

# Тригонометрия - итоги

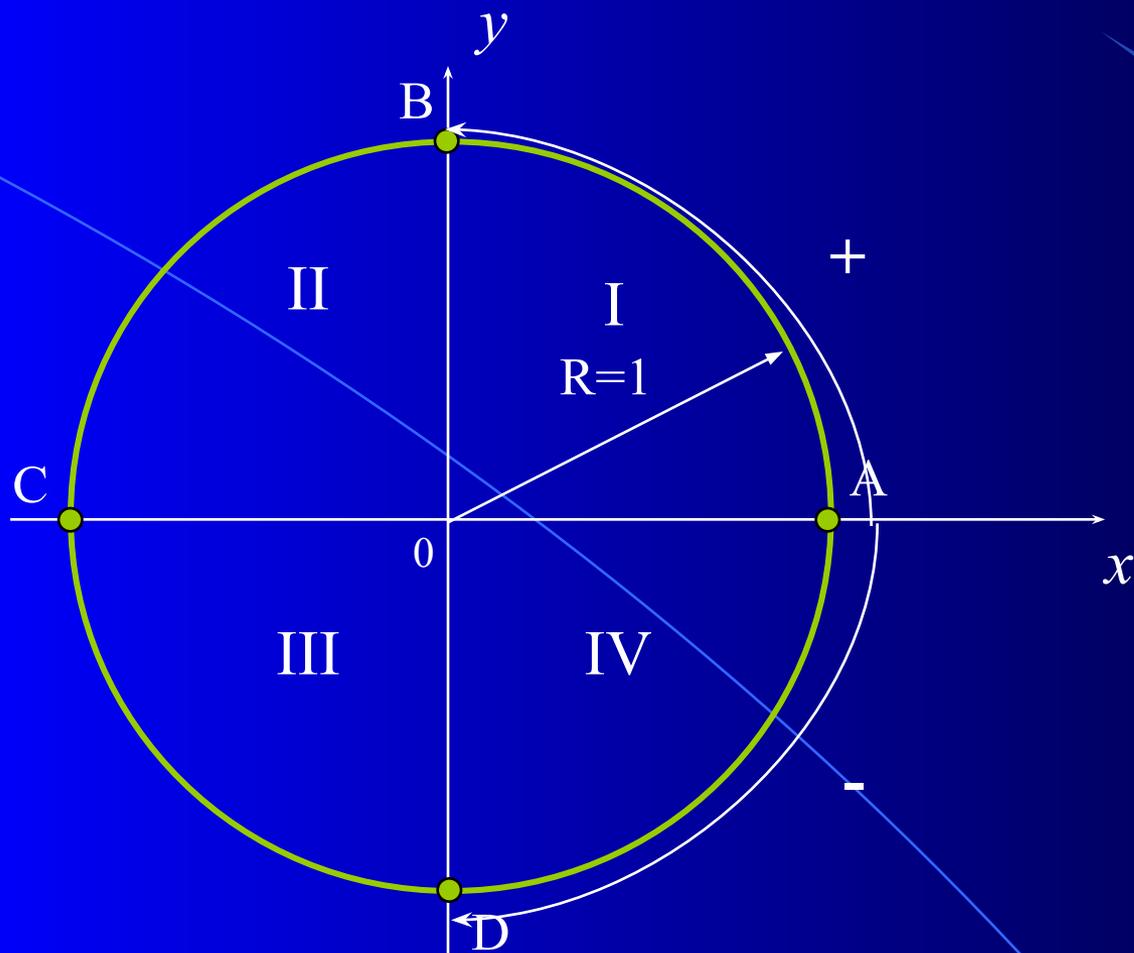
Вопросы для повторения:

- *Основные понятия*
- *Уравнения*
- *Неравенства*
- *Системы неравенств*

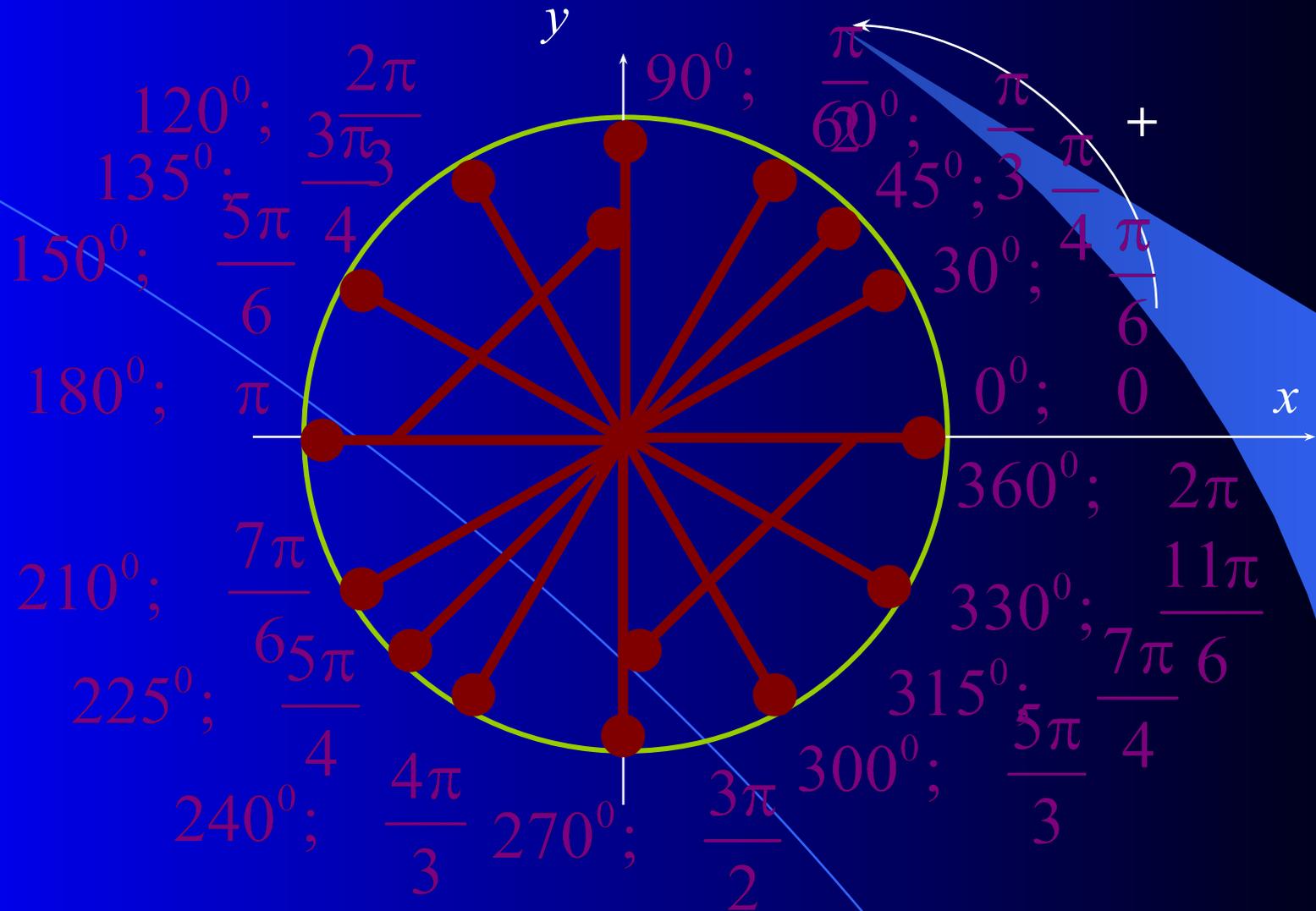
# Основные понятия

- ✓ *тригонометрическая окружность*
- ✓ *градусы и радианы*
- ✓ *синус и косинус*
- ✓ *тангенс и котангенс*

