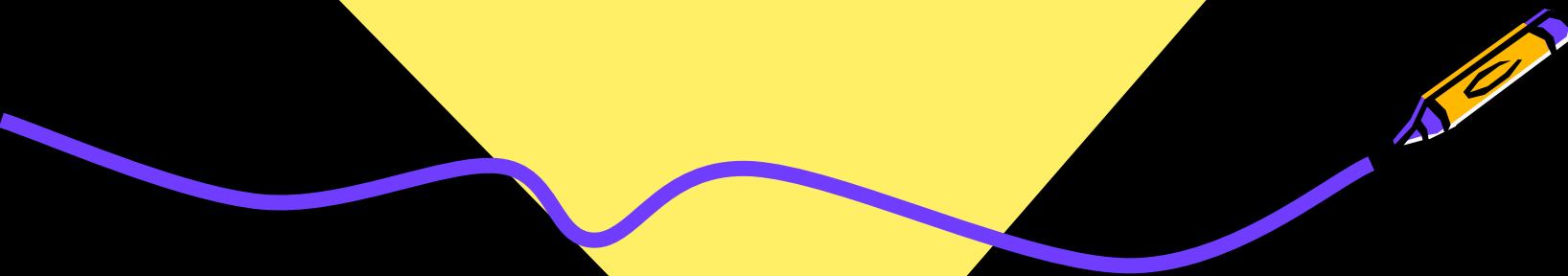




Презентация по теме: Фигуры вращения



Балабекова Марият
02 группа



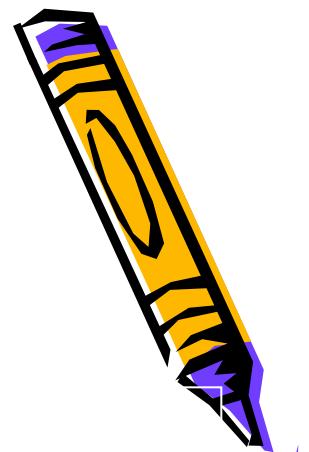
Содержание моей
презентации:

Цилиндр

Конус и усечённый конус

Шар и сфера

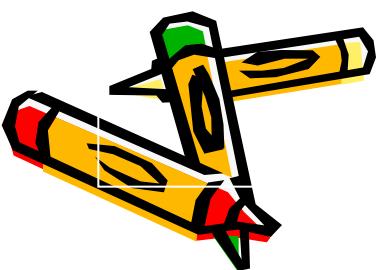




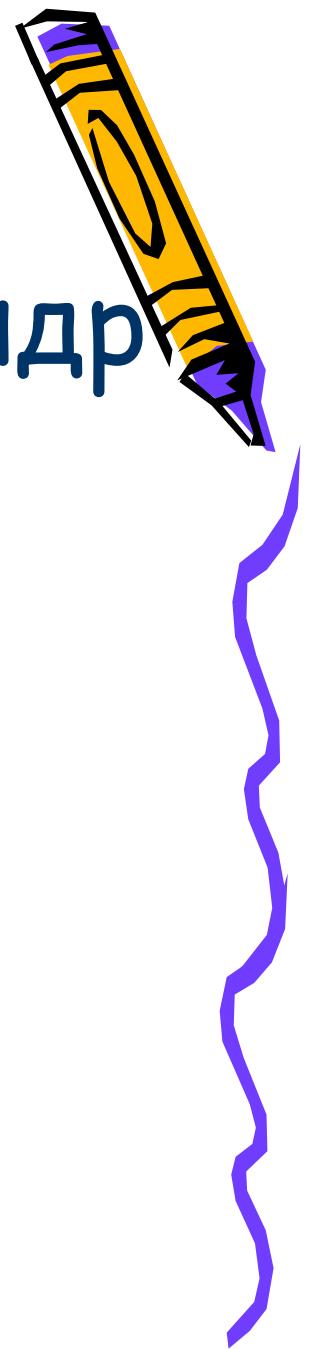
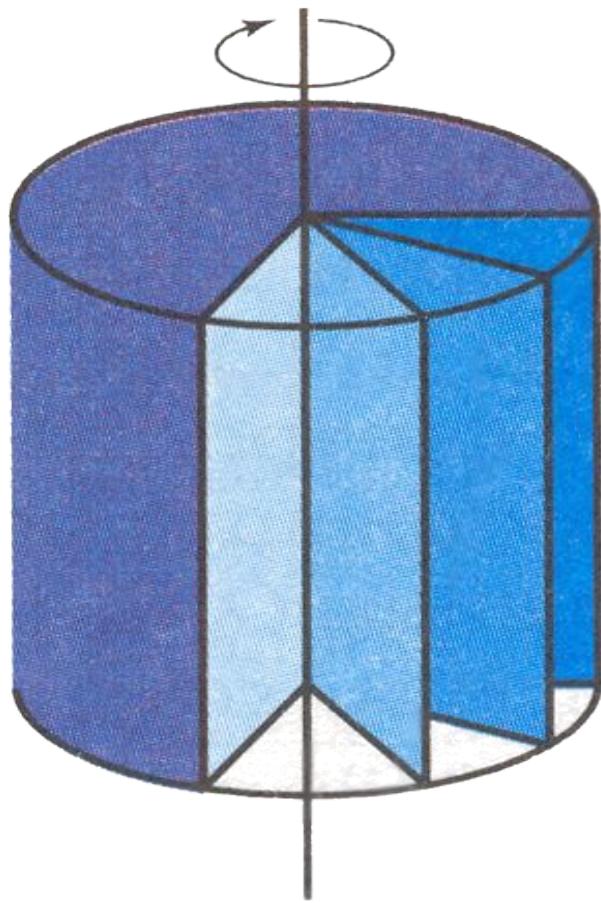
Цилиндр

