

Волкова Юлия Сергеевна,
преподаватель математики

Идентификатор автора: 243-059-520

ТЕМА:

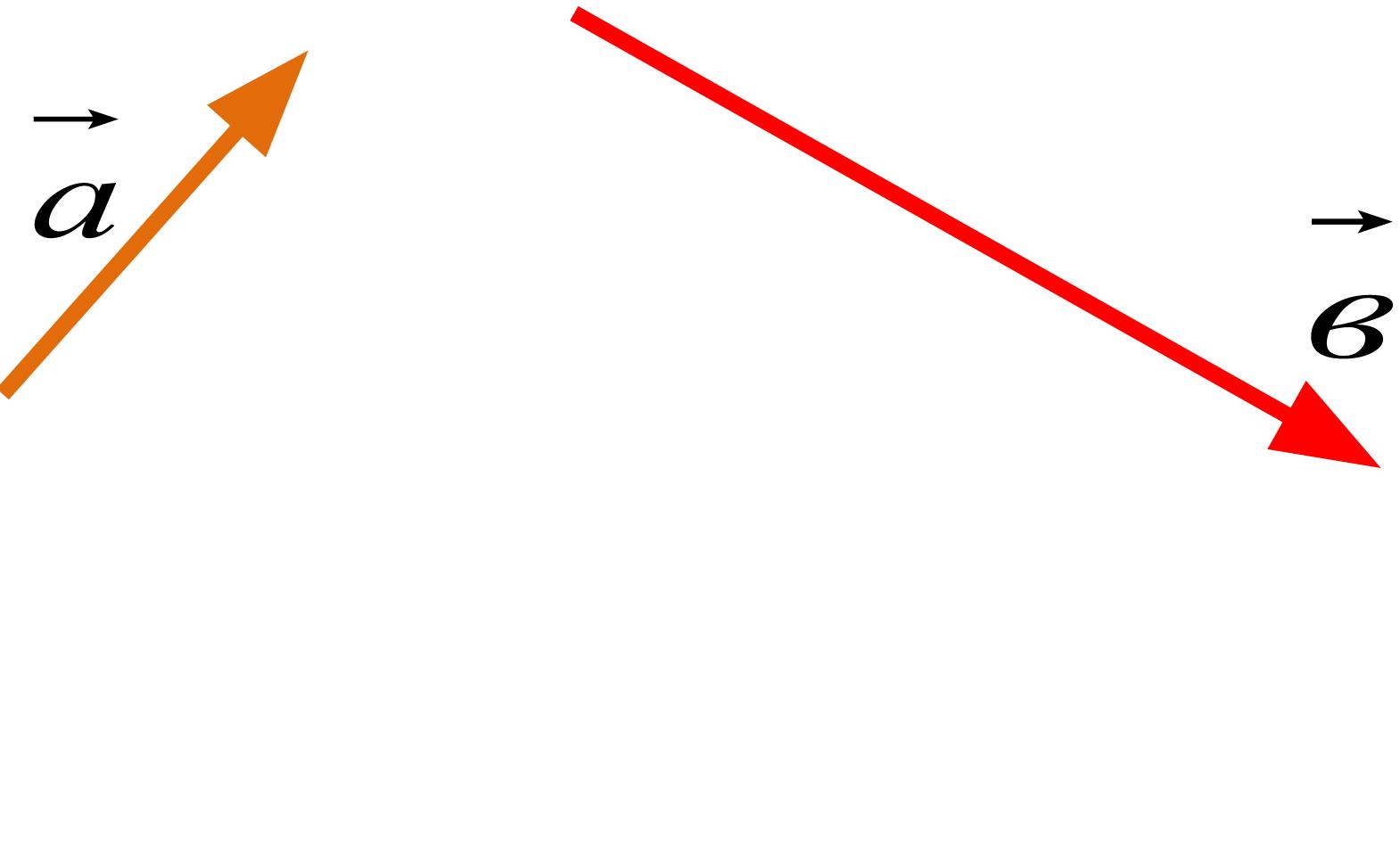
Действия над векторами

ЦЕЛИ УРОКА:

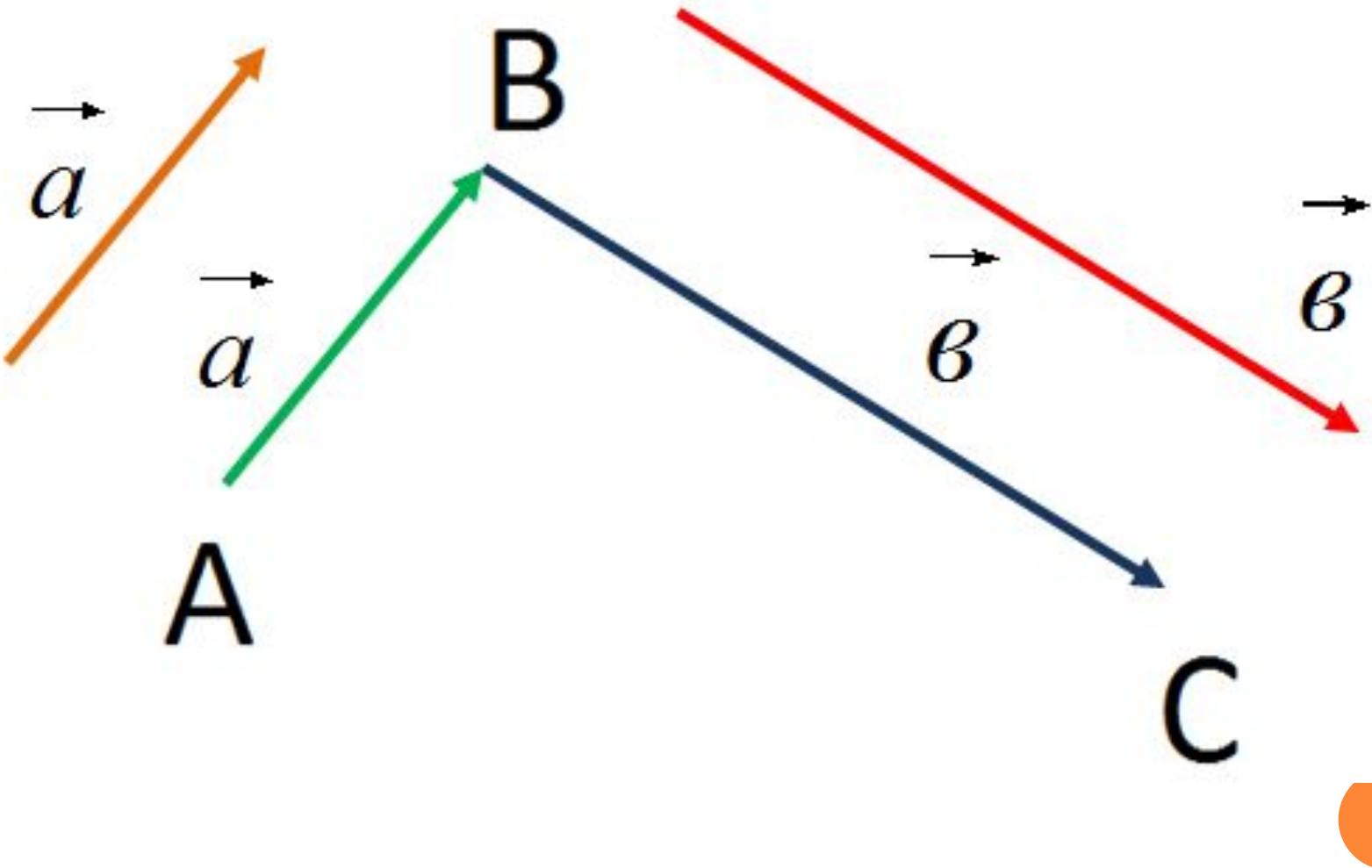
- рассмотреть правила треугольника и параллелограмма сложения векторов в пространстве;
- рассмотреть правило умножения вектора на число и основные свойства этого действия, а также их применение при решении задач.



