

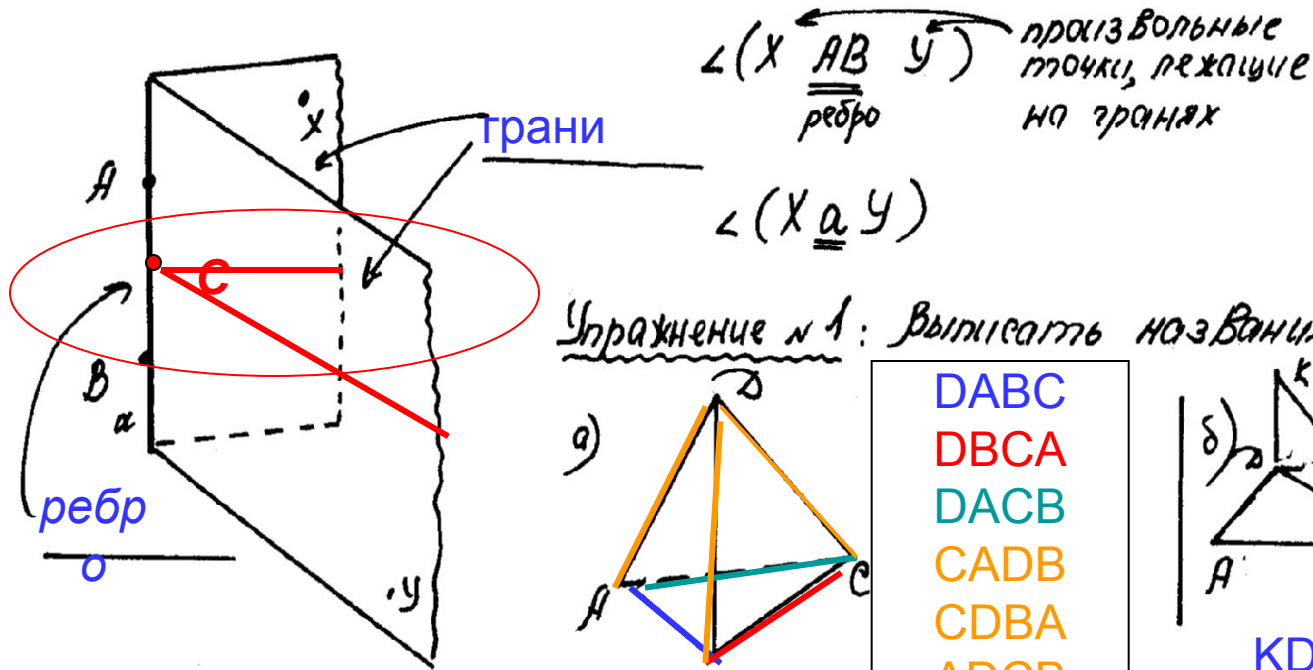
Двугранный угол

Геометрия 10 «А» класс

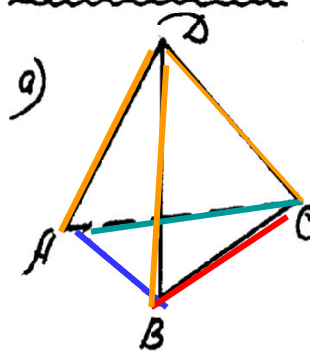
18.03.2008

Опр.1 Двугранным углом называется

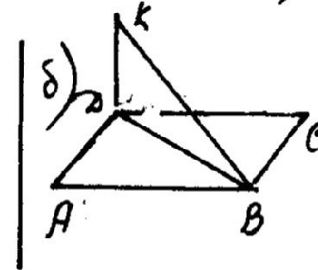
геометрическая фигура, состоящая из двух полуплоскостей с
общей границей, не развернутых в одну плоскость



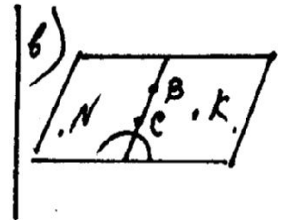
Упражнение №1: Выписать названия двугранных углов.



- DABC
- DBCA
- DACB
- CADB
- CDBA
- ADCB



- KDBA
- KDBC



двугранных углов нет

Рассл. $C \in AB$ (где C - произвольная)

Рассл. d : $C \in d$; $d \perp AB$ (она суш. _____)

Опр.2 Линейным углом для данного двугранного наз.

· сечение двугранного угла плоскостью, перпендикулярной ребру

Линейный угол не зависит от. **от выбора точки C на ребре** (почему?)

