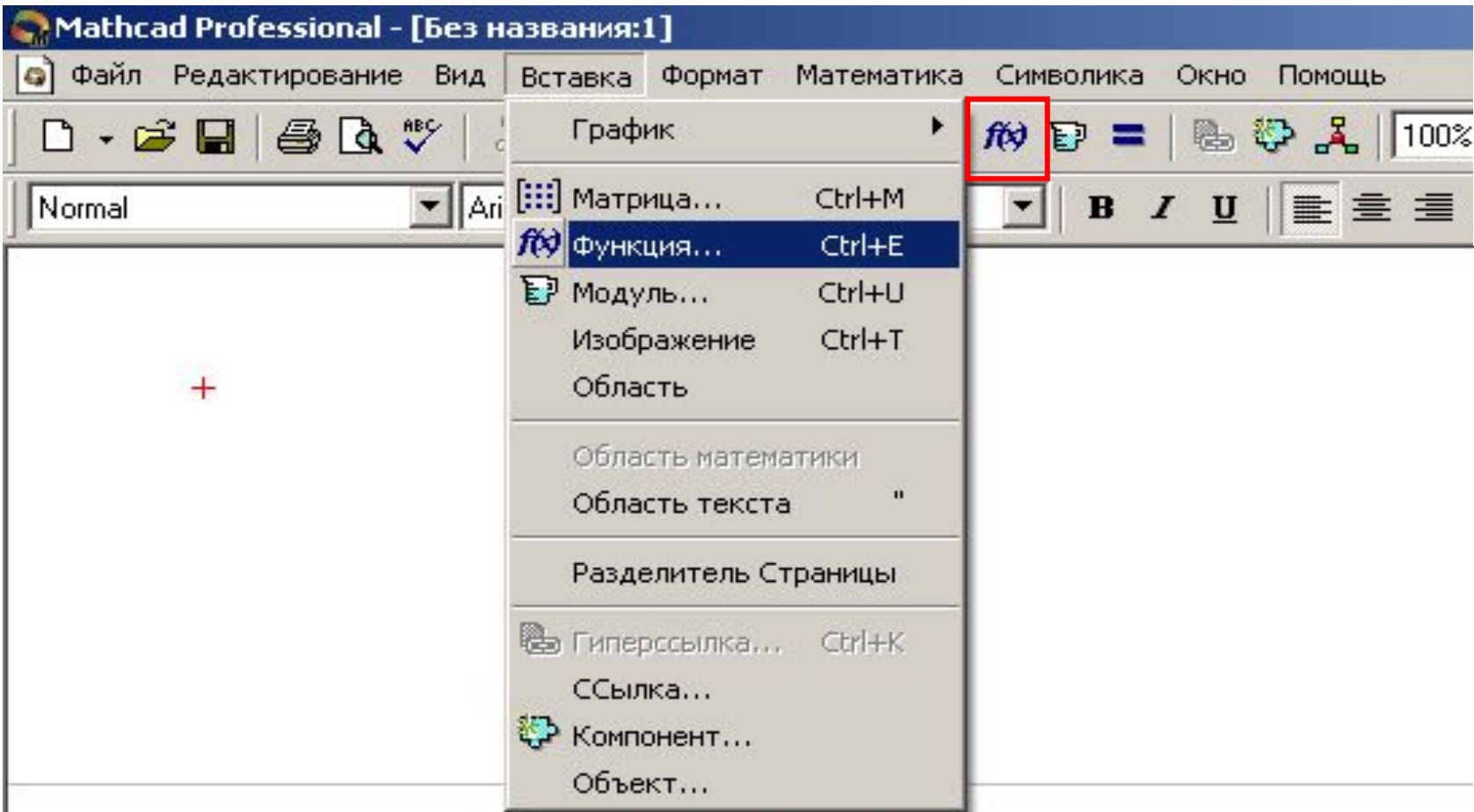


The screenshot shows the Mathcad Professional interface. The title bar reads "Mathcad Professional - [Без названия:1]". The menu bar includes "Файл", "Редактирование", "Вид", "Вставка", "Формат", "Математика", and "Символика". The toolbar contains various icons for file operations, editing, and mathematical functions. The formatting bar shows "Normal" style, "Arial" font, and size "10". The main workspace contains the following calculation:

1) $\sin\left(\frac{1}{4}\right) = 0.247$

Ввод встроенной функции в выражение:

1. Определите место в выражении, куда следует вставить функцию.
 2. Нажмите кнопку с надписью $f(x)$ на стандартной панели инструментов.
 3. В списке **Function Category** (Категория функции) появившегося диалогового окна **Insert Function** (Вставить функцию) выберите категорию, к которой принадлежит функция, — в нашем случае это категория **Trigonometric** (Тригонометрические).
 4. В списке **Function Name** (Имя функции) выберите имя встроенной функции, под которым она фигурирует в MathCAD (\sin). В случае затруднения с выбором ориентируйтесь на подсказку, появляющуюся при выборе функции в нижнем текстовом поле диалогового окна **Insert Function**.
 5. Нажмите кнопку ОК — функция появится в документе.
 6. Заполните недостающие аргументы введенной функции (в нашем случае это $1/4$).
-



Вставить функцию



Категории функций:

- Solving
- Sorting
- Special
- Statistics
- String
- Trigonometric**
- Truncation and Round-Off
- User defined
- Vector and Matrix

Название функции:

- atan
- atan2
- cos
- cot
- csc
- sec
- sin**
- tan

sin(z)

Returns the sine of z. z must be in radians.



OK

Вставить

Отмена



Normal



Arial

sin()

**Заполняем
недостающие
аргументы**

Оператор присваивания.

- Присваивание обозначается не знаком равенства, чтобы подчеркнуть его отличие от операции вычисления. Символ равенства говорит о вычислении значения слева направо, а символ " := " — о присваивании значения справа налево.
-



Normal

Пример использования переменных в расчетах

$x := 1.2$ $y := 55$ $z := 4$

$$\frac{(x^2 \cdot 250)}{\sqrt[5]{y}} \cdot \ln(z \cdot \pi) = 408.814$$



Normal

Arial

10

$$\frac{(x^2 \cdot 250)}{\sqrt[5]{y}} \cdot \ln(z \cdot \pi) = \blacksquare$$

 $x := 1.2$ $z := 4$ $y := 55$

б) Решение уравнений и неравенств с одной переменной.

- 1. Набрать уравнение (неравенство) на рабочем листе. В качестве знака равно необходимо использовать комбинацию клавиш (Ctrl)+(=).
 - 2. Выделить переменную, относительно которой решается уравнение, взяв ее в угольник (\lrcorner).
 - 3. В меню «Символика» выбрать команду «Переменная\Решение».
 - 4. После этого MathCAD, в зависимости от настроек символьного процессора, выдаст решение уравнения (неравенства).
-

в) Решение систем уравнений.

- С помощью функции *Isolve* (**для систем линейных уравнений**).

Пусть имеется система уравнений:

$$\begin{cases} a_1 \cdot x + b_1 \cdot y = c_1, \\ a_2 \cdot x + b_2 \cdot y = c_2. \end{cases}$$

- 1. Создать матрицу коэффициентов и вектор, содержащий правую часть системы.

$$M := \begin{pmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{pmatrix} \quad V := \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix}$$

-
- Найти вектор, который является решением системы, по следующей формуле:

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} := \text{lsolve}(M, V) \quad \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} =$$

- После этого MathCAD выдаст решение системы уравнений в виде вектора.

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} d \\ k \end{pmatrix}$$

где ***d*** – найденное значение ***x***, ***k*** – значение ***y***.

С помощью директив *Find* и *Given* (для систем нелинейных уравнений).

- Пусть дана система уравнений:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 16, \\ x + y = 4. \end{cases}$$

- 1. Задать приближенные значения неизвестных x и y (для их определения можно построить графики обеих функций в одной системе координат или задать любые).

$$x := 1 \quad y := 1$$

2. *Given* можно интерпретировать как «Дано».

Given

$$x^2 + y^2 = 16$$

$$x + y = 4$$

3. Функция *Find*(пер.1, пер.2, ...) возвращает значения переменных, которые удовлетворяют равенствам, имеющимся в выбранном блоке. Если имеется n переменных, то выделяемый блок должен иметь n равенств.

$$X := \text{Find}(x, y) \quad X =$$

и нажать «**Enter**».

