



# Подготовка к ГИА. Геометрическая прогрессия.

Рыжова Светлана Александровна  
ГБОУ СОШ № 2077 г. Москвы

**ЧАСТЬ 1**

# Все задания части 1

## «ЗАКРЫТЫЙ СЕГМЕНТ»

# ГИА 3000 ЗАДАЧ с ответами

# МАТЕМАТИКА

Под редакцией  
А.Л. Семенова, И.В. Ященко

Разработано МИОО

При создании презентации  
были использованы  
задачи из книги  
**«МАТЕМАТИКА.**  
**Все задания части 1**  
**«Закрытый сегмент»**  
**ГИА 3000 задач с ответами»**  
Под редакцией А.Л.  
Семенова, И.В. Ященко

Рыжова Светлана Александровна  
ГБОУ СОШ № 2077 г. Москвы

## 4.3 Геометрическая прогрессия

Одна из данных последовательностей является геометрической прогрессией. Укажите эту последовательность.

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2) 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...  
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4) 3; 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...

Дано:

1) 1; 3; 4; 6; ...

2) 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...

3) 5; 10; 25; 100; ...

4) 3; 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...

2) 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...

$q = \frac{b_2}{b_1} q = \frac{1}{3} : 1 q = \frac{1}{3}$

$q = \frac{b_3}{b_2} q = \frac{1}{6} : \frac{1}{3} q = \frac{1}{6} \cdot \frac{3}{1} q = \frac{1}{2}$

$q = \frac{b_4}{b_3} q = \frac{1}{9} : \frac{1}{6} q = \frac{1}{9} \cdot \frac{6}{1} q = \frac{2}{3}$

Т. к.  $\frac{1}{3} \neq \frac{1}{2} \neq \frac{2}{3}$ , то

( $b_n$ ) – не является геометрической прогрессией

Ответ: 4

### Решение

( $b_n$ ) – геометрическая прогрессия, если  $b_{n+1} = b_n \cdot q$      $q = \frac{b_{n+1}}{b_n}$

1) 1; 3; 4; 6; ...       $q = \frac{b_2}{b_1} q = \frac{3}{1} q = 1$       Т. к.  $3 \neq 1\frac{1}{3} \neq 1,5$ , то  
 (1) 1; 3; 4; 6; ...       $q = \frac{b_3}{b_2} q = \frac{4}{3} q = 1\frac{1}{3}$       (1) 1; 3; 4; 6; ...      (1) 1; 3; 4; 6; ...  
 (2) 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...       $q = \frac{b_4}{b_3} q = \frac{6}{4} q = \frac{3}{2} q = 1,5$       3) 5; 10; 25; 100; ...      4) 3; 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...  
 (2) 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...       $q = \frac{b_2}{b_1} q = \frac{10}{5} q = 2$        $q = \frac{b_2}{b_1} q = \frac{1}{3}$   
 (3) 5; 10; 25; 100; ...       $q = \frac{b_3}{b_2} q = \frac{25}{10} q = 2,5$        $q = \frac{b_3}{b_2} q = \frac{1}{3} : 1 q = \frac{1}{3}$   
 (4) 3; 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...       $q = \frac{b_4}{b_3} q = \frac{100}{25} q = 4$        $q = \frac{b_4}{b_3} q = \frac{1}{9} : \frac{1}{3} q = \frac{1}{9} \cdot \frac{3}{1} q = \frac{1}{3}$

Т. к.  $2 \neq 1,5 \neq 4$ , то

( $b_n$ ) – геометрическая прогрессия

( $b_n$ ) – не является геометрической прогрессией

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4) 3; 1;  $\frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

Решение

Дано:

$(c_n)$  – геометрическая прогрессия

$$c_1 = 3$$

$$c_{n+1} = 2c_n$$

Найти:

$$c_5$$

$$c_{n+1} = 2c_n$$

$$1) c_2 = 2c_1$$

$$c_2 = 2 \cdot 3$$

$$c_2 = 6$$

$$2) c_3 = 2c_2$$

$$c_3 = 2 \cdot 6$$

$$c_3 = 12$$

$$3) c_4 = 2c_3$$

$$c_4 = 2 \cdot 12$$

$$c_4 = 24$$

$$4) c_5 = 2c_4$$

$$c_5 = 2 \cdot 24$$

$$c_5 = 48$$



Ответ: 48

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2) 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...  
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4) 3; 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...

