

Тема: Функция $y=ax^2+bx+c$, её свойства и график

Цель урока:

- **ввести алгоритм построения графика функции $y=ax^2+bx+c$;**
- **рассмотреть свойства данной функции;**
- **формировать умение строить график данной функции.**

«Весь анализ бесконечных вращается
вокруг переменных величин и их функций»
Л.Эйлер

Самостоятельная работа

**На координатной плоскости с
помощью шаблонов построить график данных
функций.**

B. 1.

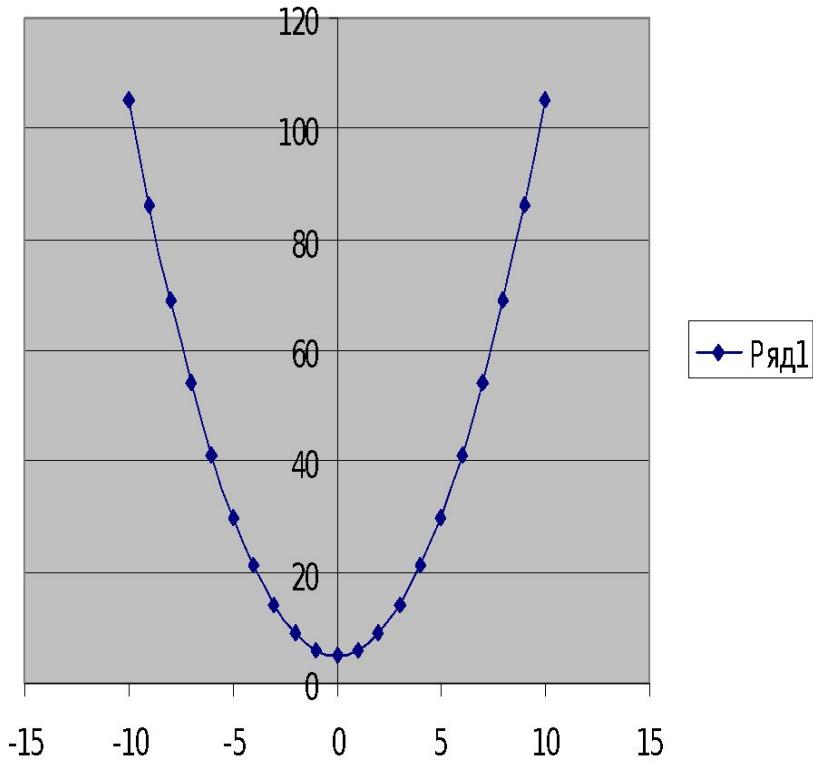
- 1) $y = 2x^2 - 1$
- 2) $y = -2(x+3)^2 - 2$
- 3) $y = \frac{1}{2}(x-3)^2$

B.2.