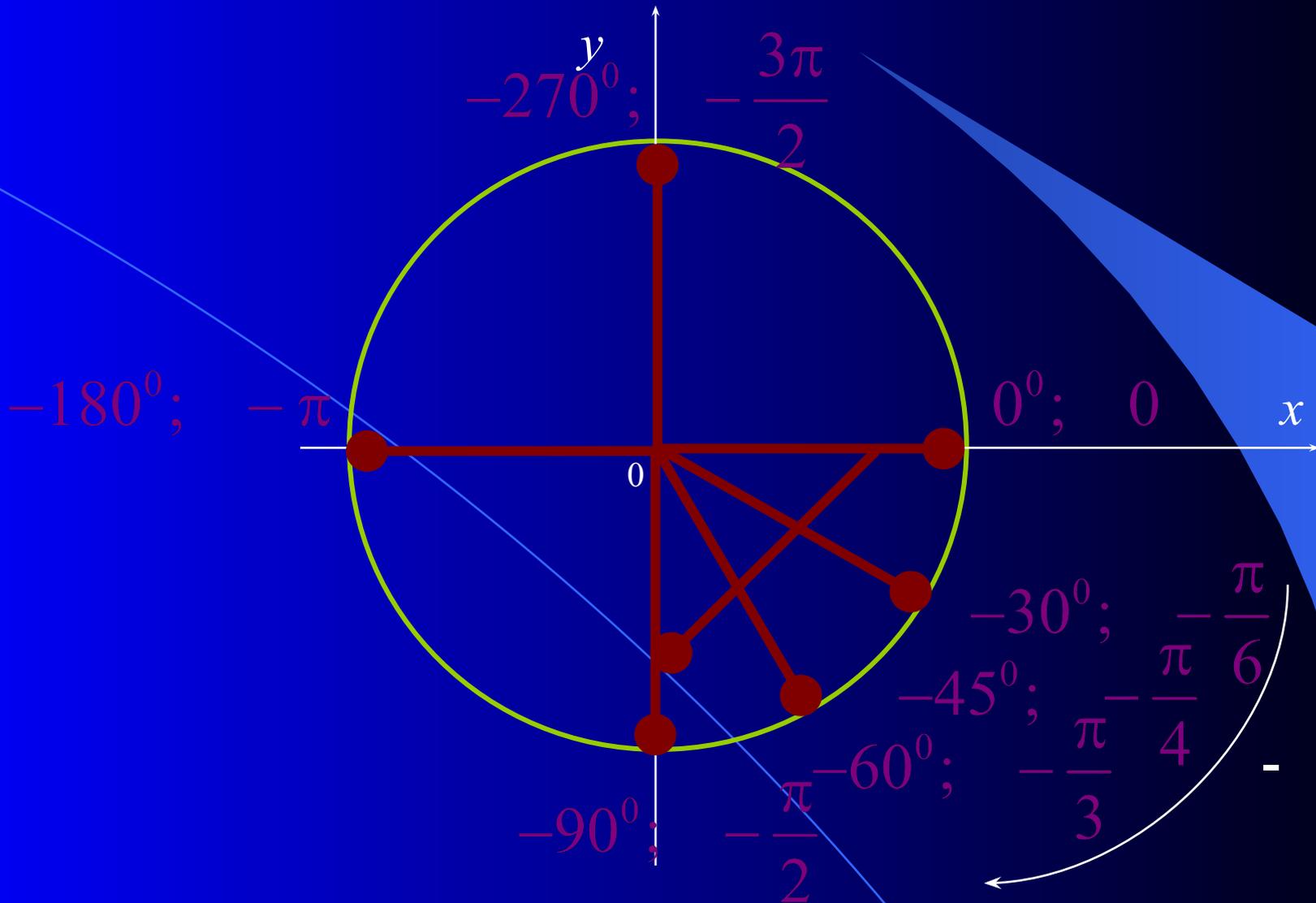
# Тригонометрическая окружность



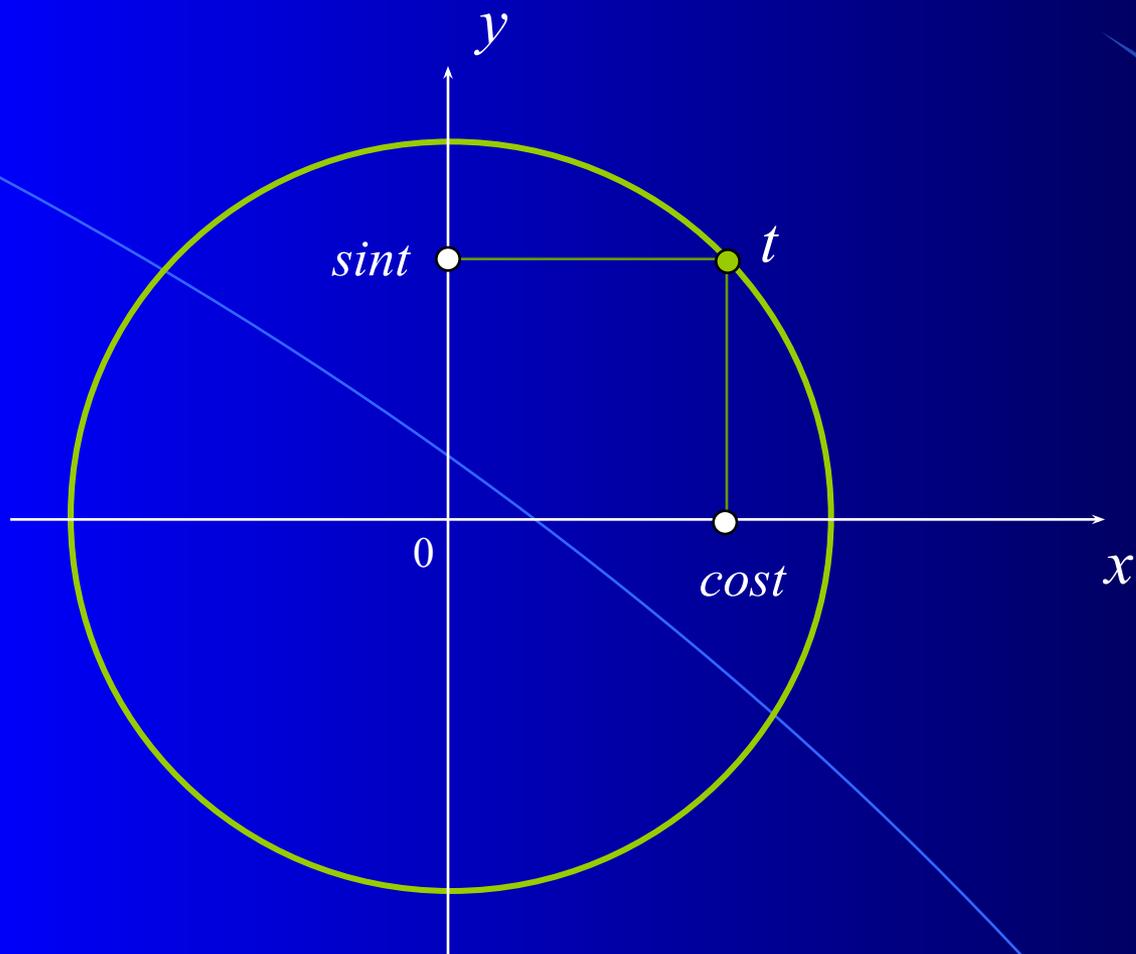
# Градусы и радианы



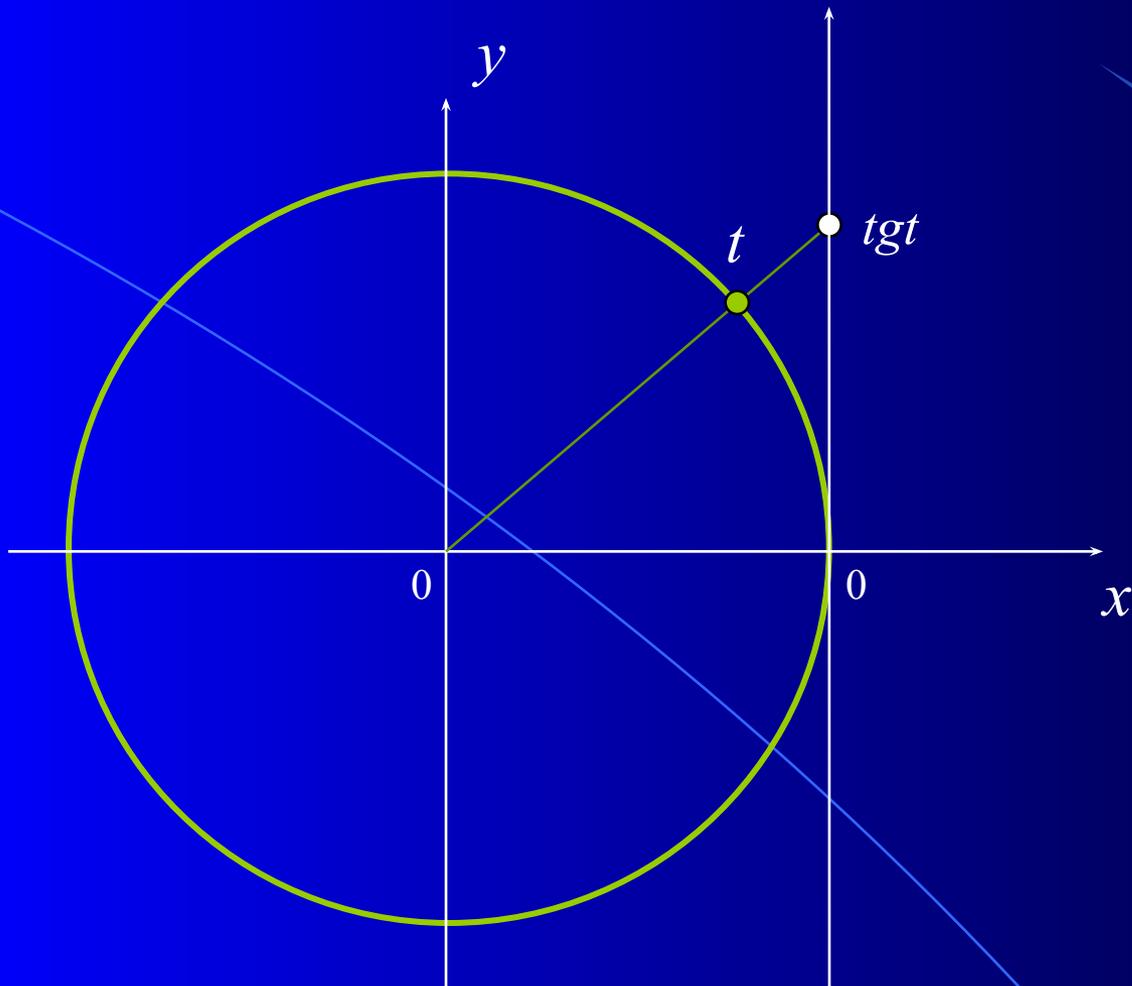
# Градусы и радианы



# Косинус и синус

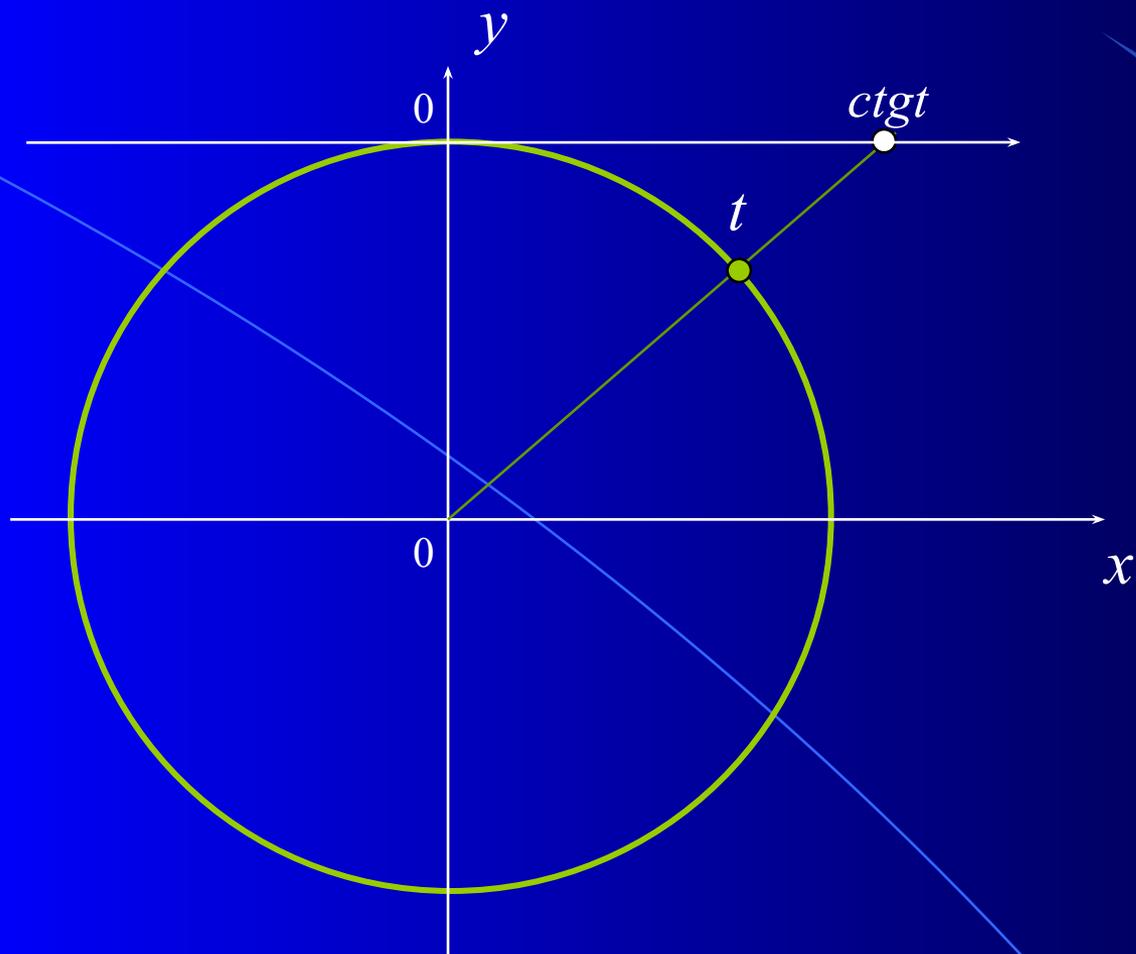


# Тангенс



$$\text{tgt} = \frac{\sin t}{\cos t}$$

# Котангенс



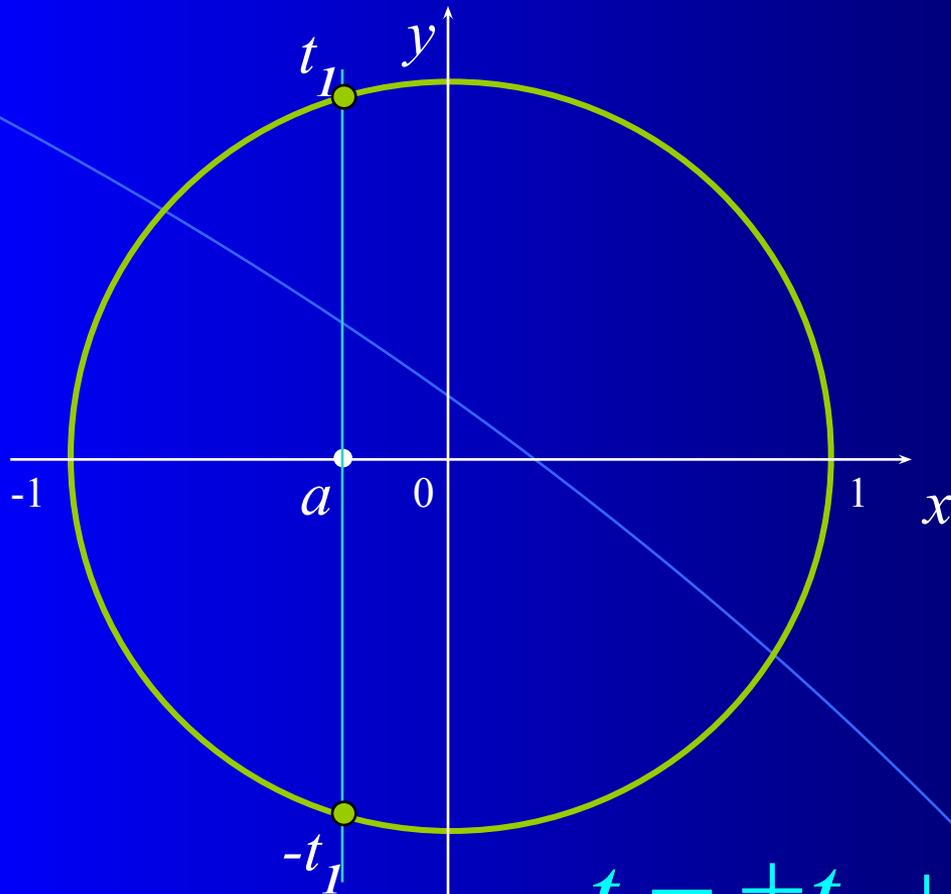
$$ctgt = \frac{\cos t}{\sin t}$$

