

# Функциональные зависимости в курсе алгебры и физики

## Авторы:

Емельянова М.В. – учитель математики I квалификационной категории,

Афанасьева Н.П. – учитель физики высшей квалификационной категории

МОУ СОШ № 21 г. Владимира

## Цель урока:

- Формирование умений применять полученные знания при решении типичных и нестандартных задач в курсе алгебры и физики.
- Повторить, обобщить и применить знание прямой и обратной пропорциональности при решении качественных, расчетных и экспериментальных задач по физике с применением ИКТ.
- Развивать познавательную активность и творческие способности.

Вы готовы к изучению нового материала и все вопросы вам будут понятны.



Вы недостаточно готовы к изучению нового материала и тревожитесь, что не все вопросы вам будут понятны.



Вы совсем не готовы к изучению нового материала и большинство вопросов вам будут непонятны.



# ФУНКЦИИ

Линейная функция

$$y = kx + b$$

$$D(y) = \mathbb{R}$$

График – прямая

$$y = kx - \text{прямая}$$

пропорциональность

Обратная пропорциональность

$$y = \frac{k}{x}$$

$$D(y) = \mathbb{R}, \text{ кроме } x = 0$$

График - гипербола

Квадратичная функция

$$y = x^2$$

$$D(y) = \mathbb{R}$$

График - парабола

$$y = x^3$$

$$D(y) = \mathbb{R}$$

График – кубическая парабола

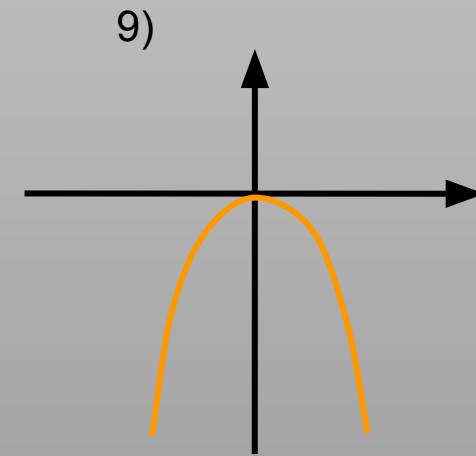
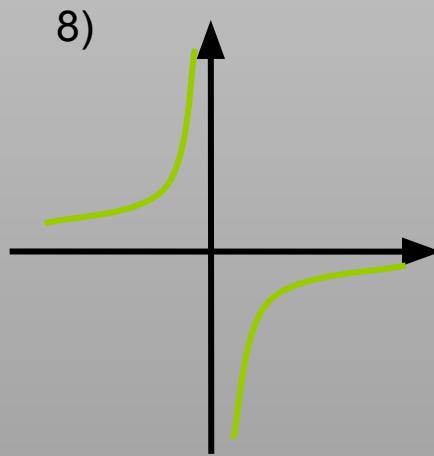
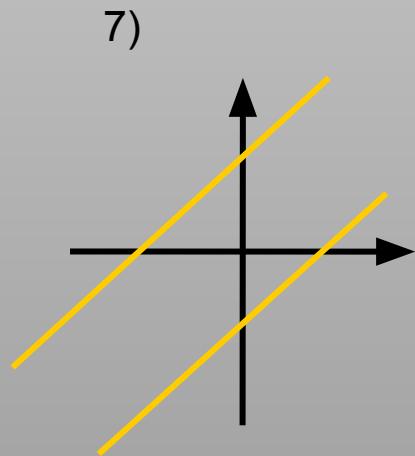
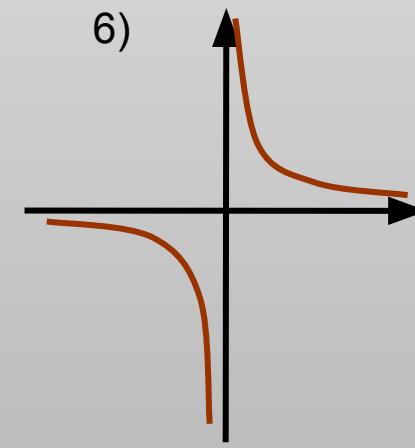
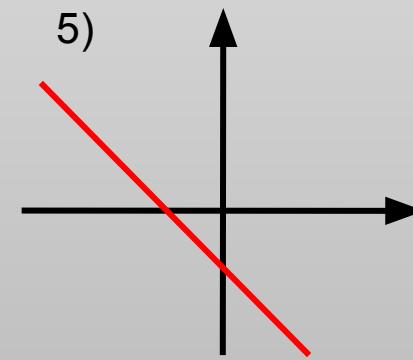
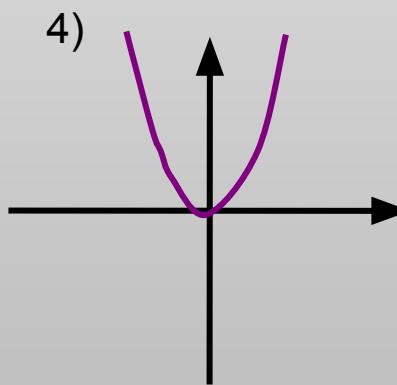
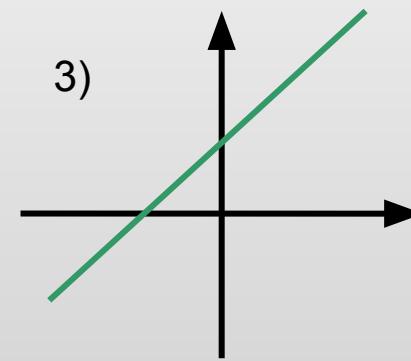
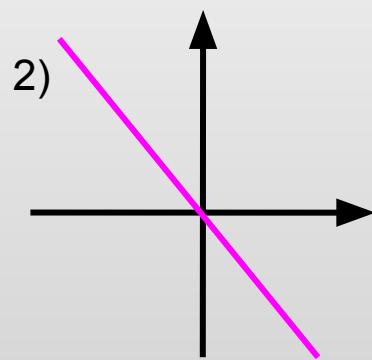
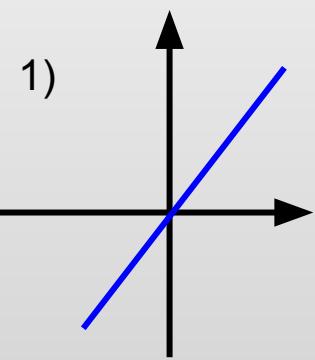
$$y = \sqrt{x}$$

Область определения – любое неотрицательное число

# Способы задания функции.

- Аналитический
- Графический
- Табличный

Из следующих графиков  
выберите графики линейных  
функций, графики прямой  
пропорциональности и графики  
обратной пропорциональности.

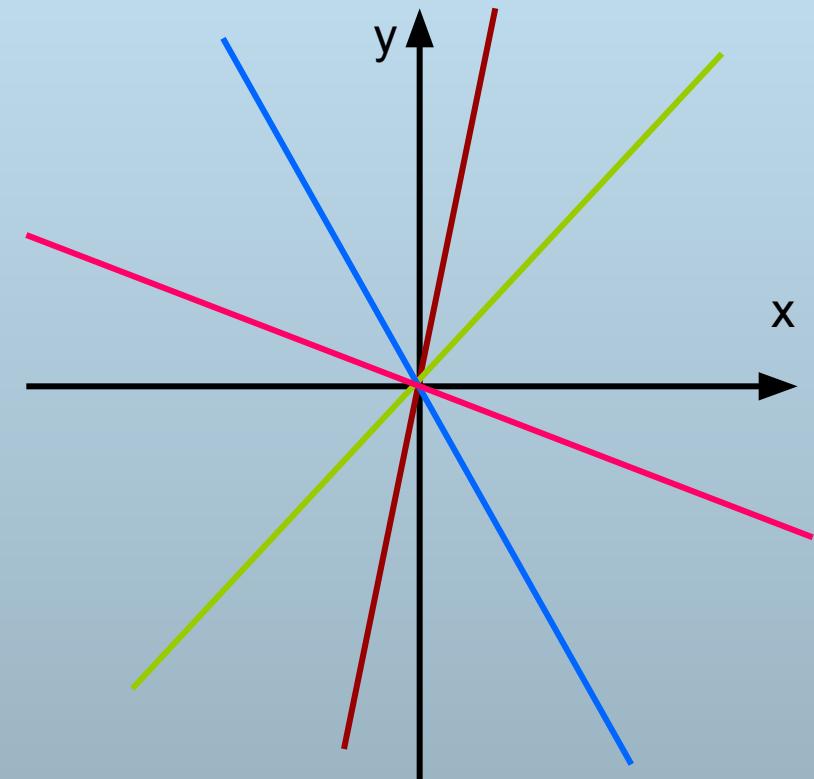


# ФУНКЦИИ

1.  $y = 2x + 3$
2.  $y = 6/x$
3.  $y = 2x$
4.  $y = -1,5x$
5.  $y = -5/x$
6.  $y = 5x$
7.  $y = 2x - 5$
8.  $y = -0,3x$
9.  $y = 3/x$
10.  $y = -x/3 + 1$