ПРАВИЛО ТРЕУГОЛЬНИКА

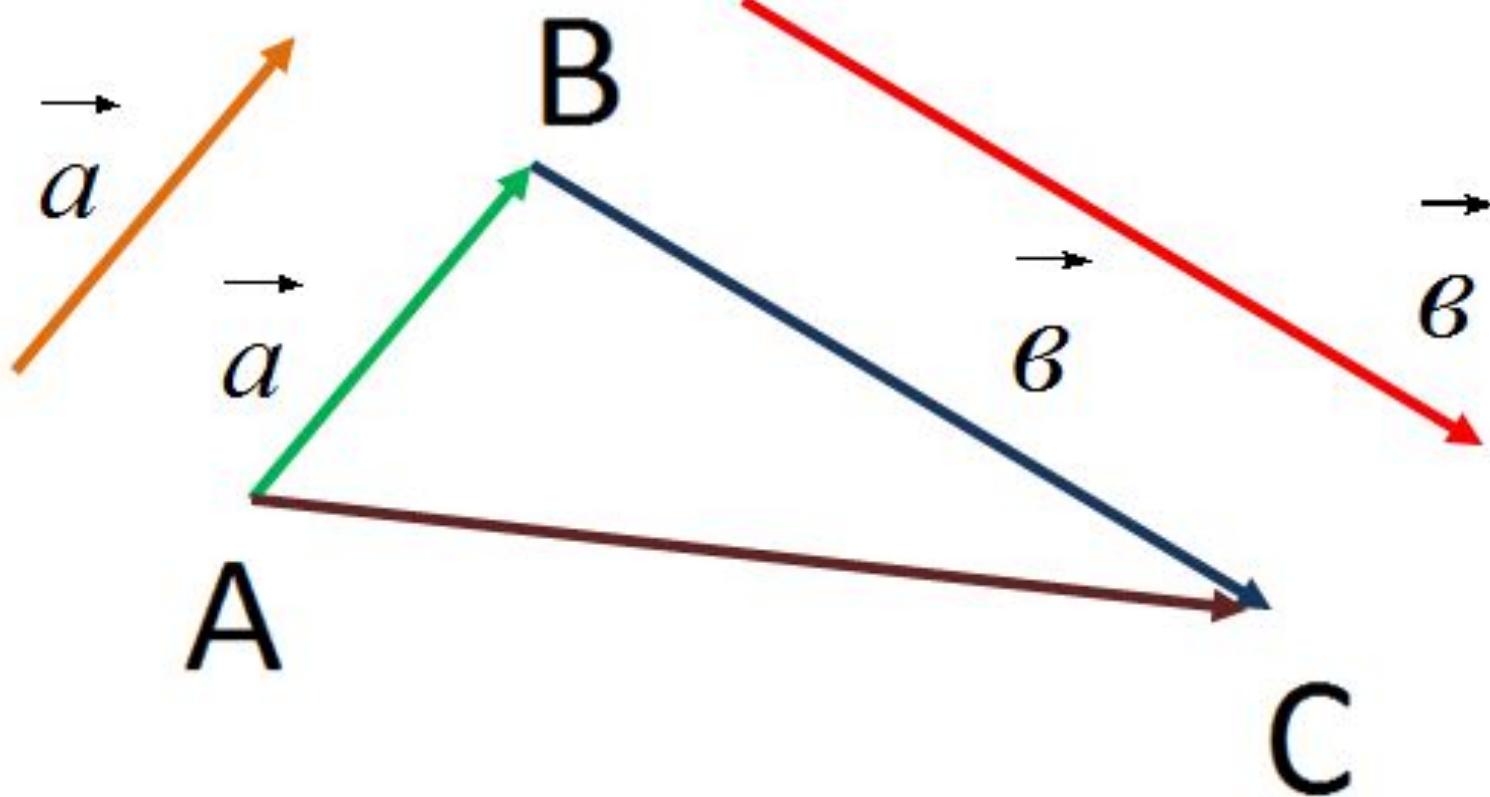


ПРАВИЛО ТРЕУГОЛЬНИКА



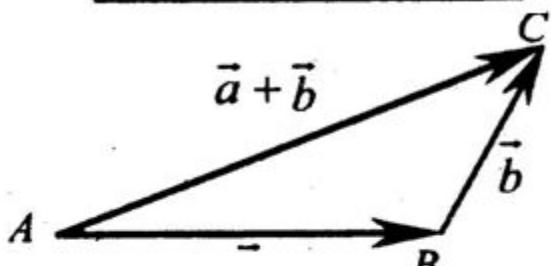
ПРАВИЛО ТРЕУГОЛЬНИКА

$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}$$



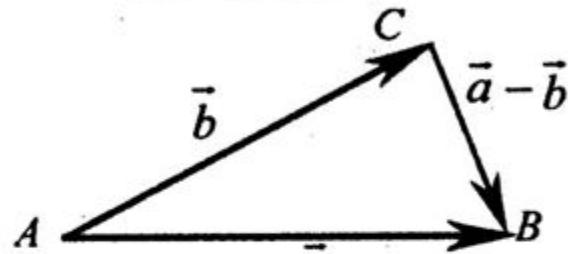
1. Сумма и разность векторов:

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$$



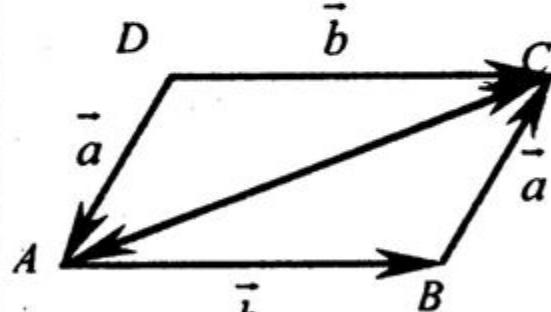
$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}$$

$$\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{CB}$$



$$\overrightarrow{CB} = \overrightarrow{a} - \overrightarrow{b}, \quad \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{b} - \overrightarrow{a}$$

2. Законы сложения векторов:

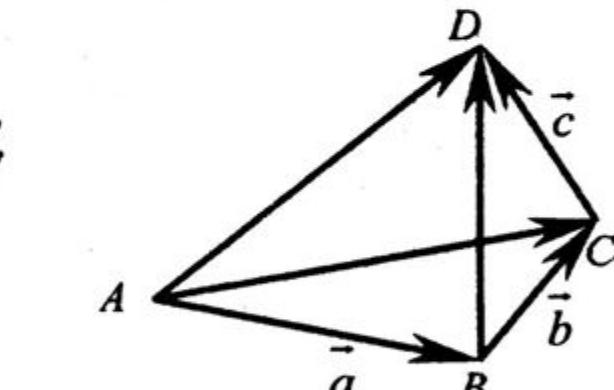


$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b},$$

$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{b} + \overrightarrow{a},$$

$$\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b} = \overrightarrow{b} + \overrightarrow{a}$$