# Уравнения

✓  $\cos t = a$

✓  $\sin t = a$

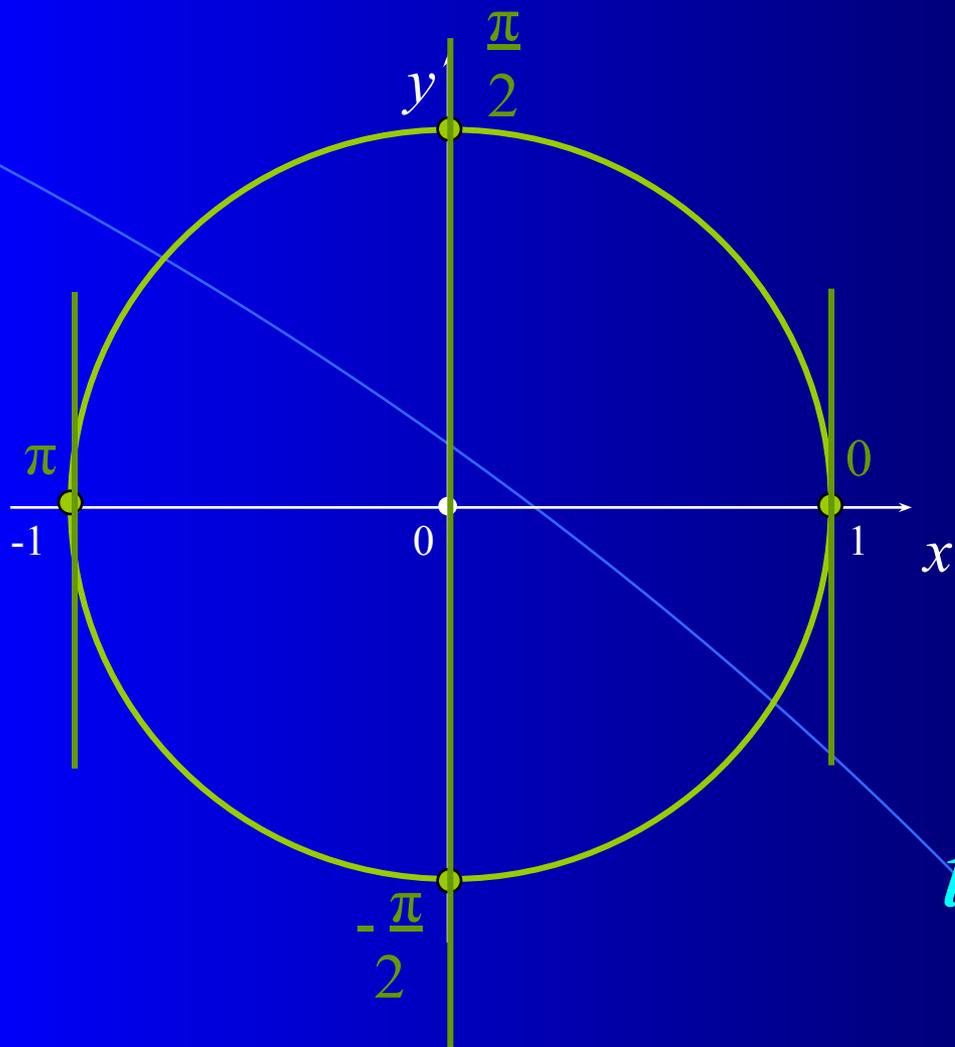
# Уравнение $\cos t = a$



1. Проверить условие  $|a| \leq 1$
2. Отметить точку  $a$  на оси абсцисс.
3. Построить перпендикуляр в этой точке.
4. Отметить точки пересечения перпендикуляра с окружностью.
5. Полученные точки – решение уравнения  $\cos t = a$ .
6. Записать общее решение уравнения.