# Функции прямой пропорциональности

- $y = 2x$
- $y = -1,5x$
- $y = 5x$
- $y = -0,3x$

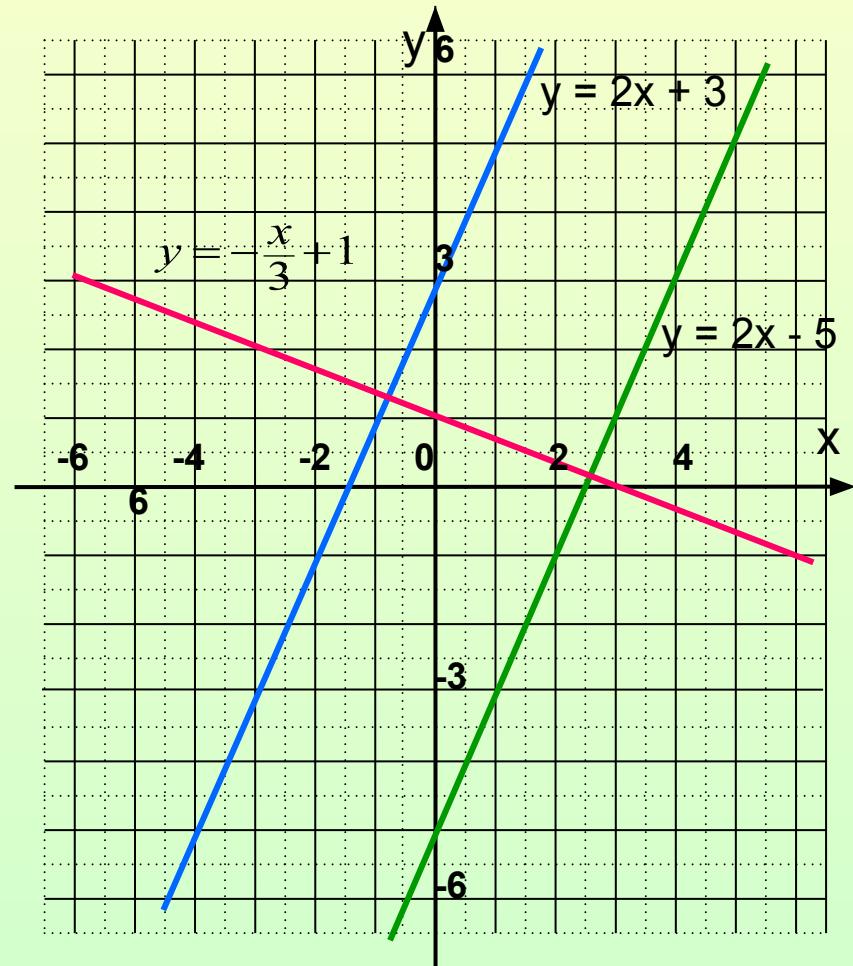


# Линейные функции, не являющиеся функциями прямой пропорциональности

$$1) y = 2x + 3$$

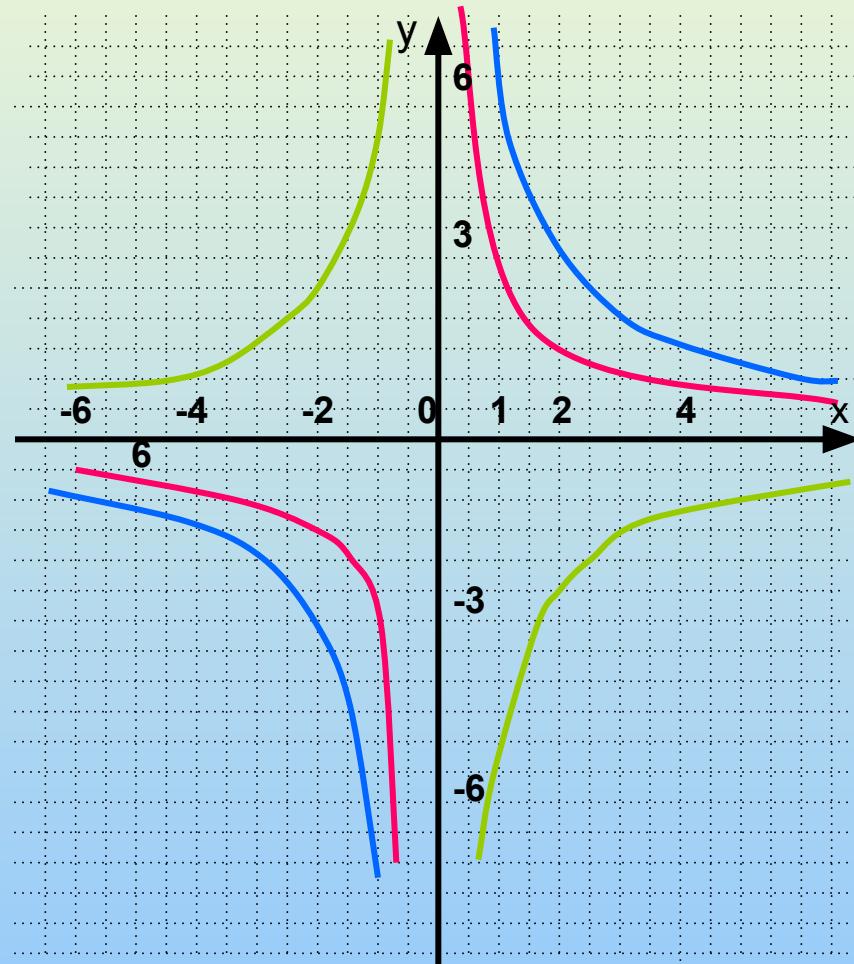
$$2) y = 2x - 5$$

$$3) y = -\frac{x}{3} + 1$$



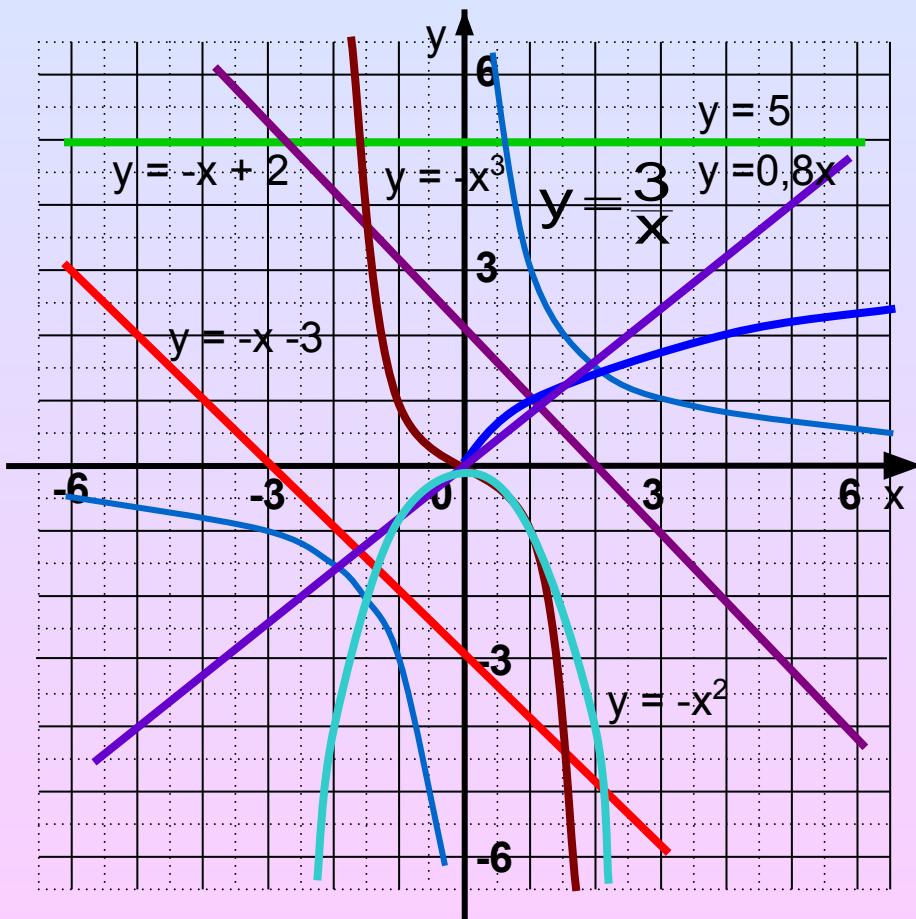
# Функции обратной пропорциональности

- $y = \frac{6}{x}$
- $y = -\frac{5}{x}$
- $y = \frac{3}{x}$



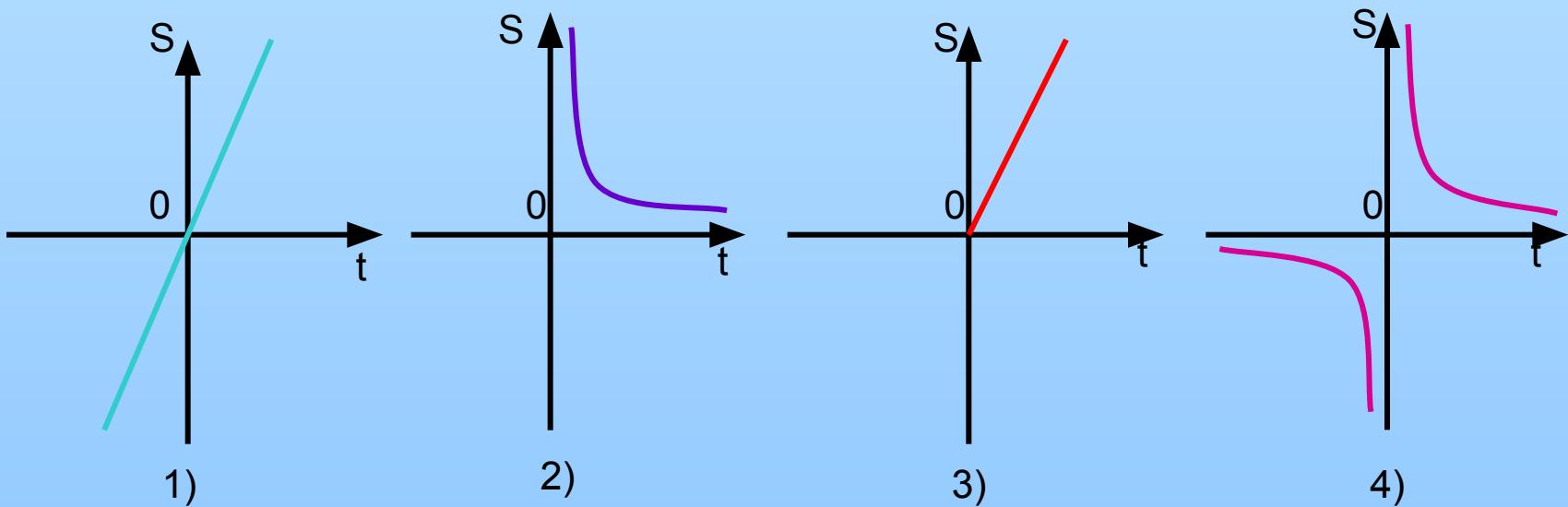
Сопоставьте каждому графику функции формулу, с помощью которой эта функция может быть задана

- 1)  $y = \frac{3}{x}$
- 2)  $y = -x^3$
- 3)  $y = -x + 2$
- 4)  $y = 2x + 3$
- 5)  $y = -\frac{2}{x}$
- 6)  $y = x^3$
- 7)  $y = 0,8x$
- 8)  $y = \sqrt{x}$
- 9)  $y = -x - 3$