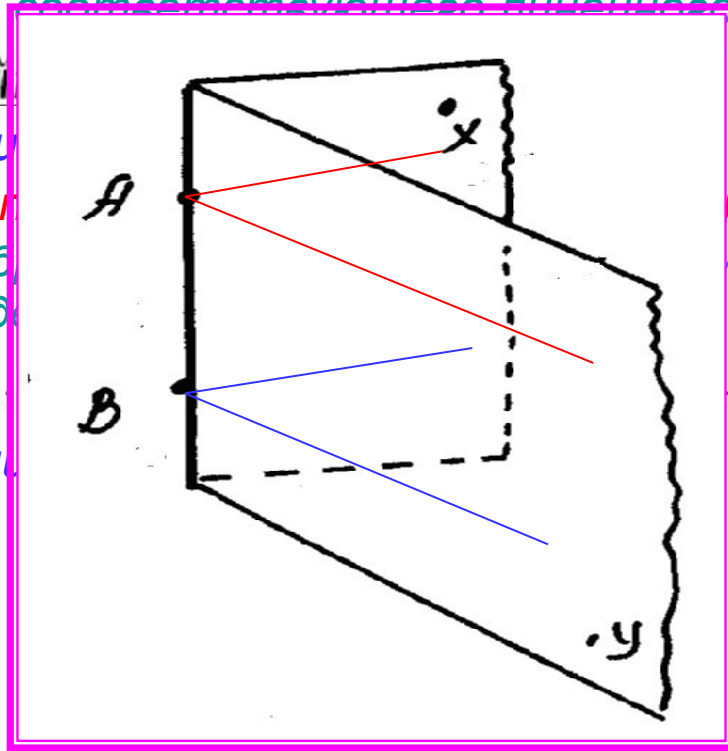
Опр.3 Градусной мерой двугранного угла наз.
градусная мера соответствующего линейного угла

Способ нахождения (построения) линейного угла

1. Найти (увидеть) ребро и грани
2. **В гранях** найти направления (лучей)
3. (при необходимости) заменить выбранные направления лучами с общим началом на ребре двугранного угла

При изображении сохраняется

..... параллельность и отношение длин



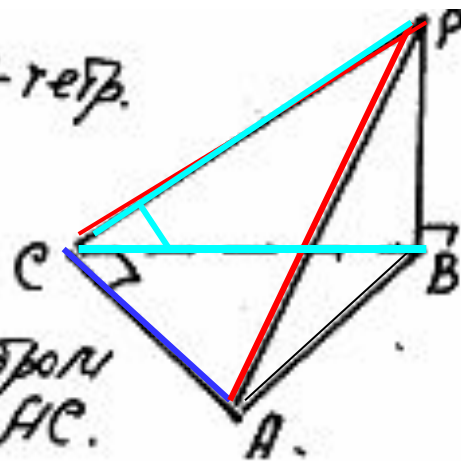
ру
и им

Задача 1 Дано: $PAVC$ -тетр.

$\angle ACB = 90^\circ$

$PB \perp ABC$.

Указать: лин. \angle для
двугранного с ребром
 AC .



Решение

Ребро AC грани ACP и ACB

1. В грани ACB прямая CB перпендикулярна ребру CA (по условию)

2. В грани ACP прямая CP перпендикулярна ребру CA
(по теореме о трех перпендикулярах)

Значит угол PCB - линейный для двугранного угла с ребром AC

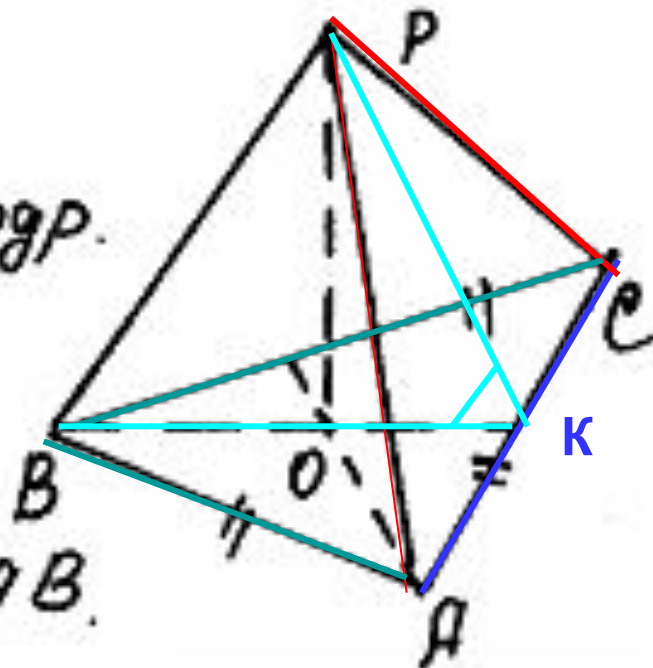
Задача 2. Дано $PAVC$ -тетраэдр.

