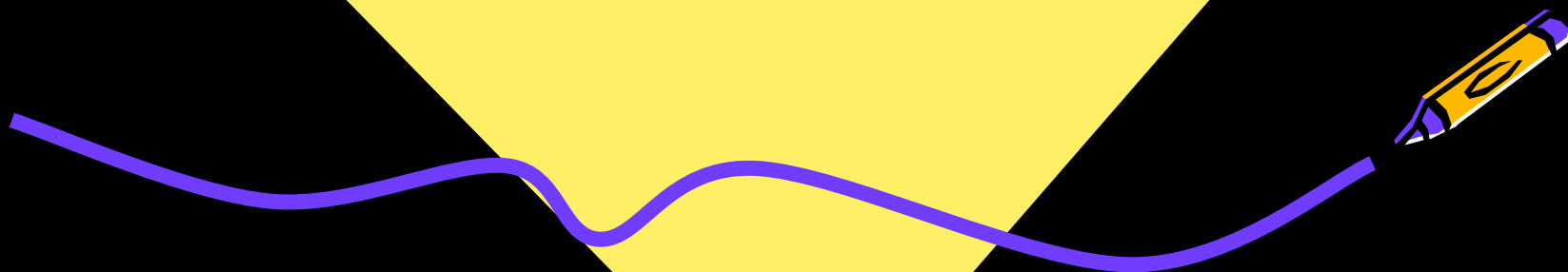




Презентация по теме:
Фигуры вращения



Балабекова Марият
02 группа



Содержание моей
презентации:

Цилиндр

Конус и усечённый конус

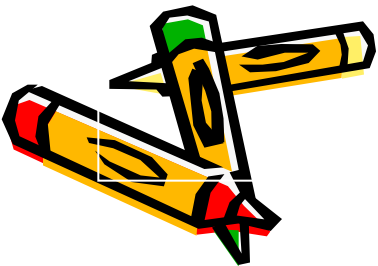
Шар и сфера



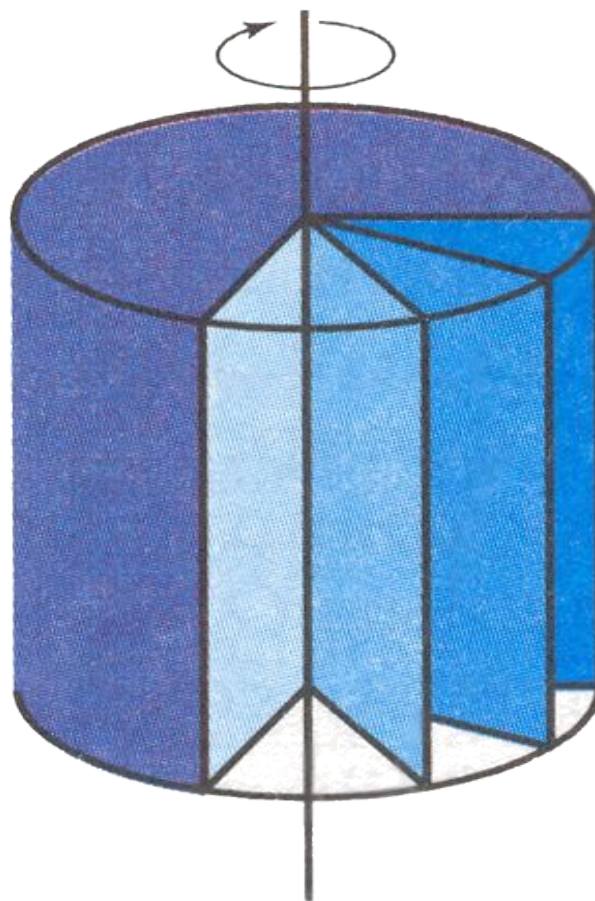
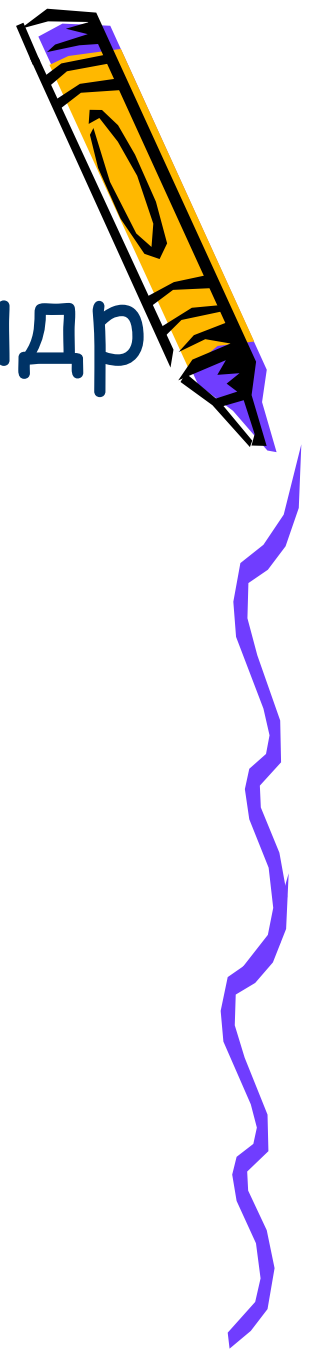
Цилиндр

