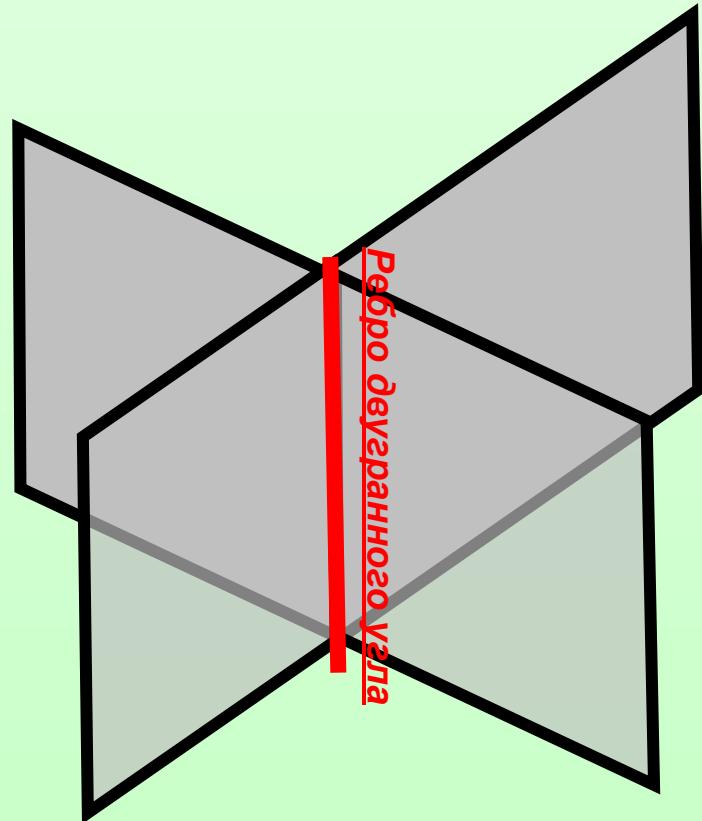
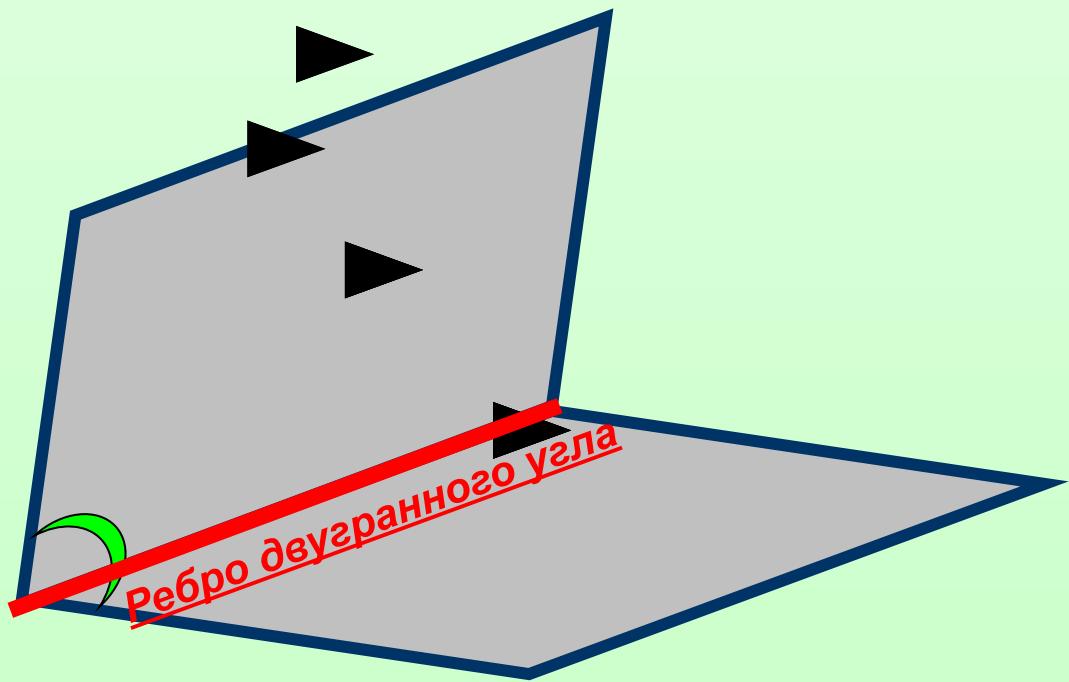


