

МАОУ Одинцовский лицей №6 имени А.С. Пушкина

Презентация к уроку-семинару по учебному предмету «Информатика» в I I-ом классе на тему «Задачи оптимизации»

**Автор: Шаталина Виктория Анатольевна
учитель информатики МАОУ Одинцовского лицея №6
имени А.С. Пушкина**

**г. Одинцово
2015**

Семинар (лат *seminarium* - рассаdник)

- вид практических занятий, который предусматривает самостоятельную проработку обучающимися отдельных тем и проблем в соответствии содержания учебной дисциплины и обсуждение результатов у этого изучения, представленных в виде тезисов, сообщений, докладов, рефератов и т.д.

Дидактические цели семинара

- развивать навыки умственной работы, творческого мышления, умения использовать теоретические знания для решения практических задач;
- формировать у обучающихся интерес к научно-исследовательской работе и привлечения к научным исследованиям, которые проводит кафедра информатики;
- обеспечивать системное повторение, углубление и закрепление знаний обучающихся по темам «Моделирование», «Компьютерные технологии», «Задачи оптимизации»
- показать связь математики и информатики с реальной действительностью; формировать умение наблюдать, обобщать, проводить рассуждения по аналогии; развивать мышление и речь учащихся
- формировать умение применять алгебраический и информационно-технологический аппарат и компьютерные технологии к изучению реальной действительности

Функции семинара

- - **учебная** (углубление, конкретизация, систематизация знаний, усвоенных во время теоритических уроков и в процессе самостоятельной подготовки к семинару);
- - **развивающая** (развитие логического мышления обучающихся, приобретение ими умений работать с различными компьютерными приложениями (ЭТ), формирование умений и навыков анализа данных, применяемых в задачах оптимизации);
- - **воспитательная** (воспитание ответственности, работоспособности, воспитание культуры общения и мышления, привитие интереса к изучению информатики, формирование потребности рационализации учебно-познавательной деятельности)
- - **диагностически-коррекционная и контролирующая** (контроль за качеством усвоения обучающимися учебного материала, выявление пробелов в его усвоении и их преодоления)

Ход урока

- За неделю до проведения урока – семинара класс делится на 4 группы, каждая из которых получает индивидуальное задание.



- Все учащиеся группы решают 2 – 3 задачи, а один из них готовит сообщение или решение одной данной задачи для остальных учащихся класса.

Сообщение учащегося

(Исторический экскурс. Задача Дидоны)

Согласно легенде, вынужденная бежать из своего родного города, Дидона вместе со своими спутниками прибыла на северный берег Африки и хотела приобрести у местных жителей землю для нового поселения.



Ей согласились уступить участок земли, однако не больше, чем объемлет воловья шкура. Хитрая Дидона разрезала воловью шкуру на узкие ремешки, и разложив их, сумела ограничить гораздо большую площадь по сравнению с той, которую можно было покрыть одной шкурой.

Сообщение учителя

**Представление решения
задач по группам**

I этап. Постановка задачи

Формализация

Уточняющий вопрос	Ответ
Что моделируется?	Фигура, состоящая из двух объектов: ширины и длины.
Форма фигуры?	Прямоугольная.
Что известно о фигуре?	Размеры задаются длиной (a), шириной (b), площадью (S), периметром (P).
В какой зависимости находятся объекты в фигуре?	Площадь равна произведению длины и ширины. Периметр – сумма длин всех сторон.
Что известно о площади?	Площадь – величина постоянная, $S=64\text{см}^2$.
Что известно о периметре?	Периметр должен быть наименьшим возможным.
Что надо определить?	Длины сторон прямоугольника при наименьшем периметре.

II этап. Разработка модели

Информационная модель

Объект	Параметры	
	Название	Значение
Длина	Размер (a)	Результаты
Ширина	Размер (b)	Расчетные данные
Площадь	Произведение длины и ширины (S)	Исходные данные, в задаче константа
Периметр	Периметр – сумма длин всех сторон.	Расчетные данные Целевая Функция

II этап. Разработка модели

Математическая модель

S прям. $= a * b$ - равно 64

Чтобы определить размер длины, нужно площадь прямоугольника разделить на размер ширины, т. е. $b = S/a$

P прям. $= 2(a + b)$ – Целевая функция

II этап. Разработка модели

Компьютерная модель

Электронная таблица в режиме отображения формул

	А	В	С
1	Площадь прямоугольника 64 см ² . Какую длину должны иметь его стороны, чтобы периметр был наименьшим?		
2	Длина =		результат
3	Ширина =	=B4/B2	расчет
4	Площадь =	64	дано
5	Периметр =	=2*B2+2*B3	ЦФ

III этап. Компьютерный эксперимент

Настройка «Поиск решения»
Вводится ограничение $xB_2 \geq 1$, так как без него происходит ошибка деления на ноль.

Поиск решения

Установить целевую ячейку: 

Выполнить

Закреть

Равной: максимальному значению значению:

минимальному значению

Изменяя ячейки:



Ограничения:

III этап. Компьютерный эксперимент

Настройка «Поиск решения»

Изменим данные (пусть площадь будет равна 36 см^2 , 100 см^2 , 150 см^2) и проследим за пересчетом результатов.

