

Геометрия 7 класс

Тема: «Параллельные прямые»

Урок: «Аксиома параллельных прямых»

Учитель: Лозневая Н.С.

Об аксиомах геометрии

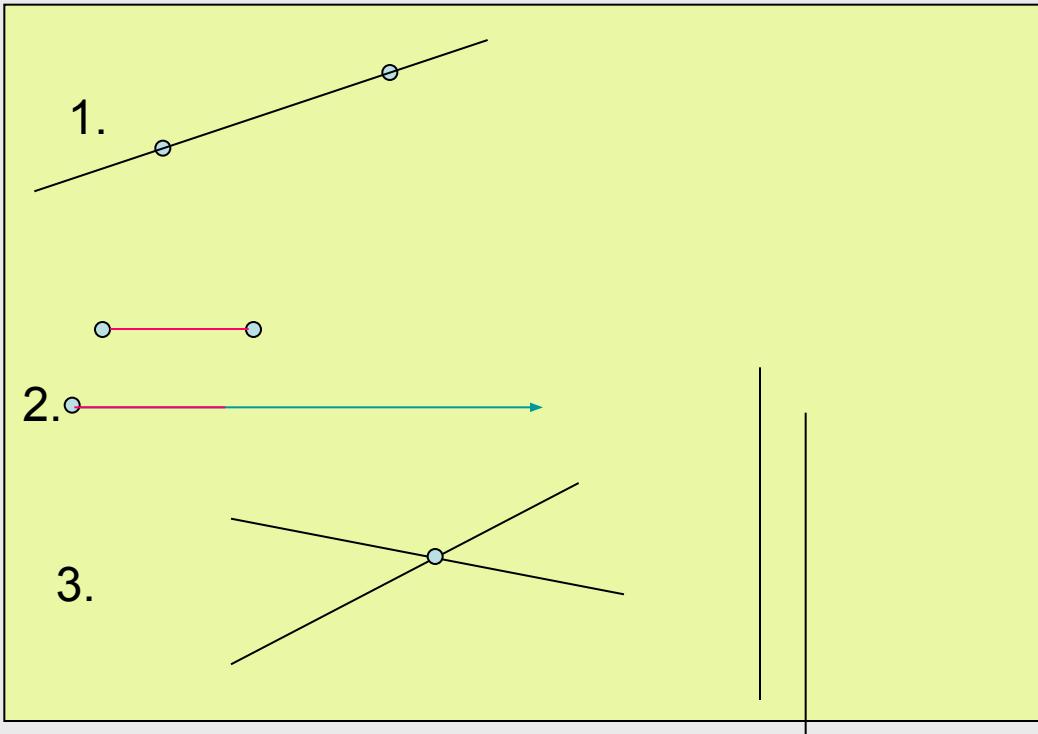
Теорема
Теорема
Теорема
Теорема

?

А на чём основаны доказательства
самых первых теорем геометрии?

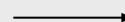
На аксиомах

Утверждениях о свойствах
геометрических фигур,
которые принимаются в
качестве исходных положений
(без доказательства)



Строится вся геометрия

Сначала формулируются
исходные положения -
аксиомы



На их основе, путём
логических рассуждений
доказываются другие
утверждения



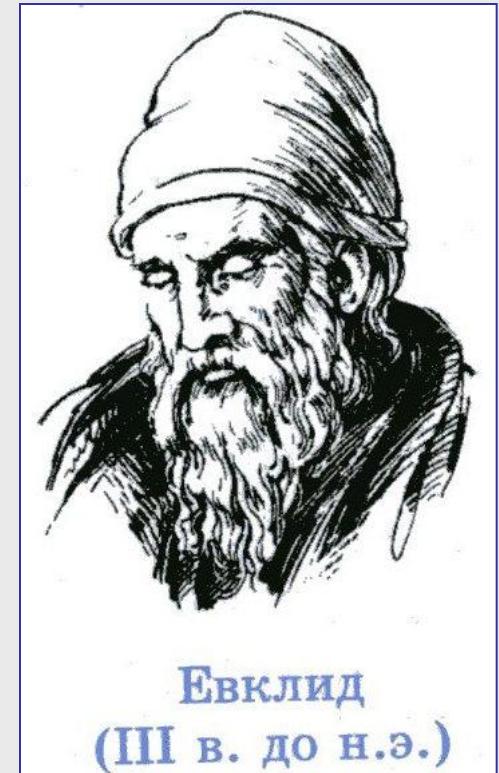
Такой подход к построению геометрии зародился
в глубокой древности и был изложен в сочинении
«Начала» древнегреческого учёного Евклида