- 10)  $y = -x^2$
- 11)  $y = -2x$
- 12)  $y = 5$



# Решите задачи

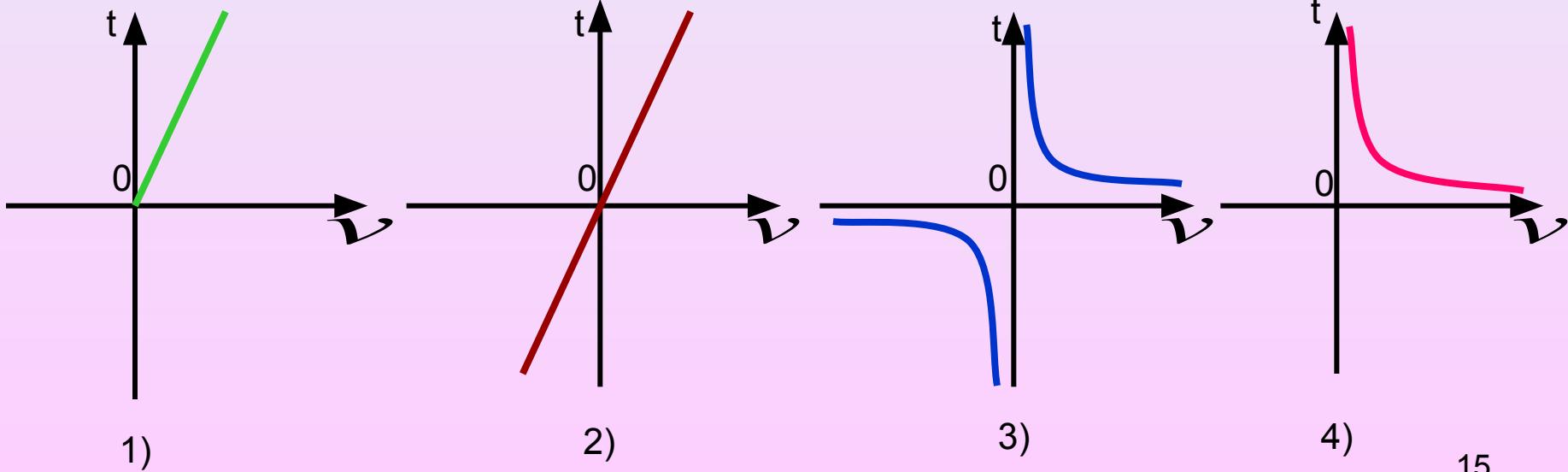
- Пешеход движется равномерно со скоростью 4 км/ч из пункта А в пункт В. Задайте формулой зависимость расстояния  $S$ , пройденного пешеходом от времени  $t$ .
- $S = 4t$
- Выберите график, соответствующий данной функциональной зависимости.



- Пешеход движется равномерно из пункта А в пункт В, расстояние между которыми 10 км. Задайте формулой зависимость времени  $t$ , затраченного на этот путь от скорости  $v$ .

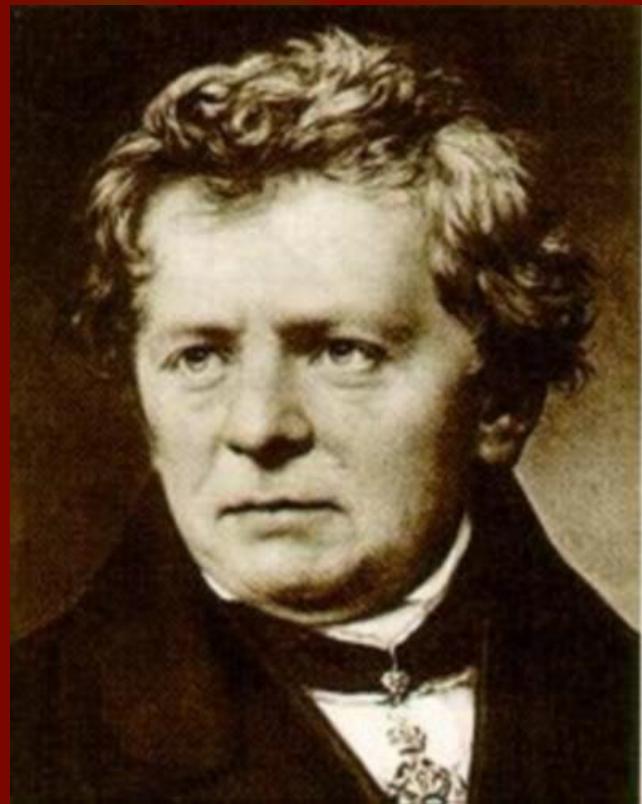
- $$t = \frac{S}{v}$$

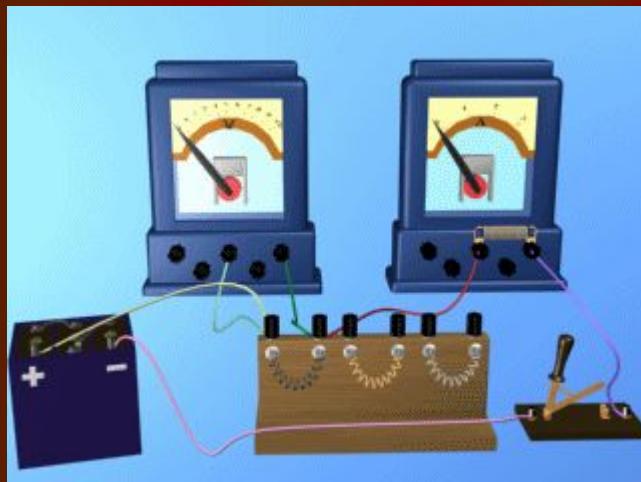
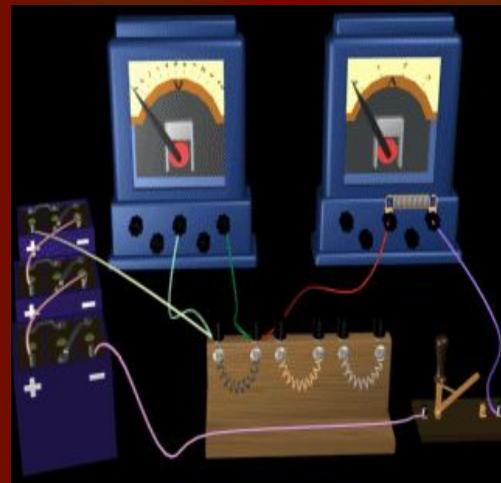
- Выберите график, соответствующий данной функциональной зависимости.