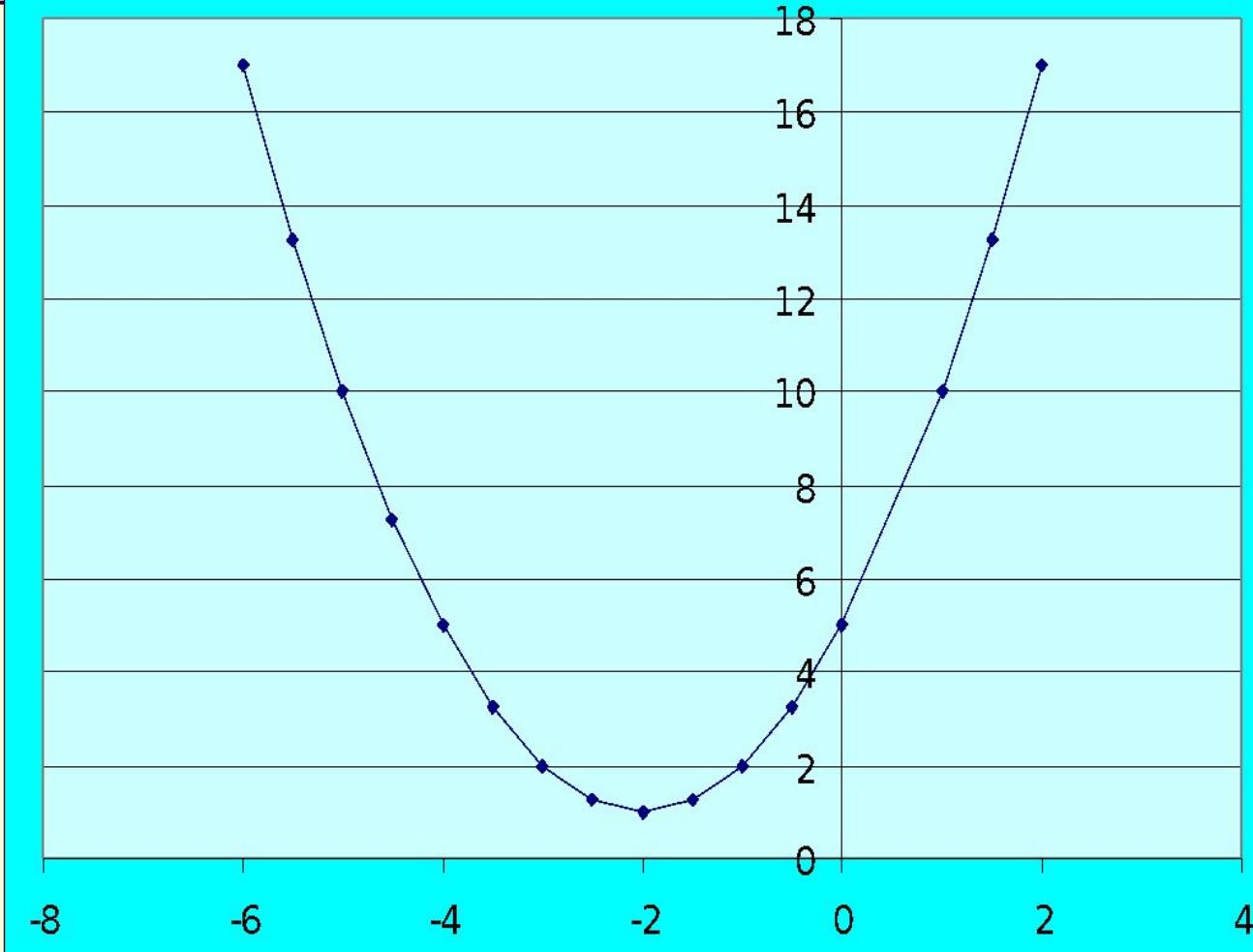
- 1) $y = 0,5(x+2)^2$
- 2) $y = -(x-3)^2 + 6$
- 3) $y = 2x^2 - 3$

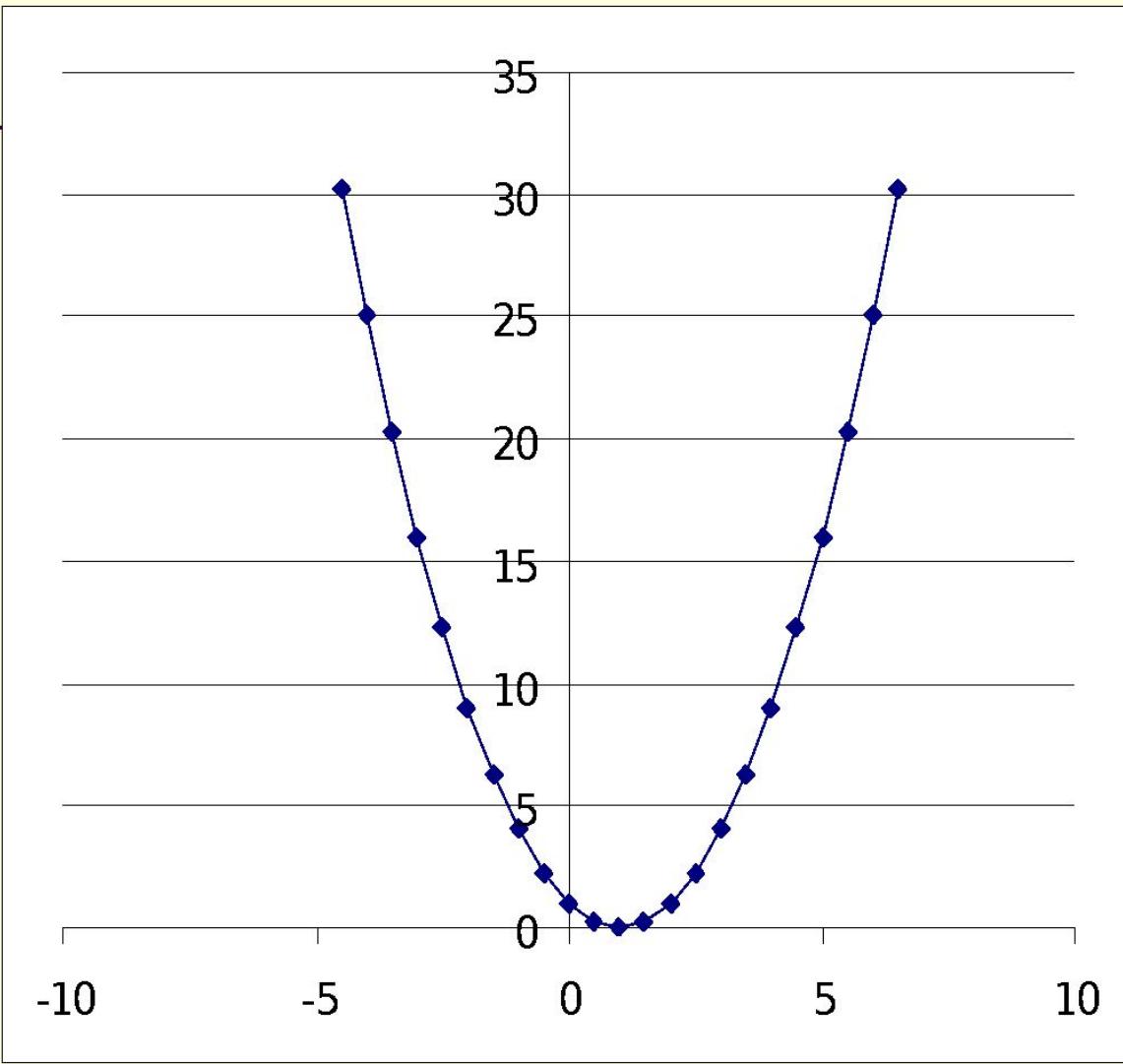
**По данным графикам нужно назвать
функции:**

