

**Медведев Владимир Арсентьевич**

E – mail: [krat29@rambler.ru](mailto:krat29@rambler.ru)



# **Информационная безопасность организации**

**Лекция 11. Математическое  
обеспечение ИБ. Часть 1.**

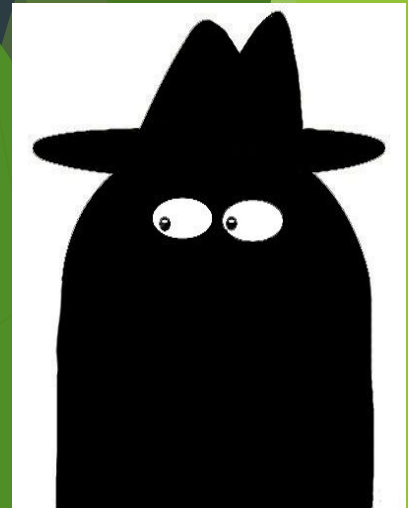
Санкт – Петербург, 2016 г.

# «Люди делятся на три категории: умеющие считать и не умеющие считать» - закон Уинкорна

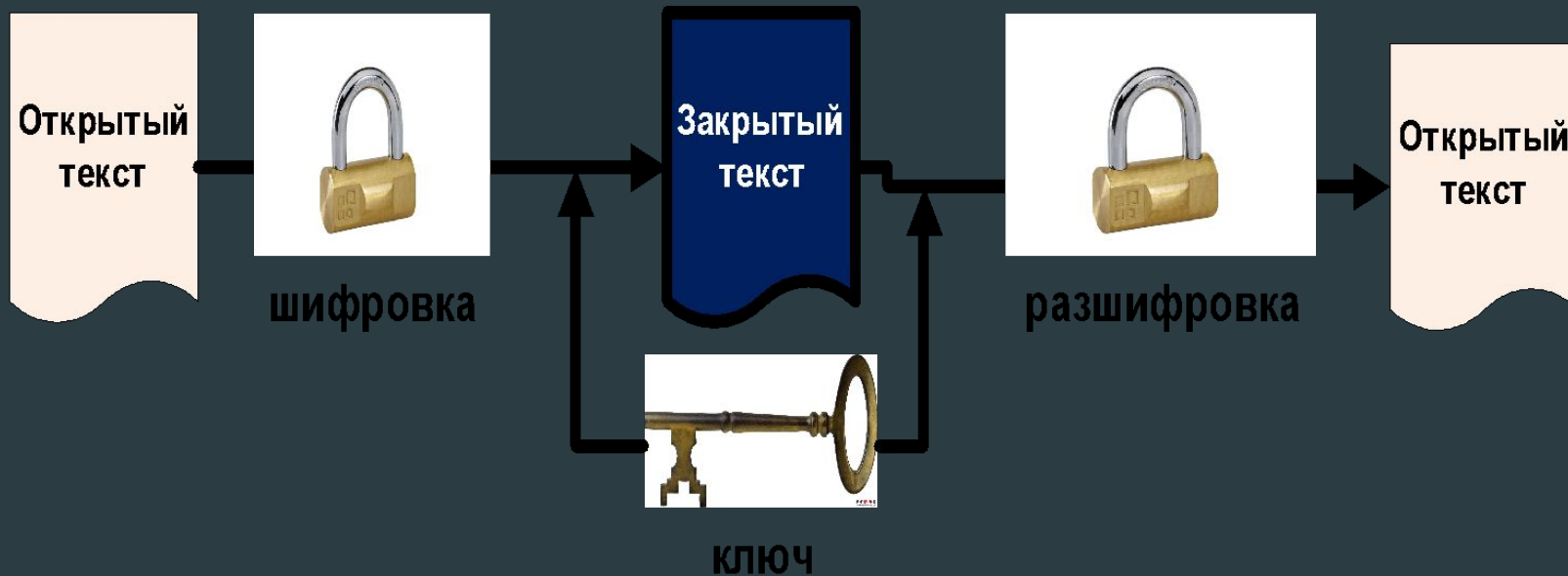
**Криптография** позволяет хранить важную информацию или передавать её по ненадёжным каналам связи (таким как Интернет) так, что она не может быть прочитана никем, кроме легитимного получателя.