$$t = \pm t_1 + 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

# Частные случаи уравнения $\cos t = a$



$$\cos t = 1$$

$$t = 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

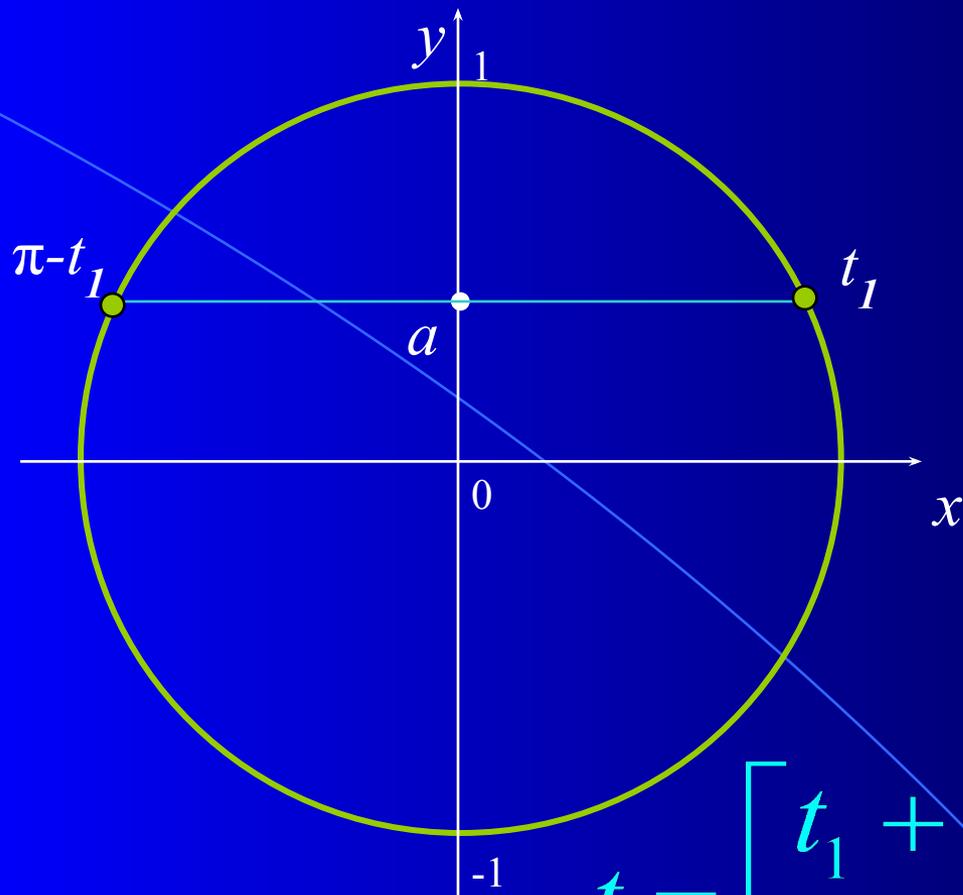
$$\cos t = 0$$

$$t = \frac{\pi}{2} + \pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

$$\cos t = -1$$

$$t = \pi + 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

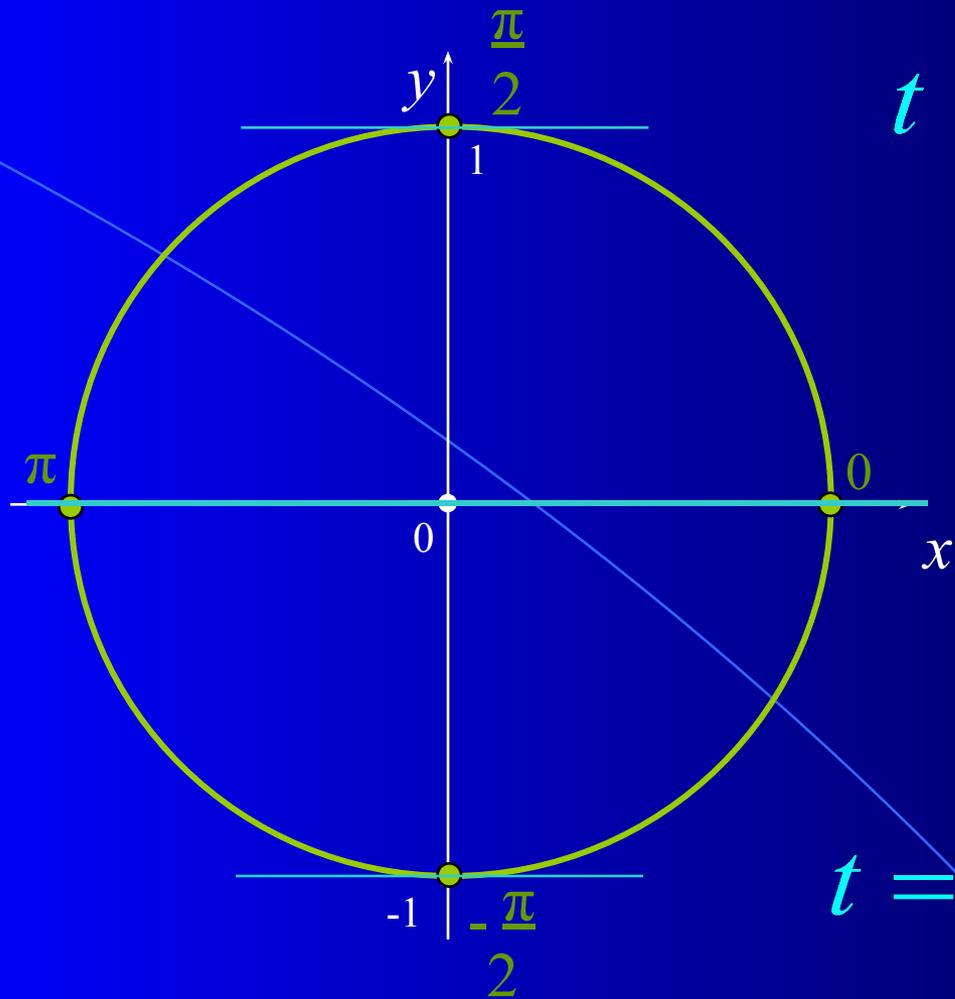
# Уравнение $\sin t = a$



1. Проверить условие  $|a| \leq 1$
2. Отметить точку  $a$  на оси ординат.
3. Построить перпендикуляр в этой точке.
4. Отметить точки пересечения перпендикуляра с окружностью.
5. Полученные точки – решение уравнения  $\sin t = a$ .
6. Записать общее решение уравнения.

$$t = \begin{cases} t_1 + 2\pi n, & n \in \mathbb{Z} \\ \pi - t_1 + 2\pi n, & n \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