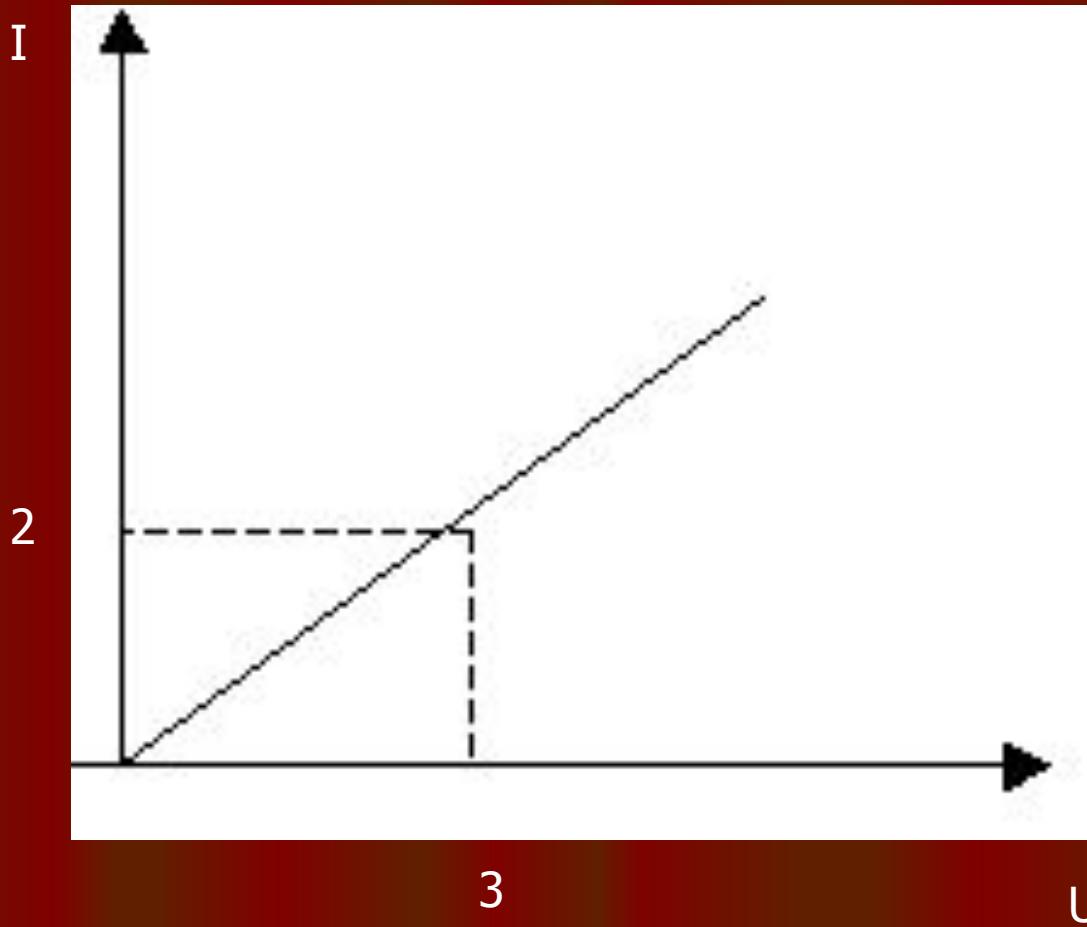
# Закон Ома для участка цепи

**Georg-Simon Ohm** — знаменитый немецкий физик. Родился 16 марта 1789 г. в Эрлангене, в семье бедного слесаря. Отец его, весьма развитой и образованный человек, с детства внушал сыну любовь к математике и физике, и поместил его в гимназию. По окончании курса в 1806 г. Ом начал изучать математические науки в эрлангенском университете, но уже после 3 семестров в 1806 г., бросив университет, принял место учителя в Готштадте (Швейцария).