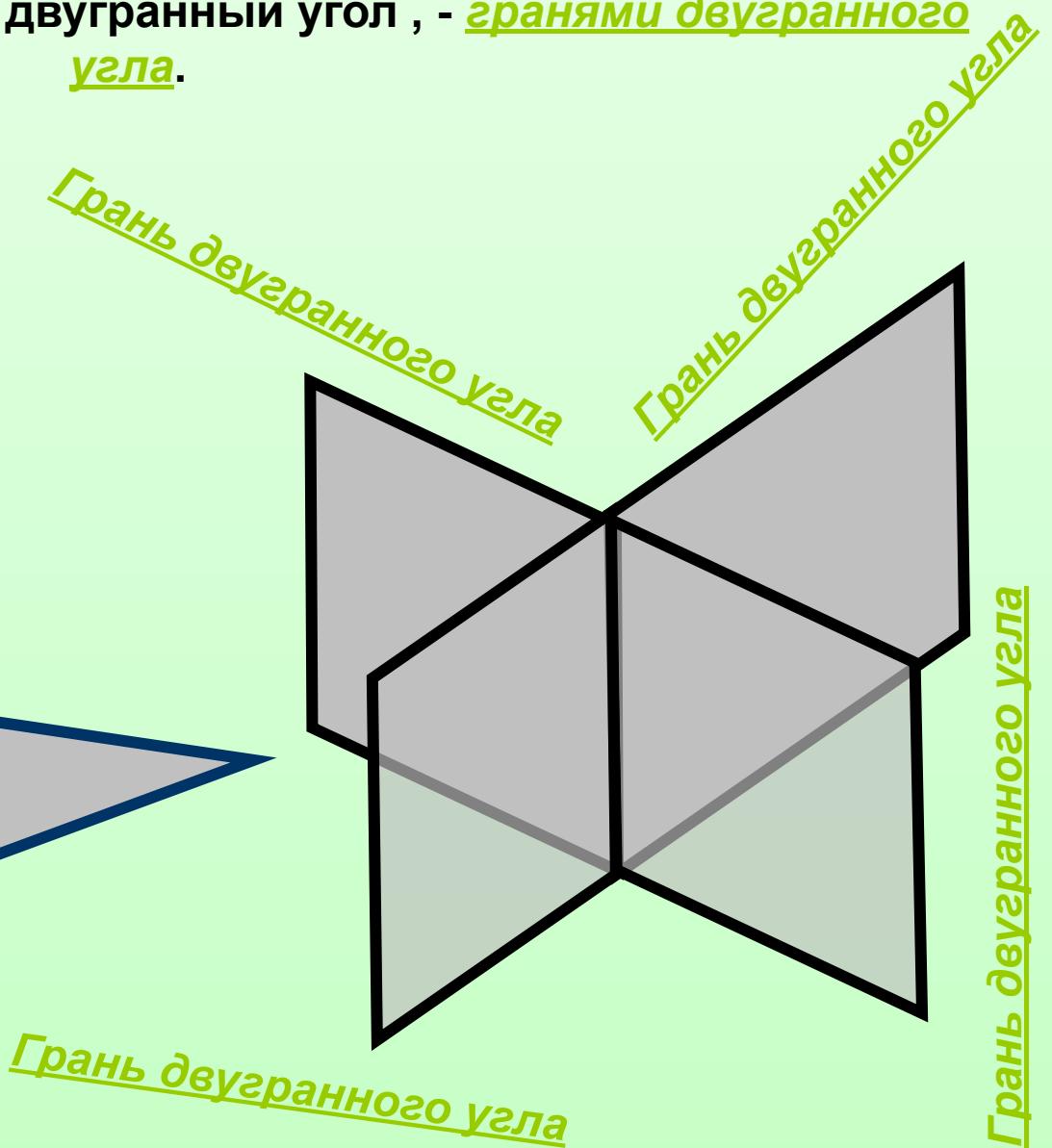
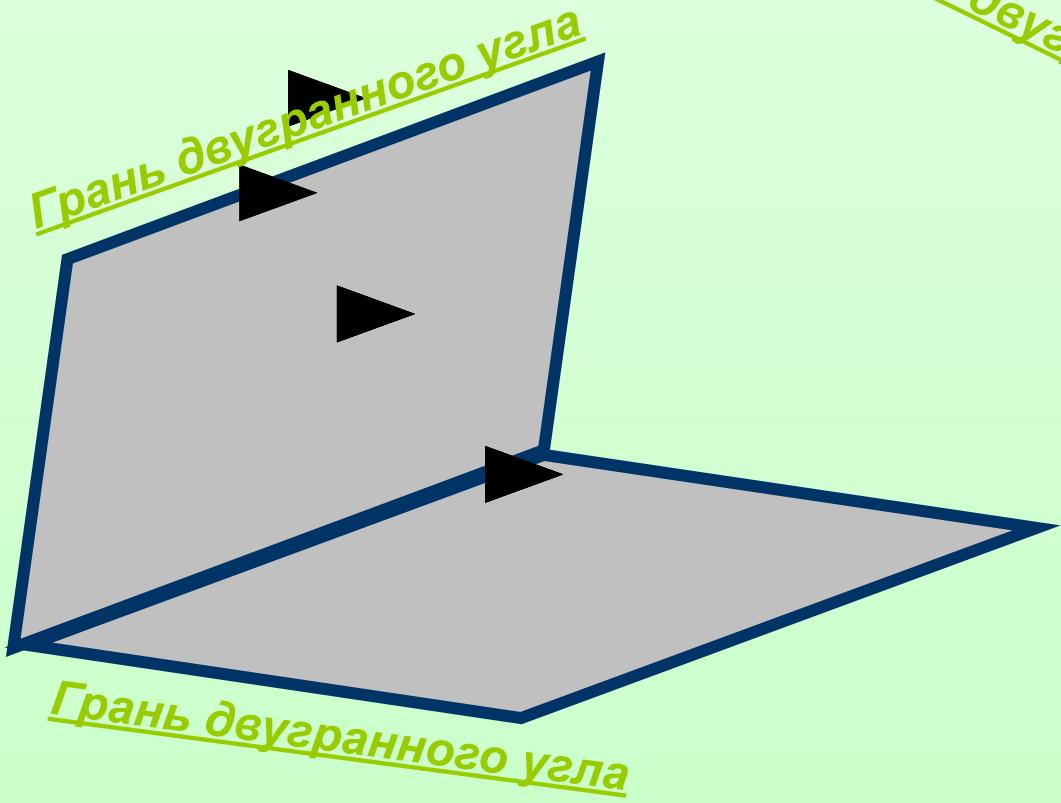
# Двутранные углы

*Автор : Пирогова В.Н.*

Прямую, по которой пересекаются плоскости – границы полупространств, называют **ребром двугранного угла**, а полуплоскости этих плоскостей, образующие двугранный угол, - **гранями двугранного угла.**



Прямую , по которой пересекаются плоскости – границы полупространств , называют **ребром двугранного угла** , а полуплоскости этих плоскостей , образующие двугранный угол , - **гранями двугранного угла.**



Двугранный угол с гранями  $\alpha$ ,  $\beta$  ребром  $a$  обозначают  $\alpha$  и  $\beta$ .  
Можно использовать и такие обозначения двугранного угла , как  
 $K(AB)T; \alpha(AB) \beta$  (рис.94,95).

