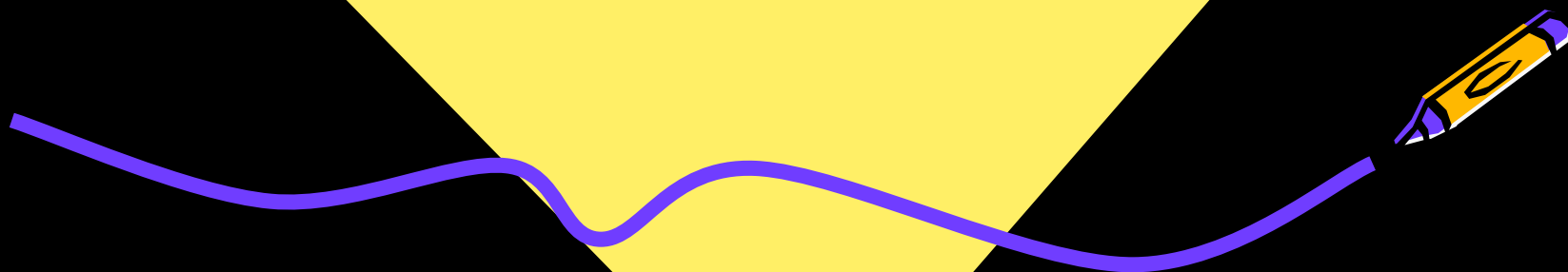




Презентация по теме:  
Фигуры вращения



Балабекова Марият  
02 группа



Содержание моей  
презентации:

Цилиндр

Конус и усечённый конус

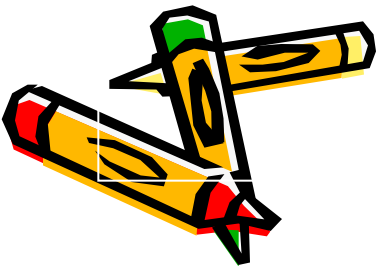
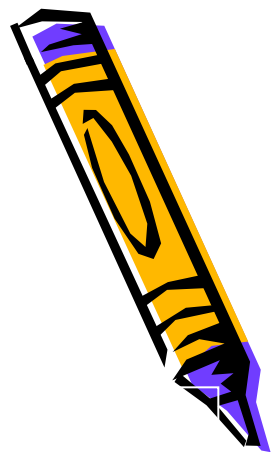
Шар и сфера



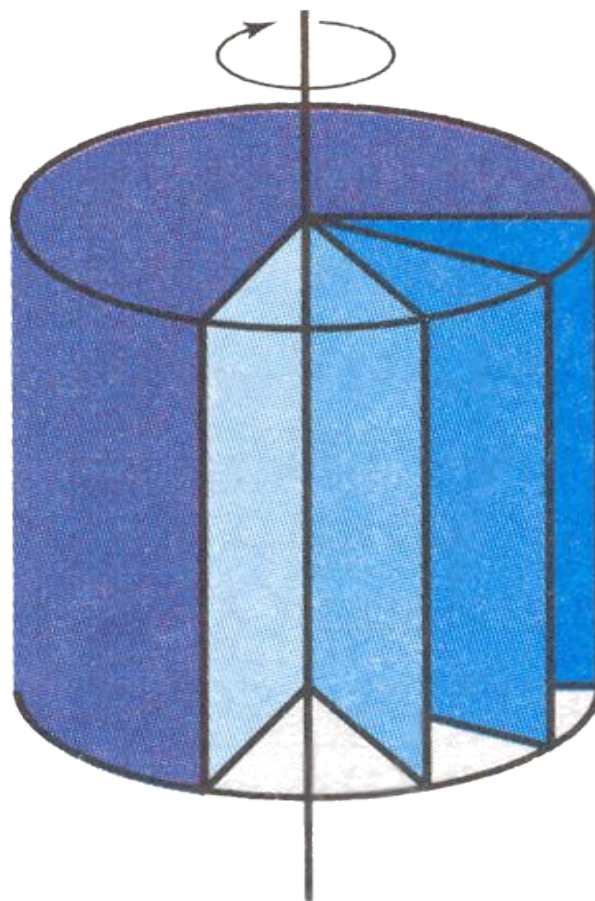
# Цилиндр

- Определение.