### Решение

Дано:

$(b_n)$  – геометрическая прогрессия  
 $\dots; 2; x; 18; -54; \dots$

Найти:  $x$

1) Т.к.  $(b_n)$  – геометрическая прогрессия, то  
 $b_n^2 = b_{n-1} \cdot b_{n+1}$

$$b_3^2 = b_2 \cdot b_4$$

$$x^2 = 2 \cdot 18$$

$$x^2 = 36$$

$$x = 6 \text{ или } x = -6$$

2) Т.к. данная геометрическая прогрессия  
 есть знакопеременная последовательность, то  $x = -6$



Ответ: -6

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

Дано:

$(b_n)$  – геометрическая прогрессия

$$b_1 = 3$$

$$b_{n+1} = 3b_n$$

Найти:

$$6 \in (b_n)$$

$$12 \in (b_n)$$

$$24 \in (b_n)$$

$$27 \in (b_n)$$

$$1)b_{n+1} = 3b_n$$

$$b_2 = 3b_1$$

$$b_2 = 3 \cdot 3$$

$$b_2 = 9$$

$$b_3 = 3b_2$$

$$b_3 = 3 \cdot 9$$

$$b_3 = 27$$

$$b_4 = 3b_3$$

$$b_4 = 3 \cdot 27$$

$$b_4 = 81$$

Следовательно,  $6 \notin (b_n); 12 \notin (b_n); 24 \notin (b_n); 27 \in (b_n)$



Ответ: 4

## Решение

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$
- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

Дано:

$(a_n)$  – геометрическая прогрессия

$$a_n = 3 \cdot 2^n$$

Найти:

$$18 \notin (a_n)$$

$$12 \notin (a_n)$$

$$24 \in (a_n)$$

$$48 \notin (a_n)$$

1)  $a_n = 3 \cdot 2^n$

$18 = 3 \cdot 2^n$        $12 = 3 \cdot 2^n$   
 $3 \cdot 2^n = 18 | : 3$        $3 \cdot 2^n = 12 | : 3$   
 $2^n = 6$        $2^n = 4$   
 $18 \notin (a_n)$        $2^n = 2^2$   
 $n = 2$        $2 \in N \rightarrow 12 \in (a_n)$

$24 = 3 \cdot 2^n$        $48 = 3 \cdot 2^n$   
 $3 \cdot 2^n = 24 | : 3$        $3 \cdot 2^n = 48 | : 3$   
 $2^n = 8$        $2^n = 16$   
 $2^n = 2^3$        $2^n = 2^4$   
 $n = 3$        $n = 4$   
 $3 \in N \rightarrow 24 \in (a_n)$        $4 \in N \rightarrow 48 \in (a_n)$

## Решение

Ответ: 1

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$
- 3) 5; 10; 25; 100; ...      4)  $3; 1; \frac{1}{2}; \frac{1}{9}; \dots$
- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$
- 3) 5; 10; 25; 100; ...      4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

Дано:

 $(b_n)$  – геометрическая прогрессия

$-1; 3; -9; 27; \dots$

Найти:

$81 \in (b_n)$

$243 \in (b_n)$

$22 \in (b_n)$

$343 \in (b_n)$

2)  $b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$

$81 = -1 \cdot (-3)^{n-1}$

$-1 \cdot (-3)^{n-1} = 81 | : (-1)$

$(-3)^{n-1} = -81$

$81 \notin (b_n)$

1 способ

1)  $q = \frac{b_{n+1}}{b_n} \quad q = \frac{b_2}{b_1} \quad q = \frac{3}{-1} \quad q = -3$

$243 = -1 \cdot (-3)^{n-1}$

$-1 \cdot (-3)^{n-1} = 243 | : (-1)$

$(-3)^{n-1} = -243$

$(-3)^{n-1} = (-3)^5$

$n - 1 = 5$

$n = 6$

$343 = -1 \cdot (-3)^{n-1}$

$-1 \cdot (-3)^{n-1} = 343 | : (-1)$

$(-3)^{n-1} = -343$

$343 \notin (b_n)$

$6 \in N \rightarrow 243 \in (b_n) \quad 22 \notin (b_n)$

2 способ

1)  $q = \frac{b_{n+1}}{b_n} \quad q = \frac{b_2}{b_1} \quad q = \frac{3}{-1} \quad q = -3$