IV этап. IV этап. Анализ результатов моделирования

*Наименьший периметр
имеет геометрическая
фигура квадрат*

Задачи других групп

- №2 Задача о наибольшей площади
- №3 Определение максимального объема коробки из квадратного листа
- №4 Задача о кратчайшем пути

№2 Кусок проволоки длиной 48 м

сгиб №3 Имеется квадратный лист картона со стороной a .

прямо

стор

площ

выре

наиб

№4 Буровая вышка расположена в поле в 9 км от ближайшей точки шоссе. С буровой надо направить курьера в населённый пункт, расположенный по шоссе в 15 км от упомянутой точки (считаем шоссе прямолинейным). Скорость курьера на велосипеде по полю 8 км/ч, а по шоссе 10 км/ч. К какой точке шоссе ему надо ехать, чтобы в кратчайшее время достичь населённого пункта?

Проверим задачу Дидоны

Среди замкнутых плоских кривых, имеющих заданную длину, найти кривую, охватывающая максимальную площадь. Как Дидона охватила шкурой большую территорию?



- Дидона изрезала шкуру быка на мелкие тесемки, связала их воедино и окружила большую территорию.
- Какую фигуру она использовала?
- **Действительно ли многоугольник с большим количеством сторон при одинаковом периметре имеет большую площадь?**

Площадь круга (для сравнения)

- Известна длина верёвки. Найти площадь окружности

	A	B	C
3	Длина верёвки	100	L
4	Радиус окружности	$=B3/(2*\text{ПИ}())$	$R=L/(2*\text{pi})$
5	Площадь окружности	$=\text{ПИ}()*B4*B4$	$S=\text{pi}*R^2$

Результат: площадь окружности равен **795,77**

Информационная модель

Данные из условия, константы	Расчетная величина	Результат
L - длина веревочки	a - длина стороны МНОГОУГОЛЬНИК A	n – количество сторон

ЦЕЛЕВАЯ ФУНКЦИЯ	S – площадь многоугольника - максимальная
-----------------	---

$$S = \frac{n \cdot a^2}{4 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{360^\circ}{2n}\right)}$$

Математическая модель

- n — число сторон правильного многоугольника
- a — сторона правильного многоугольника

$$S = \frac{n \cdot a^2}{4 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{360^\circ}{2n}\right)}$$

Компьютерная модель

	A	B	C
7	Количество сторон многоугольника	n (изменяется, минимальное значение=3)	3
8	Длина стороны многоугольника		$=B_3/C_7$
9	Площадь многоугольника max		$=C_7*(C_8)^2/(4*TAN(2*PI()/(2*C_7)))$

$$S = \frac{n \cdot a^2}{4 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{360^\circ}{2n}\right)}$$

Вывод

- Гипотеза подтверждается.
- Действительно, многоугольник с большим количеством сторон имеет большую площадь

Домашнее задание

№1 Старинная русская задача

- Пошла баба на базар, на людей посмотреть, да кое-что продать. Сколько надо взять бабе на базар для продажи живых гусей, уток и кур, чтобы выручить как можно больше денег, если она может взять товара не более P килограмм и известно, что:
Масса одной курицы - b_1 кг, стоимость - c_1 руб.;
Масса одной утки - b_2 кг, стоимость - c_2 руб.;
Масса одной гуся - b_3 кг, стоимость - c_3 руб.;
- *Требуется определить, какое количество гусей, уток и кур (общей массой не более P кг) необходимо взять бабе на базар, чтобы выручка от продажи была максимальной.*

Домашнее задание

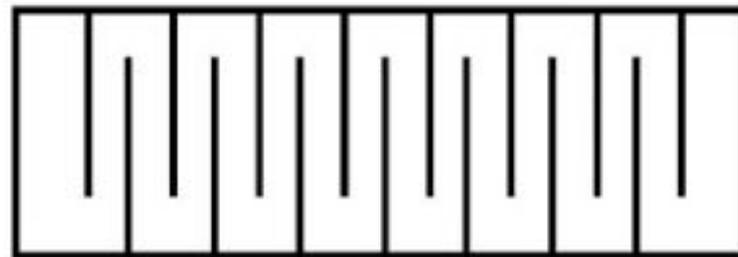
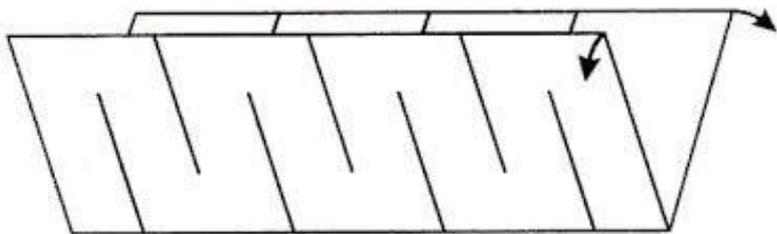
№2 Как в листе бумаги размером с обычную страницу из тетради проделать такое отверстие, чтобы сквозь него мог пройти человек.

Задание

Сделать чертёж.

Подсказка

Если лист бумаги разрезать так, что при растяжении данной модели в результате можно получить окружность.





Спасибо за внимание!

**Автор презентации учитель информатики
Шаталина В.А.**