Тело, которое образуется при вращении прямоугольника вокруг прямой, содержащей его сторону, называется цилиндром.



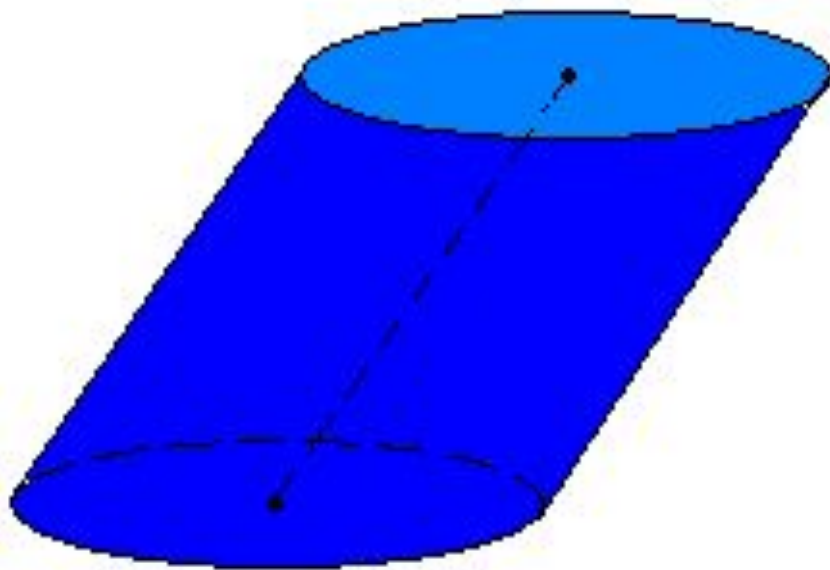
# Круговой прямой цилиндр

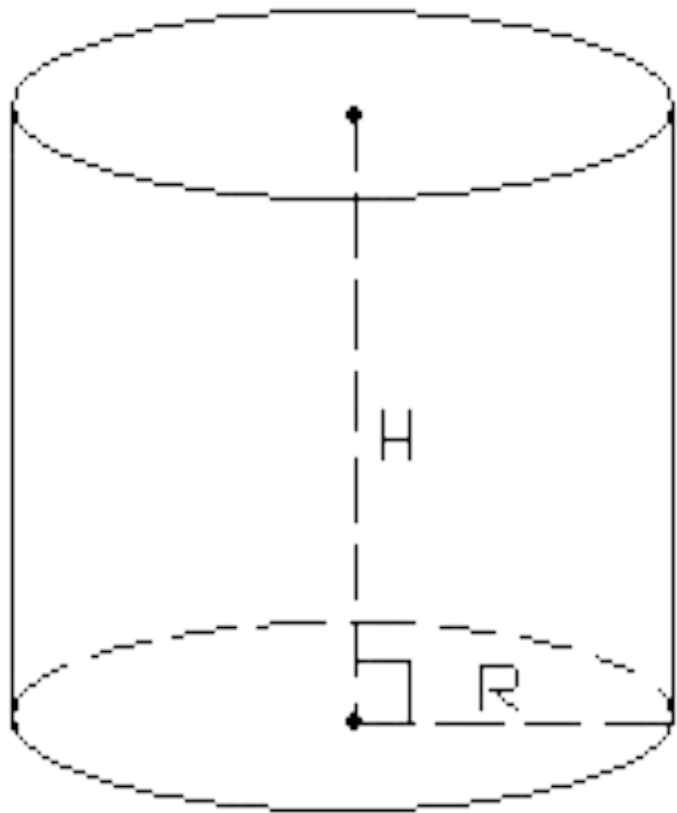


# Наклонный цилиндр



Наклонный цилиндр - цилиндр, образующие которого не перпендикулярны плоскостям его оснований.