# Частные случаи уравнения $\sin t = a$



$$\sin t = 1$$

$$t = \frac{\pi}{2} + 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

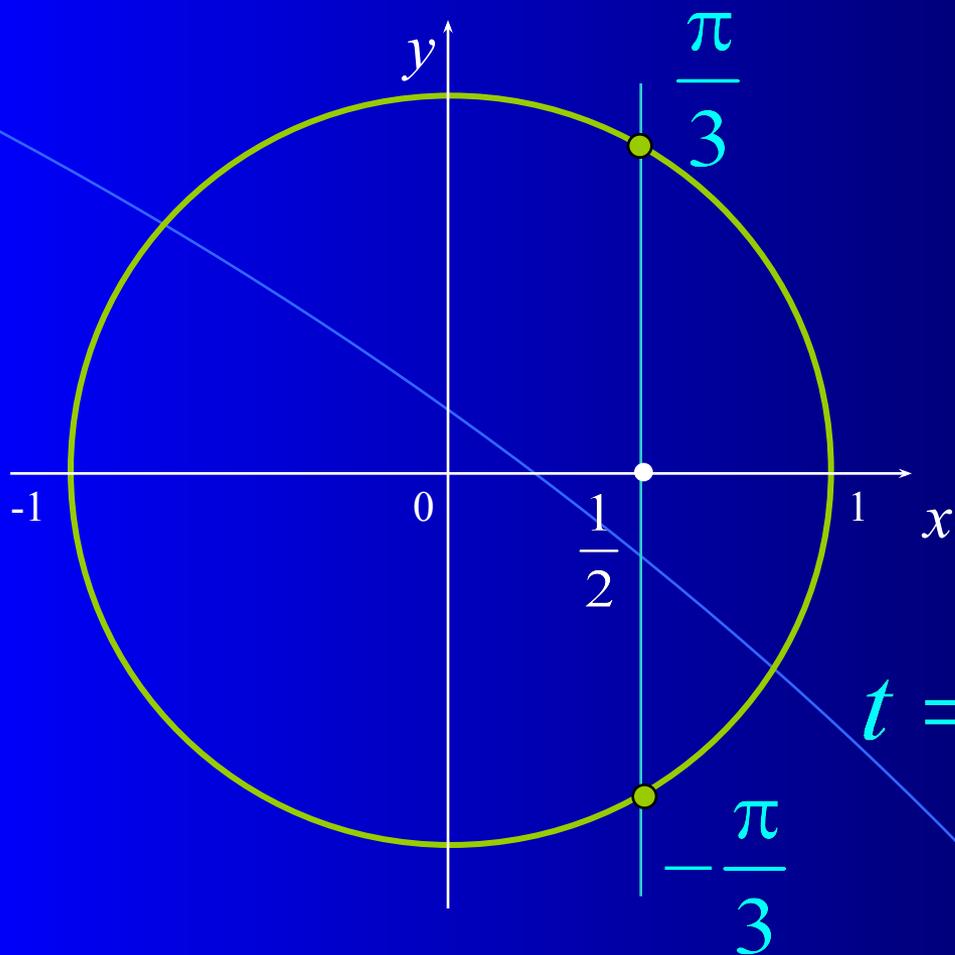
$$\sin t = 0$$

$$t = \pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

$$\sin t = -1$$

$$t = -\frac{\pi}{2} + 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

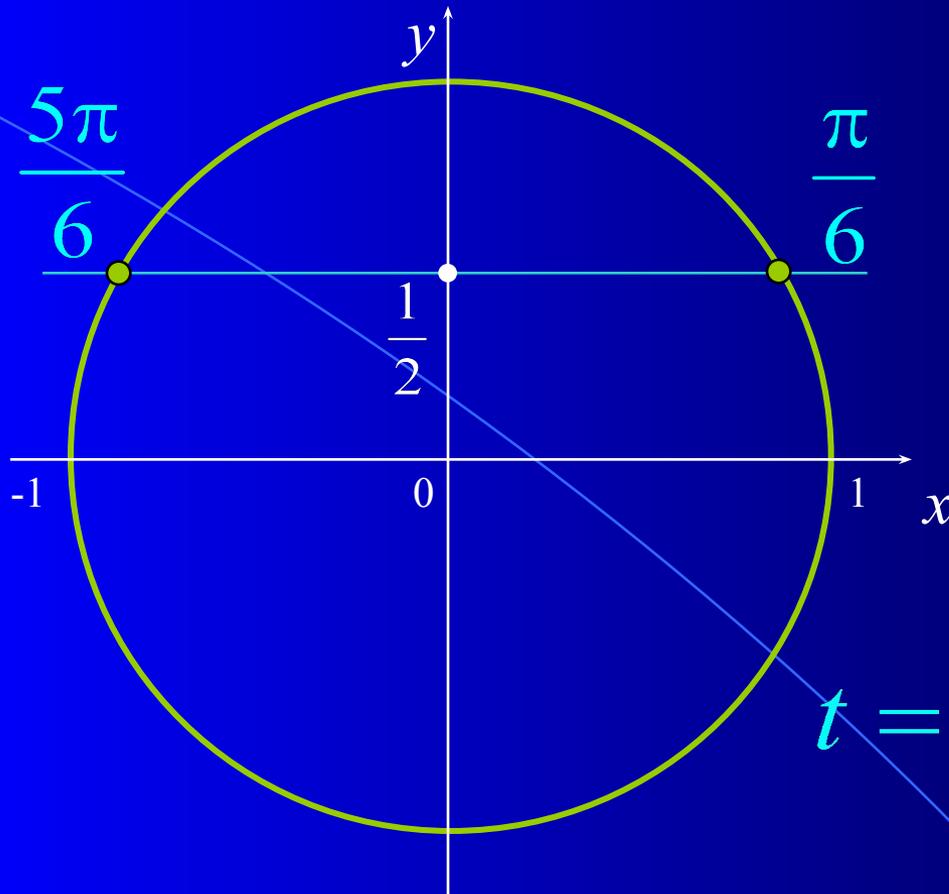
# Примеры уравнений



$$\cos t = \frac{1}{2}$$

$$t = \pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

# Примеры уравнений



$$\sin t = \frac{1}{2}$$

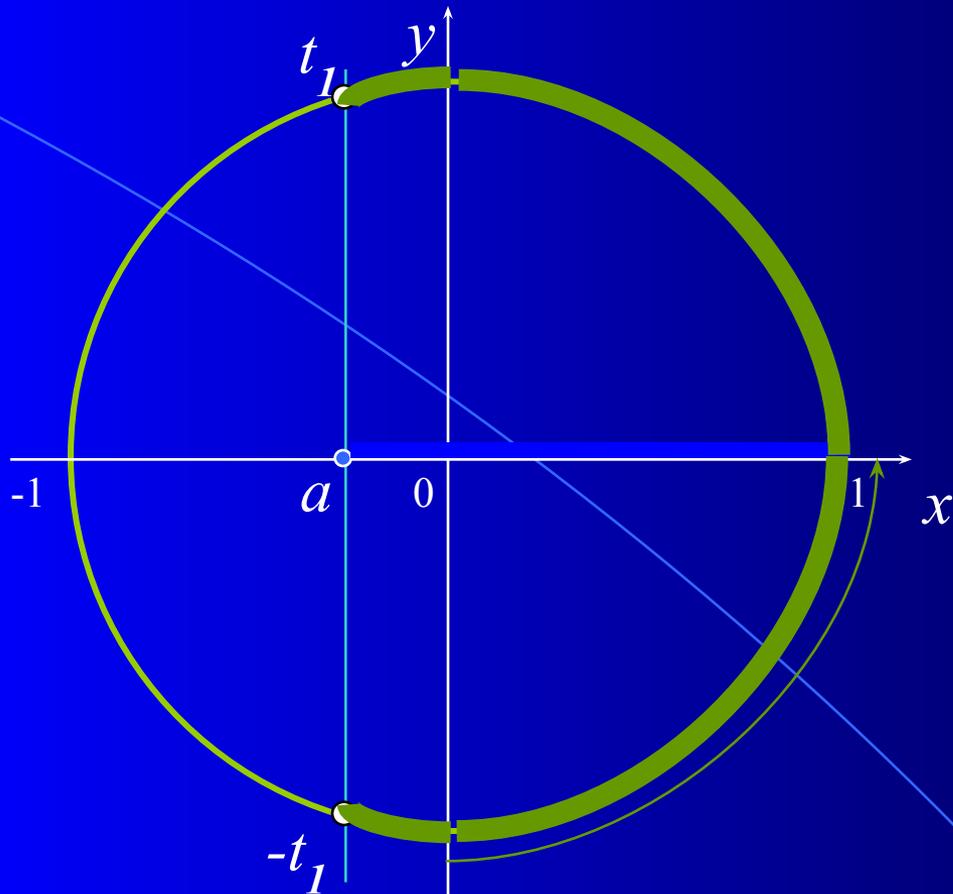
$$t = \begin{cases} \frac{\pi}{6} + 2\pi n, & n \in \mathbb{Z} \\ \frac{5\pi}{6} + 2\pi n, & n \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