- Определение.

Тело, которое образуется при вращении прямоугольника вокруг прямой, содержащей его сторону, называется цилиндром.



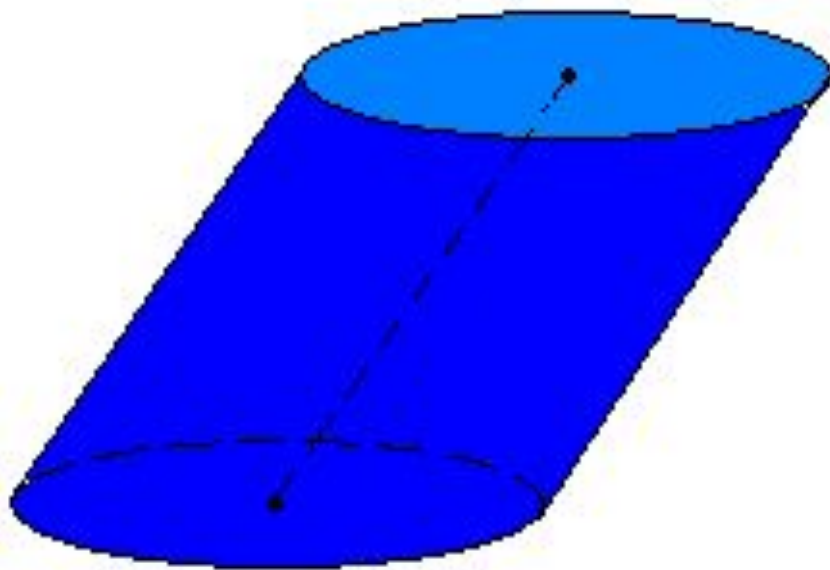
Круговой прямой цилиндр

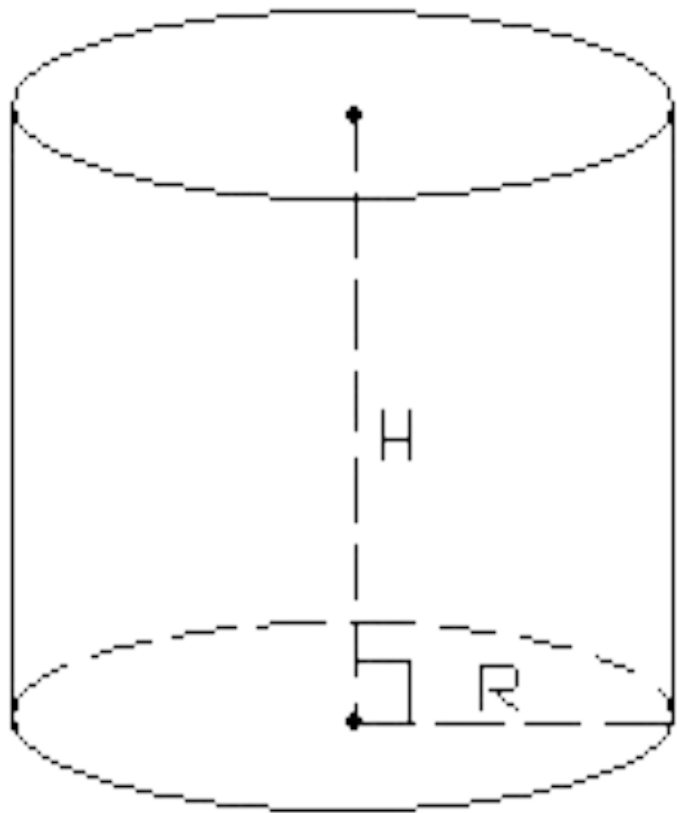


Наклонный цилиндр



Наклонный цилиндр - цилиндр, образующие которого не перпендикулярны плоскостям его оснований.