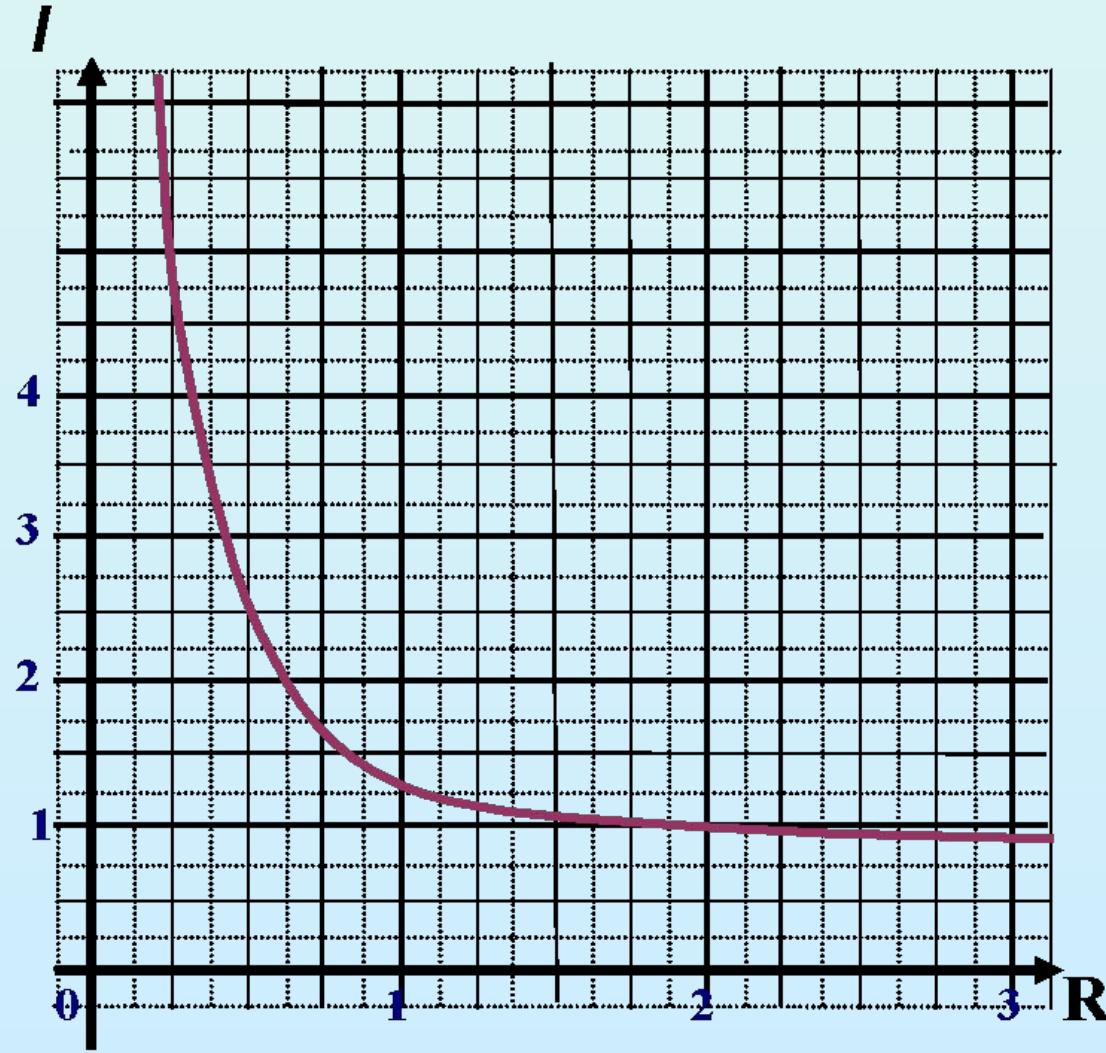




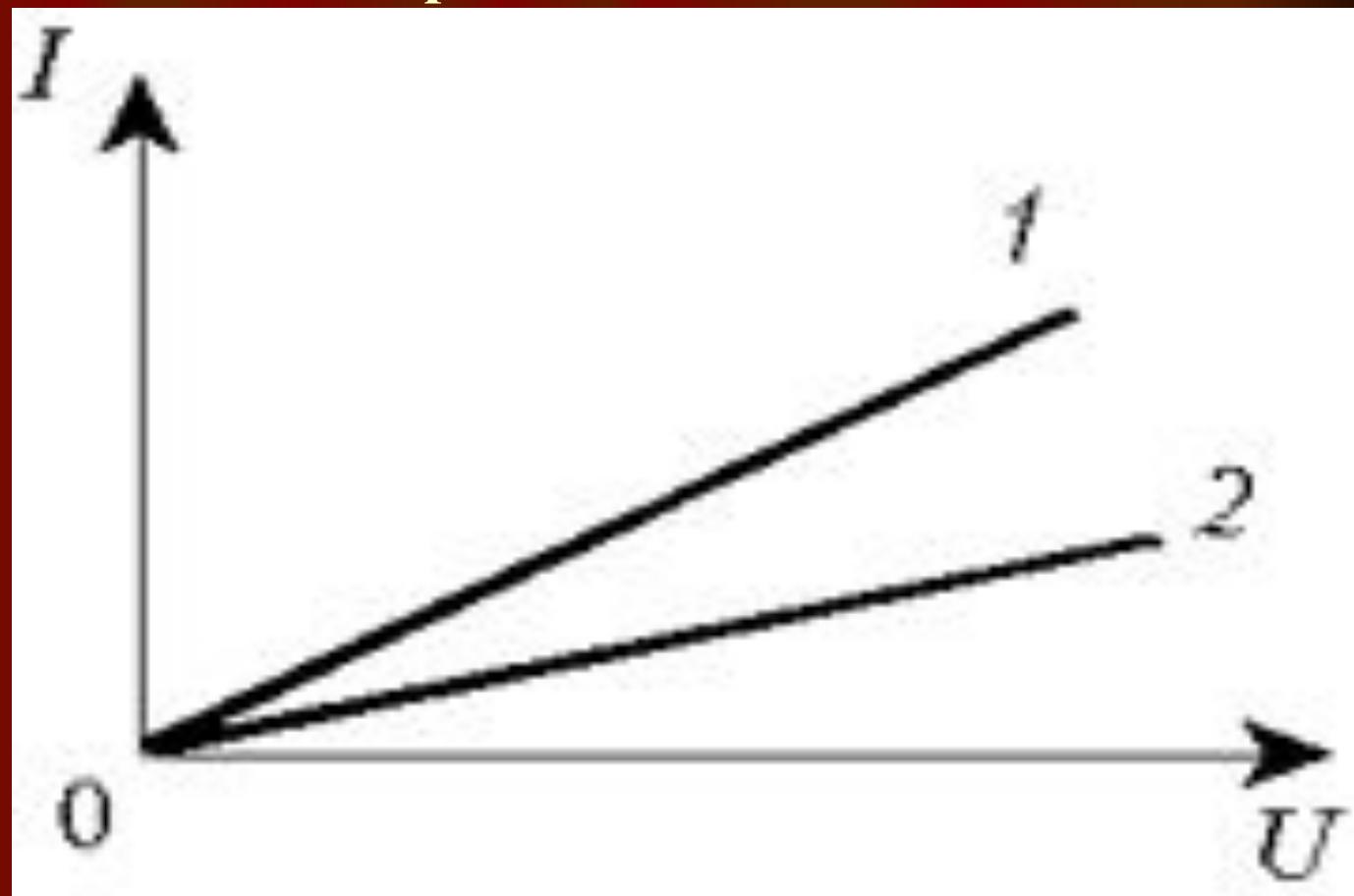
Дан график зависимости  $i(U)$ . Определите значение силы тока при напряжении 3 В. Рассчитайте сопротивление участка цепи.



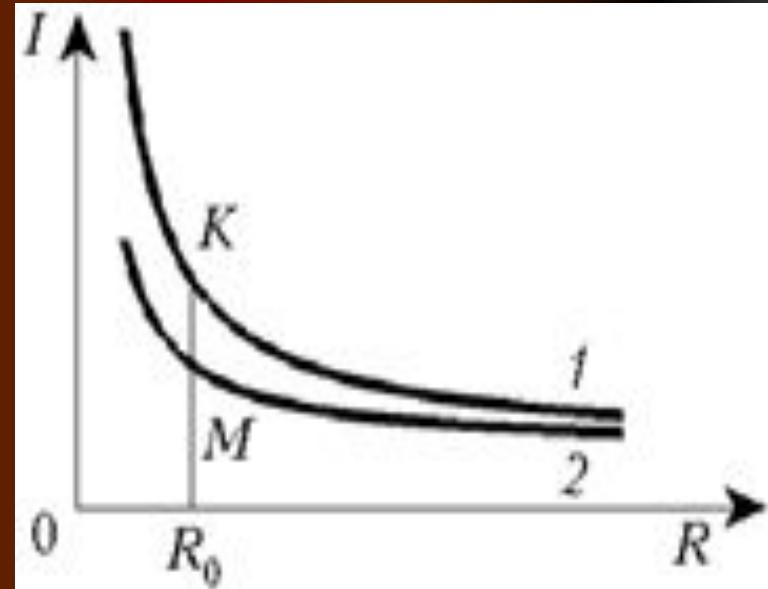
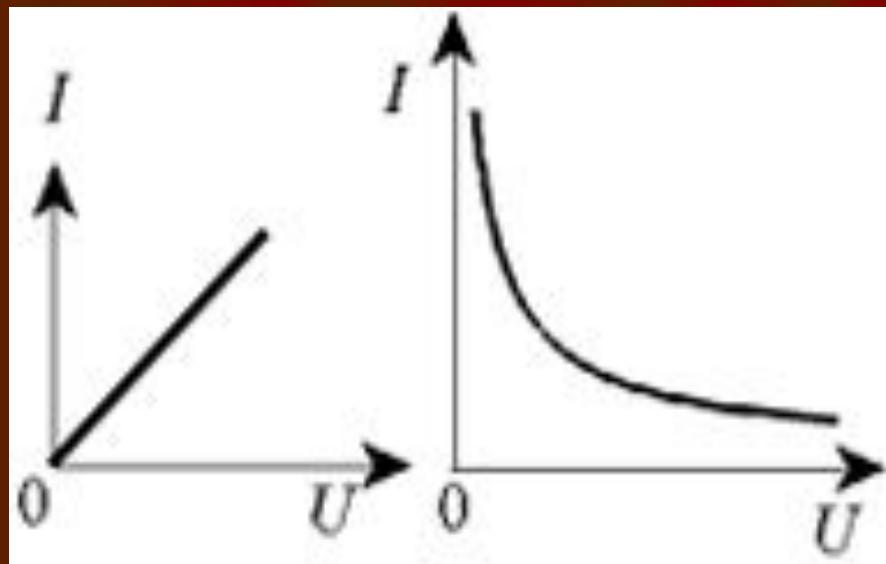
По предложенному графику определить значение силы тока при  $R=1$  Ом , $2$  Ом,  $3$  Ом

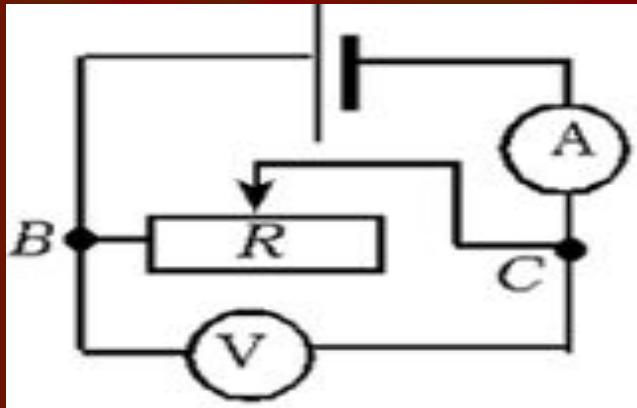


На графике зависимости силы тока от напряжения для двух проводников указать сопротивление какого проводника больше?



Какой вид зависимости изображен на графиках? Какой график не соответствует закону Ома для участка цепи?





- 1. Ученик выполнял работу по проверке закона Ома для участка цепи и собрал цепь по показанной на рисунке схеме. Он обнаружил, что при уменьшении сопротивления участка BC амперметр показывал увеличение тока, а вольтметр стал показывать уменьшение напряжения. Зная, что, по закону Ома, сила тока прямо пропорциональна напряжению, он получил противоречие «теории» с опытом. Как разрешить затруднение? Какие ошибки в рассуждении допустил ученик?