**Переместительный
закон**

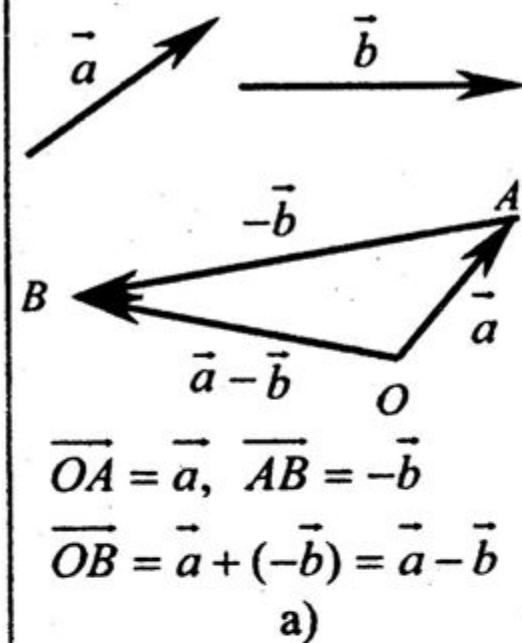


$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}, \quad \overrightarrow{AD} = (\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}) + \overrightarrow{c},$$

$$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}, \quad \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{a} + (\overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}),$$

$$(\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}) + \overrightarrow{c} = \overrightarrow{a} + (\overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}).$$

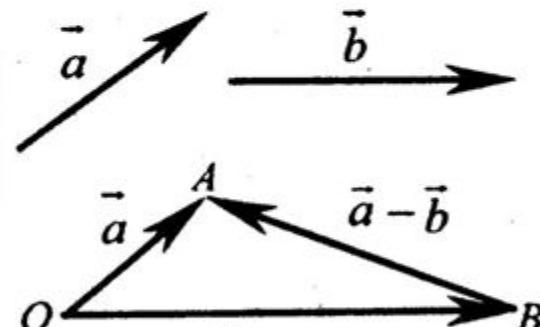
**Сочетательный
закон**



$$\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{a}, \quad \overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{b}$$

$$\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{a} + (-\overrightarrow{b}) = \overrightarrow{a} - \overrightarrow{b}$$

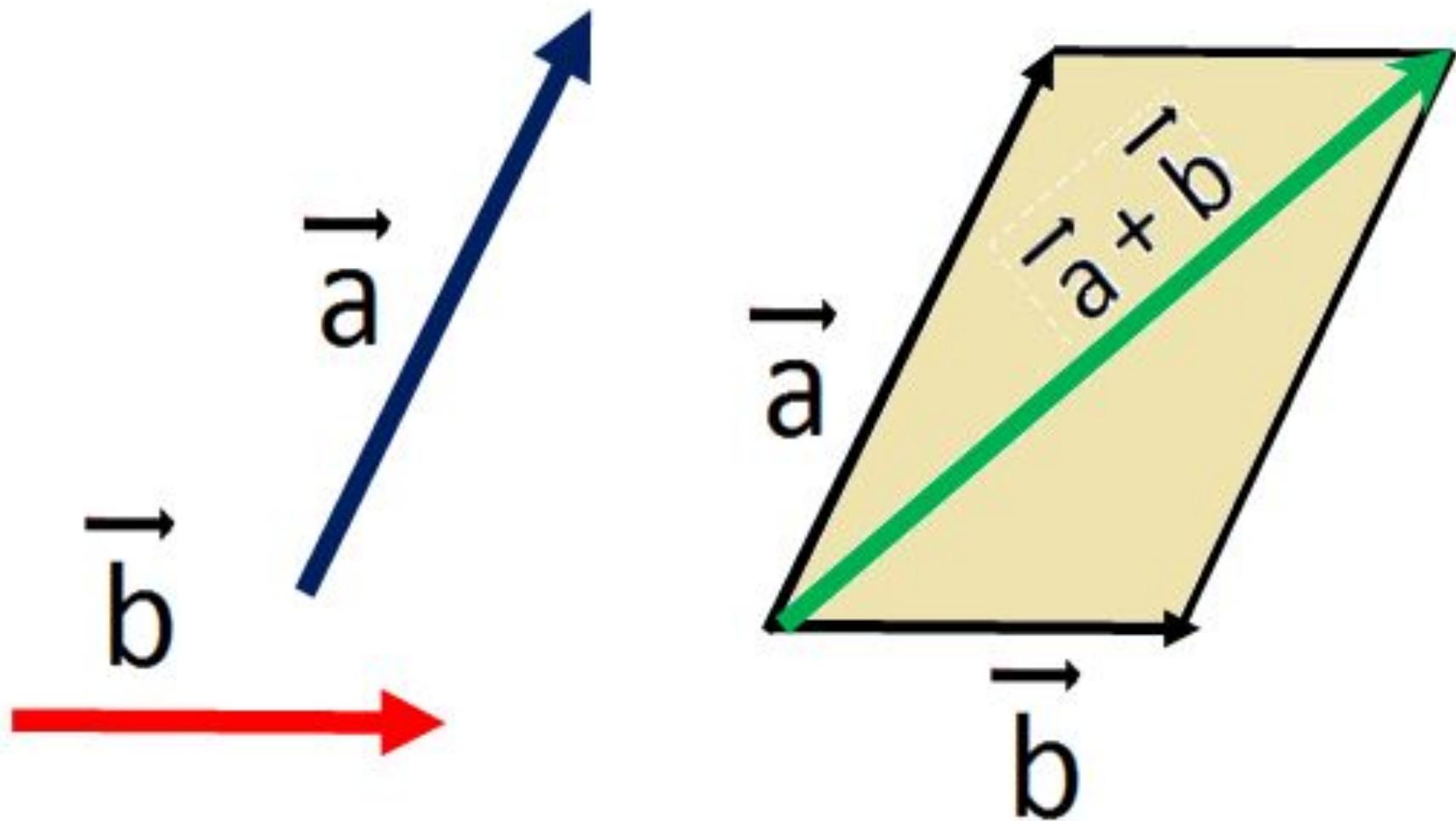
a)