4. После этого MathCAD выдаст решение системы уравнений в виде вектора.

$$X = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix}$$

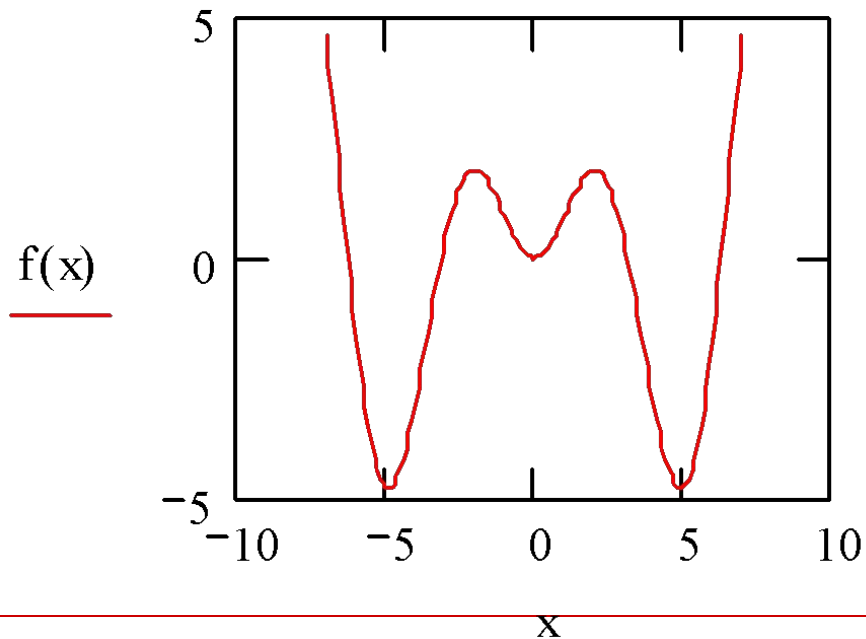
г) Построение графиков функций на плоскости.

- 1. Определить значения абсциссы (переменной x).
 $x := -10, -9.9..10$
 - 2. Определить функцию одной переменной $f(x)$.
 $f(x) := \sin(x) \cdot x^3$
 - 3. Выбрать на панели меню «Вставка» команду «График \ Точка X-Y» или на панели «Math» меню «Инструменты графиков \ Декартов график».
-

4. В нижнее поле внести имя переменной x , а в поле, расположенное слева от осей, имя функции $f(x)$. Нажать «**Enter**».

□ *Например:* $x := -7, -6.9..7$

$$f(x) := x \cdot \sin(x)$$



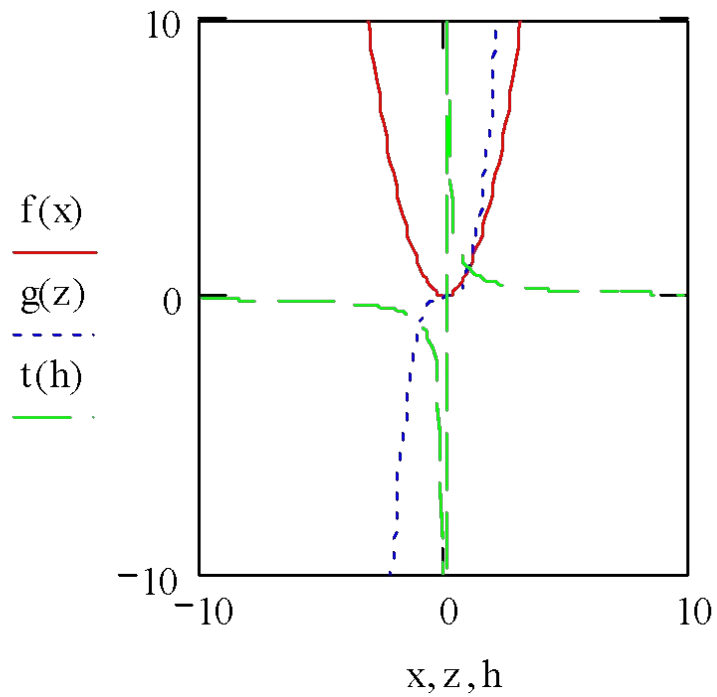
-
- *При построении графиков нескольких функций в одной системе координат необходимо задать все переменные, определить все функции (обозначив их разными буквами); в окне графика внизу перечислить все переменные через запятую; слева – все функции через запятую.*
-