Геометрия, изложенная в «Началах»,
называется **евклидовой геометрией**



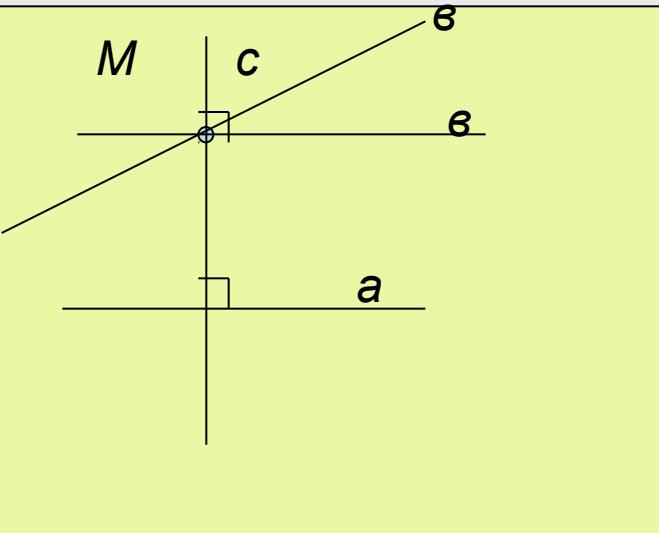
Некоторые из аксиом Евклида (часть из них он называл
постулатами) и сейчас используются в геометрии



365 – 300 гг. до н.э.

Слово **«аксиома»**
происходит от греческого
«аксиос», что означает
«ценный, достойный».

Аксиома параллельных прямых

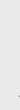


Докажем, что через точку М можно провести прямую, параллельную прямой a .

Доказательство:

$$\begin{array}{l} a \perp c \\ \hline \end{array} \Rightarrow a \parallel b$$
$$b \perp c$$

Можно ли через т.М провести еще одну прямую , параллельную прямой a ?

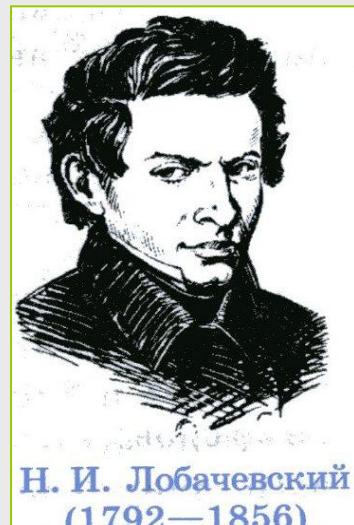


Нам представляется, что через т.М нельзя провести прямую (отличную от прямой b), параллельную прямой a .

Можно ли это утверждение доказать?



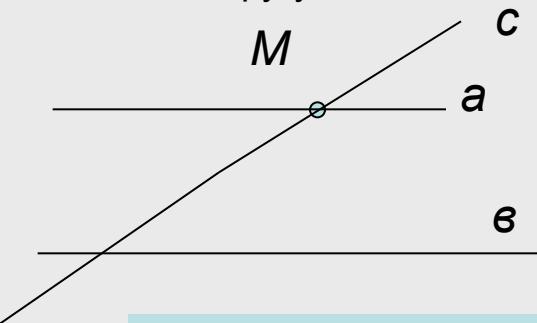
Ответ на этот непростой вопрос дал великий русский математик



Н. И. Лобачевский
(1792—1856)

Следствия из аксиомы параллельных прямых

- Если прямая пересекает одну из двух параллельных прямых, то она пересекает и другую.



Доказательство:

- Предположим, что прямая c не пересекает прямую b , значит, $c \parallel b$.
- Тогда через т.М проходят две прямые a и c параллельные прямой b .
- Но это противоречит аксиоме параллельных прямых, значит, прямая c пересекает прямую b .

- Если две прямые параллельны третьей прямой, то они параллельны.



Доказательство:

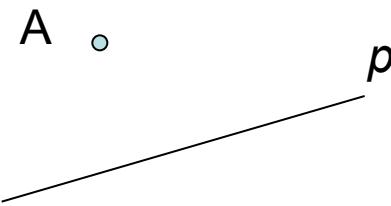
- Предположим, что прямая a и прямая b пересекаются.
- Тогда через т.М проходят две прямые a и b параллельные прямой c
- Но это противоречит аксиоме параллельных прямых.
- Значит прямые a и b параллельны.

Способ рассуждения,, который называется
методом доказательства от противного

Решение задач

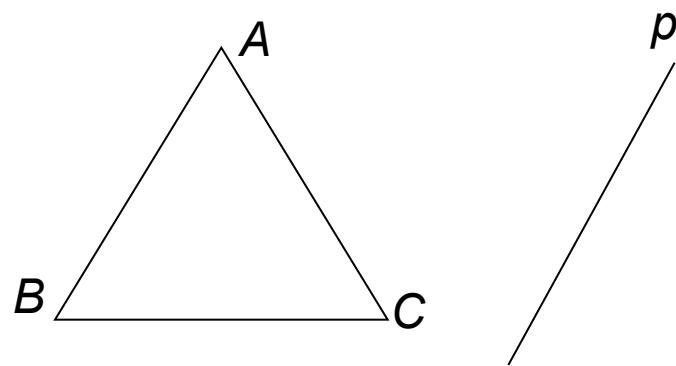
Задача №1

Через точку, не лежащую на данной прямой p , проведены четыре прямые. Сколько из этих прямых пересекают прямую p ? Рассмотрите все возможные случаи.



Задача №2

Прямая p параллельна стороне AB треугольника ABC . Докажите, что прямые AB и BC пересекают прямую p .



Д/з; Выучить аксиому и следствия §2, п.28,стр.60;
№ 198,200.