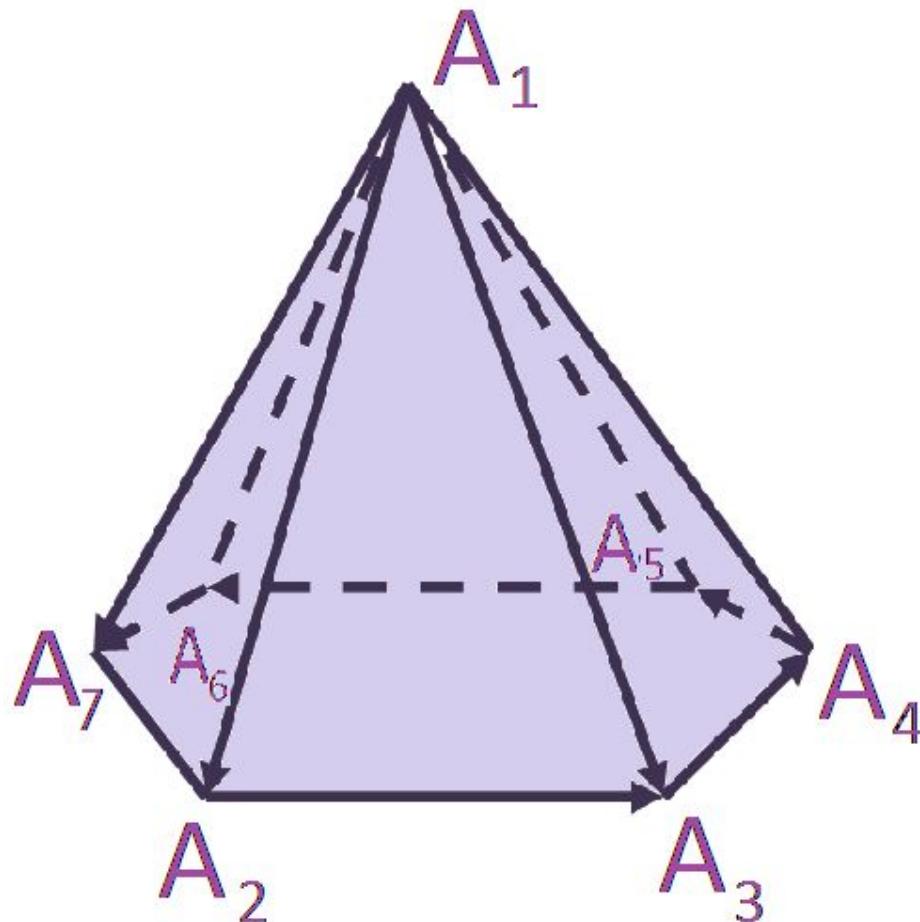
$$\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{a}, \quad \overrightarrow{OB} = \overrightarrow{b}$$