$\triangle ABC$ - правильный

O - центр $\triangle ABC$.

$PO \perp ABC$.

Указать: лн. \angle для $\angle PCAV$.



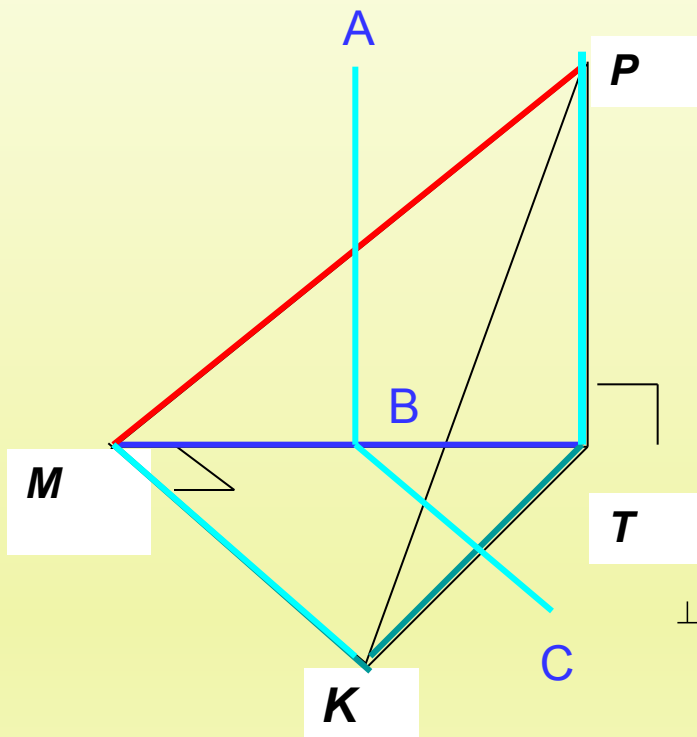
Решение

Ребро **AC**, грани **ACP** и **ACB**

1. (по свойству равностороннего треугольника)

2. (по теореме о трех перпендикулярах)

Значит, угол **PKB** - линейный для двугранного угла с $PCAV$



№ 1.

Дано:

$KMPR$ – тетраэдр

$\angle TMK = 90^\circ$

$MK = MT$

$PT \perp MKT$

Указать:

линейные углы для
двугранных углов

а). $PTMK$,

б). $PMKT$,

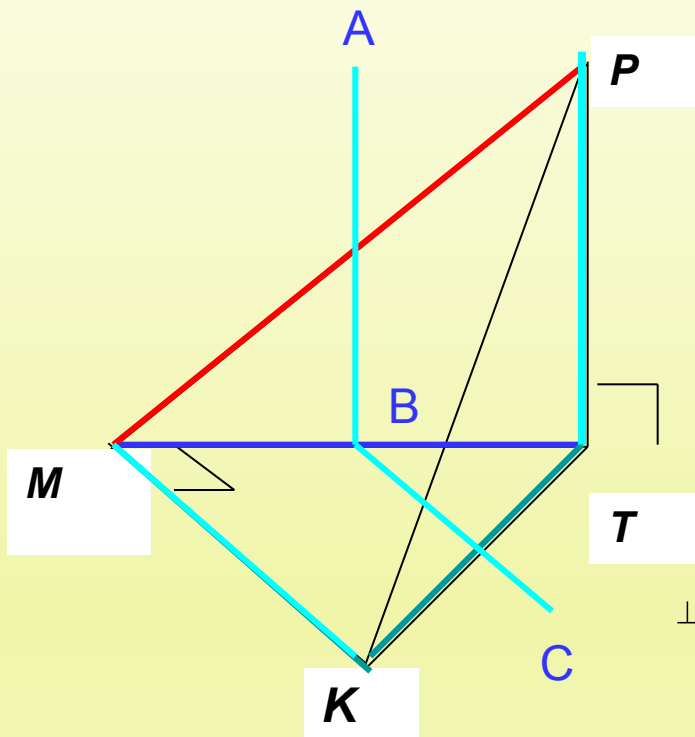
в). $PKTM$

а). Двугранный угол $PTMK$:

(1) ребро MT , грани MTP и MTK

(2) В грани MTP прямая TP перпендикулярна ребру MT
(по определению прямой, перпендикулярной плоскости)

В грани MTK прямая MK перпендикулярна ребру MT
(по условию)



№ 1.

