



# Решение задач оптимизации в MS Excel

**ГБОУ Центр образования № 133 Невского  
района**  
**авт. Баринова Е.А.**

# Для решения задач оптимизации необходимо:

- Задать целевую функцию
- Создать математическую модель задачи
- Решить задачу на компьютере

# Математическая модель

- Математическая модель – это приближенное описание какого-либо класса явлений средствами математической символики.
- При составлении математической модели решения задачи оптимизации искомые величины принимаются за неизвестные и составляется система неравенств, наиболее полно характеризующих решение поставленной задачи.
- В любую математическую модель входят две составляющие:
- **Ограничения**, которые устанавливают зависимости между переменными.
- **Граничные условия** показывают, в каких пределах могут быть значения искомых переменных в оптимальном решении.

# Задача

- Компания производит полки для ванных комнат двух типов - А и В. Агенты по продаже считают, что за неделю на рынке может быть реализовано до 550 полок. Для каждой полки типа А требуется  $2 \text{ м}^2$  материала, для полки типа В -  $3 \text{ м}^2$  материала. Компания может получить до  $1200 \text{ м}^2$  материала в неделю. Для изготовления одной полки типа А требуется 12 мин. работы оборудования, а для изготовления одной полки типа В - 30 мин. Оборудование можно использовать 160 час. в неделю. Если прибыль от продажи полок типа А составляет 3 долл., а от полок типа В - 4 долл., то сколько полок надо выпускать в неделю, чтобы получить максимальную прибыль?

# Целевая функция

- Очевидно, что в качестве критерия оптимизации в данном случае выступает функция прибыли. Оптимальным будет считаться тот из вариантов решения, в котором значение прибыли будет максимальным. Учитывая, что «...прибыль от продажи полок типа А составляет 3 долл., а от полок типа В - 4 долл....» целевая функция будет выглядеть следующим образом:
- $3x_1 + 4x_2 \Rightarrow \max$ , где  
 $x_1$  – объем производства полок типа А  
 $x_2$  – объем производства полок типа В

## **Ограничение на объем производства:**

- «...Агенты по продаже считают, что неделю на рынке может быть реализовано до 550 полок...»  
Очевидно, что совокупный объем производства полок не должен превышать 550 единиц, или, в математическом виде:
  - $x_1 + x_2 \leq 550$

# **Ограничение на использование оборудования:**

- «...Для изготовления одной полки типа А требуется 12 мин. работы оборудования, а для изготовления одной полки типа В - 30 мин. Оборудование можно использовать 160 часов в неделю...» На основе этой информации можно сделать вывод, что общее время использования оборудования в рамках данного проекта не должно превышать 160 часов в неделю. Переведя время, необходимое для изготовления одной полки в часы (с целью сопоставимости единиц измерения правой и левой части неравенства) получим:
- $0,2x1 + 0,5x2 \leq 160$

## **Ограничение на использование материалов:**

- «...Для каждой полки типа А требуется  $2 \text{ м}^2$  материала, для полки типа В -  $3 \text{ м}^2$  материала. Компания может получить до  $1200 \text{ м}^2$  материала в неделю...» На основе этой информации можно сделать вывод, что общее количество материала, затрачиваемого для реализации данного проекта, не должно превышать  $1200 \text{ м}^2$ :
- $2x1 + 3x2 \leq 1200$

# Границные условия

- В качестве граничных условий в данном примере могут быть использованы следующие утверждения, вытекающие из сути поставленной задачи:
- Объем производства полок типа А и полок типа В – неотрицательное значение.
- Объем производства полок типа А и полок типа В – целое число, запишем таким образом:
  - $x_1, x_2 \geq 0$
  - $x_1, x_2$  – целое

# Ввод условий задачи

Ввод условий задачи состоит из следующих основных шагов:

- Создание формы для ввода данных, необходимых для последующего решения.
- Ввод исходных данных и зависимостей из математической модели.
- Указание целевой ячейки (ячейки, в которую введена целевая функция), ввод ограничений и граничных условий в диалоговом окне Поиск решения.

# Создание формы для ввода данных

Такая форма должна содержать возможность ввода всех данных, необходимых для решения поставленной задачи:

- искомых переменных;
- целевой функции;
- правой и левой части неравенств, описывающих ограничения, налагаемые на возможные варианты решения поставленной задачи.