2)  $b_5 = b_4 \cdot q \quad b_5 = 27 \cdot (-3) \quad b_5 = -81$

3)  $b_6 = b_5 \cdot q \quad b_6 = -81 \cdot (-3) \quad b_6 = 243$

4)  $b_7 = b_6 \cdot q \quad b_7 = 243 \cdot (-3) \quad b_7 = -729$

Решение

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2) 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...  
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4) 3; 1;  $\frac{1}{3}$ ;  $\frac{1}{9}$ ; ...

Дано:

$(a_n)$  – геометрическая прогрессия

$$a_5 = 1$$

$$a_7 = \frac{1}{4}$$

$$q > 0$$

Найти:  $q$

### Решение

$$q = \frac{b_{n+1}}{b_n}$$

$$\frac{a_7}{a_5} = \frac{a_1 \cdot q^6}{a_1 \cdot q^4}$$

$$q^2 = \frac{a_7}{a_5}$$

$$q^2 = \frac{1}{4} : 1$$

$$q^2 = \frac{1}{4}$$

$$q = \frac{1}{2} \text{ или } q = -\frac{1}{2}$$

не удовлетворяет условию  $q > 0$

$$q = 0,5$$



Ответ: 0,5

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

Дано:

$(b_n)$  – геометрическая прогрессия

$$q = 3$$

$$b_1 = \frac{1}{9}$$

Найти:  $S_6$

### Решение

$$S_n = \frac{b_1(1 - q^n)}{1 - q}, q \neq 1$$

$$S_6 = \frac{b_1(1 - q^6)}{1 - q}$$

$$S_6 = \frac{\frac{1}{9}(1 - 3^6)}{1 - 3}$$

$$S_6 = \frac{\frac{1}{9}(1 - 729)}{-2}$$

$$S_6 = \frac{\frac{1}{9} - \frac{1 \cdot 279}{9}}{-2}$$

$$S_6 = \frac{\frac{1}{9} - 81}{-2}$$

$$S_6 = \frac{-80\frac{8}{9}}{-2}$$

$$S_6 = \frac{728}{2 \cdot 9}$$

$$S_6 = \frac{728}{18}$$

$$S_6 = \frac{364}{9} \quad S_6 = 40\frac{4}{9}$$

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

- 1) 1; 3; 4; 6; ...      2)  $1; \frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{9}; \dots$   
 3) 5; 10; 25; 100; ... 4)  $3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}; \dots$

Дано:

$(b_n)$  – геометрическая прогрессия  
 $a = 3$

$$b_n = 162 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^n$$

Найти:  $S_4$

$$3) q = \frac{b_{n+1}}{b_n} \quad q = \frac{18}{54} \quad q = \frac{1}{3}$$

$$4) S_n = \frac{b_1(1 - q^n)}{1 - q}, q \neq 1$$

$$S_4 = \frac{b_1(1 - q^4)}{1 - q}$$

$$S_4 = \frac{54 \cdot (1 - \left(\frac{1}{3}\right)^4)}{1 - \frac{1}{3}}$$

$$S_4 = \frac{54 \cdot (1 - \frac{1}{81})}{\frac{2}{3}}$$

$$S_4 = \frac{54 \cdot \frac{80}{81}}{\frac{2}{3}}$$

### Решение

$$b_n = 162 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^n$$

$$1) b_1 = 162 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^1 \quad 2) b_2 = 162 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^2$$

$$b_1 = 162 : 3$$

$$b_1 = 54$$

$$b_2 = 162 \cdot \frac{1}{9}$$

$$b_2 = 162 : 9$$

$$b_2 = 18$$

$$S_4 = \frac{54 \cdot 80 \cdot 3}{2 \cdot 81}$$

$$S_4 = \frac{27 \cdot 80 \cdot 3}{81}$$

$$S_4 = \frac{81 \cdot 80}{81}$$

$$S_4 = 80$$



Ответ: 80