Пусть  $R$  - радиус  
основания;

$H$  - высота цилиндра,  
тогда

$$S_{\text{бок}} = 2\pi R H$$

$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + 2S_{\text{осн}} = 2\pi R H + \\ + 2\pi R^2 = 2\pi R(R + H)$$

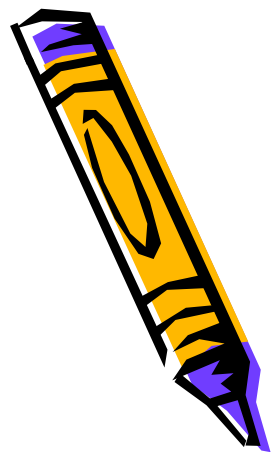
$$V = \pi R^2 H$$



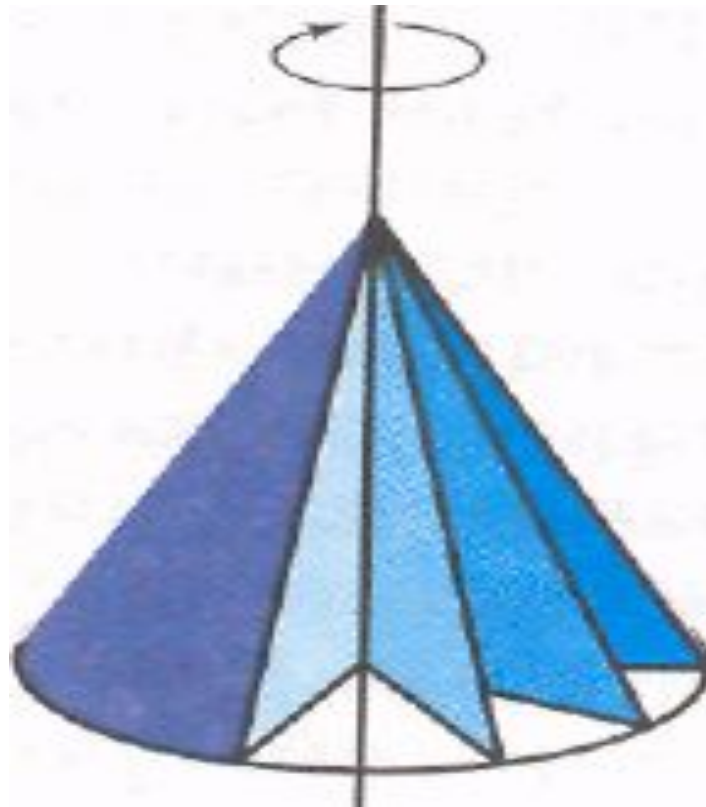
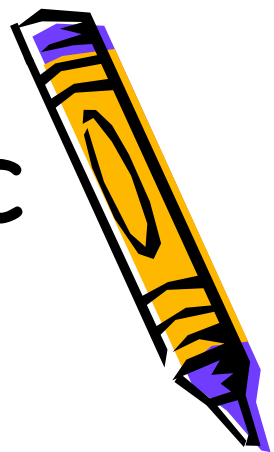
# Конус

## Определение:

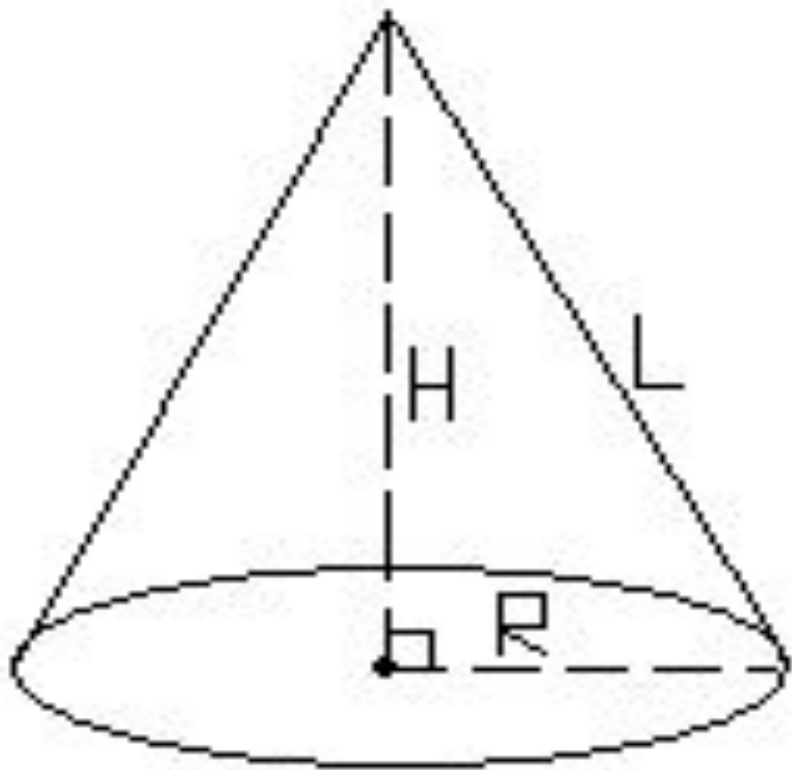
Тело, которое образуется при вращении прямоугольного треугольника вокруг прямой, содержащий его катет, называется прямым круговым конусом.