Пусть R - радиус
основания;

H - высота цилиндра,
тогда

$$S_{\text{бок}} = 2\pi R H$$

$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + 2S_{\text{осн}} = 2\pi R H + \\ + 2\pi R^2 = 2\pi R(R + H)$$

$$V = \pi R^2 H$$



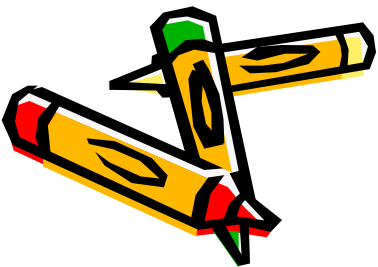
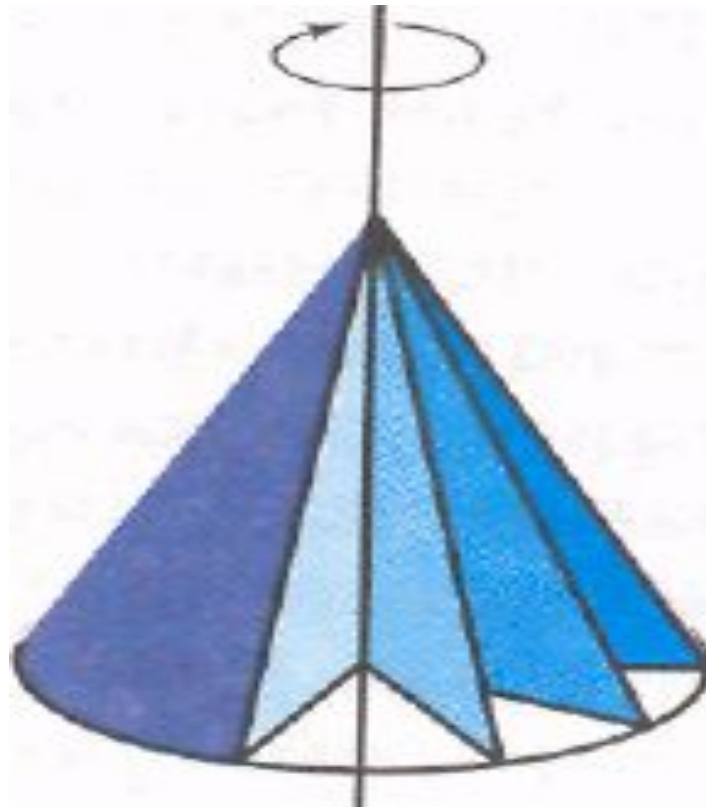
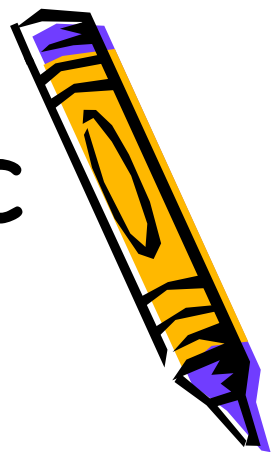
Конус

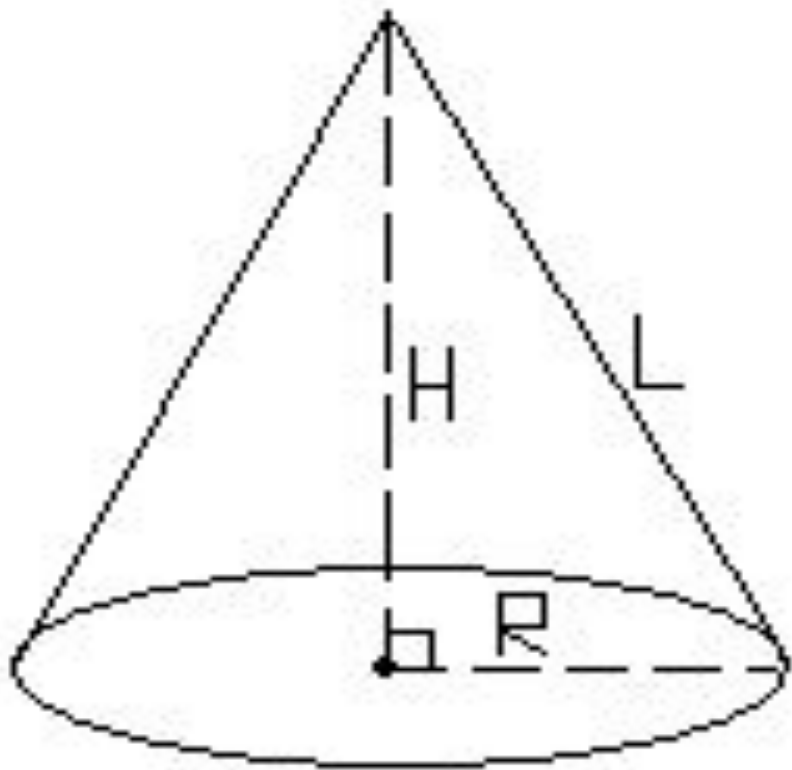
Определение:

Тело, которое образуется при вращении прямоугольного треугольника вокруг прямой, содержащий его катет, называется прямым круговым конусом.



Прямой круговой конус





Если R - радиус
основания,
 H - высота, L - обра-
зующая конуса, то

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 H$$

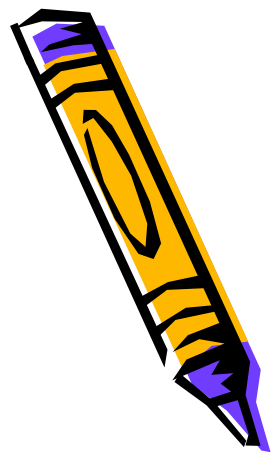
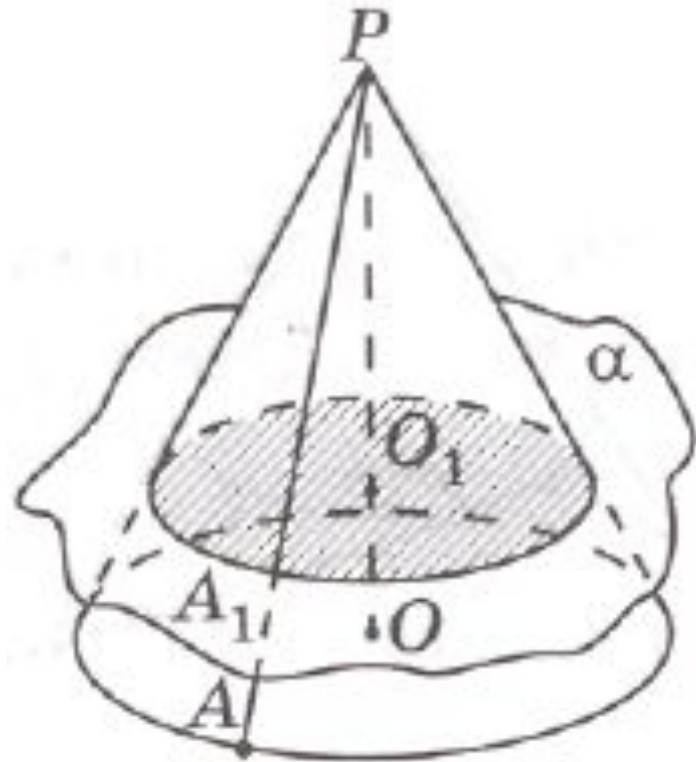
$$S_{\text{бок}} = \pi R L$$

$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + S_{\text{осн}} = \pi R L + \\ + \pi R^2 = \pi R(L + R)$$