# Неравенства

✓  $\cos t > a, \cos t \leq a$

✓  $\sin t > a, \sin t \leq a$

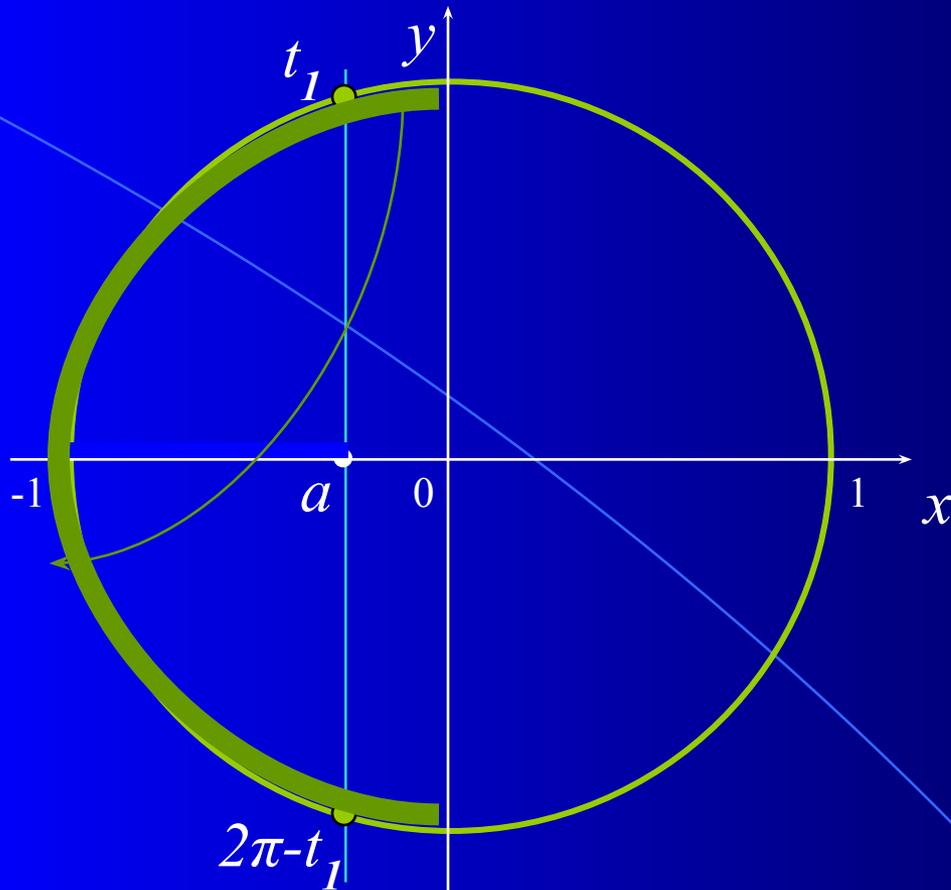
# Неравенство $\cos t > a$



1. Отметить на оси абсцисс интервал  $x > a$ .
2. Выделить дугу окружности, соответствующую интервалу.
3. Записать числовые значения граничных точек дуги.
4. Записать общее решение неравенства.

$$t \in (-t_1 + 2\pi n; t_1 + 2\pi n), \quad n \in \mathbb{Z}$$

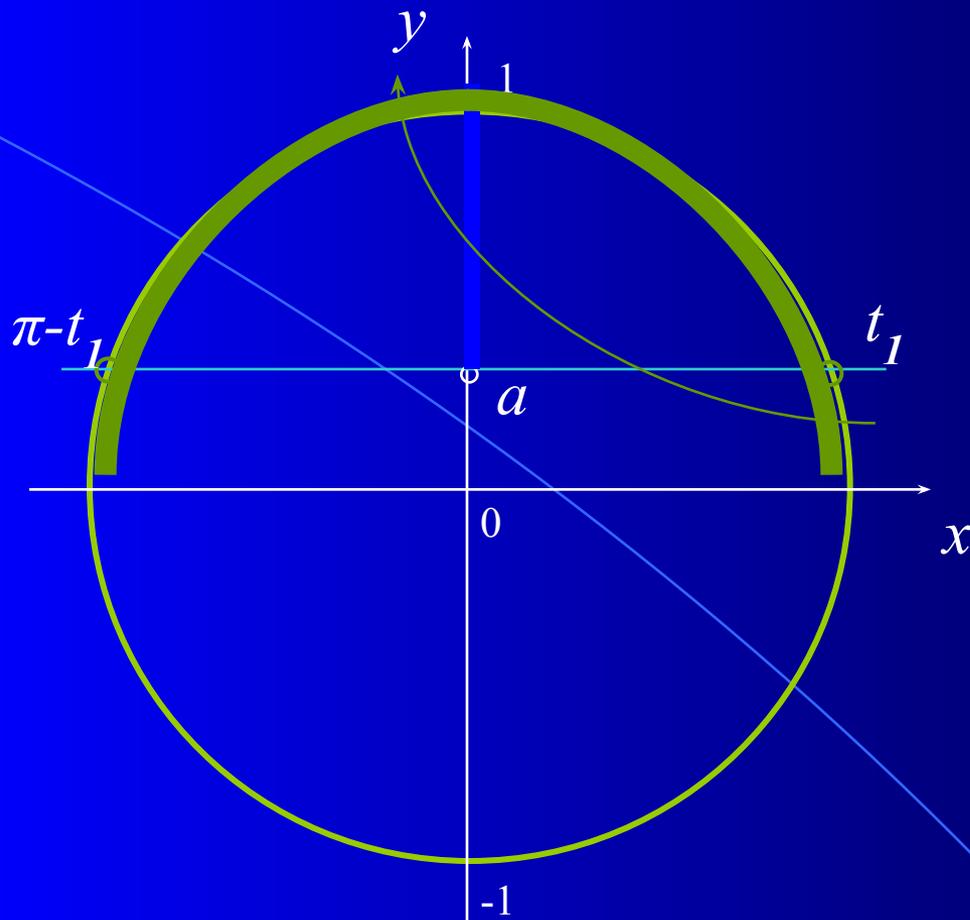
# Неравенство $\cos t \leq a$



1. Отметить на оси абсцисс интервал  $x \leq a$ .
2. Выделить дугу окружности, соответствующую интервалу.
3. Записать числовые значения граничных точек дуги.
4. Записать общее решение неравенства.