$$\overrightarrow{BA} = \overrightarrow{a} - \overrightarrow{b}$$

ПРАВИЛО ПАРАЛЛЕЛОГРАММА



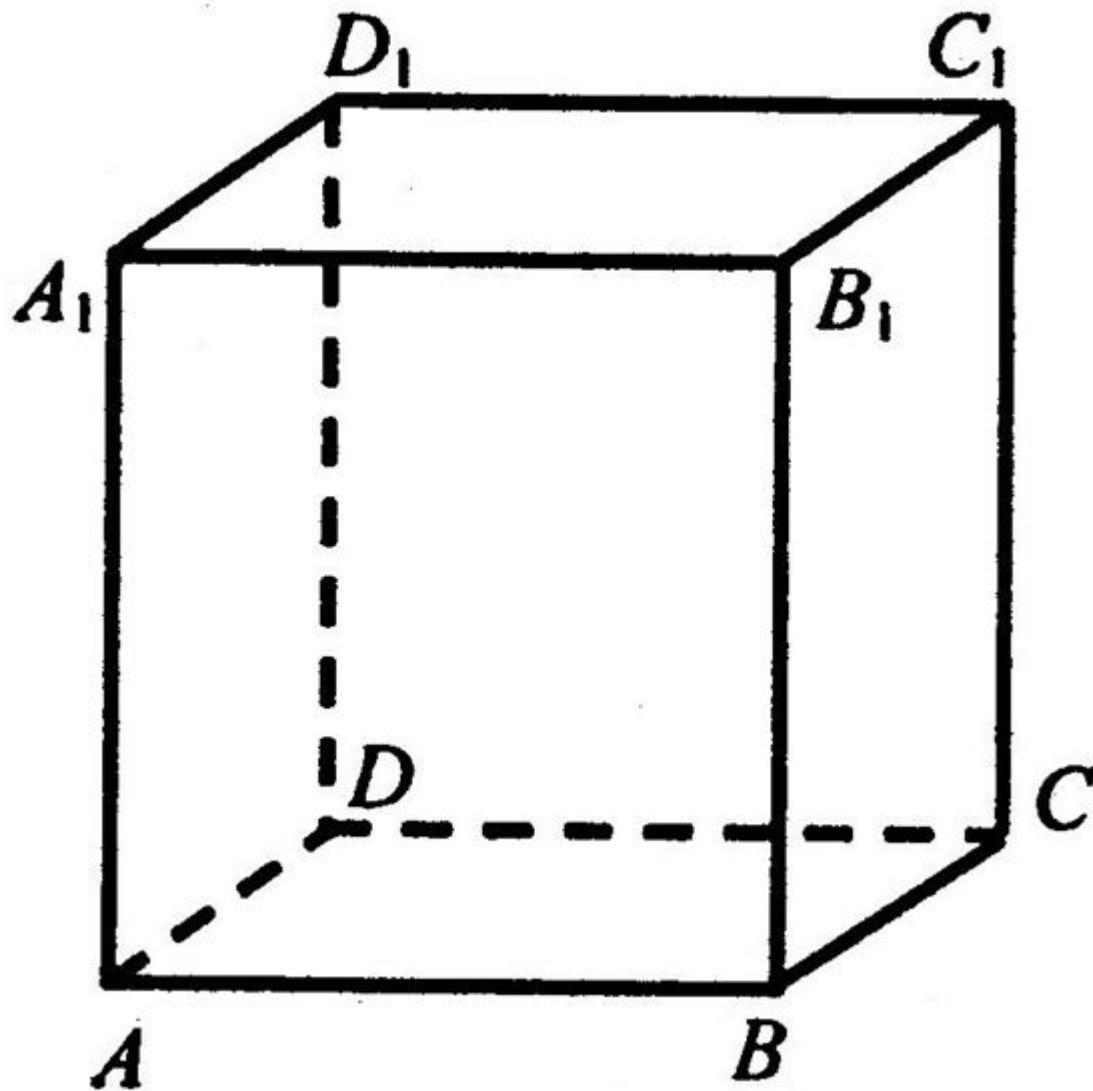
ПРАВИЛО МНОГОУГОЛЬНИКА



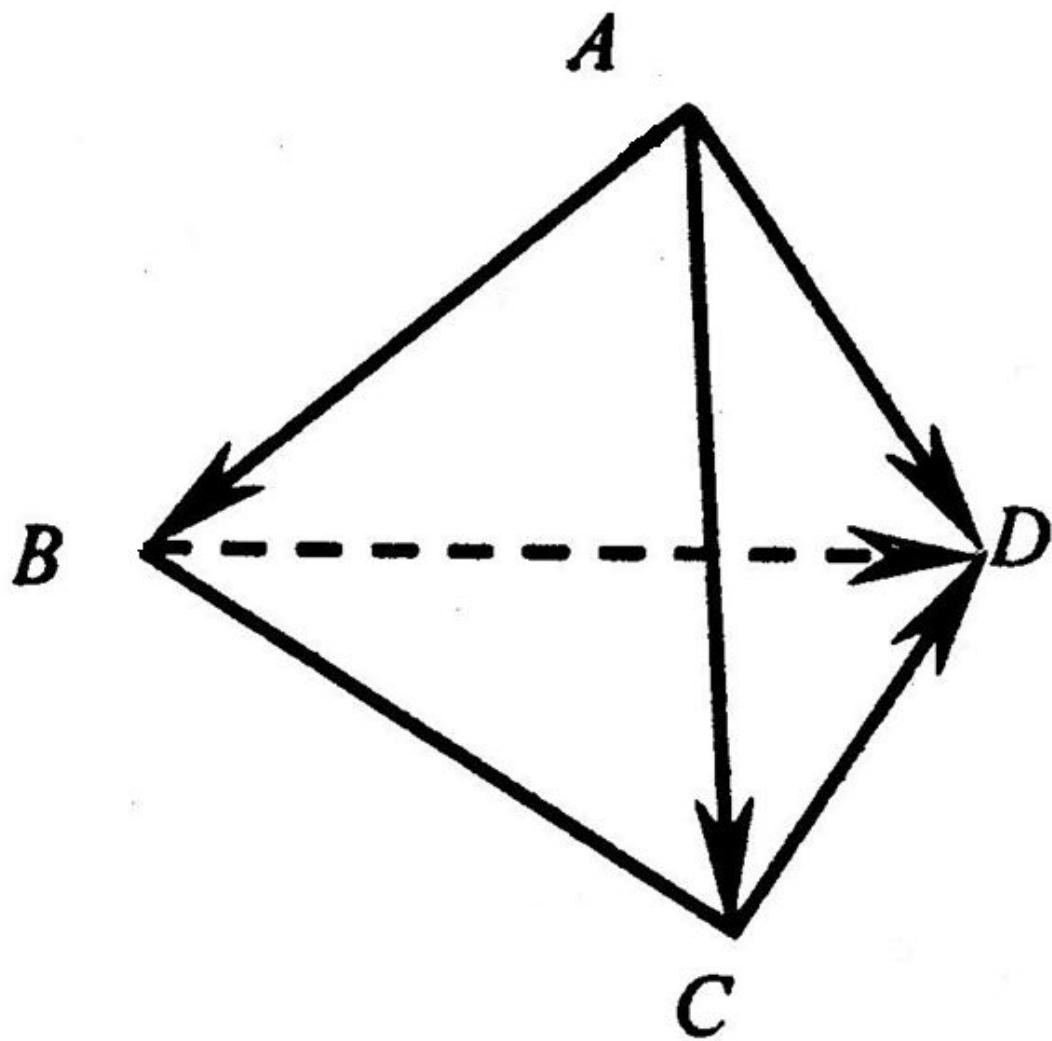
$$\overrightarrow{A_1A_2} + \overrightarrow{A_2A_3} + \overrightarrow{A_3A_4} + \overrightarrow{A_4A_5} + \overrightarrow{A_5A_6} + \overrightarrow{A_6A_7} = \overrightarrow{A_1A_7}$$