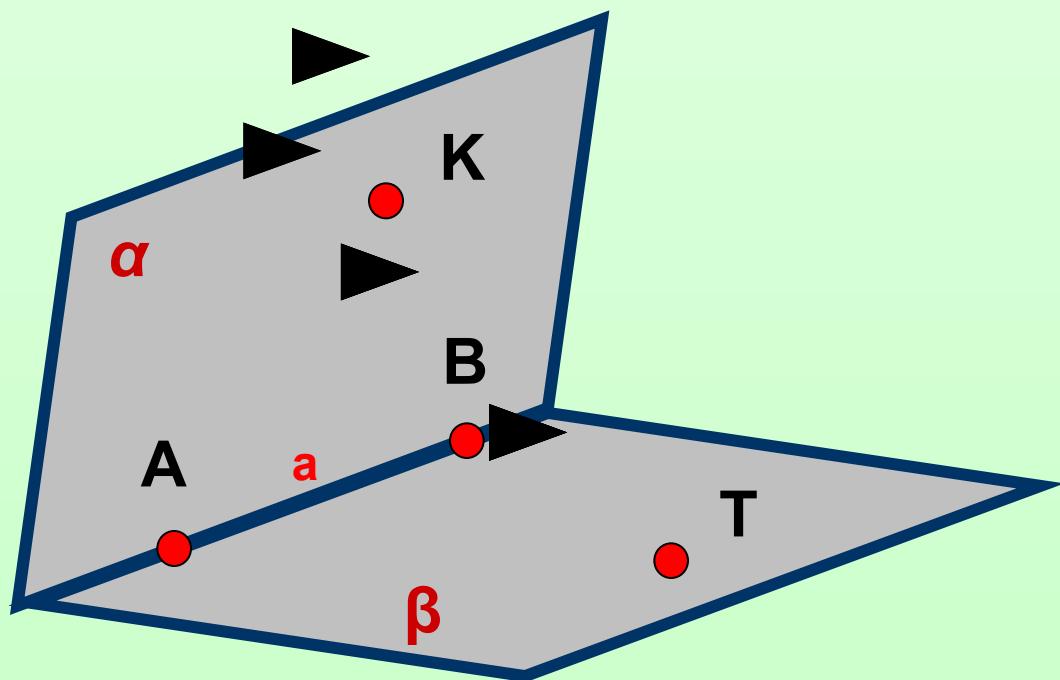


Рис.94

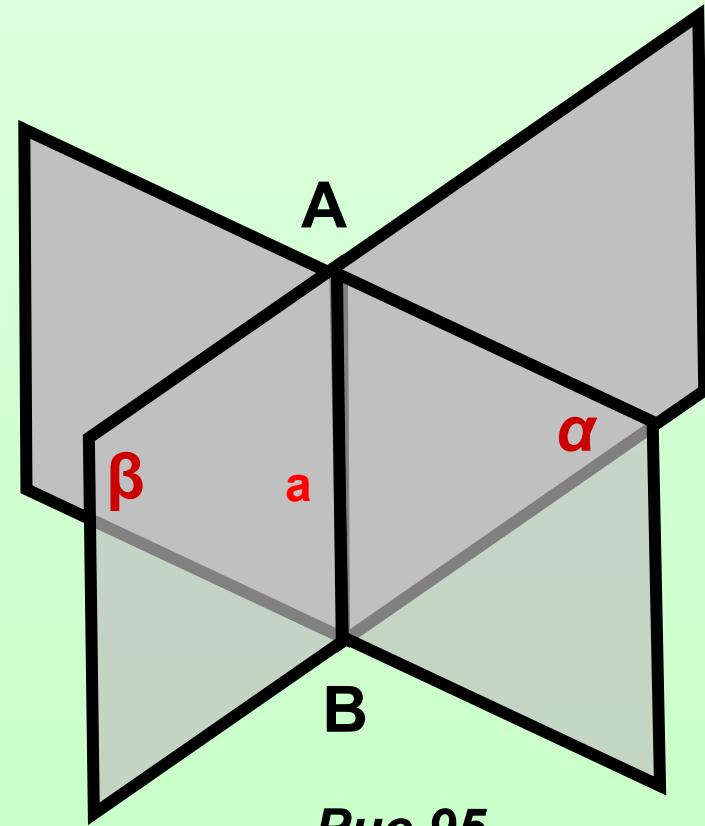
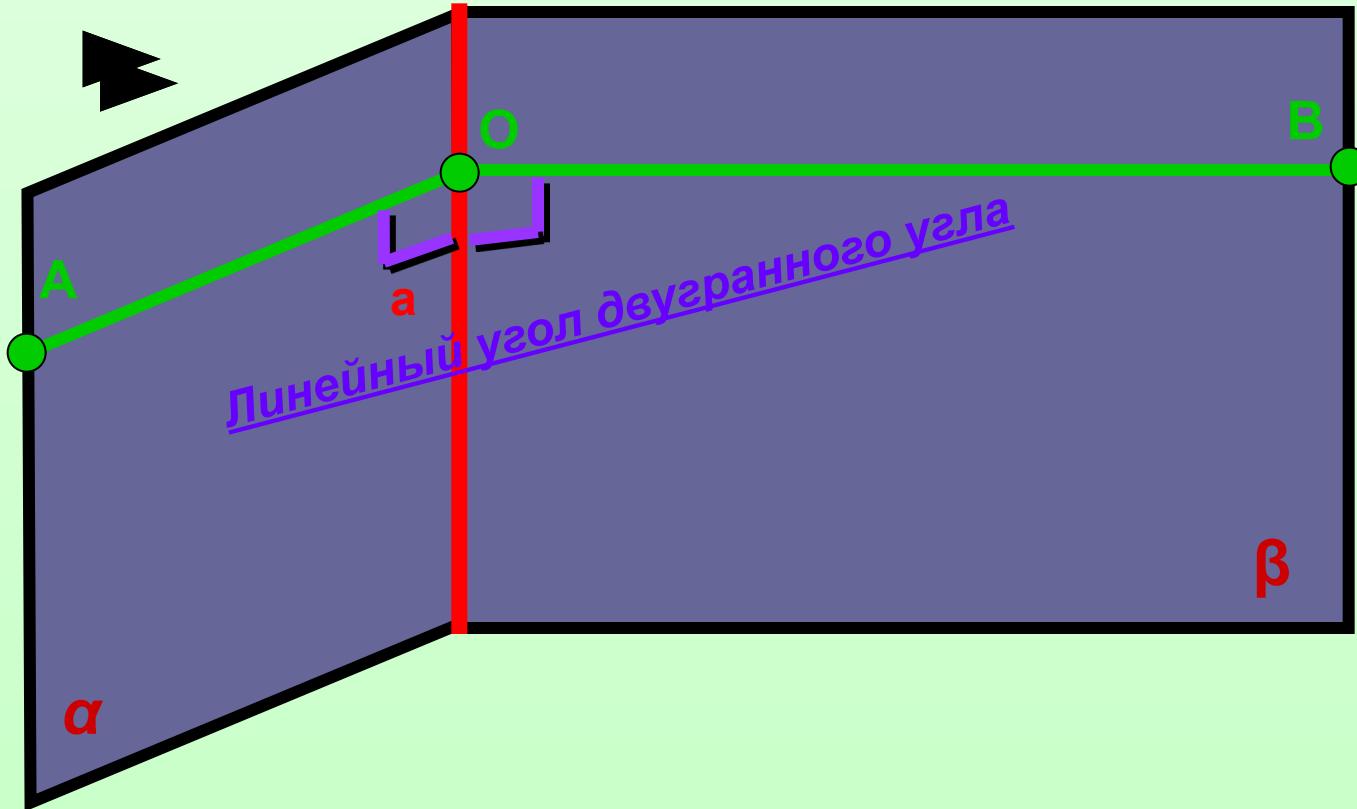
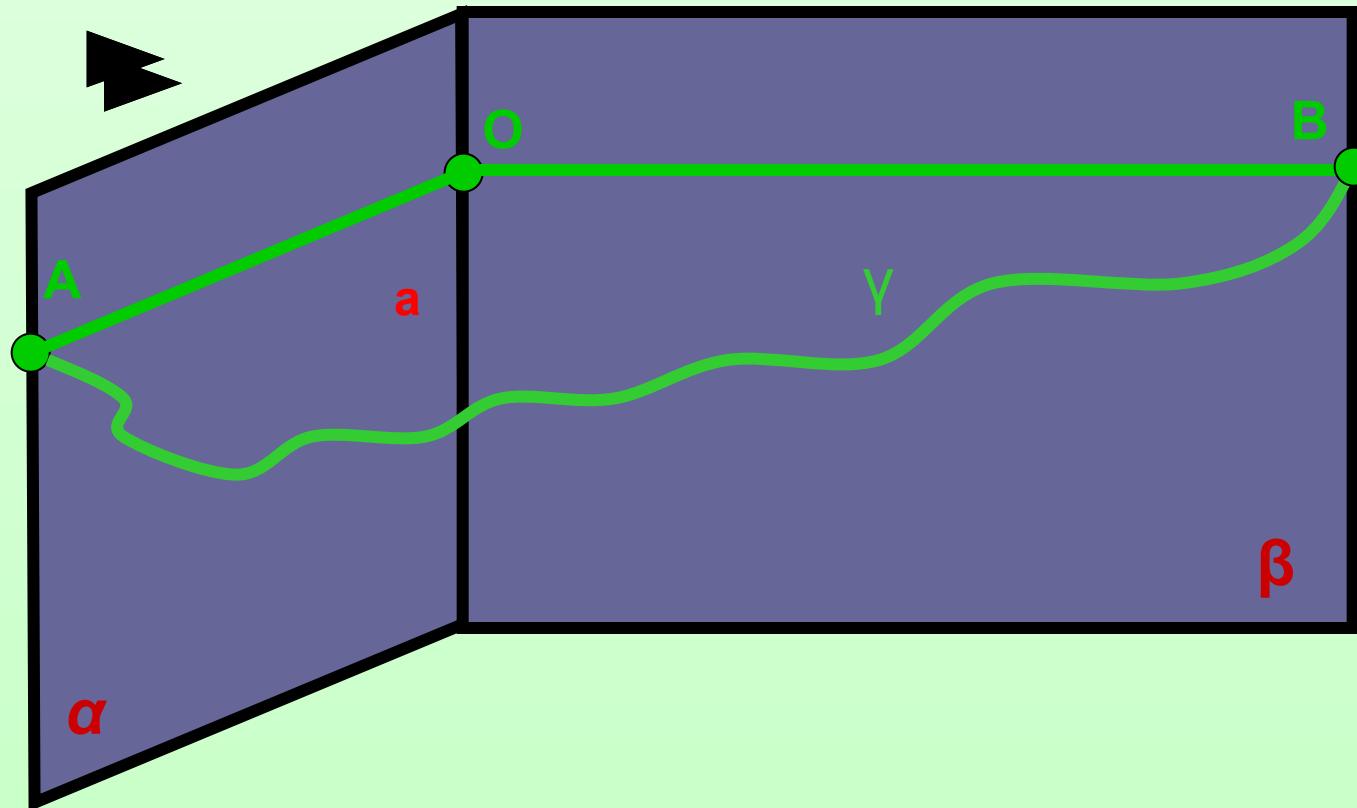


Рис.95

На ребре  $a$  двугранного угла  $\alpha$  и  $\beta$  отметим произвольную точку  $O$ .  
Для измерения угла  $AOB$ , образованного точками  $A$  и  $B$ , введем понятие его линейного угла.  
называется линейным углом двугранного угла,  
соответственно лучи  $OA$  и  $OB$ , перпендикулярные ребру  $a$ .



Это означает, что линейный угол двугранного угла есть  
пересечение данного двугранного угла и плоскости,  
перпендикулярной его ребру.