$$t \in [t_1 + 2\pi n; 2\pi - t_1 + 2\pi n], \quad n \in \mathbb{Z}$$

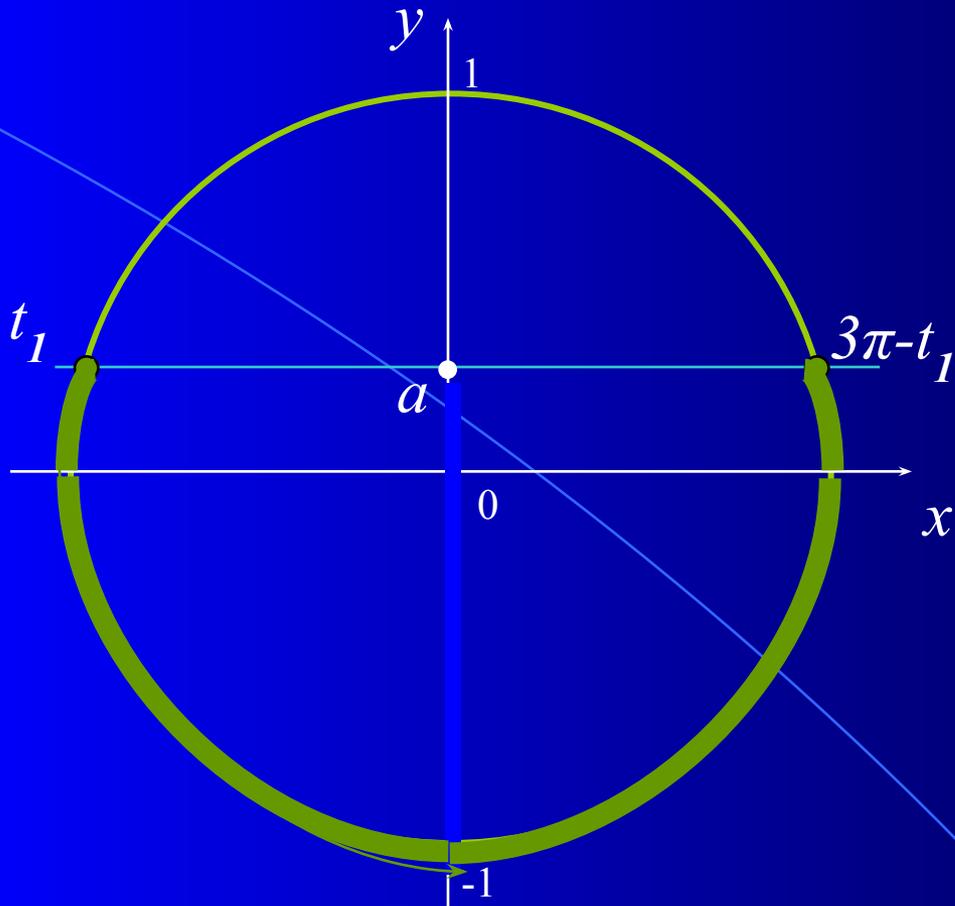
# Неравенство $\sin t > a$



1. Отметить на оси ординат интервал  $y > a$ .
2. Выделить дугу окружности, соответствующую интервалу.
3. Записать числовые значения граничных точек дуги.
4. Записать общее решение неравенства.

$$t \in (t_1 + 2\pi n; \pi - t_1 + 2\pi n), \quad n \in \mathbb{Z}$$

# Неравенство $\sin t \leq a$



1. Отметить на оси ординат интервал  $y \leq a$ .

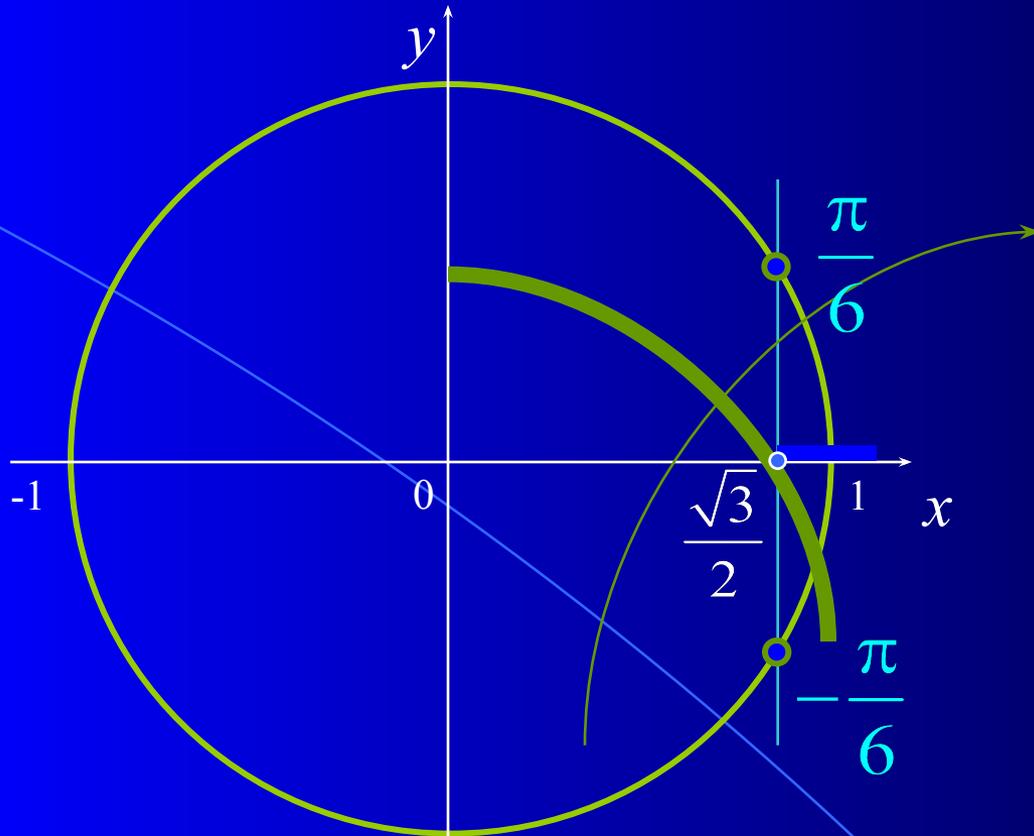
2. Выделить дугу окружности, соответствующую интервалу.

3. Записать числовые значения граничных точек дуги.

4. Записать общее решение неравенства.