Дано:

$KMPR$ – тетраэдр

$\angle TMK = 90^\circ$

$MK = MT$

$PT \perp MKT$

Указать:

линейные углы для
двугранных углов

а). $PTMK$,

б). $PMKT$,

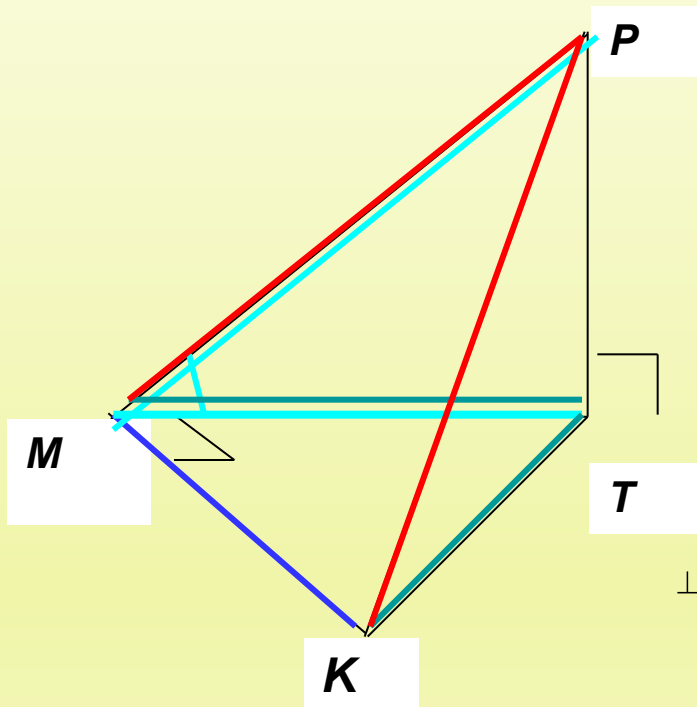
в). $PKTM$

а). Двугранный угол **$PTMK$** :

AB параллельна PT (по построению), а так как PT перпендикулярна ребру MT (по доказанному), то AB перпендикулярна ребру MT (по лемме о связи параллельности и перпендикулярности)

Аналогично BC перпендикулярна ребру MT

Значит, угол ABC – искомый



№ 1.

Дано:

$KMPR$ – тетраэдр

$\angle TMK = 90^\circ$

$MK = MT$

$PT \perp MKT$

Указать:

линейные углы для
двугранных углов

а). $PTMK$,

б). $PMKT$,

в). $PKTM$

б). Двугранный угол **PMKT**:

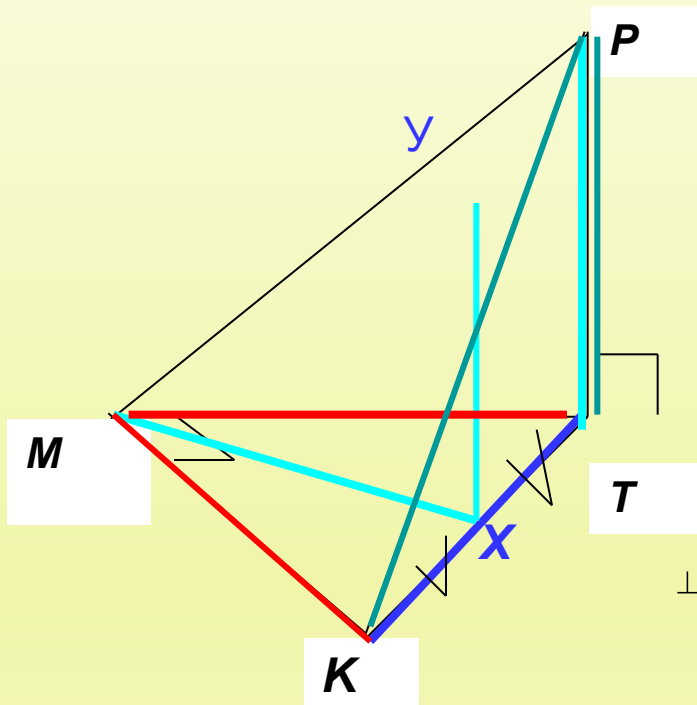
(1) ребро **MK**, грани **MKP** и **MKT**

(2) В грани **MTK** прямая **MT** перпендикулярна ребру **MK** (по условию)

В грани **MKP** прямая **MP** перпендикулярна ребру **MK**

(по теореме о трех перпендикулярах)

Ответ. Угол **PMT** - линейный для двугранного угла с **PMKT**



№ 1.