# Прямой круговой конус







Если  $R$  - радиус  
основания,  
 $H$  - высота,  $L$  - обра-  
зующая конуса, то

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 H$$

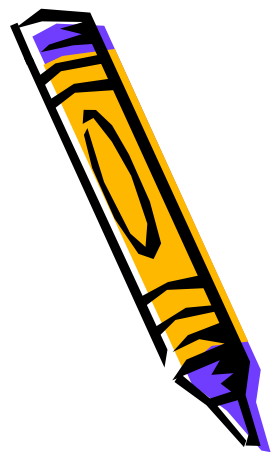
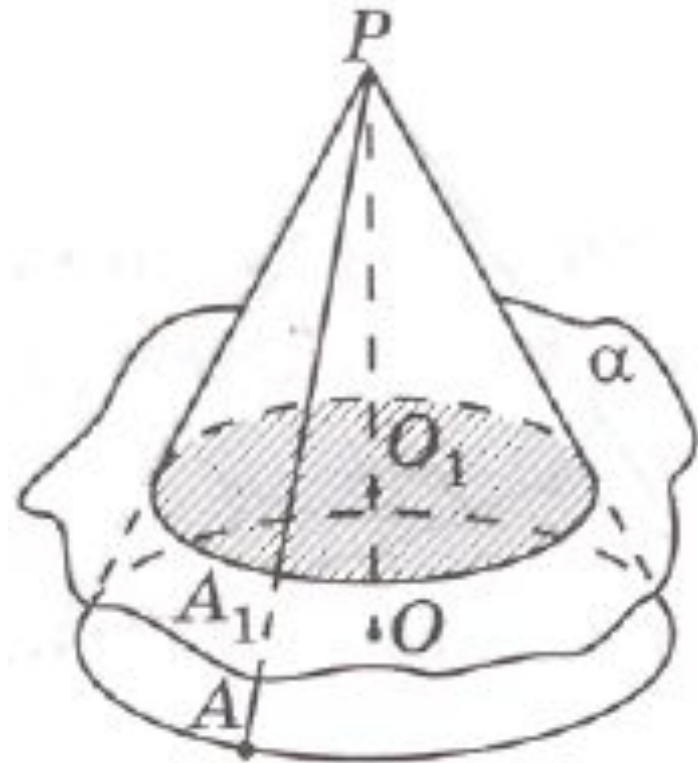
$$S_{\text{бок}} = \pi R L$$

$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + S_{\text{осн}} = \pi R L + \\ + \pi R^2 = \pi R(L + R)$$