Например:

$$x := -10, -9.9.. 10 \quad f(x) := x^2$$

$$z := -10, -9.9.. 10 \quad g(z) := z^3$$

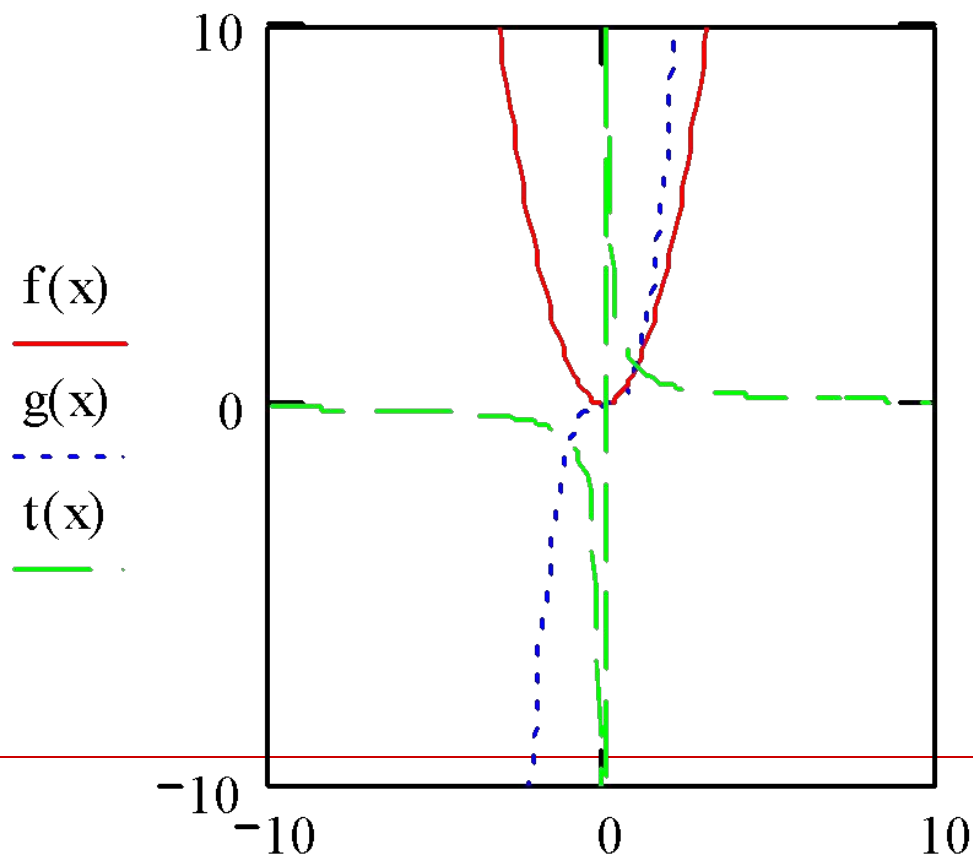
$$h := -10, -9.9.. 10 \quad t(h) := \frac{1}{h}$$



Можно также все переменные обозначить одной буквой.