**Криптоаналитиков** также называют взломщиками шифров.

Криптография бывает *стойкой* или *слабой*. Криптографическая стойкость измеряется тем, сколько понадобится времени и ресурсов, чтобы восстановить исходный открытый текст.



# Симметричное шифрование



**Data Encryption Standard (DES) – пример симметричного алгоритма, широко применявшегося на Западе с 70-х годов в банковской и коммерческой сферах. В настоящее время его сменяет Advanced Encryption Standard (AES).**

# Достоинства и недостатки

**скорость  
криптографических  
операций**

**полезно для шифрования  
данных, которые не  
предназначены для  
передачи**

**сложности передачи тайного ключа,  
отправителю и получателю нужно  
предварительно согласовать ключ и  
держат его в тайне**

**глобальная проблема  
в сложности управления  
ключами без риска его  
перехвата**

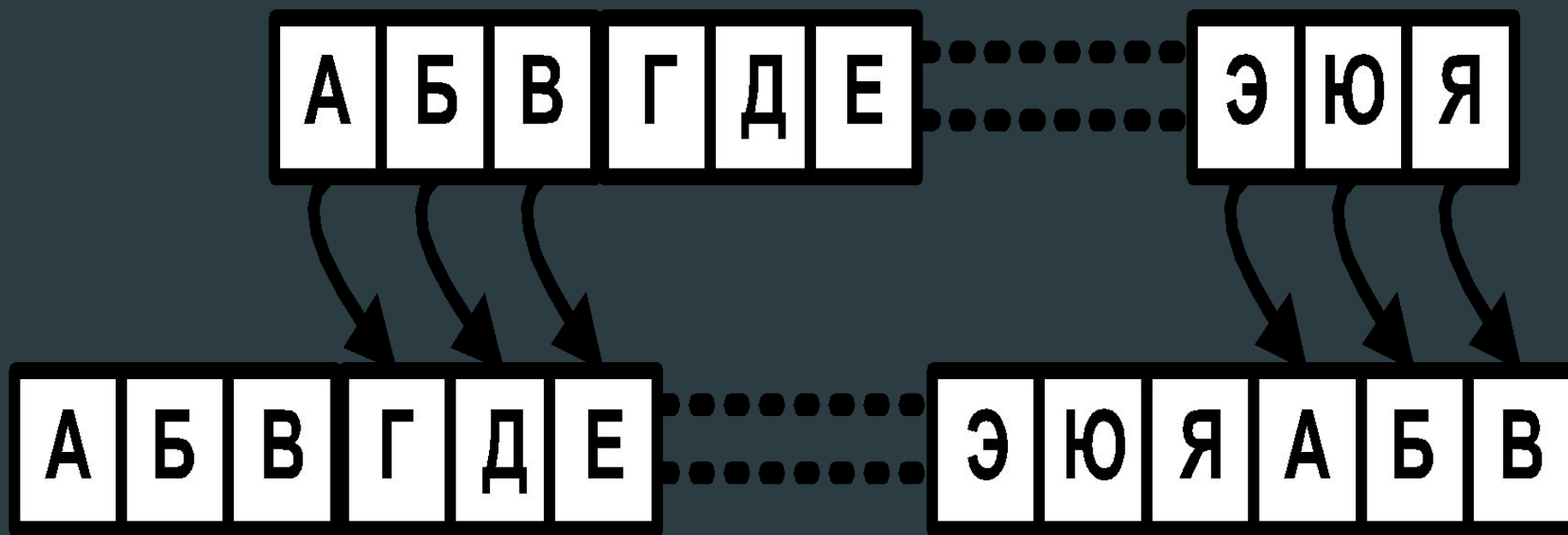


# Наиболее известные виды криптозащиты

- *шифр Цезаря* (аффинный шифр), когда каждая буква исходного сообщения меняется на другую букву, сдвинутую на фиксированное число позиций;
- *шифр Альберти* (полиалфавитный шифр), когда буквы в сообщении берутся поочерёдно из двух и более алфавитов;
- *шифр Марии Стюарт* (полиалфавитный шифр), когда одни буквы заменяют другими из «параллельного алфавита» плюс некоторые «общеупортебительные» слова заменяются специальными символами;
- *шифр квадрат Виженера*, когда составляется матрица, где количество строк равно количеству столбцов, каждая строка представляет собою один и тот же алфавит, но начинается со сдвигом на один символ. В сообщении каждый знак указывает буквой позицию в первой строке и цифрой – на сколько строк нужно опуститься, чтобы найти истинную букву.

# Шифр Цезаря

Шифр Цезаря — это вид шифра подстановки. Например, в шифре со сдвигом вправо на 3, А была бы заменена на Г, Б станет Д, и так далее:



Если сопоставить каждому символу алфавита его порядковый номер (нумеруя с 0), то шифрование и дешифрование можно выразить формулами модульной арифметики:

$$Y = (x + k) \bmod n,$$