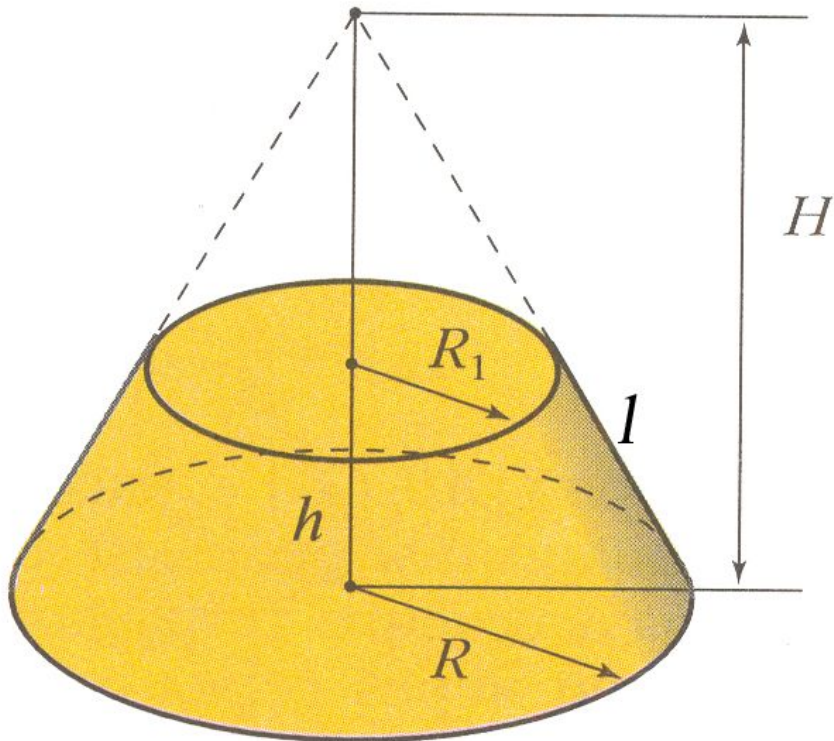


Усеченный конус

Часть конуса,
ограниченная его
основанием и
сечением,
параллельным
плоскости
основания,
называется
усеченным конусом.



Усеченный прямой конус



- Формулы:

$$V = \frac{1}{3} \pi h (R^2 + RR_1 + R_1^2)$$

$$S_{\text{бок. пов.}} = \pi (R + R_1) l$$

$$S_{\text{полн. пов.}} = \pi (R + R_1) l + \pi R^2 + \pi R_1^2$$

Здесь h - высота
усеченного конуса; R и
 R_1 - радиусы его
верхнего и нижнего
оснований; l - его
образующая



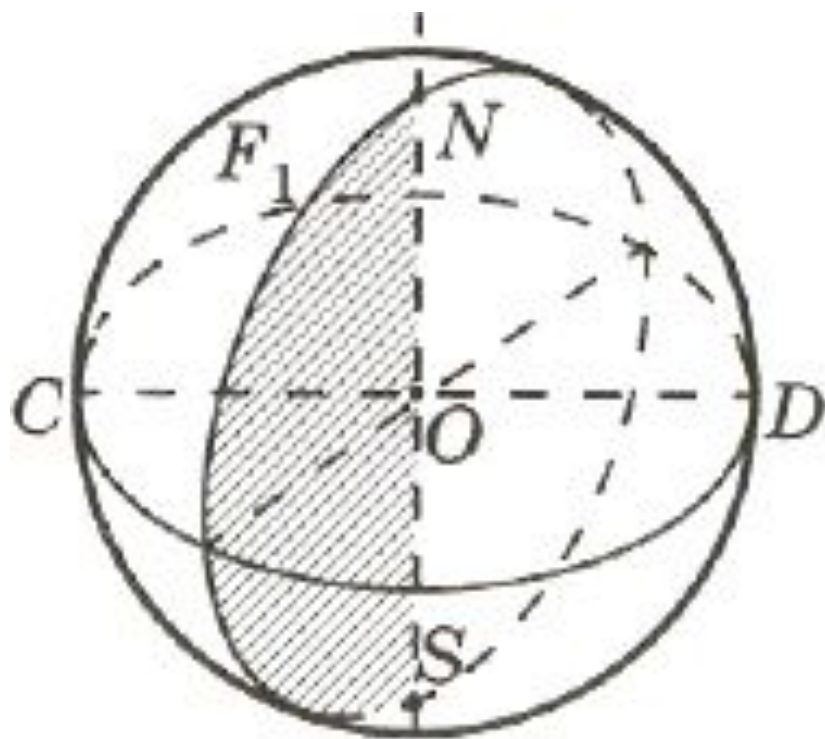
Шар и сфера

- Определение.

Фигура, полученная в результате вращения полукруга вокруг диаметра, называется шаром. Поверхность, образуемая при этом полуокружностью, называется сферой.