- Определение.

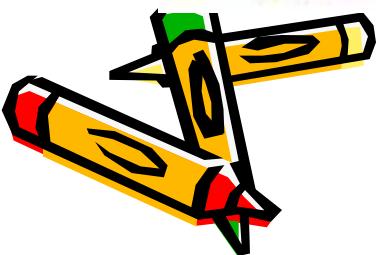
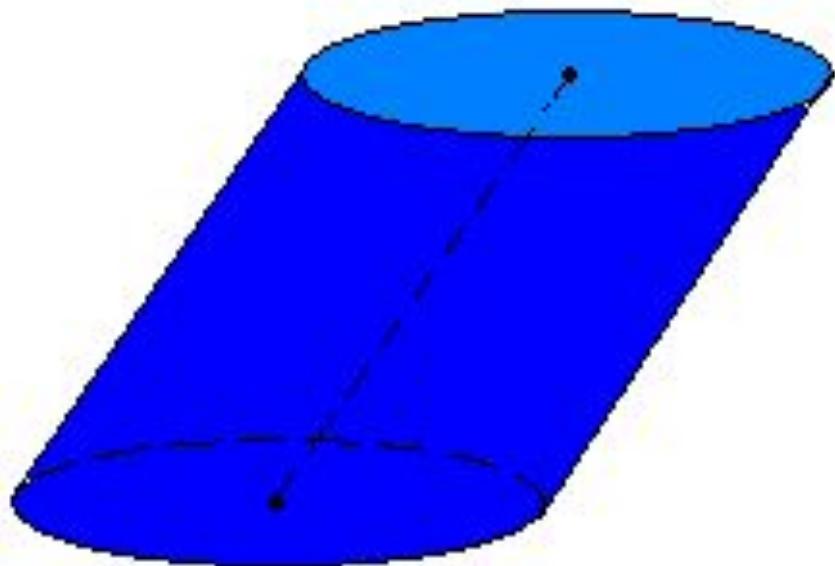
Тело, которое образуется при вращении прямоугольника вокруг прямой, содержащей его сторону, называется цилиндром.



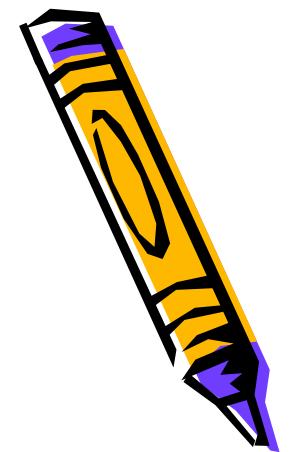
Круговой прямой цилиндр

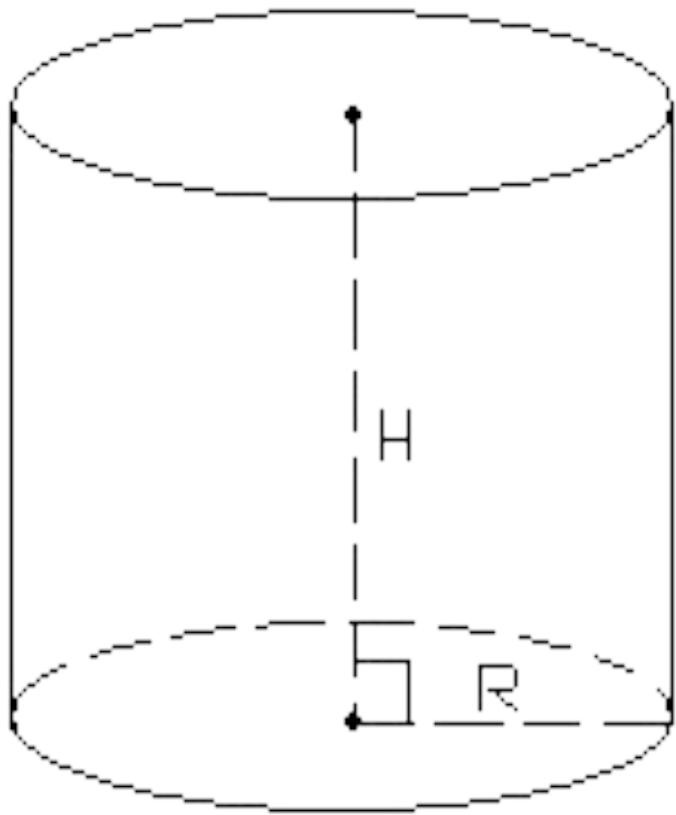


Наклонный цилиндр



Наклонный цилиндр
– цилиндр,
образующие
которого не
перпендикулярны
плоскостям его
оснований.