$$X = (y - k + n) \bmod n,$$

где:

$x$  — символ открытого текста,  $y$  — символ шифрованного текста,  
 $n$  — мощность алфавита,  $k$  — ключ.

С точки зрения математики шифр Цезаря является частным случаем аффинного шифра, когда каждой букве алфавита размера ставится в соответствие число из диапазона.



Гай Юлий Цезарь (12 или 13 июля 100 года до н. э. — 15 марта 44 года до н. э.) — древнеримский государственный деятель, полководец, писатель, великий понтифик с 63 года до н. э.

«Пришёл, увидел, победил» - так в 47 году до н. э. Цезарь уведомил своего друга Аминция о быстрой победе при Зеле.



# Задание № 1.

- ▶ Запишите свою фамилию используя шифр Цезаря.
- ▶ За первую позицию нового алфавита надо взять первую букву Вашего имени + 3 позиции ....

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
	А	Б	В	Г	Д	Е	Ж	З	И	К	Л	М	Н	О	П	Р
17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31		
	С	Т	У	Ф	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ъ	Ы	Ь	Э	Ю	Я	

Например:

Ваша фамилия и имя **Араков Илья**, тогда получим:

**Ньнцъп**





# Полиалфавитные шифры Марии Стюарт и Л. Альберти

Предположим, что имеется некоторое сообщение:

$x_1, x_2, x_3, \dots, x_n, \dots, x_{2n}, \dots,$

которое необходимо зашифровать, а также для использования полиалфавитного шифра используется  $n$  моноалфавитных шифров.

В данном случае к первой букве применяется первый моноалфавитный шифр, ко второй букве — второй, к третьей — третий, ..., к  $n$ -ой букве —  $n$ -ый, а к  $(n+1)$ -ой вновь **первый**, и так далее, пока все сообщение не будет зашифровано.

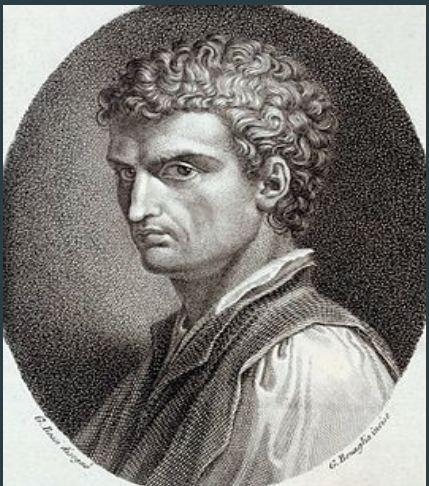
Используя метод Альберти, в качестве примера, можно рассмотреть вариант использования трёх алфавитов: 1 – стандартный алфавит, 2 – первый шифроалфавит, 3 – второй шифроалфавит:

1 – /а/б/в/г/д/е/ж/з/и/к/л/м/н/о/п/р/с/т/у/ф/х/ц/ч/ш/щ/ъ/ы/ь/э/ю/я/а/б/;

2 - /д/е/ж/з/и/к/л/м/н/о/п/р/с/т/у/ф/х/ц/ч/ш/щ/ъ/ы/ь/э/ю/я/а/б/в/г/д/;

3 – /ц/у/к/е/н/г/ш/щ/з/х/ъ/ф/ы/в/а/п/р/о/л/д/ж/э/я/ч/с/м/и/т/ь/б/ю/.