№ 327

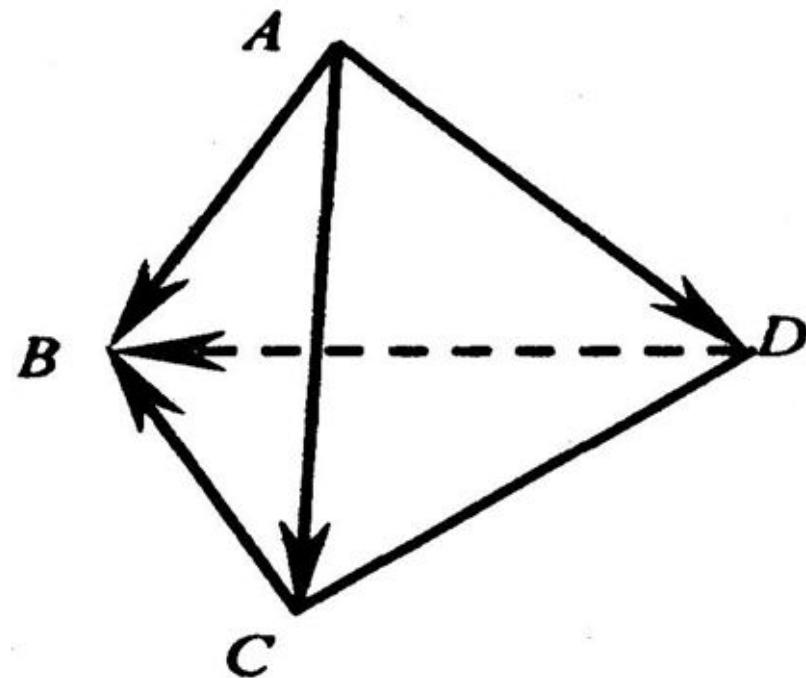


№ 328 (A)



□ **Задача.** Дан тетраэдр АВСД.

Найдите сумму:



а) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{DC} =$

б) $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{CB} =$

в) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{DA} =$



ПРАВИЛО УМНОЖЕНИЯ ВЕКТОРА НА ЧИСЛО

$$\kappa \cdot \vec{a} = \vec{v}$$

Если $\vec{a} \neq \vec{0}$, то $|\vec{v}| = |\kappa| \cdot |\vec{a}|$, $\vec{a} \uparrow\uparrow \vec{v}$ при $\kappa \geq 0$;

$\vec{a} \uparrow\downarrow \vec{v}$ при $\kappa < 0$.

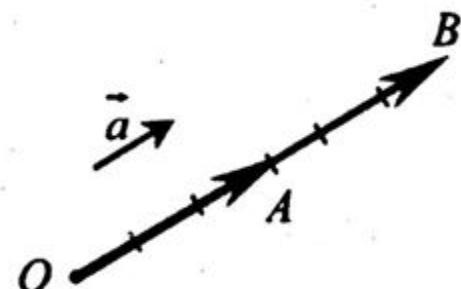
Если $\vec{a} = \vec{0}$, то $\vec{v} = \vec{0}$.



УМНОЖЕНИЕ ВЕКТОРА НА ЧИСЛО

Сочетательный закон

$$(kl)\vec{a} = k(l\vec{a})$$



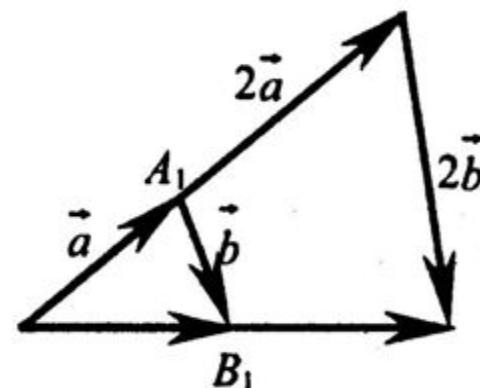
$$\overrightarrow{OA} = 3\vec{a}; \quad \overrightarrow{OB} = 6\vec{a}$$