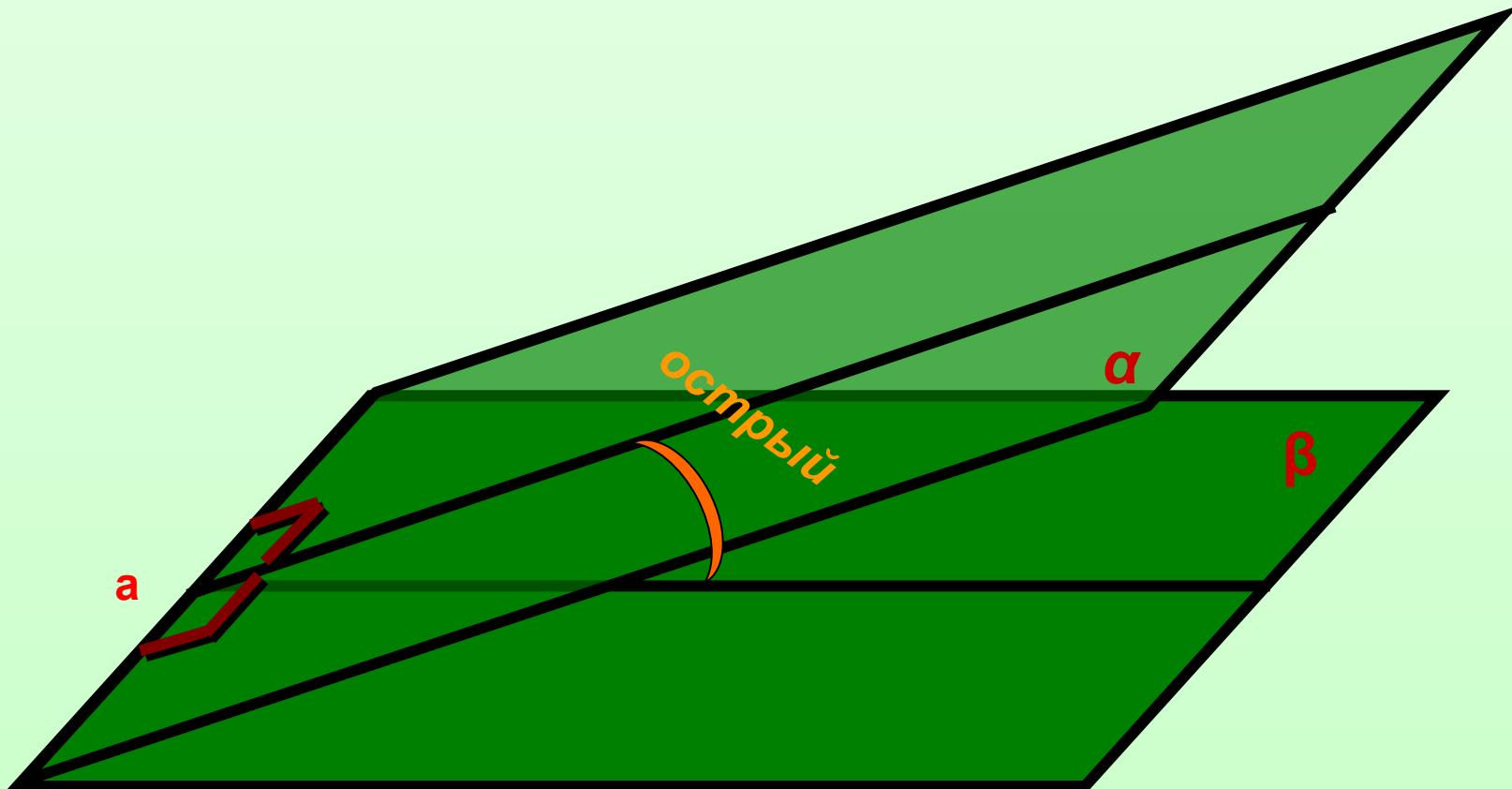


**Теорема :** Величина линейного угла не зависит от выбора его вершины на ребре двугранного угла.

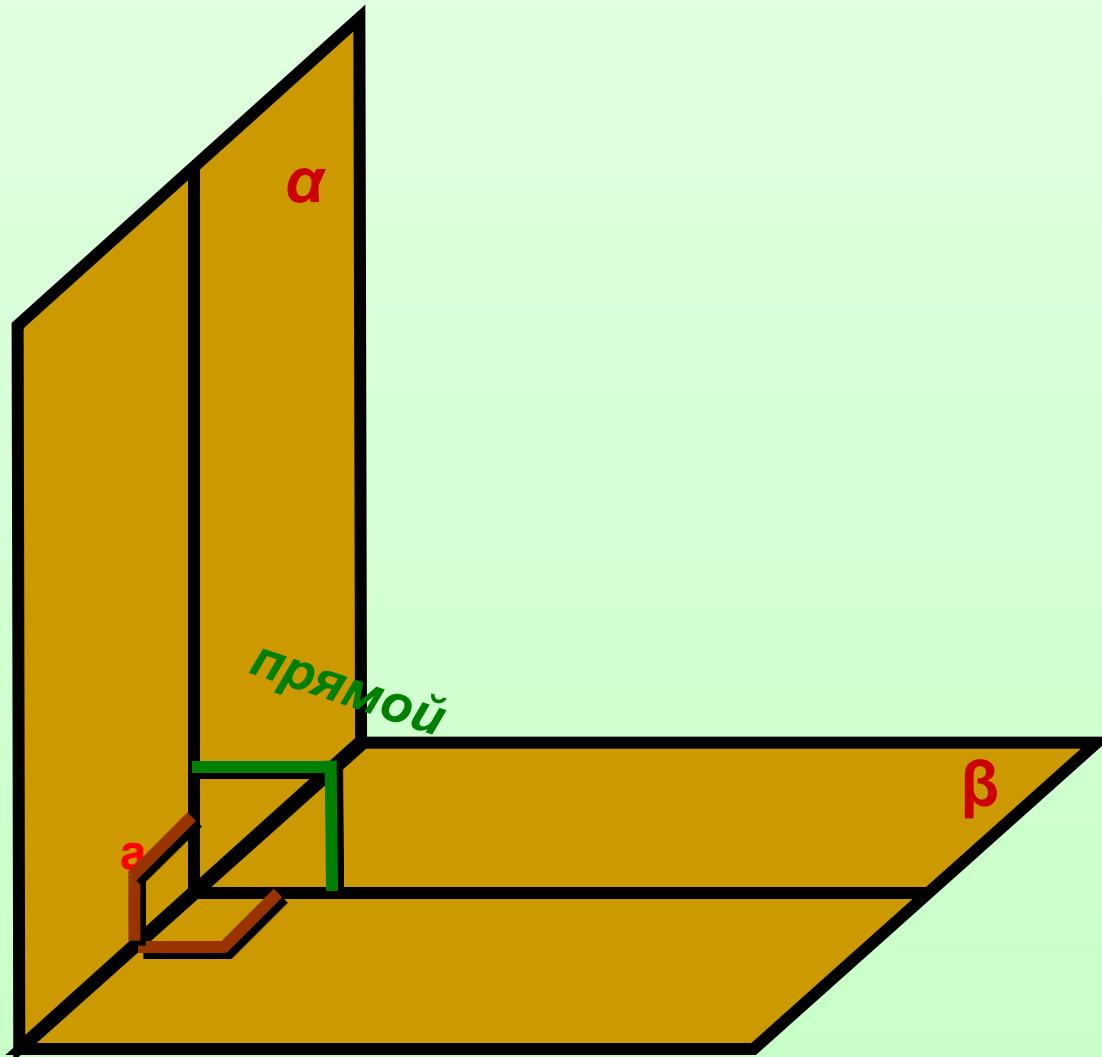
**Определение :** Величиной двугранного угла называется величина его линейного угла.