Теперь каждую нечётную букву в шифруемом сообщении заменим буквой стоящей на той же позиции во втором алфавите, а каждую чётную букву аналогично заменим из третьего алфавита. Тогда фамилия автора шифра **Альберти** будет зашифрована как: **Дъаукпцз**.



Леон Баттиста Альберти (18.02.1404, Генуя — 25.04.1472, Рим) — итальянский ученый, гуманист, писатель, один из зачинателей новой европейской архитектуры и ведущий теоретик искусства эпохи Возрождения. Предложил в книге «Трактат о шифрах» идею многоалфавитного шифра.

При таком способе шифрования одна и та же буква будет кодироваться не одинаково, в зависимости от того какую позицию она занимает. Частотный анализ, таким способом, значительно теряет свою силу.



## Задание № 2.

- ▶ Запишите свою фамилию используя шифр Альберти.
- ▶ Для шифрования придумайте сами 4 новых шрифта и меняя шрифты по очереди замените буквы на новые ....



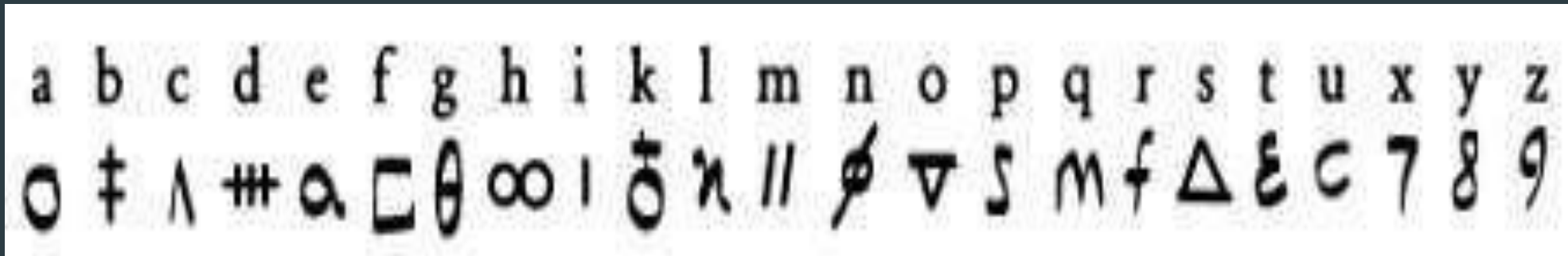
№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
1	А	Б	В	Г	Д	Е	Ж	З	И	К	Л	М	Н	О	П	Р
2	Г	Д	Е	С	Т	В	Б	А	Ч	Ю	Ш	К	Щ	Л	Я	М
3	Л	З	А	Б	В	К	Ц	Я	Э	Ю	Ы	Ь	Ъ	У	Т	С

17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
С	Т	У	Ф	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ъ	Ы	Ь	Э	Ю	Я
Ц	Х	Ф	Н	О	П	Р	Ъ	Ь	Ы	Э	У	З	Ж	И
И	Ж	Ш	Ч	Щ	Д	Е	Г	Ф	Х	Р	П	О	М	Н





**Мари I (урожденная Мария Стюарт, 8.12.1542 — 8. 02.1587) — королева Шотландии с младенчества до низложения в 1567 г., а также королева Франции в 1559—1560 г. и претендентка на английский престол.**



**Королева считала, что шифр сверхнадёжный, но лучший криптоаналитик того времени Томас Фелиппес, был экспертом в частотном анализе...**



# Задание № 3.



- ▶ Запишите свою фамилию используя шифр М. Стюарт.
- ▶ Для шифрования придумайте сами новых шрифт с использованием новых знаков и замените буквы на новые ....