# Самостоятельная работа

## 1 вариант

1. Как называется электроизмерительный прибор для измерения силы тока через резистор и как он включается в электрическую цепь?

- А. Амперметр, последовательно;
- В. Амперметр, параллельно;
- С. Вольтметр, последовательно
- Д. Вольтметр, параллельно

## 2 вариант

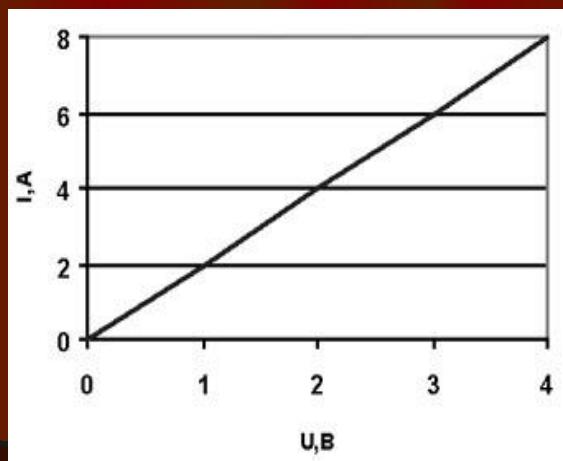
1. Как называется электроизмерительный прибор для измерения напряжения на резисторе и как он включается в электрическую цепь?

- А. Амперметр, последовательно; В.
- Амперметр, параллельно; С.
- Вольтметр, последовательно; Д.
- Вольтметр, параллельно.

## 1 вариант

2. На графике представлена зависимость силы тока в проводнике от напряжения. Определите по графику сопротивление проводника.

- A. 0,5 Ом
- B. 2 Ом
- C. 3 Ом.
- D. 6 Ом.



## 2 вариант

2. Сопротивление металлической проволоки зависит:

- А. Только от длины;
- В.. Только от площади ее поперечного сечения;
- С. От вещества, из которого изготовлена проволока;
- Д. От всех перечисленных параметров

### 1 вариант

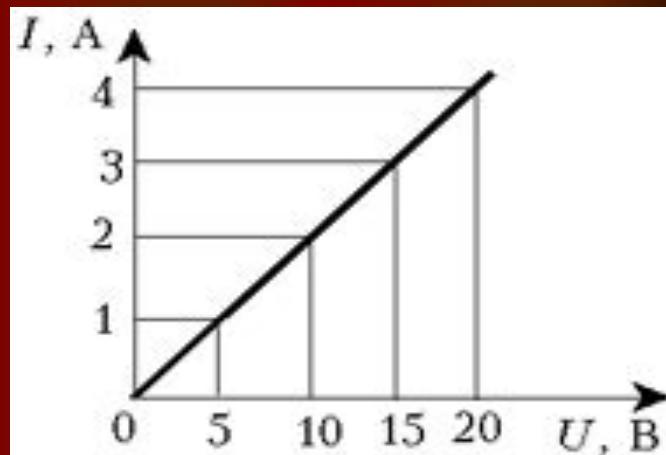
3. При одинаковом напряжении в проводнике с увеличением сопротивления сила тока будет:

- А. уменьшаться
- В. увеличиваться
- С. не изменяться
- Д. нет правильных ответов

### 2 вариант

3. Сопротивление проводника для которого построен график равно:

- А. 80 Ом;
- Б. 5 Ом;
- С. 0,2 Ом;
- Д. 0,5 Ом



### 1 Вариант.

4. Определить напряжение на концах проводника сопротивлением 20 Ом, если сила тока в проводнике 0,4 А.

- А. 80В
- Б. 8В
- С. 0,08В
- Д. 2В

### 2 Вариант.

4. Найдите сопротивление обмотки амперметра, у которого сила тока равна 30А при напряжении на зажимах 0,06В.

- А. 0,002 Ом
- Б. 1,8 Ом
- С. 500 Ом
- Д. 0,02 Ом

## Задание

- Все знают, как опасно для человека прикосновение к электрическим проводам трамвая или наружной осветительной сети, когда они под током. Такое прикосновение смертельно не только для человека, но даже и для быка. Известно много случаев, что лошади, коровы и люди погибали в результате взаимодействия с электрическим током, если их задевал оборвавшийся провод. Чем же объяснить то, что птицы спокойно и совершенно безнаказанно усаживаются на провода?

# Птицы на проводах



# Ответ

- Подобные картины можно часто наблюдать в городах. Чтобы понять причину этой безвредности для птицы сильного тока, примем во внимание следующее: тело сидящей на проволоке птицы представляет собою как бы ответвление цепи, сопротивление которой, по сравнению с другой ветвью (короткой проволокой между ногами птицы), огромно. Поэтому сила тока в этой ветви (в теле птицы) ничтожна и безвредна.
- Если бы человек мог быть в таком же положении, повиснув на проводе, не касаясь земли, — он также нисколько бы не пострадал. И, наоборот, если бы Птица, сидя на проводе, коснулась столба крылом, хвостом или клювом — вообще каким-нибудь образом соединилась с землей, она была бы мгновенно убита током, который устремился бы через ее тело в землю. Это нередко и наблюдается.

# Решите уравнение

$$x^2 = \frac{6}{x}$$

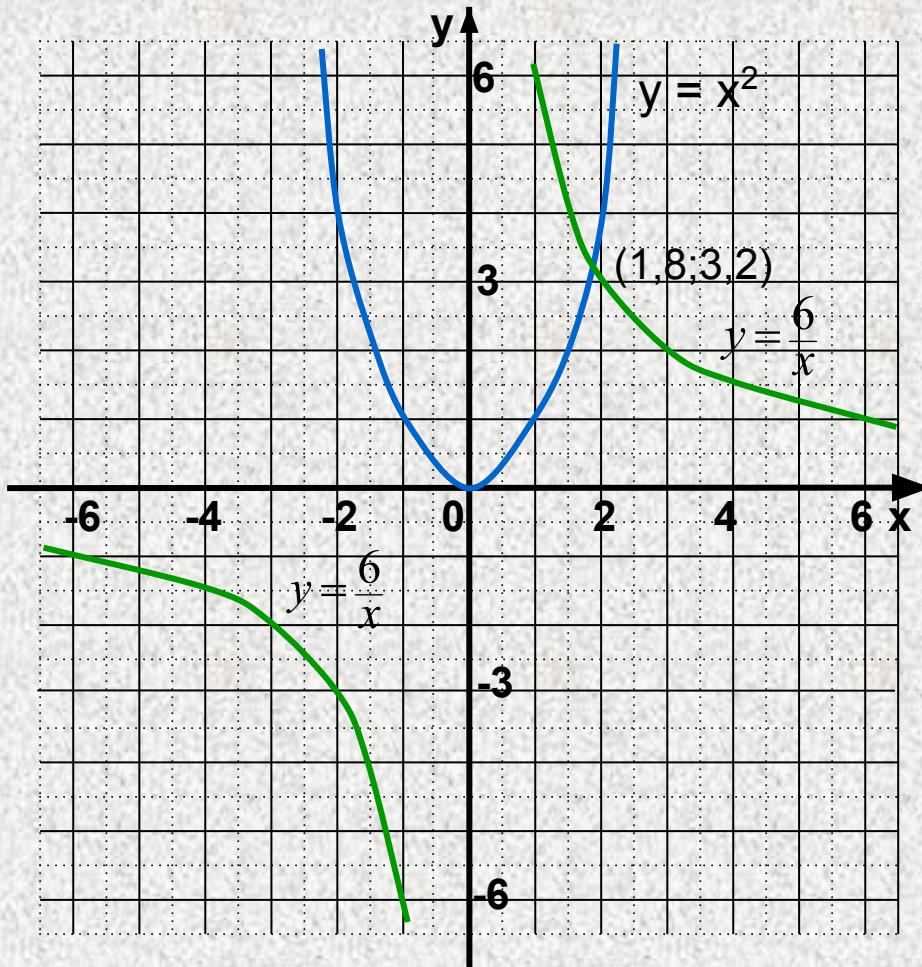
- $y_1 = x^2$
- $D(y_1) = \mathbb{R}$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y	9	4	1	0	1	4	9