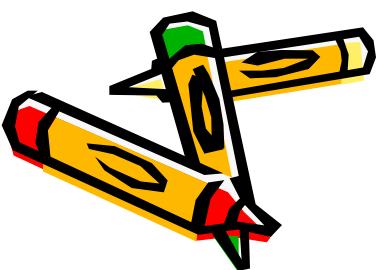


Пусть R - радиус
основания;
 H - высота цилиндра,
тогда

$$S_{\text{бок}} = 2\pi RH$$

$$\begin{aligned} S_{\text{полн}} &= S_{\text{бок}} + 2S_{\text{осн}} = 2\pi RH + \\ &+ 2\pi R^2 = 2\pi R(R + H) \end{aligned}$$

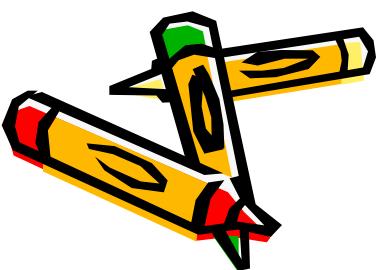
$$V = \pi R^2 H$$



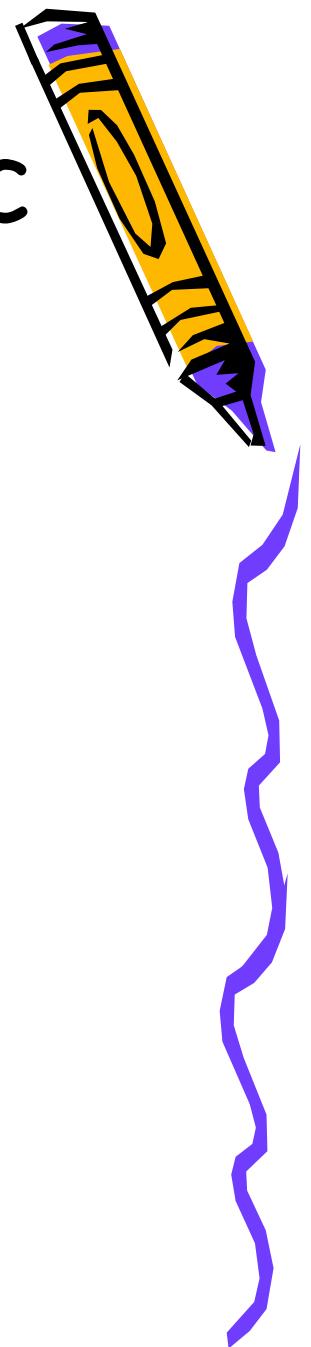
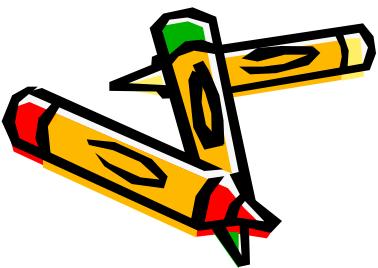
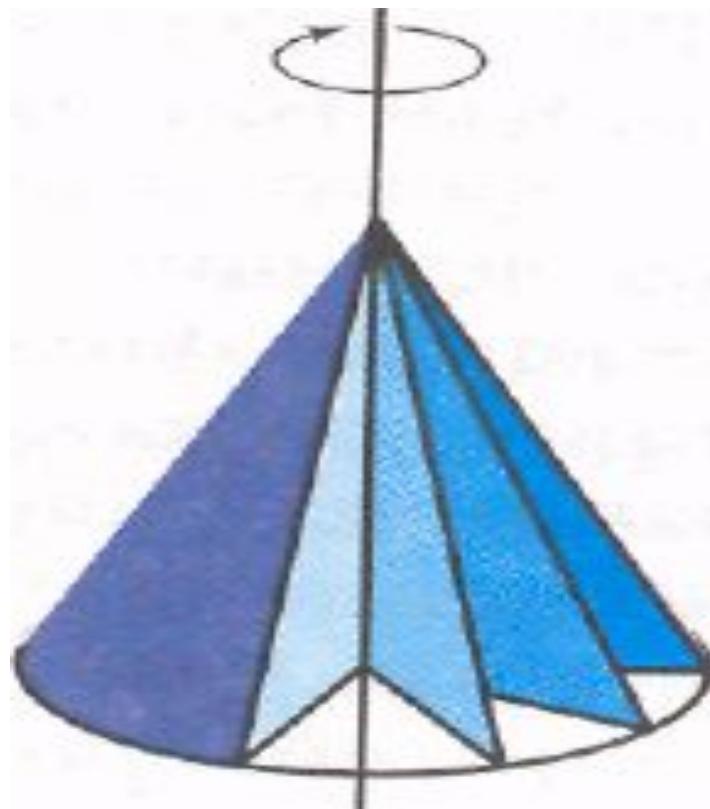
Конус