Шар - тело вращения



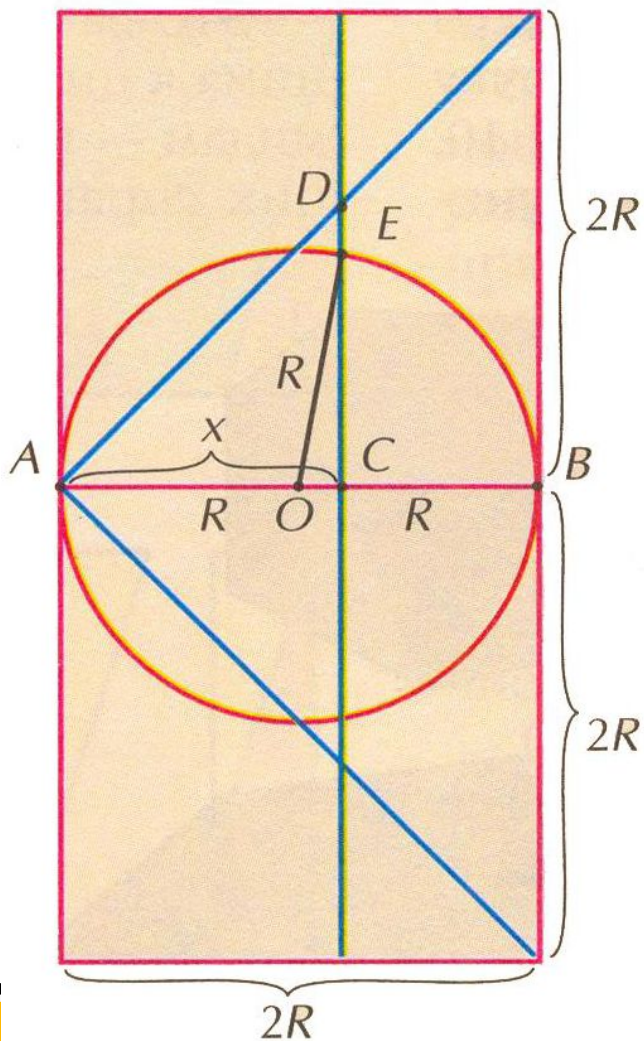
OS, ON, OC, OD -
радиусы;

NS, CD - диаметры шара;

C и D, N и S -
диаметрально
противоположные
точки



Как Архимед находил объем шара



• Площади сечений:

$S_{\square}, S_{\text{ш}}, S_{\text{к}}$.

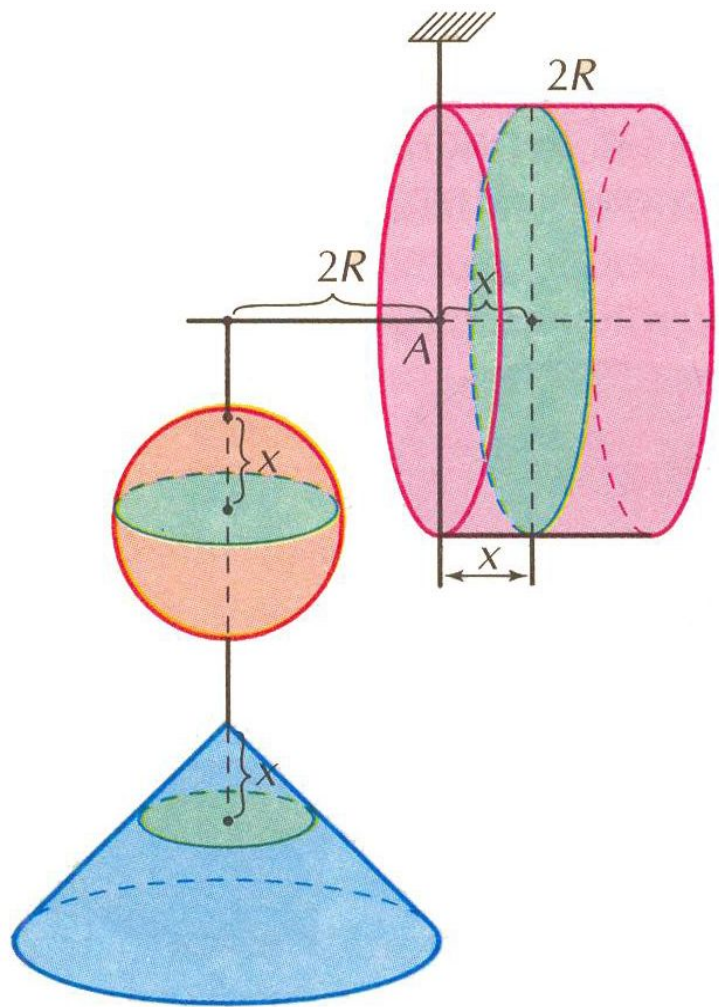
$$x \times S_{\square} = 2R \times (S_{\text{ш}} + S_{\text{к}})$$