Дано:

$KMPR$ – тетраэдр

$\angle TMK = 90^\circ$

$MK = MT$

$PT \perp MKT$

Указать:

линейные углы для
двугранных углов

а). $PTMK$,

б). $PMKT$,

в). $PKTM$

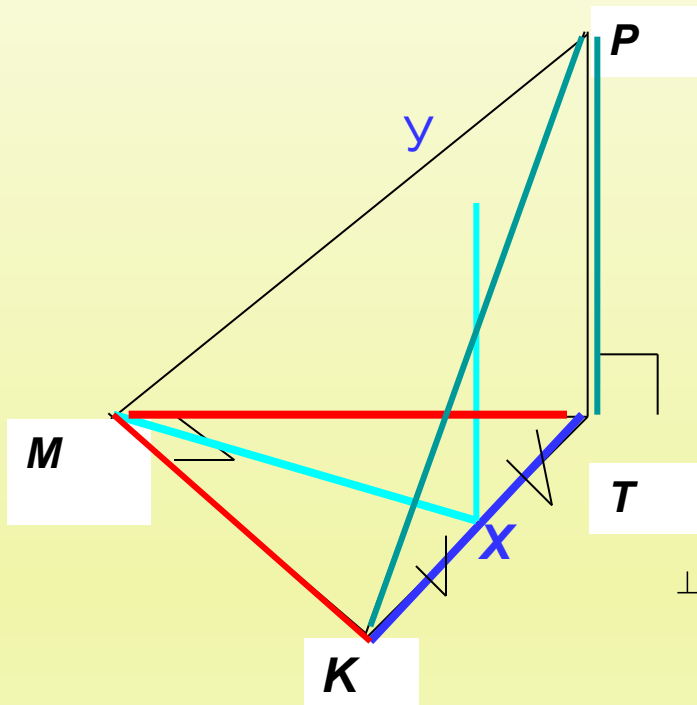
в). Двугранный угол $PTKM$:

(1) ребро TK , грани TKM и TKP

(2) В грани MTK прямая MX , где X – середина KT , перпендикулярна ребру KT (по свойству равнобедренного треугольника)

В грани KPT прямая PT перпендикулярна ребру KT

(по определению прямой перпендикулярной плоскости)



№ 1.

Дано:

$KMPR$ – тетраэдр

$\angle TMK = 90^\circ$

$MK = MT$

$PR \perp MKT$

Указать:

линейные углы для
двугранных углов

а). $PTMK$,

б). $PMKT$,

в). $PKTM$

в). Двугранный угол **РТКМ**:

(3) Построим прямую **UX** параллельно прямой PT , она будет лежать в
плоскости RKT (почему?),

получим, что прямая XU перпендикулярно ребру KT

(по лемме о связи параллельности и перпендикулярности)

Значит, искомый угол **UXM**

Пример вычислительной задачи по теме «Двугранный угол»

173 Ребро CD тетраэдра $ABCD$ перпендикулярно к плоскости ABC , $AB=BC=AC=6$, $BD=3\sqrt{7}$. Найдите двугранные углы $DACB$, $DABC$, $BDCA$.

Для тех, кто недостаточно хорошо справился с задачами урока, предлагается

необязательное домашнее задание:

1. Сделать модели к зачетным задачам №1-4 (см. стр.2-4 конспекта), изменив названия вершин и положение тетраэдра, но не меняя отличительных черт задачи: например, в задаче №1 в основании тетраэдра должен лежать прямоугольный равнобедренный треугольник, а вершина должна проектироваться в одну из вершин острого угла основания. К модели приложить запись решения задачи. Модель может быть как объемной, так и складной. Своей моделью можно будет пользоваться на зачете.
2. Оформить решение задачи, аналогичной разобранной зачетной задачи №1, в виде презентации.
3. Придумать несколько задач, аналогичных зачетным задачам №1 и №2, и оформить каждую из них по образцу на стр.2-3 конспекта. Каждая страница оценивается максимальным баллом 1. Нормы оценок по количеству сданных страниц.

Теоретические вопросы опроса для 1 подгруппы

- Определение двугранного угла
- Определение градусной меры двугранного угла
- Определение линейного угла для данного двугранного
- Утверждение о количестве линейных углов для данного двугранного
- Способ построения линейного угла
- Особенности изображения пространственных геометрических фигур на плоскости