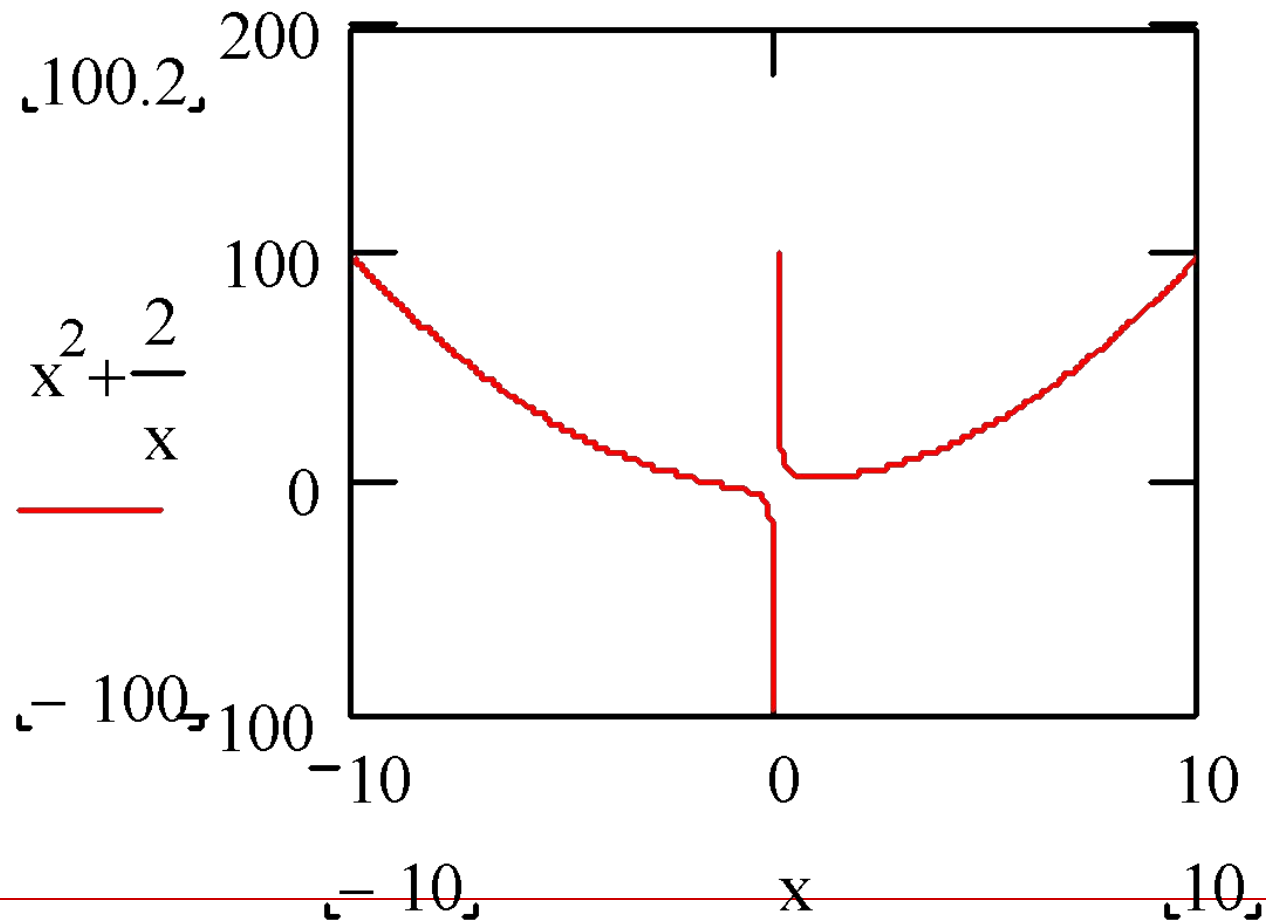
Например: $x := -10, -9.9.. 10$

$$f(x) := x^2 \quad g(x) := x^3 \quad t(x) := \frac{1}{x}$$



-
- Если значение переменной (абсциссы) не было задано ранее, то для построения графика его можно не задавать. В этом случае график будет построен на интервале $-10, -9.9..10$
 - Саму функцию можно также не задавать заранее, а записать формулу в левой части окна графика. Если же формула громоздкая или их несколько, то удобнее функции обозначать буквами.
-

Например:



д) Построение поверхности, заданной функцией.

- 1. Зададим функцию $f(x, y) := x^2 - y^2$
- 2. Определим две интервальные переменные:

$$i := 0..10 \quad j := 0..10$$


- 3. Определим две переменные с индексом

$$x_i := -5 + i$$

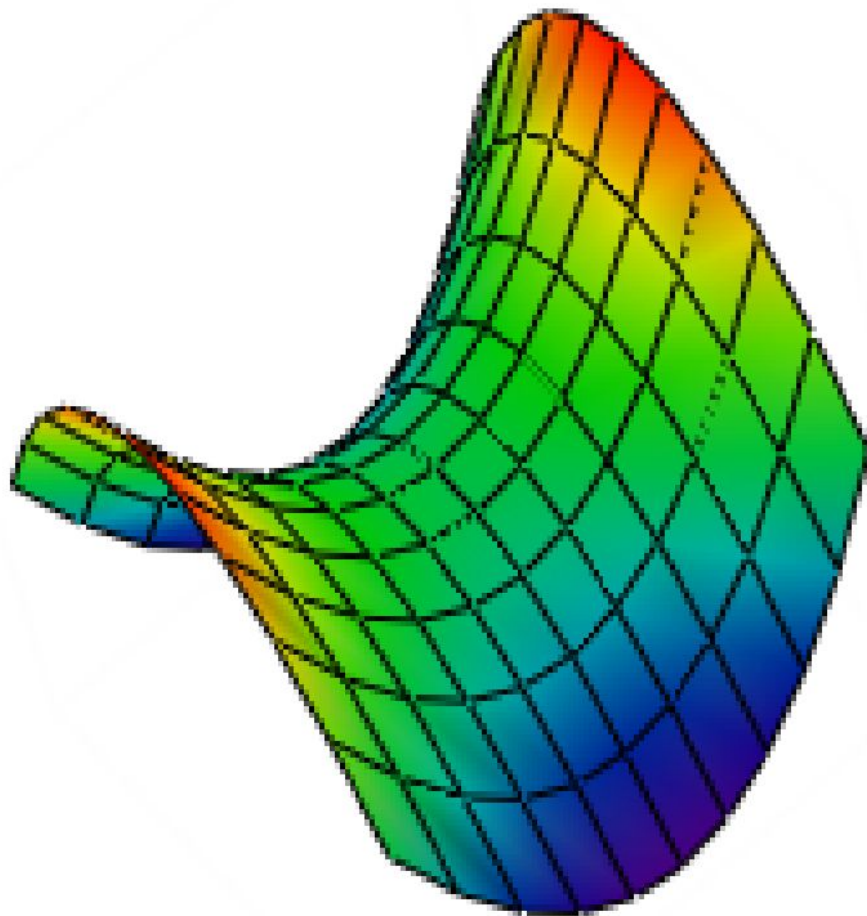
$$y_j := -5 + j$$

-
- 3. Определим двумерную матрицу:

$$M_{i,j} := f(x_i, y_j)$$

и построим поверхность, используя кнопку  графической палитры.

- 4. В качестве единственного аргумента графика указываем имя матрицы M.
-

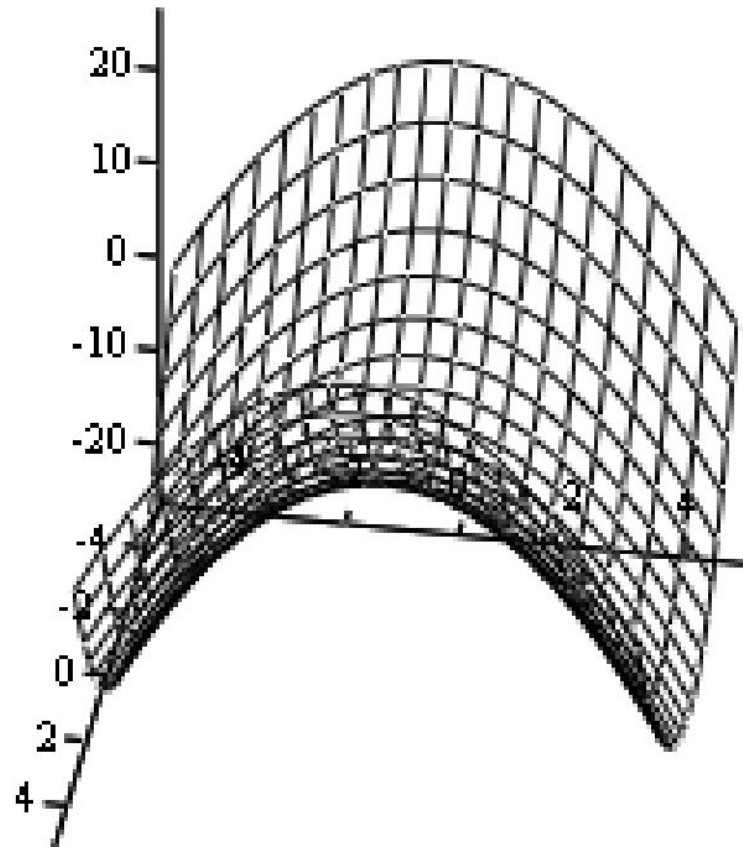


————— M



-
- 4. В качестве единственного аргумента графика указываем имя матрицы M .
 - Если не требуется определять конкретные значения переменных, то можно построить поверхность следующим образом:
-

$$M(x,y) := x^2 - y^2$$



M