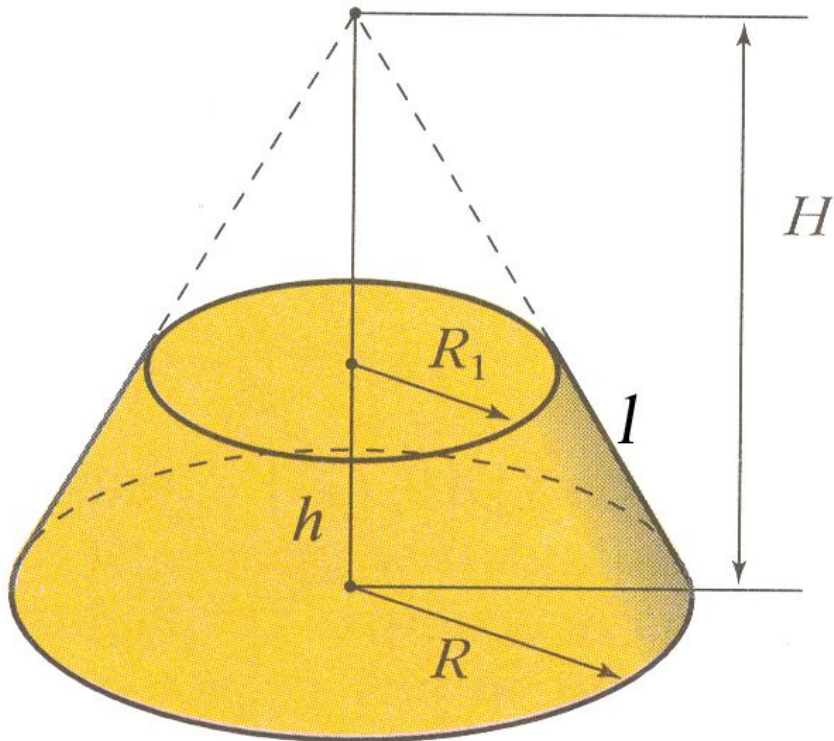


# Усеченный конус

Часть конуса,  
ограниченная его  
основанием и  
сечением,  
параллельным  
плоскости  
основания,  
называется  
**усеченным конусом.**



# Усеченный прямой конус



- Формулы:

$$V = \frac{1}{3} \pi h (R^2 + RR_1 + R_1^2)$$

$$S_{\text{бок. пов.}} = \pi (R + R_1) l$$

$$S_{\text{полн. пов.}} = \pi (R + R_1) l + \pi R^2 + \pi R_1^2$$

Здесь  $h$  - высота усеченного конуса;  $R$  и  $R_1$  - радиусы его верхнего и нижнего оснований;  $l$  - его образующая



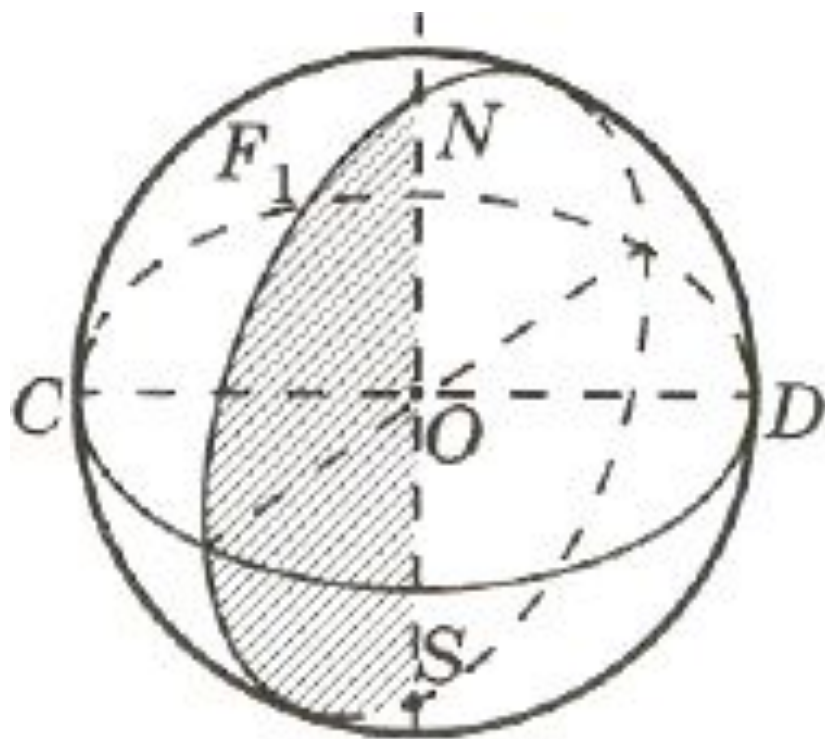
# Шар и сфера

- Определение.

Фигура, полученная в результате вращения полукруга вокруг диаметра, называется шаром. Поверхность, образуемая при этом полуокружностью, называется сферой.