Величина двугранного угла (измеренная в градусах )  
принадлежит промежутку  $(0^\circ; 180^\circ)$ .

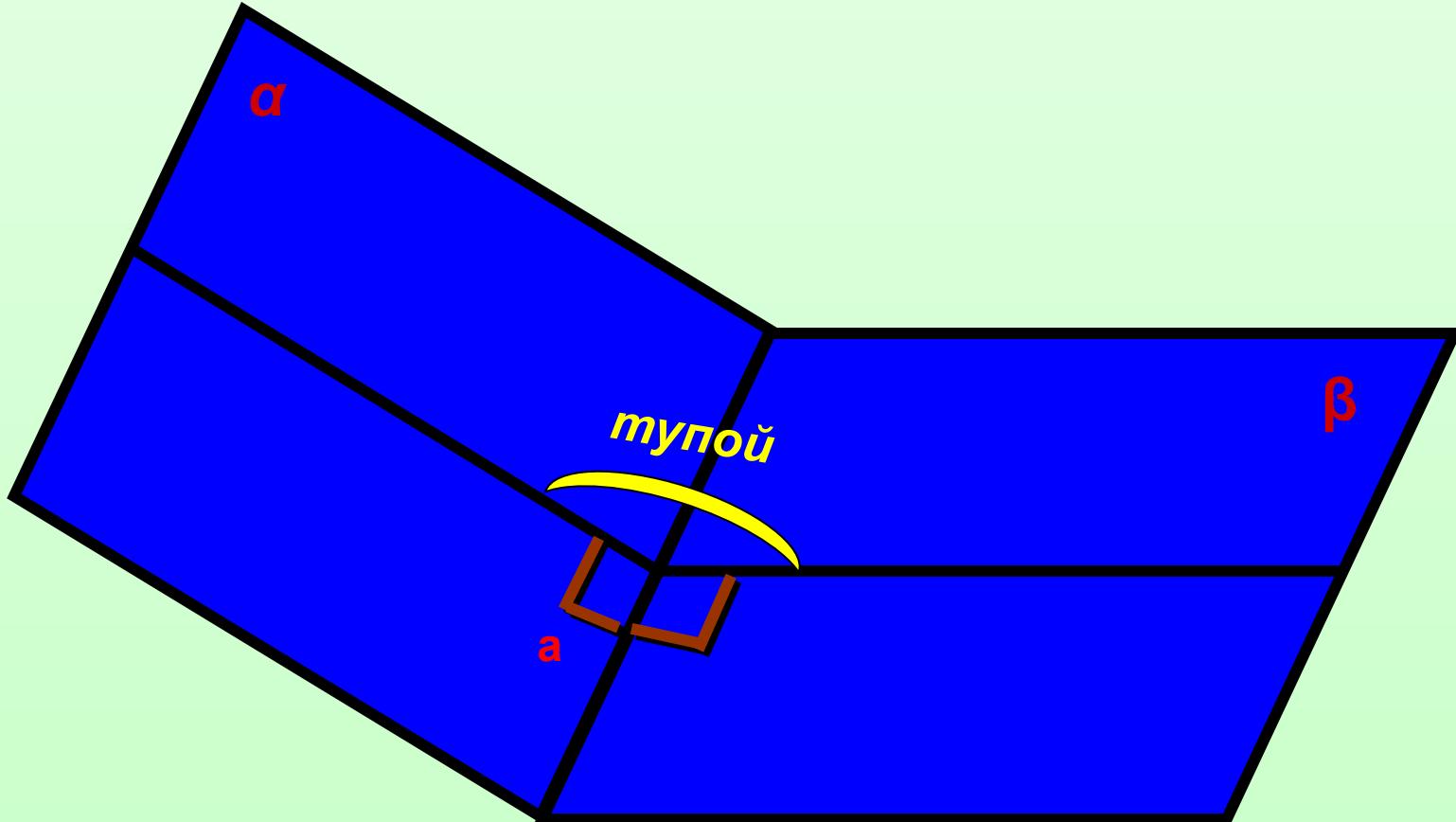
Двугранный угол является острым , прямым или тупым , если его линейный угол соответственно острый , прямой или тупой.