	A	B	C	D	E				
1	План производства								
2	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Объем производства	Объем реализации				
3	Возможный объем производства								
4	Прибыль от реализации единицы продукции								
5									
6	Прибыль от реализации проекта								
7									
8	Ограничения								
9	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Всего затрачено	Технологические возможности				
10	Количество материала								
11	Время функционирования оборудования								

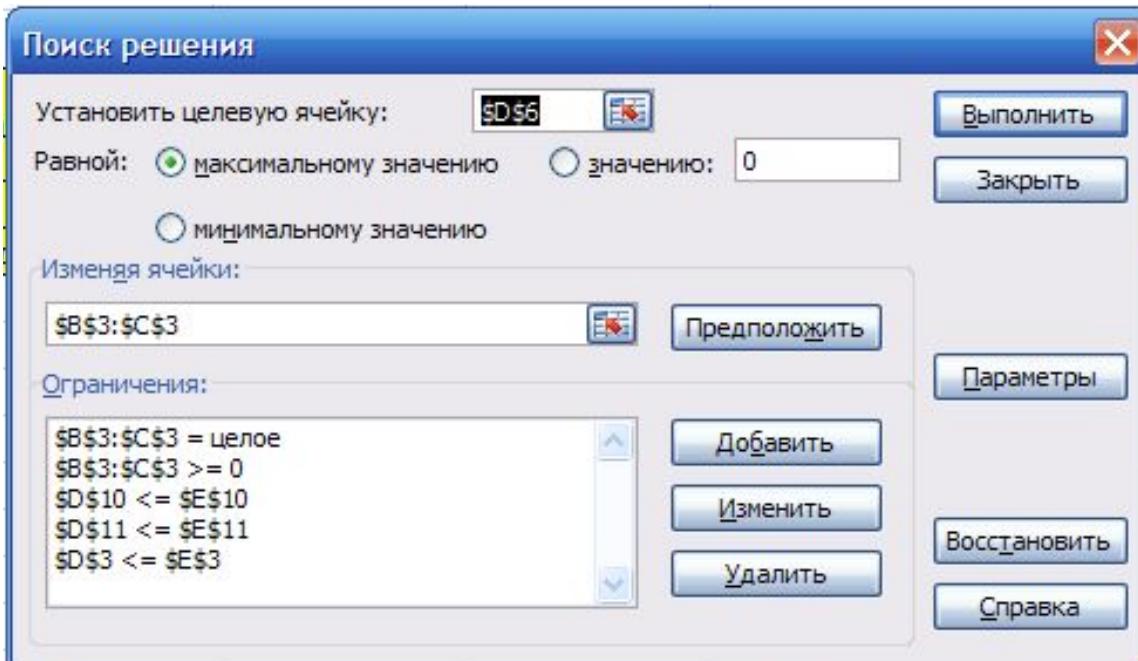
# Ввод исходных данных

- Отметим, что целевая функция и левые части неравенств, определяющих возможные варианты решения поставленной задачи, вводятся формулой, в которой роль искомых переменных играют адреса ячеек, зарезервированных для вывода их значений после решения задачи, а роль коэффициентов – адреса ячеек, содержащих соответственные коэффициенты.

	A	B	C	D	E			
1 План производства								
2	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Объем производства	Объем реализации			
3	Возможный объем производства			=СУММ(В3:С3)	550			
4	Прибыль от реализации единицы продукции	3	4					
5								
6	Прибыль от реализации проекта		=СУММПРОИЗВ(В3:С3;В4:С4)					
7								
8	Ограничения							
9	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Всего затрачено	Технологические возможности			
10	Количество материала	2	3	=СУММПРОИЗВ(\$B\$3:\$C\$3;B10:C10)	1200			
11	Время функционирования оборудования	0,2	0,5	=СУММПРОИЗВ(\$B\$3:\$C\$3;B11:C11)	160			

# Назначение целевой функции, ввод ограничений и граничных условий

- Данная стадия ввода условия задачи осуществляется в диалоговом окне Поиск решения