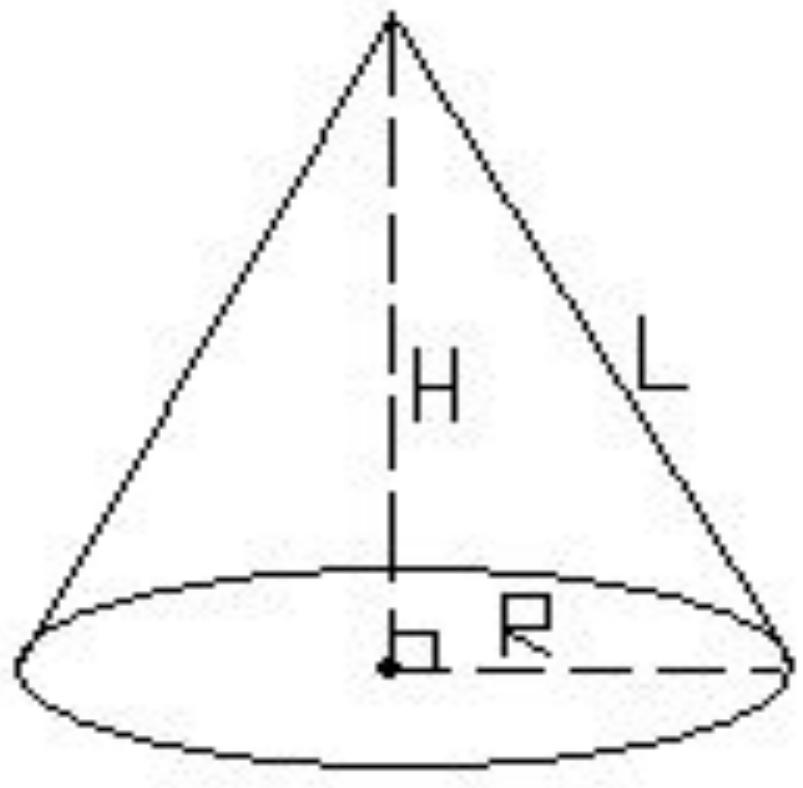
Определение:

Тело, которое образуется при вращении прямоугольного треугольника вокруг прямой, содержащей его катет, называется прямым круговым конусом.



Прямой круговой конус



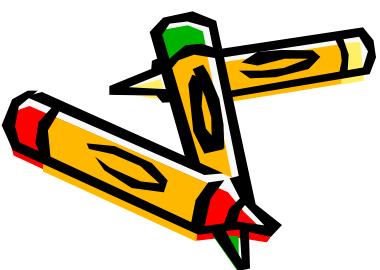


Если R - радиус
основания,
 H - высота, L - обра-
зующая конуса, то

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 H$$

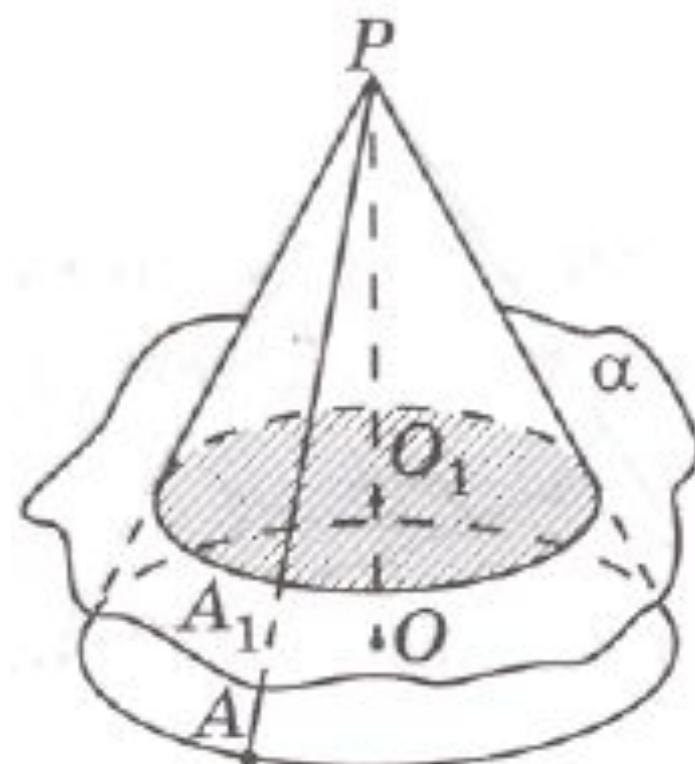
$$S_{\text{бок}} = \pi R L$$

$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + S_{\text{осн}} = \pi R L + \\ + \pi R^2 = \pi R(L + R)$$

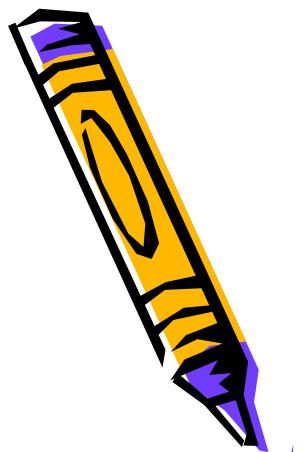


Усеченный конус

Часть конуса,
ограниченная его
основанием и
сечением,
параллельным
плоскости
основания,
называется
усеченным конусом.