- $y_2 = \frac{6}{x}$
- $D(y_2) = \mathbb{R}, \text{ кроме } x = 0$

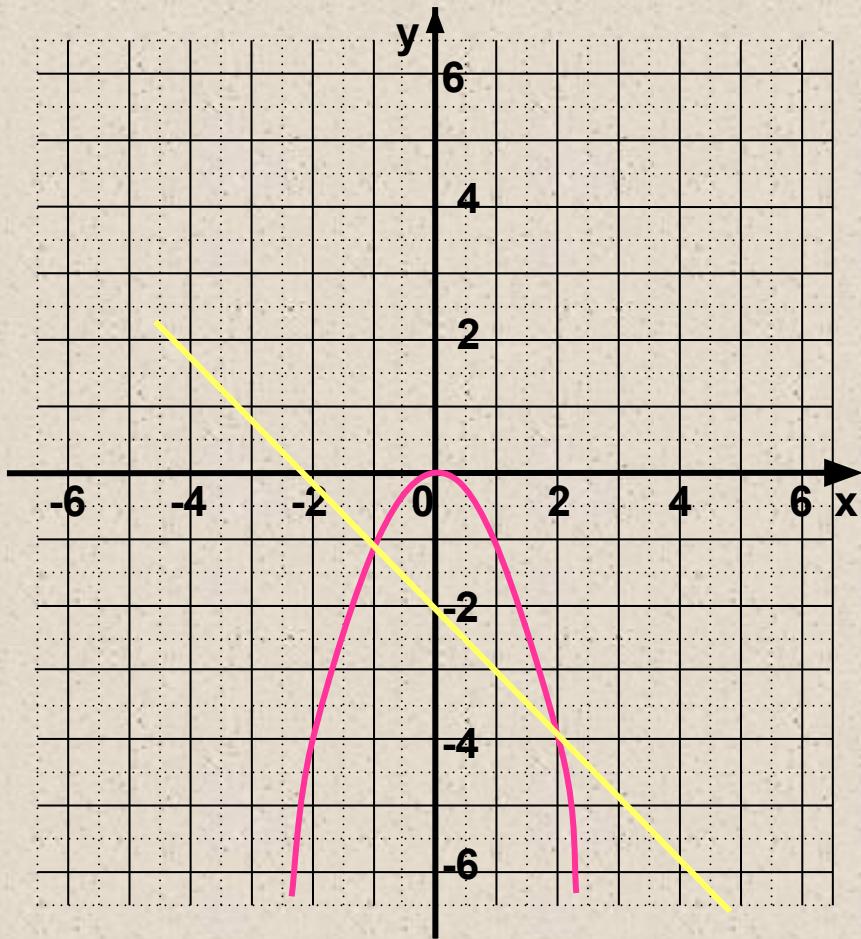
x	-6	-3	-2	-1	1	2	3	6
y	-1	-2	-3	-6	6	3	2	1

Ответ: 1,8



# Какое из уравнений решено графически

- $-x^2 = x - 2$
- $-x^2 = -x - 2$
- $x^2 = x + 2$
- $x^2 = -x - 2$



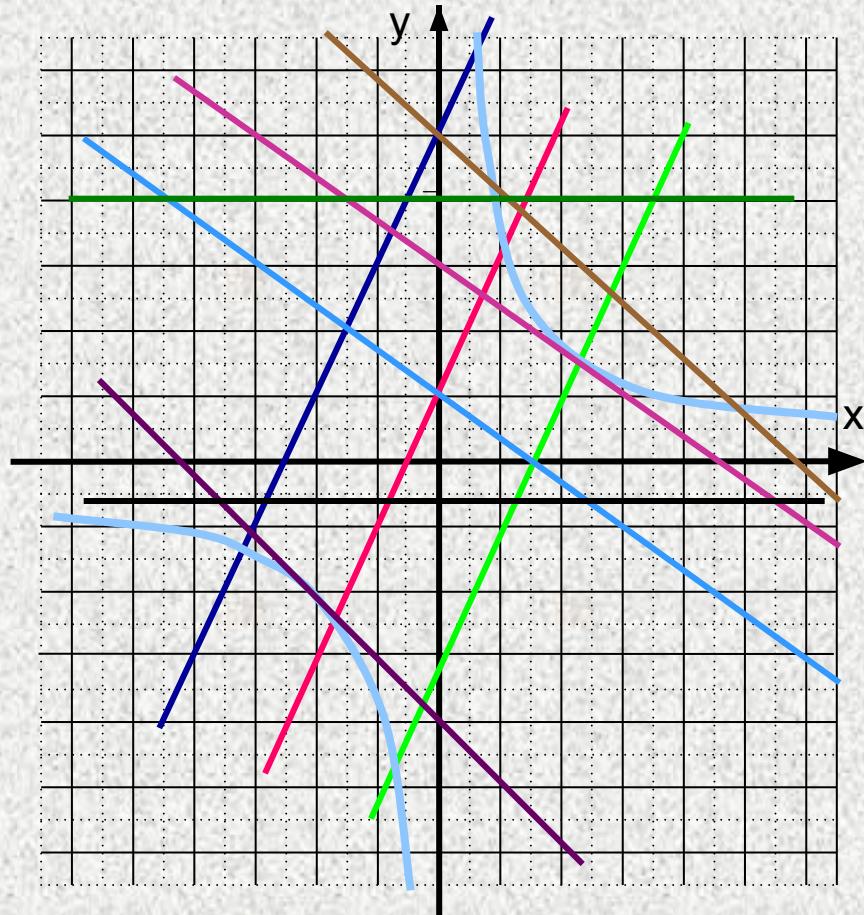
Выполните задание

№ 624.

С помощью графиков выясните, сколько корней может иметь уравнение

$$\frac{k}{x} = ax + b.$$

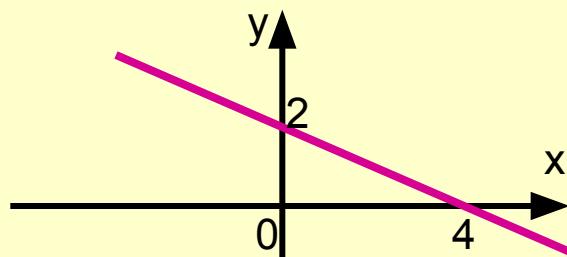
- $y = ax - 3, a > 0$
- $y = ax + 1, a > 0$
- $y = ax + 5, a > 0$
- $y = ax + 5, a < 0$
- $y = ax + 3, a < 0$
- $y = ax + 1, a < 0$
- $y = ax - 4, a < 0$
- $y = 4, a = 0$
- $y = -0,6, a = 0$



Выполните  
следующий тест

# 1 вариант.

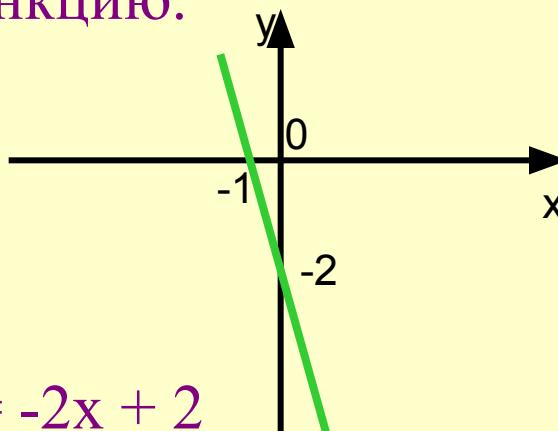
A1. На рисунке изображен график линейной функции. Укажите формулу, задающую эту функцию.



- 1)  $y = -0,5x + 2$
- 2)  $y = -x + 2$
- 3)  $y = 0,5x + 2$
- 4)  $y = -2x + 2$

# 2 вариант.

A1. На рисунке изображен график линейной функции. Укажите формулу, задающую эту функцию.



- 1)  $y = -2x + 2$
- 2)  $y = -2x - 2$
- 3)  $y = x + 1$
- 4)  $y = 2x - 2$

1 вариант.

A2.Гипербола является графиком функции

$$1) \quad y = -\frac{x}{3}$$

$$2) \quad y = -x^2$$

$$3) \quad y = -\frac{3}{x}$$

$$4) \quad y = 3x$$

2 вариант.