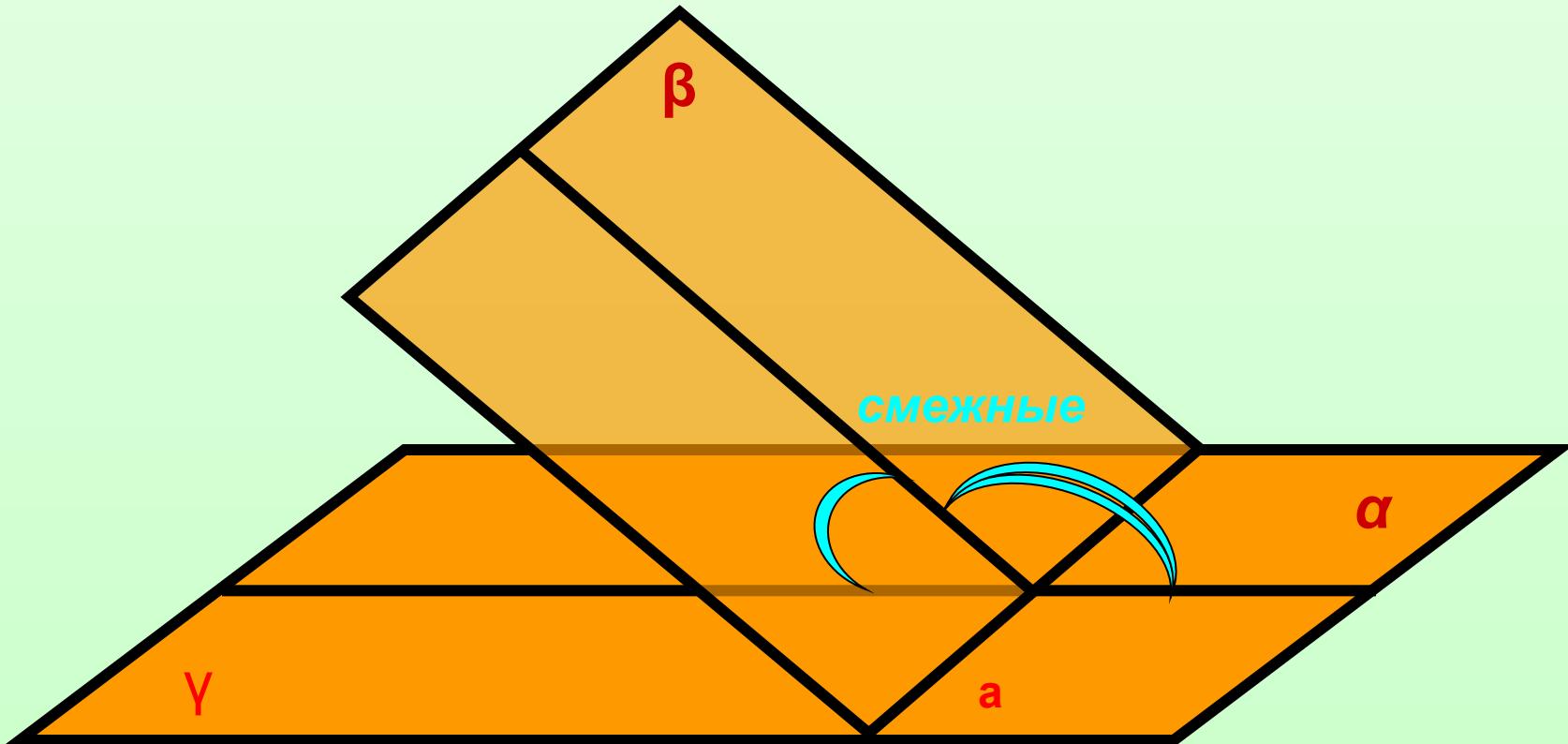
Двугранный угол является острый , прямым или тупым , если его линейный угол соответственно острый , прямой или тупой.



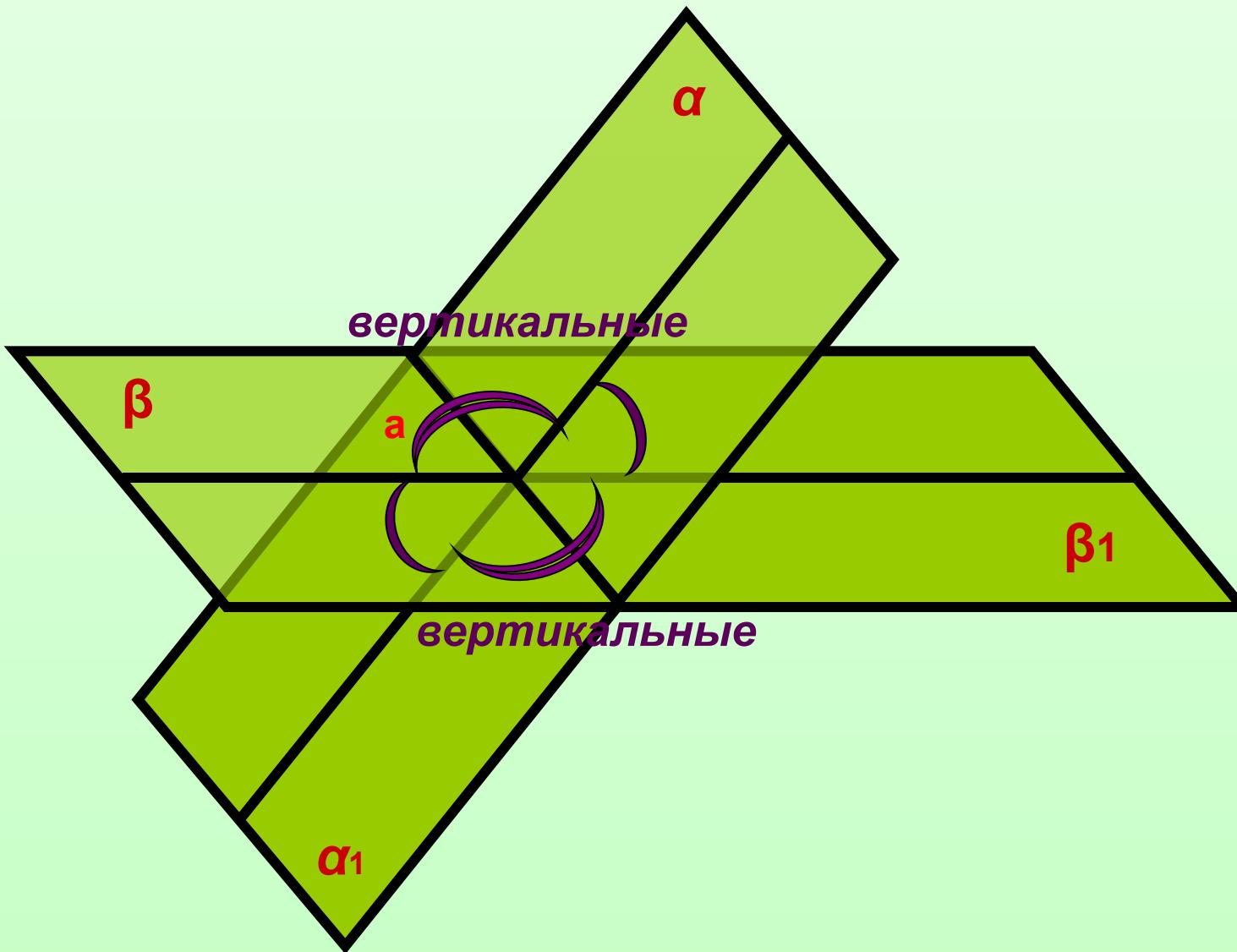
Двугранный угол является острым , прямым или тупым , если его линейный угол соответственно острый , прямой или тупой.