# Шар - тело вращения



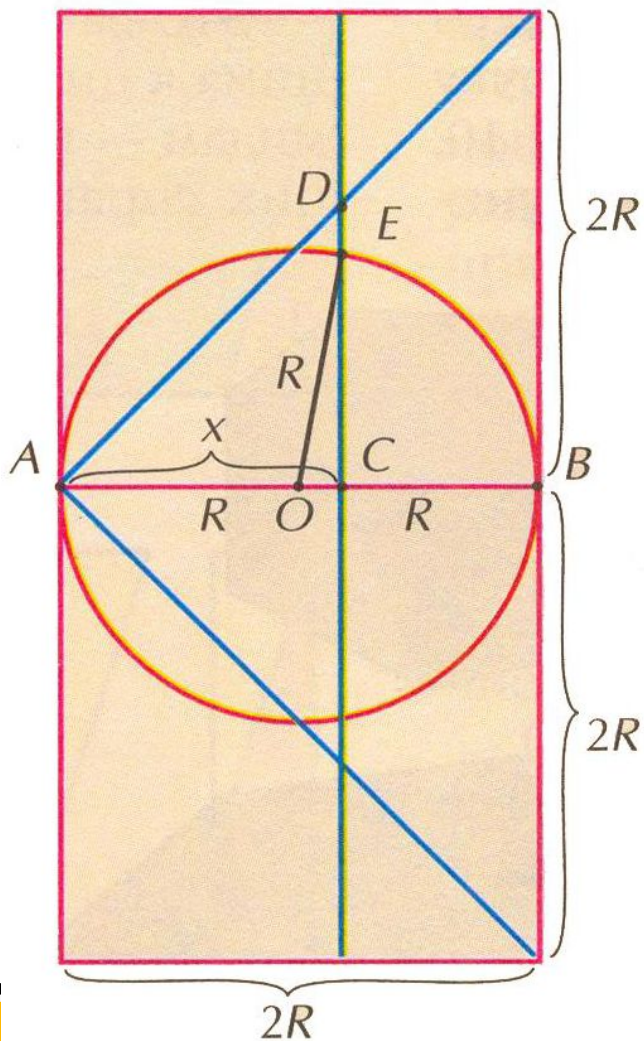
$OS, ON, OC, OD$  -  
радиусы;

$NS, CD$  - диаметры шара;

$C$  и  $D, N$  и  $S$  -  
диаметрально  
противоположные  
точки



# Как Архимед находил объем шара



• Площади сечений:

$S_{\square}, S_{\text{ш}}, S_{\text{к}}$ .