A2.Гипербола является графиком функции

$$1) \quad y = 8x$$

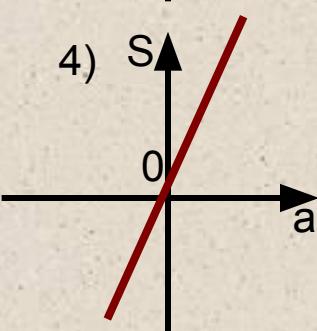
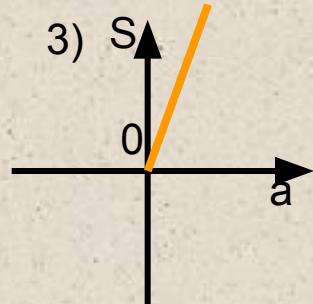
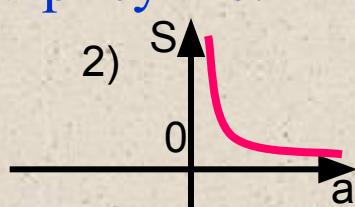
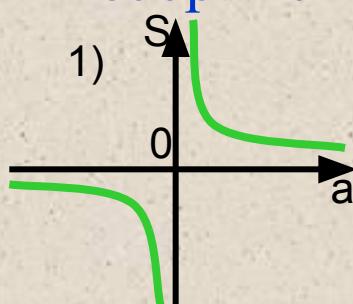
$$2) \quad y = \frac{x}{4}$$

$$3) \quad y = \sqrt{x}$$

$$4) \quad y = \frac{4}{x}$$

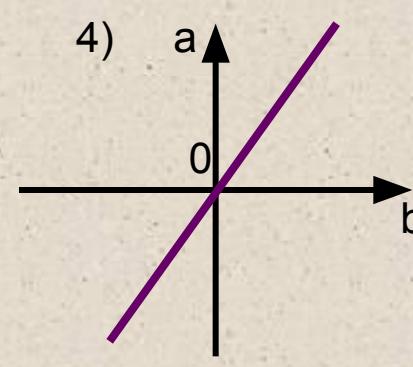
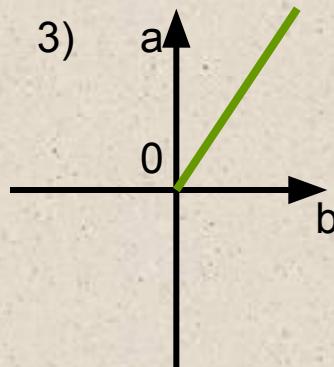
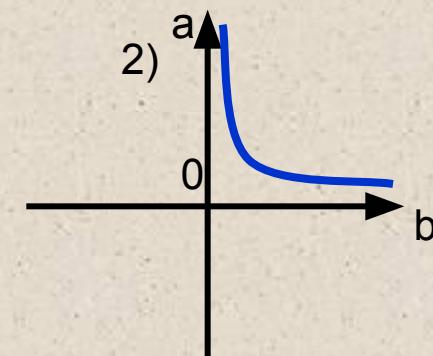
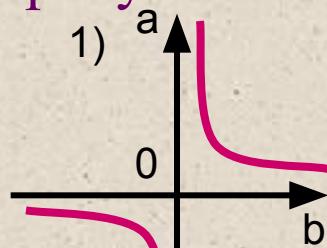
# 1 вариант.

A3. Одна из сторон  
прямоугольника равна 2 см.  
График зависимости  
площади  $S$  от величины  
другой его стороны  $a$   
изображен на рисунке.



# 2 вариант.

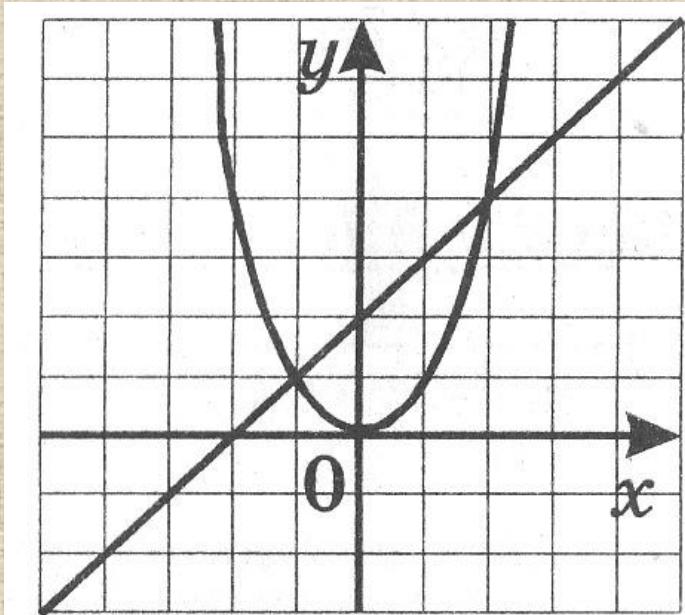
A3. Площадь прямоугольника  
равна 20 см<sup>2</sup>. График  
зависимости его длины  $a$  от  
ширины  $b$  изображен на  
рисунке.



## 1 вариант.

A4. Какое из уравнений решали графически при помощи данного рисунка?

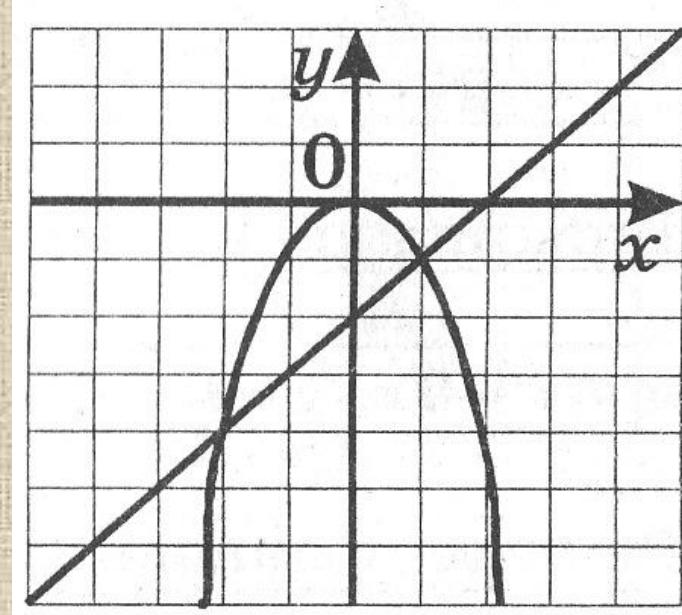
- 1)  $x^2 = x - 2$
- 2)  $x^2 = x + 2$
- 3)  $x^2 = 2x + 1$
- 4)  $x^2 = -x + 2$



## 2 вариант.

A4. Какое из уравнений решали графически при помощи данного рисунка?

- 1)  $-x^2 = x + 2$
- 2)  $x^2 = 2 - x$
- 3)  $x^2 = x - 2$
- 4)  $-x^2 = x - 2$



1 вариант.

2 вариант.

В1. Изобразив  
схематически графики  
функций, выясните,  
сколько корней имеет  
уравнение

$$\frac{6}{x} = 0,5x - 1.$$

Запишите ответ.

В1. Изобразив  
схематически графики  
функций, выясните,  
сколько корней имеет  
уравнение

$$x^2 = 2x + 3.$$

Запишите ответ.

1 вариант.

С1.Решите графически  
уравнение:

$$x^2 = 3x - 2$$

2 вариант.

С1.Решите графически  
уравнение:

$$-\frac{4}{x} = x - 5$$

Еще раз давайте повторим.  
Что вы узнали нового?  
Чему научились?  
Что показалось особенно трудным?

Домашнее задание: п.26,  
№ 625;  
№ 629;  
№ 632 (а)

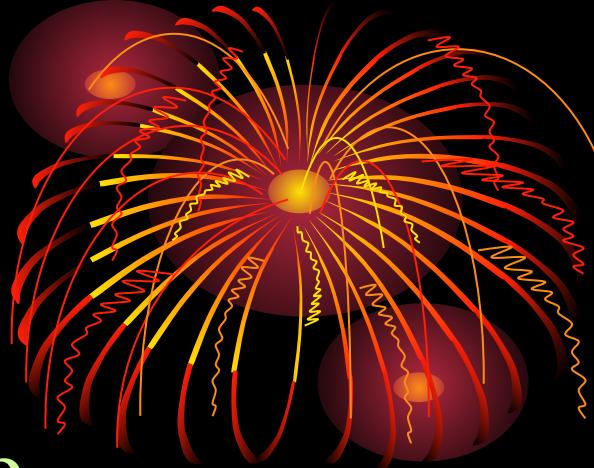
Понравился урок  
и тема понята:

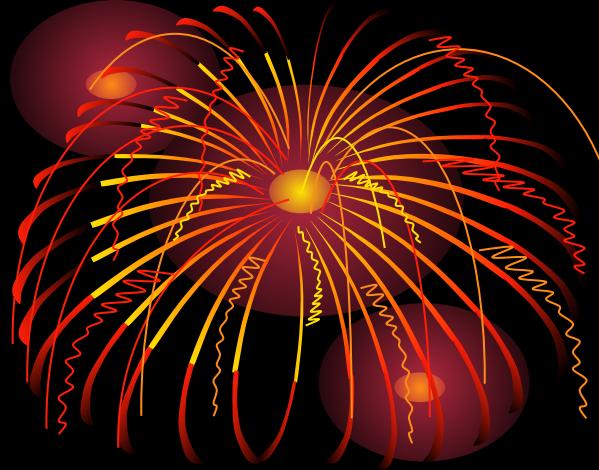


Понравился урок,  
но не всё ещё  
понятно:



Урок не  
понравился и тема  
не понятна:





Спасибо за урок!