Заметим , что аналогично тому , как и на плоскости , в пространстве определяются **смежные** и вертикальные двугранные углы.



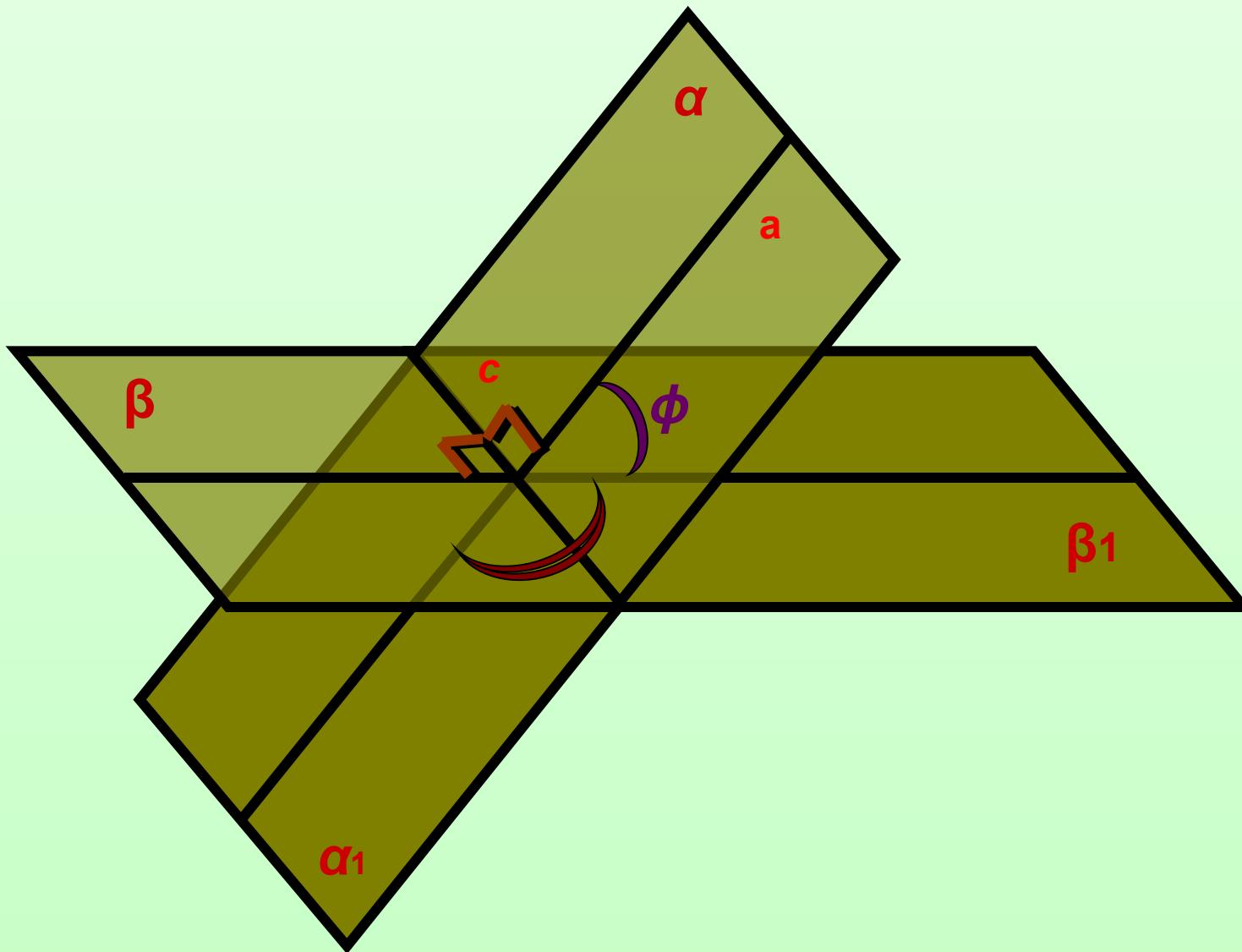
Заметим , что аналогично тому , как и на плоскости , в пространстве определяются смежные и вертикальные двугранные углы.



**Определение : Углом между двумя пересекающимися плоскостями называется наименьший из двугранных углов , образованных при их пересечении.**

**Угол между параллельными или совпадающими плоскостями полагается равным нулю.**

Если величина угла между плоскостями  $\alpha$  и  $\beta$  равна  $\phi$ , то  
**Величина угла между плоскостями принадлежит  
помимо  $(\alpha, \beta) = \phi$   $[0^\circ; 90^\circ]$ .**



# **Использованный материал**

**Учебник “ГЕОМЕТРИЯ 10 класс”  
Е.В.Потоскуев , Л.И. Звавич  
§14**