Усеченный прямой конус



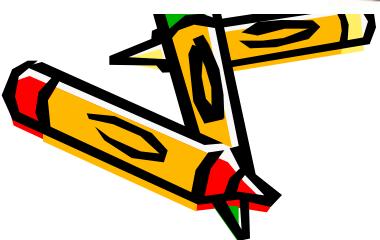
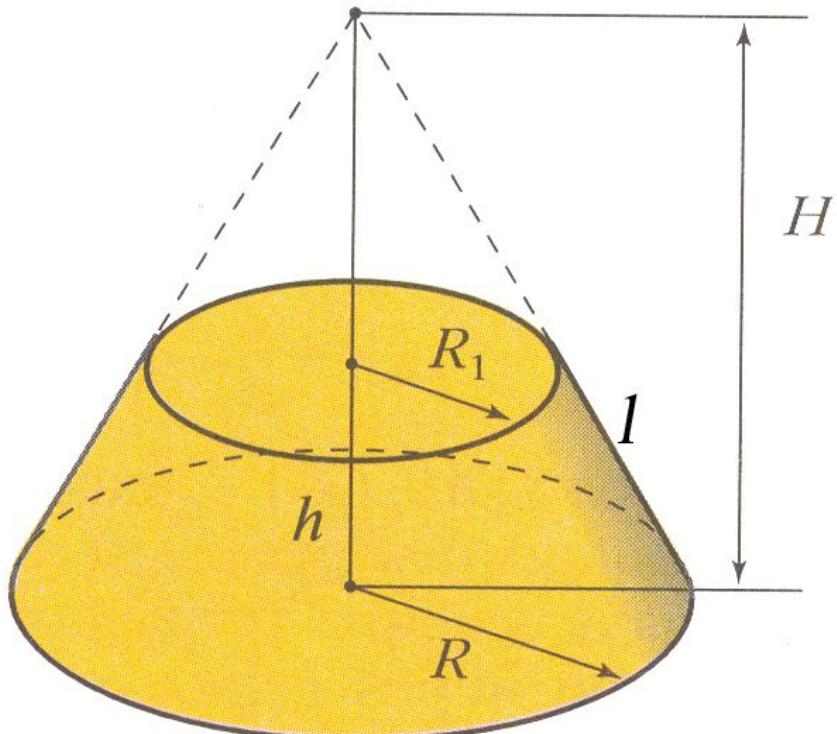
- Формулы:

$$V = \frac{1}{3} \pi h (R^2 + RR_1 + R_1^2)$$

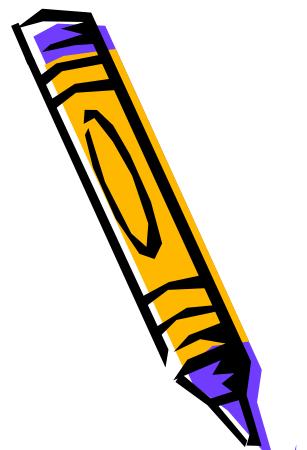
$$S_{\text{бок.пов.}} = \pi(R + R_1)l$$

$$S_{\text{полн.пов.}} = \pi(R + R_1)l + \pi R^2 + \pi r^2$$

Здесь h - высота
усеченного конуса; R и
 R_1 - радиусы его
верхнего и нижнего
оснований; l - его
образующая