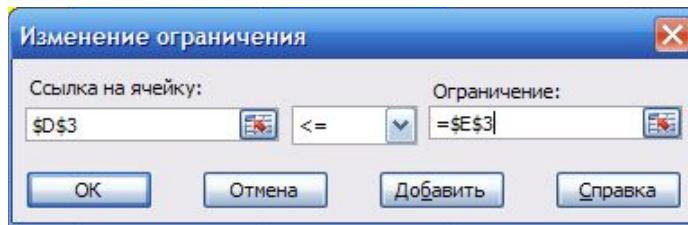


# **Назначить целевую ячейку**

- Для этого в поле «Установить целевую ячейку:» вводится адрес ячейки, содержащей целевую функцию. Затем устанавливается направление последней – значение, к которому она должна стремиться исходя из условий задачи (минимальное, максимальное, конкретное, задаваемое пользователем).
- В поле «Изменяя ячейки:» ввести адреса ячеек, зарезервированных для искомых переменных.

# **Ввести ограничения и граничные условия**

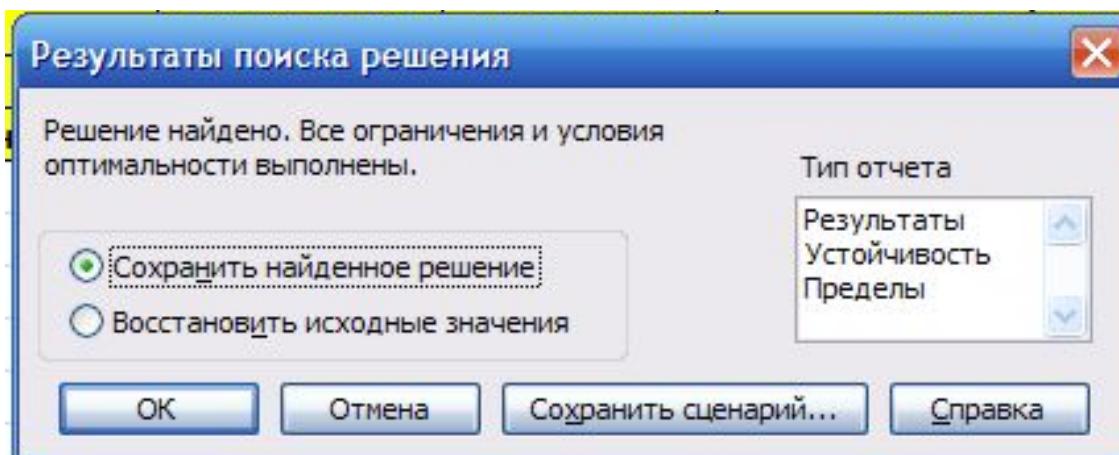
- **Ввести ограничения и граничные условия.** Для этого в диалоговом окне Поиск решения нажать на кнопку Добавить. В открывшемся диалоговом окне Добавление ограничений:



- в поле «**Ссылка на ячейку:**» ввести адрес ячейки листа, содержащей формулу для расчета показателя, используемого в качестве левой части неравенства, из списка знаков неравенств выбрать необходимый знак, в поле «**Ограничение:**» указать адрес ячейки, содержащей показатель, используемый в качестве правой части неравенства.

# Получение результата

- После нажатия на кнопку Выполнить диалогового окна Поиск решения на экране появляется диалоговое окно Результаты поиска решения.



# Решение найдено

	A	B	C	D	E
1	<b>План производства</b>				
2	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Объем производства	Объем реализации
3	Возможный объем производства	450	100	550	550
4	Прибыль от реализации единицы продукции	3	4		
5					
6		Прибыль от реализации проекта		1750	
7					
8	<b>Ограничения</b>				
9	Наименование продукции	Полки типа А	Полки типа В	Всего затрачено	Технологические возможности
10	Количество материала	2	3	1200	1200
11	Время функционирования оборудования	0,2	0,5	140	160

# Оптимальное решение поставленной задачи

- полок типа А - в количестве 450 штук (В3);
- полок типа В – в количестве 100 штук (С3).

При этом максимальная прибыль будет составлять 1720 единиц, а ресурсы используются следующим образом:

- потребление материала – 1200 единиц (D10);
- использование оборудования – 140 часов (D11).