График функции $y=x^2+5$



$$y = (x+2)^2 + 1$$





- 3. Заменить звёздочки числами таким образом, чтобы равенства стали верными.
- а) $a^2 - 2a * + b^2 = (a - *)^2$
- б) $4u^2 - 8uv + *^2 = (2u - *)^2$
- в) $x^2 + 6x + *^2 = (x + *)^2$
- г) $9 - 2y * + *^2 = (3 - *)^2$
- 4. Выделить полный квадрат из трёхчлена:
- а) $x^2 - 8x + 14 =$
- б) $x^2 + 6x + 10 =$

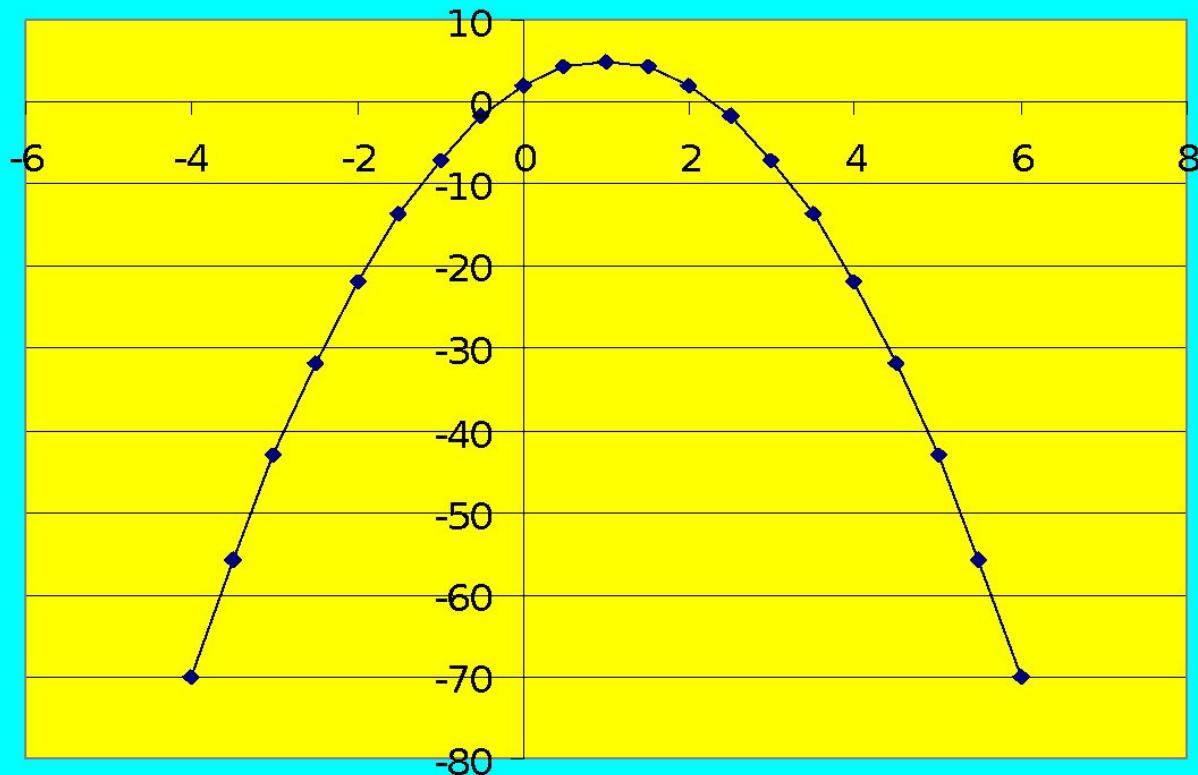
Пример 1

Построить график функции $y=-3x^2+6x+2$

Решение

$$-3x^2 + 6x + 2 = -3(x^2 - 2 \cdot x \cdot 1 + 1^2 - 1^2) + 2 = -3(x-1)^2 + 5$$

График функции $y=-3x^2+6x+2$



Вершиной параболы служит точка $(-L;m)$, осью параболы является прямая $x = -L$, т. е. $x = -\frac{b}{2a}$