Шар и сфера

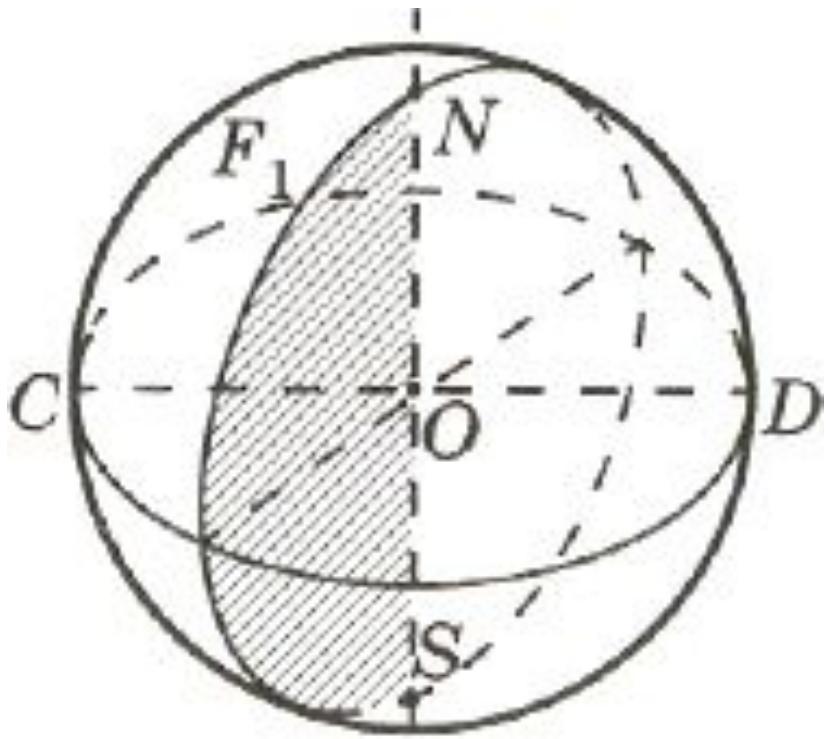


- Определение.

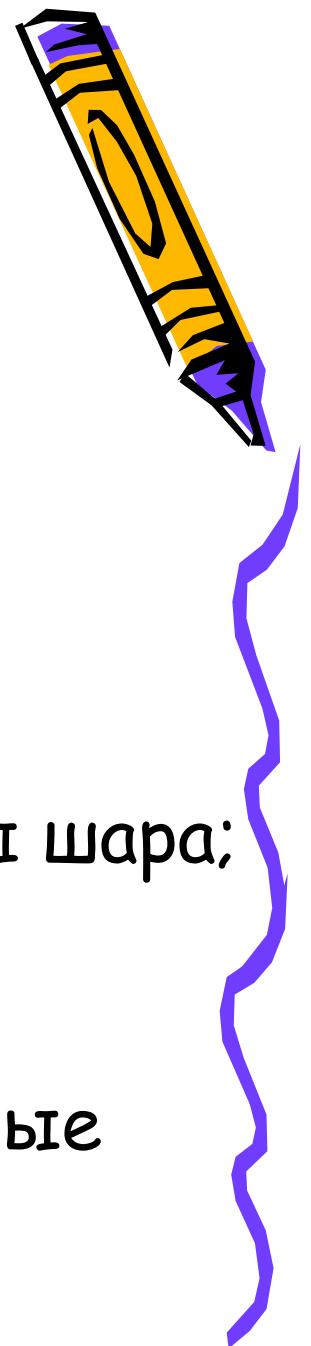
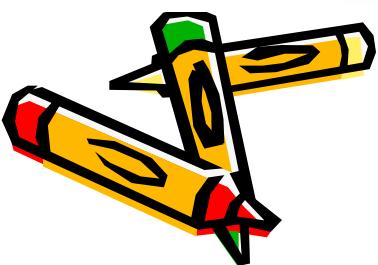
Фигура, полученная в результате вращения полукруга вокруг диаметра, называется шаром. Поверхность, образуемая при этом полуокружностью, называется **сферой**.



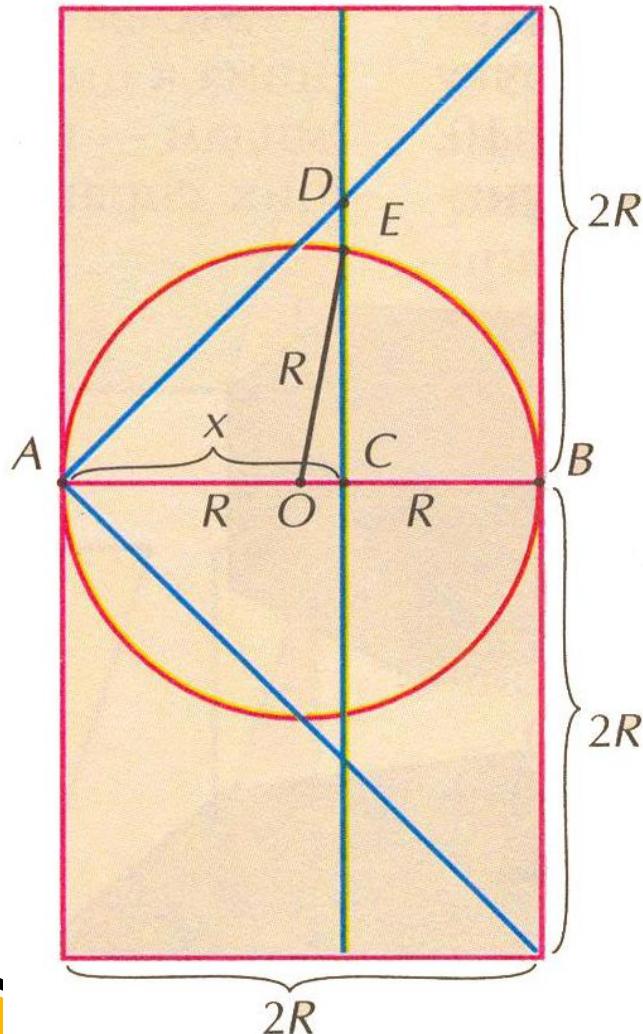
Шар - тело вращения



OS, ON, OC, OD -
радиусы;
NS, CD - диаметры шара;
С и D, N и S -
диаметрально
противоположные
точки



Как Архимед находил объем шара



- Площади сечений:
 $S_{\text{ц}}, S_{\text{ш}}, S_{\text{к}}$.