Например: Ваша фамилия **Араков**. Тогда, придумав свой алфавит, получим: ♥♥§♥♥\*\*† ¥

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
	А	Б	В	Г	Д	Е	Ж	З	И	К	Л	М	Н	О	П	Р
	♥♥	U	¥	Ψ	\$	%	@	?	^^	**	#	&	≈	†	£	§

17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
С	Т	У	Ф	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ъ	Ы	Ь	Э	Ю	Я
‡	ω	σ	⌘	Ѓ	€	Ж	Ⓜ	Ⓞ	↔	▼	▣	Ⓒ	♪	+



# Квадрат Виженера - система полиалфавитного шифрования

- шифр является недоступным для простых методов криптоанализа.

- состоит из последовательности нескольких шифров Цезаря с различными значениями сдвига.

**На каждом этапе шифрования используются различные алфавиты, выбираемые в зависимости от символа ключевого слова.**

Блез де Виженер (5.04.1523, Сен-Пурсен-сюр-Сиуль — 19.02.1596, Париж) — французский дипломат, криптограф и алхимик. Изобретение шифра в XIX веке было ошибочно приписано именно ему.



# Квадрат Виженера

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y



# Таким образом, в таблице получается 26 различных шифров Цезаря

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

Например, предположим, что исходный текст имеет вид:

***Blaise-de-Vigenre*** – 15 букв.

А в качестве ключевого будет выбрано слово: ***cifra*** («шифр»), которое необходимо циклически повторять до тех пор, пока его длина не будет соответствовать длине исходного текста (15 букв):

***Cifracifracifra***

... и получим:

***Dtfzsg-lj-Miimsie***

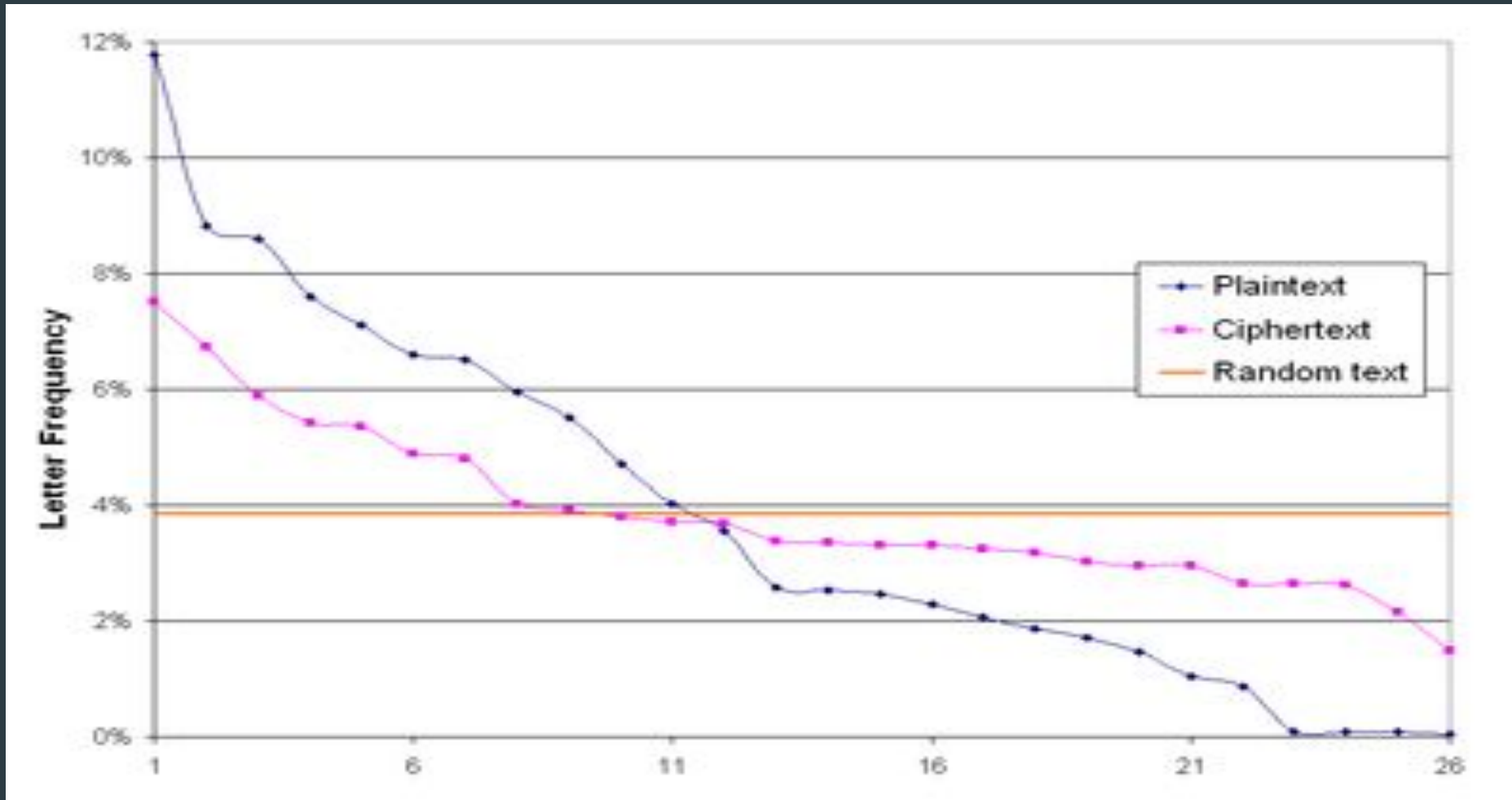
# Алгоритм шифрования

Первый символ исходного текста ***B*** зашифрован последовательностью ***c***, которая является первым символом ключа. Первый символ ***D*** шифрованного текста находится на пересечении строки ***C*** и столбца ***B*** в таблице Виженера.

Точно так же для второго символа исходного текста используется второй символ ключа; то есть второй символ шифрованного текста ***t*** получается на пересечении строки ***i*** и столбца ***l***.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

# Шифр Виженера «размывает» характеристики частот появления символов в тексте



Главный недостаток шифра Виженера  
– повторяемость его ключей.

# Расшифровывание производится следующим образом:

- необходимо найти в таблице Виженера строку, соответствующую первому символу ключевого слова;
- в данной строке необходимо найти первый символ зашифрованного текста;
- столбец, в котором находится данный символ, соответствует первому символу исходного текста;
- следующие символы зашифрованного текста расшифровываются подобным образом.

Если буквы **A—Z** соответствуют числам **0—25**, то шифрование Виженера можно записать в виде формулы:

$$C_i \equiv (P_i + K_i) \bmod 26;$$

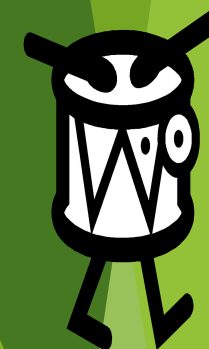
Расшифровка:

$$P_i \equiv (C_i - K_i + 26) \bmod 26;$$





## Задание № 4.



Запишите с использованием квадрата Виженера фразу:

**НАУКА УМЕЕТ МНОГО ГИТИК**

Для шифрования придумайте сами кодовое слово из 4 букв и замените буквы на новые ....

Например: Ваш код **дама**. Тогда, для кодирования составим таблицу и заполним её с использованием квадрата Виженера:

<b>1</b>	н	а	у	к	а		у	м	е	е	т		м	н	о	г	о		г	и	т	и	к
<b>2</b>	д	а	м	а	д		а	м	а	д	а		м	а	д	а	м		а	д	а	м	а
<b>3</b>	с	а	я	к	д		у	ш	е	й	т		ш	н	т	г	ь		г	м	т	ф	к

**1** – исходный текст; **2** – кодовое слово; **3** – закрытый текст