$$x \times S_{\square} = 2R \times (S_{\text{ш}} + S_{\text{к}})$$

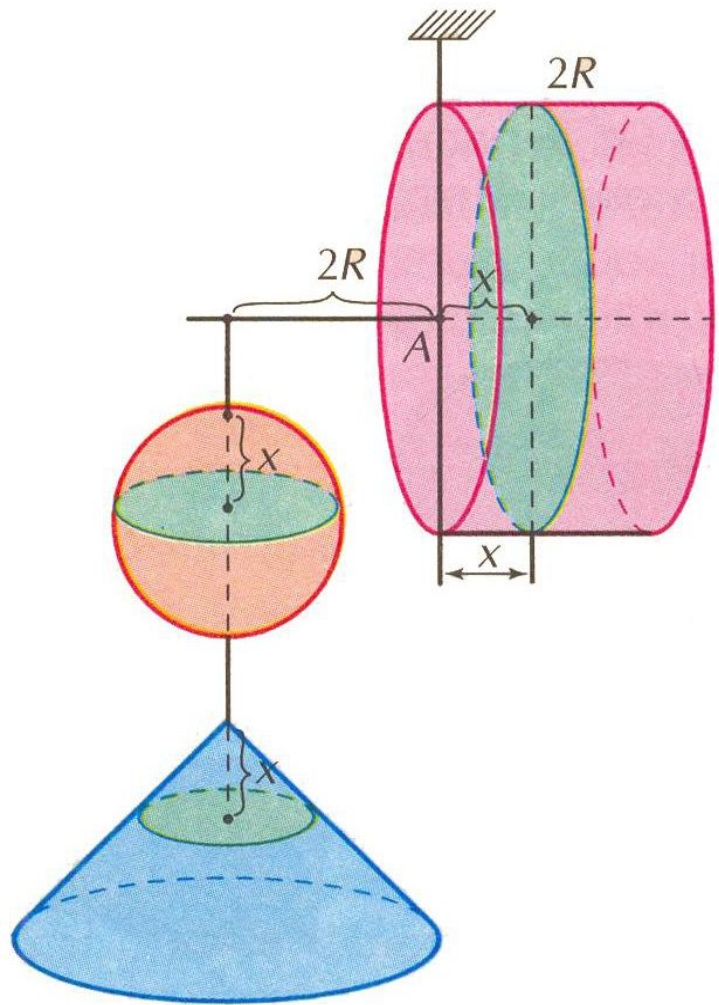
$$S_{\square} = 4\pi R^2;$$

$$S_{\text{ш}} = \pi [CE]^2, \text{ где } [CE]^2 = [EO]^2 - [OC]^2 = R^2 -$$

$$-(x-R)^2 = 2Rx - x^2;$$

$$S_{\text{к}} = \pi [CD]^2 = \pi x^2$$



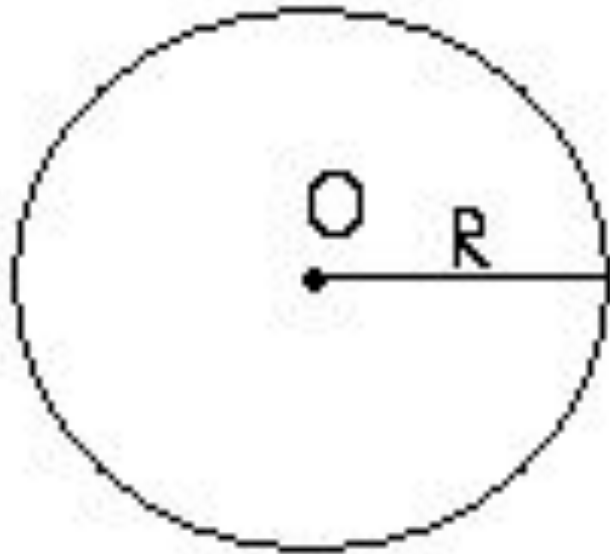


$$R \times V_y = 2R(V_u + V_k)$$

$$V_u = \frac{V_y}{2} - V_k$$



# Основные формулы



$R$  - радиус шара

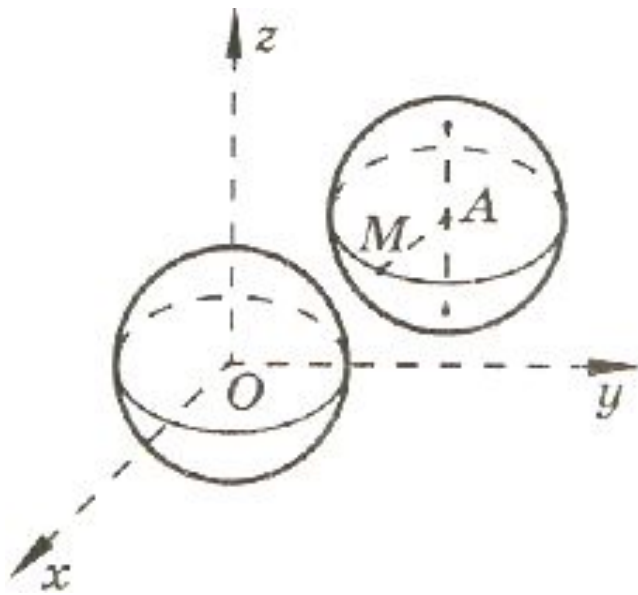
$$V_{\text{шара}} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

$$S_{\text{сферы}} = 4\pi R^2$$





# Уравнение сферы



Пусть  $A$  - центр  $(a; b; c)$

$MA$  - радиус, тогда

$$MA^2 = (x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2;$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2 = R^2$$



Конец