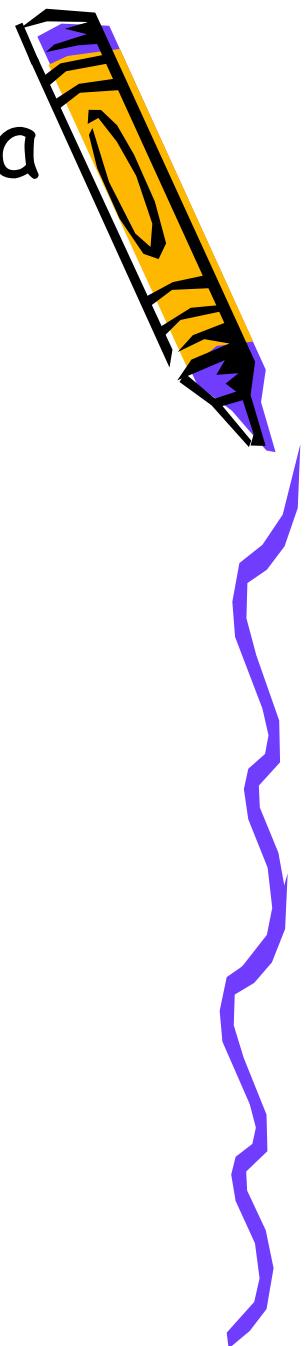
$$x \times S_{\text{ц}} = 2R \times (S_{\text{ш}} + S_{\text{к}})$$