$$S_{\square} = 4\pi R^2;$$

$$S_{\text{ш}} = \pi [CE]^2, \text{ где } [CE]^2 = [EO]^2 - [OC]^2 = R^2 -$$

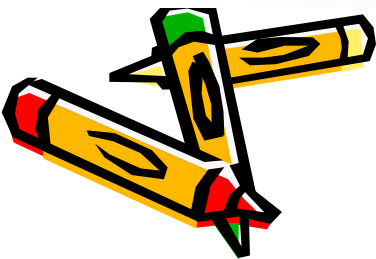
$$-(x-R)^2 = 2Rx - x^2;$$

$$S_{\text{к}} = \pi [CD]^2 = \pi x^2$$

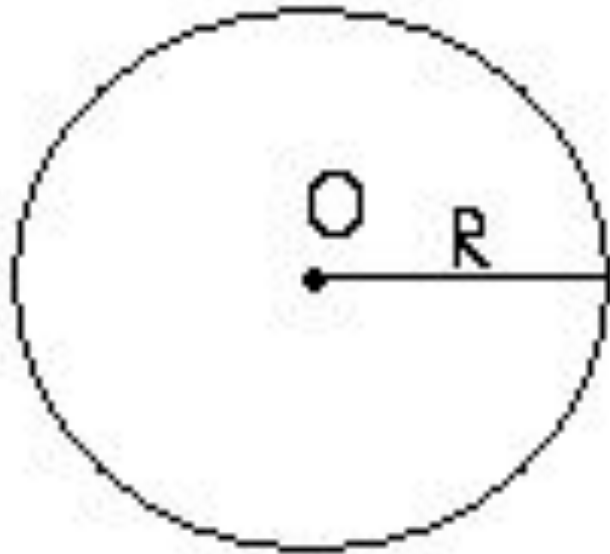


$$R \times V_y = 2R(V_u + V_k)$$

$$V_u = \frac{V_y}{2} - V_k$$



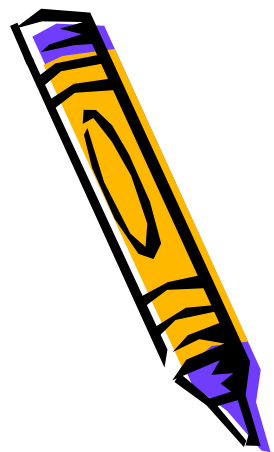
Основные формулы



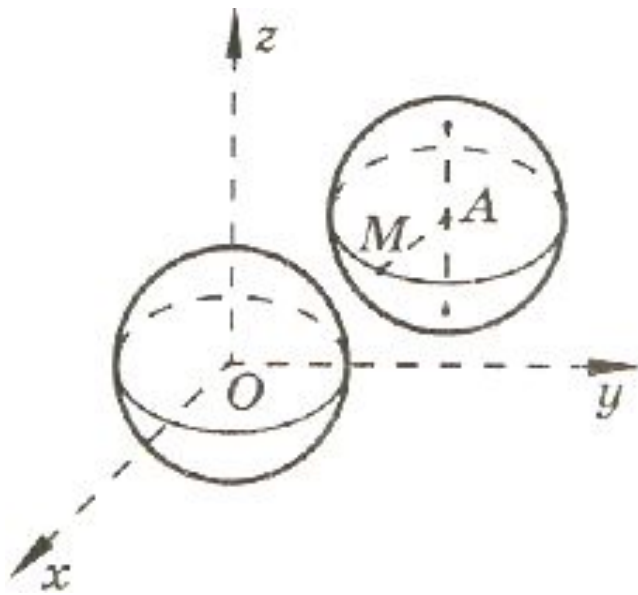
R - радиус шара

$$V_{\text{шара}} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

$$S_{\text{сферы}} = 4\pi R^2$$



Уравнение сферы



Пусть A - центр $(a; b; c)$

MA - радиус, тогда

$$MA^2 = (x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2;$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2 = R^2$$



Конец