$$t \in [t_1 + 2\pi n; 3\pi - t_1 + 2\pi n], \quad n \in \mathbb{Z}$$

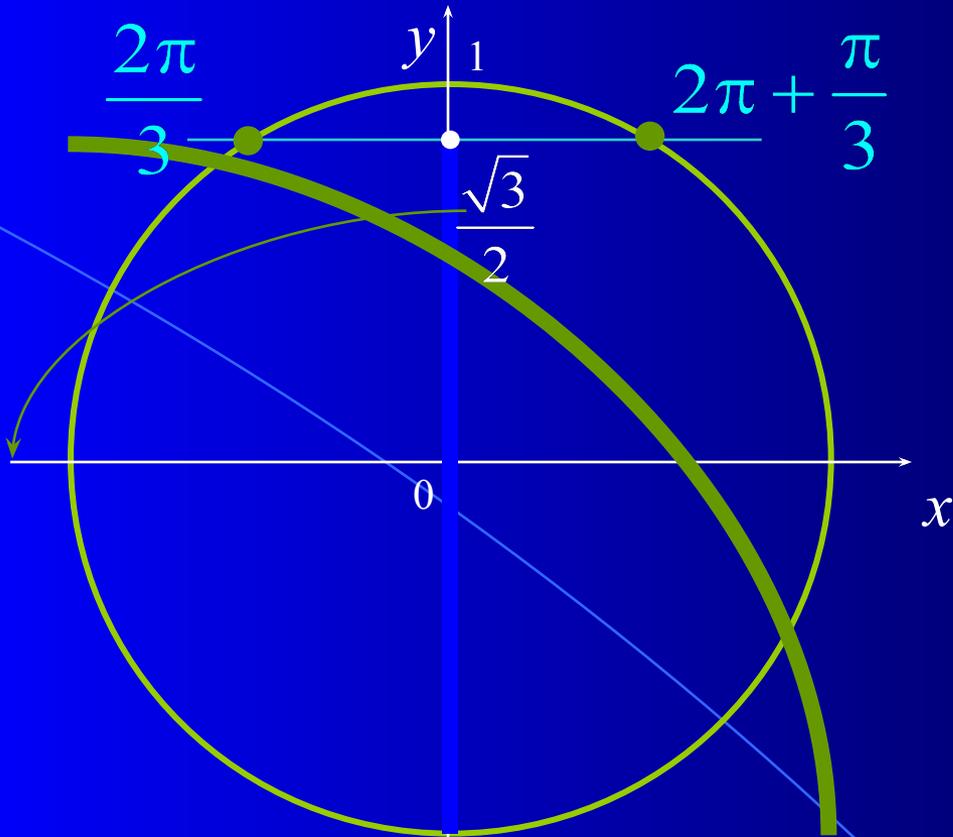
# Примеры неравенств



$$\cos t > \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$t \in \left( -\frac{\pi}{6} + 2\pi n; \frac{\pi}{6} + 2\pi n \right), \quad n \in \mathbb{Z}$$

# Примеры неравенств

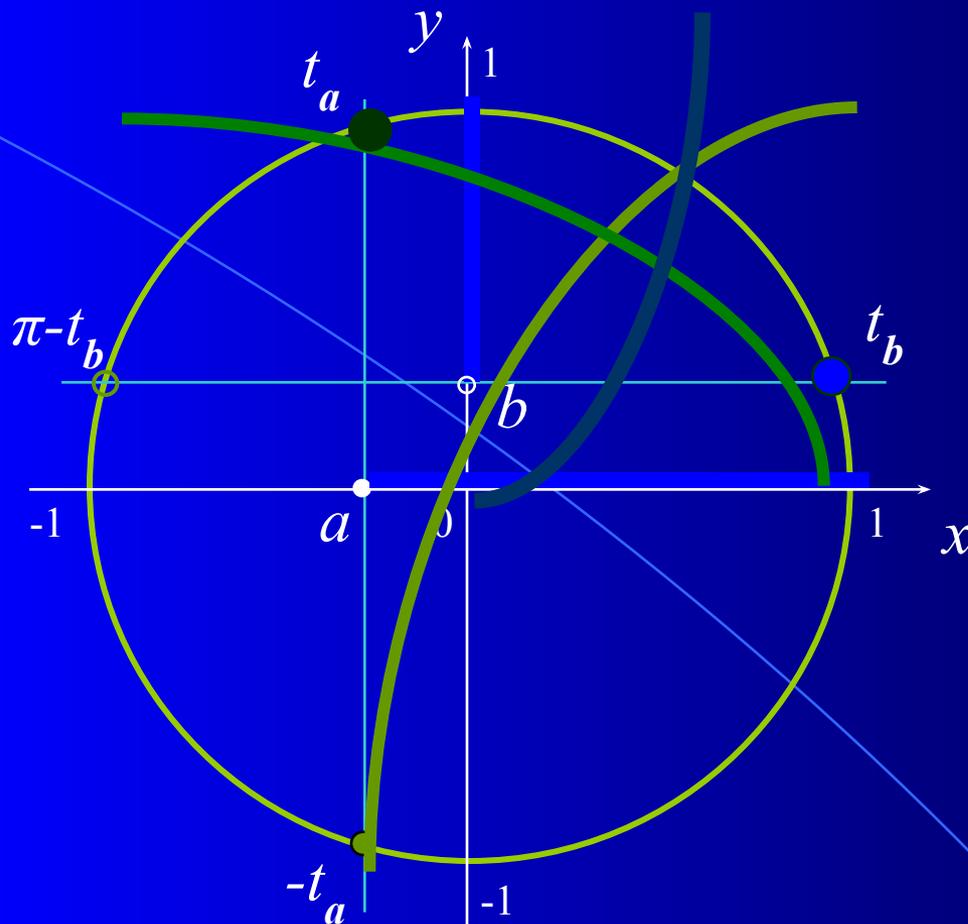


$$\sin t \leq \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$t \in \left[ \frac{2\pi}{3} + 2\pi n; \frac{7\pi}{3} + 2\pi n \right], \quad n \in \mathbb{Z}$$

# Система неравенств:

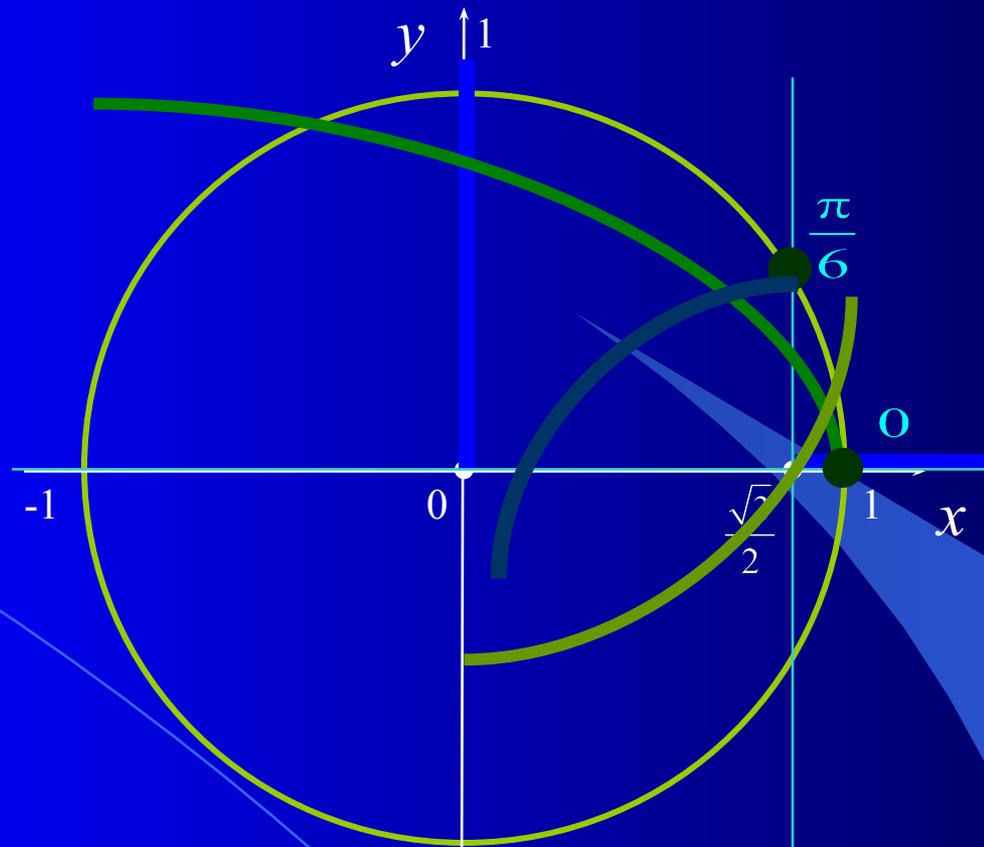
$$\begin{cases} \cos t \geq a, \\ \sin t > b \end{cases}$$



1. Отметить на окружности решение первого неравенства.
2. Отметить решение второго неравенства.
3. Выделить общее решение (пересечение дуг).
4. Записать общее решение системы неравенств.

$$t \in (t_b + 2\pi n; t_a + 2\pi n], \quad n \in \mathbb{Z}$$

# Примеры систем



$$\begin{cases} \cos t \geq \frac{\sqrt{3}}{2}, \\ \sin t \geq 0 \end{cases}$$

$$t \in \left[ 2\pi n; \frac{\pi}{6} + 2\pi n \right], \quad n \in \mathbb{Z}$$

# Заключение

## Основные понятия

- ✓ тригонометрическая окружность
- ✓ градусы и радианы
- ✓ синус и косинус
- ✓ тангенс и котангенс

## Уравнения

- ✓  $\cos t = a$
- ✓  $\sin t = a$

## Неравенства

- ✓  $\cos t > a, \cos t \leq a$
- ✓  $\sin t > a, \sin t \leq a$

## Система неравенств

$$\begin{cases} \cos t \geq a, \\ \sin t > b \end{cases}$$