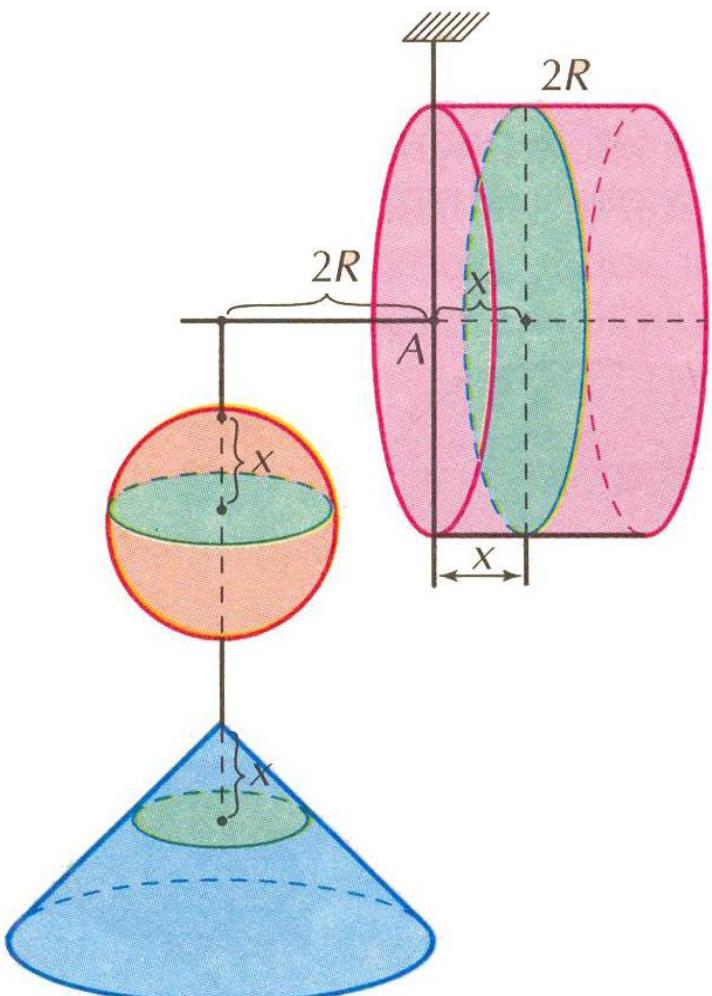
$$S_{\text{ц}} = 4\pi R^2;$$

$$S_{\text{ш}} = \pi [CE]^2, \text{ где } [CE]^2 = [EO]^2 - [OC]^2 = R^2 -$$

$$-(x-R)^2 = 2Rx - x^2;$$

$$S_{\text{к}} = \pi [CD]^2 = \pi x^2$$

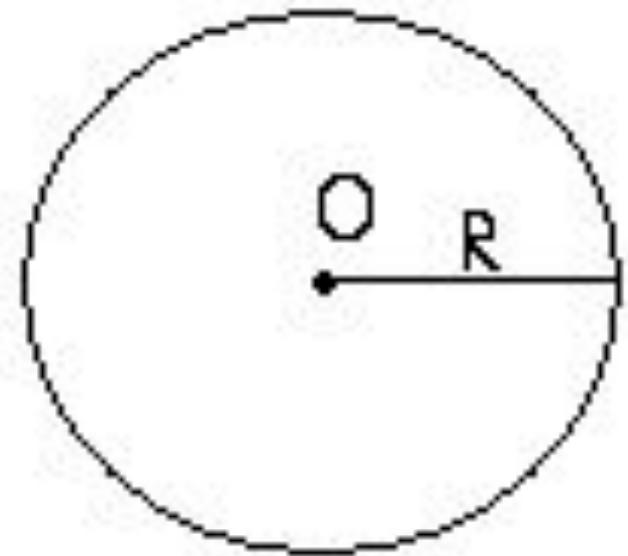




$$R \times V_u = 2R(V_{uu} + V_\kappa)$$

$$V_{uu} = \frac{V_u}{2} - V_\kappa$$

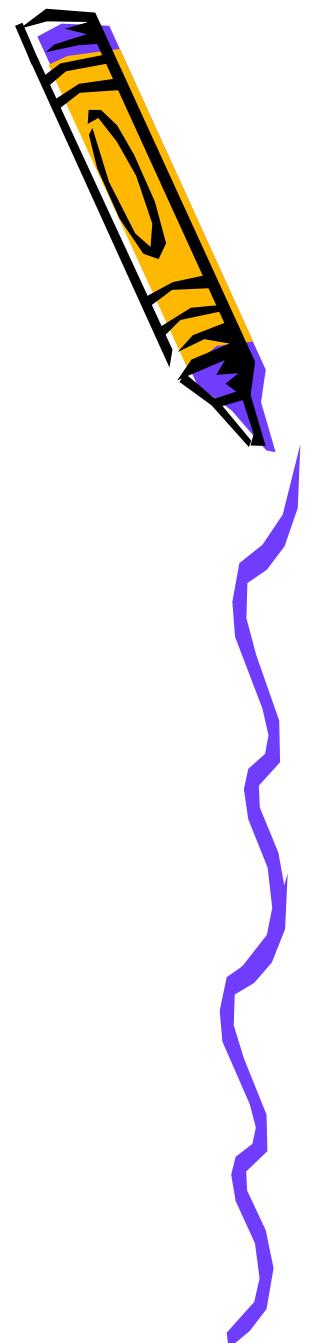
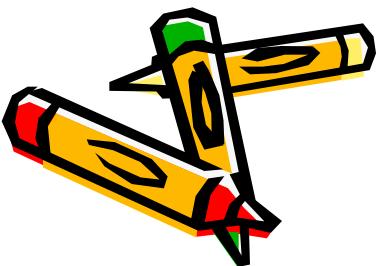
Основные формулы



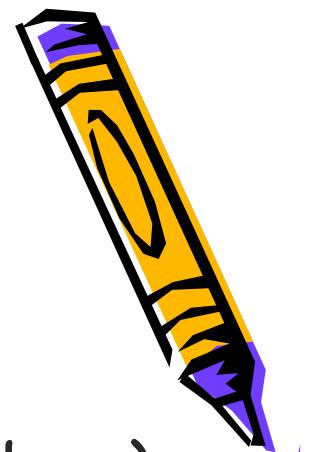
R - радиус шара

$$V_{\text{шара}} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

$$S_{\text{сферы}} = 4\pi R^2$$



Уравнение сферы

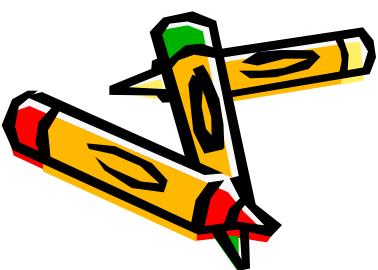
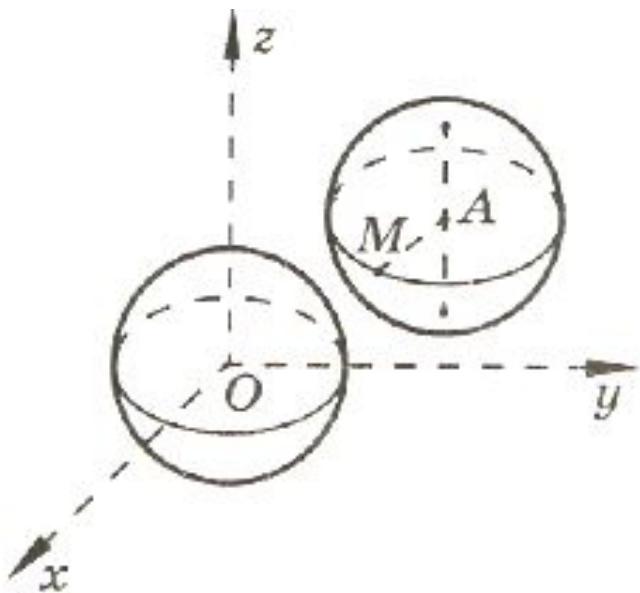


Пусть A - центр($a; b; c$)

MA - радиус, тогда

$$MA^2 = (x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2;$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2 = R^2$$



Конец