Вывод:

Осью параболы $y = ax^2 + bx + c$ служит прямая $x = -\frac{b}{2a}$; абсцисса x_0 вершины параболы $y = ax^2 + bx + c$ вычисляется по формуле $x_0 = -\frac{b}{2a}$.

Формулу **для ординаты** вершин параболы запоминать не нужно ($y_0 = f(x_0)$) !

Вывод!

~~Не строя график можно ответить на вопросы:~~

- 1) Куда направлены ветви параболы.
- 2) Найти уравнение оси параболы.
- 3) Найти координаты вершины параболы.

Например:

- 1) $y = 4x^2 + 8x - 1;$
- 2) $y = -3x^2 - 6x + 2;$
- 3) $y = -x^2 + x - 1;$
- 4) $y = 5x^2 - 10x + 2.$

Закрепление.

1. Назовите коэффициенты a , b и c квадратичной функции:

а) $y = 7x^2 - 3x^2 - 2;$

в) $y = 8x^2 - 2x;$

б) $y = 0,5x^2 + 1;$

г) $y=0,4x+1\backslash7-3\backslash10x^2;$

2. Запишите уравнение прямой, которая является осью симметрии параболы:

а) $y=2x^2-x+1;$

в) $y=7x^2+12x+4;$

б) $y=-5x^2+2x-2;$

г) $y=6x^2+9x-3;$

3. Найти координаты вершины параболы:

а) $y=-4x^2+8x-1;$

б) $y= -x^2+x-1;$

в) $y=-3x^2-6x+2;$

Построить графики функций:

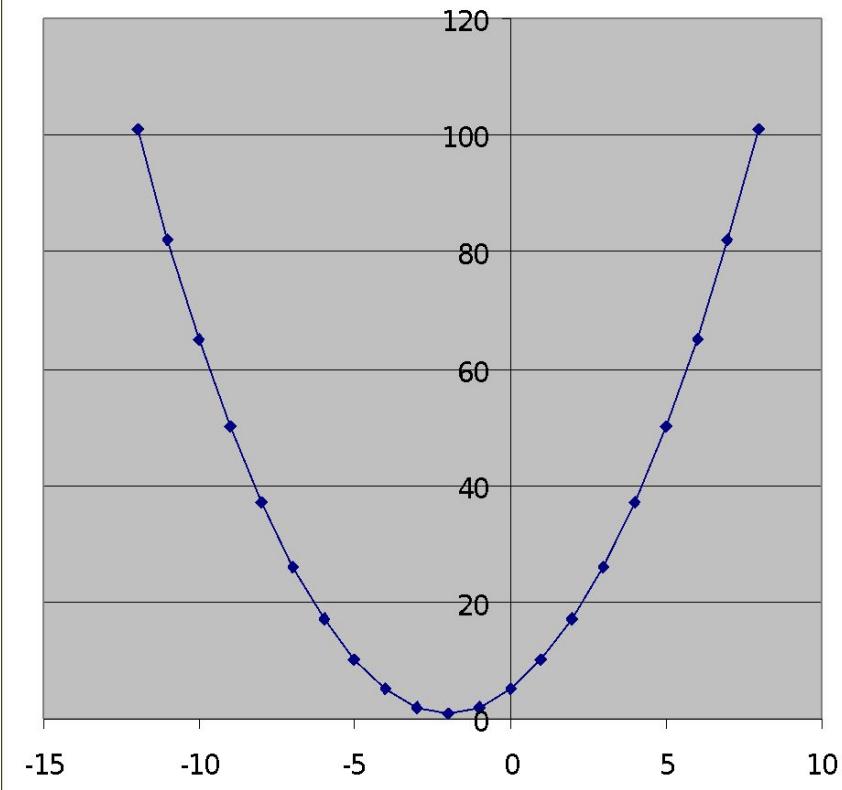
1) $y = -x^2 + 2x - 3$

2) $y = x^2 + 4x - 1$

3) $y = x^2 - 4x$

ИТОГ УРОКА

$$y=x^4+4x+5$$



$$y = x^2 + 2x - 3$$