$$\overrightarrow{OB} = 2\overrightarrow{OA} = 2 \cdot (3\vec{a})$$

$$(2 \cdot 3)\vec{a} = 2 \cdot (3\vec{a})$$

Первый распределительный закон

$$k(\vec{a} + \vec{b}) = k\vec{a} + k\vec{b}$$



$$\overrightarrow{OB} = 2\overrightarrow{OB_1} = 2(\vec{a} + \vec{b})$$

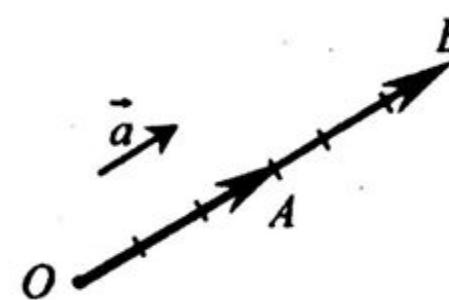
$$\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{OB} = 2\vec{a} + 2\vec{b}$$

$$2(\vec{a} + \vec{b}) = 2\vec{a} + 2\vec{b}$$

Второй распределительный закон

$$(k + l)\vec{a} = k\vec{a} + l\vec{a}$$



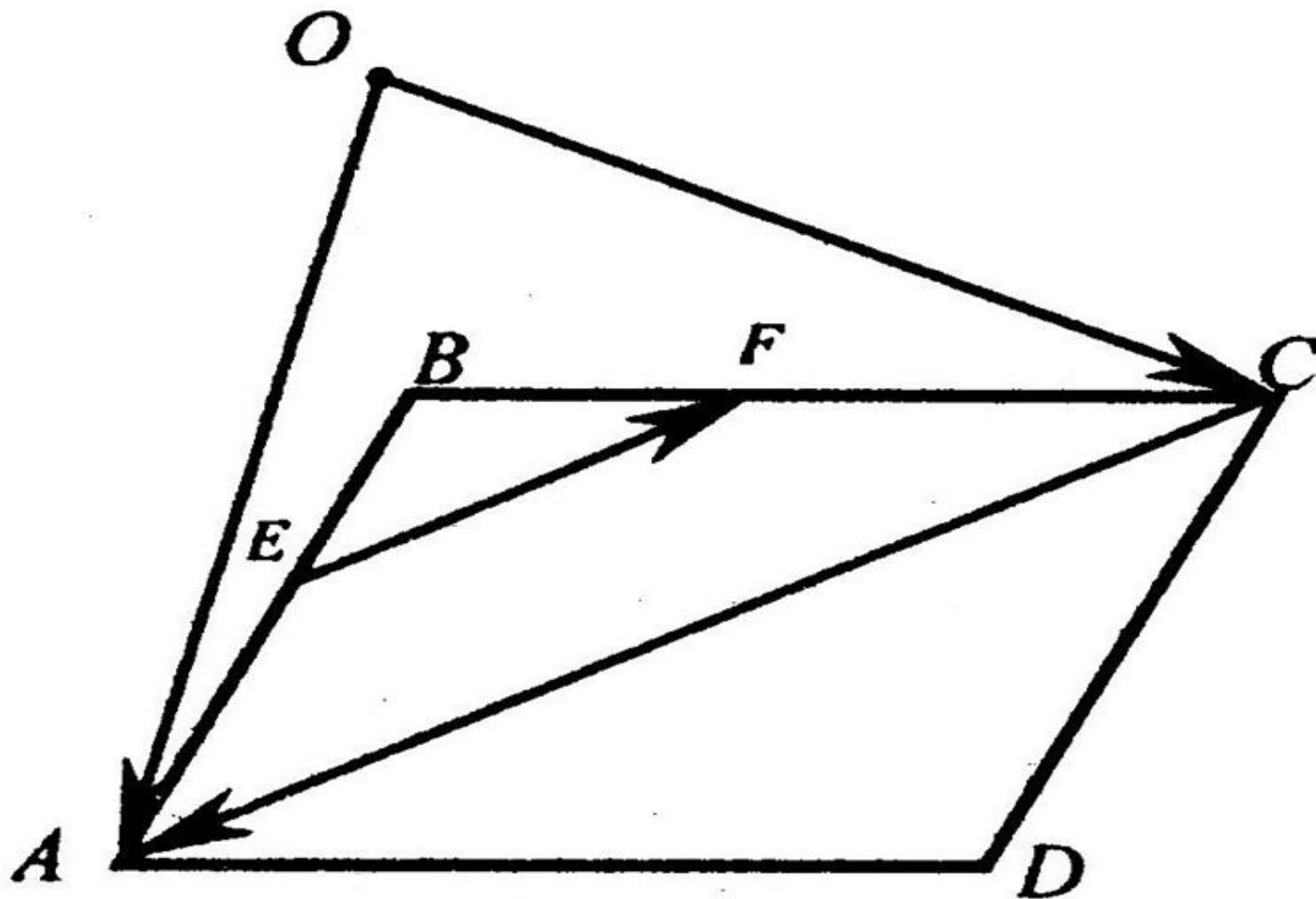
$$\overrightarrow{OB} = 5\vec{a}$$

$$\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{OB} = 3\vec{a} + 2\vec{b}$$

$$(3 + 2)\vec{a} = 3\vec{a} + 2\vec{a}$$

№ 345



ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ

§ 2 (п. 36, 37, 38);

№ 335, № 337 (а, б), № 347 (б).



Спасибо за
урок!

