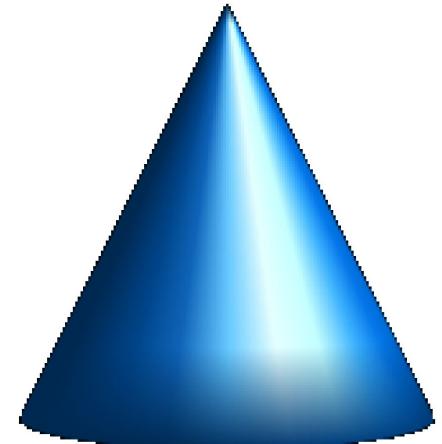
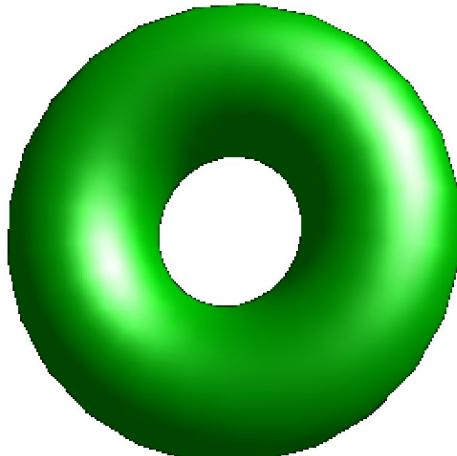
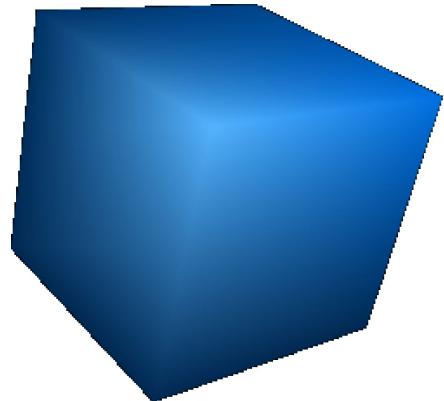
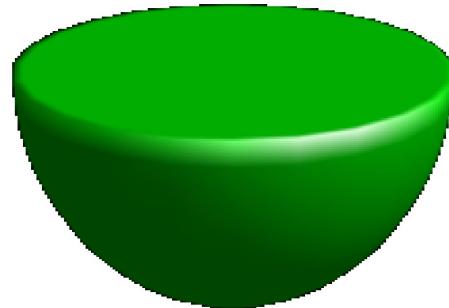
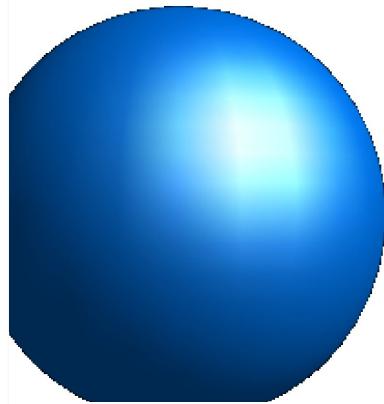
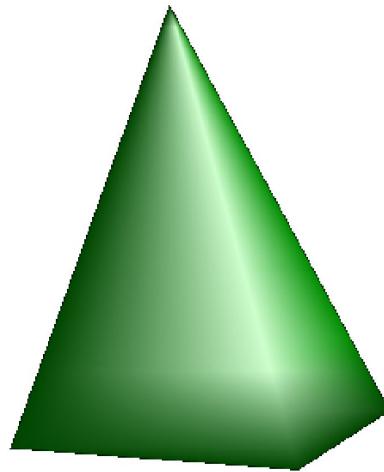


# Геометрические фигуры в пространстве

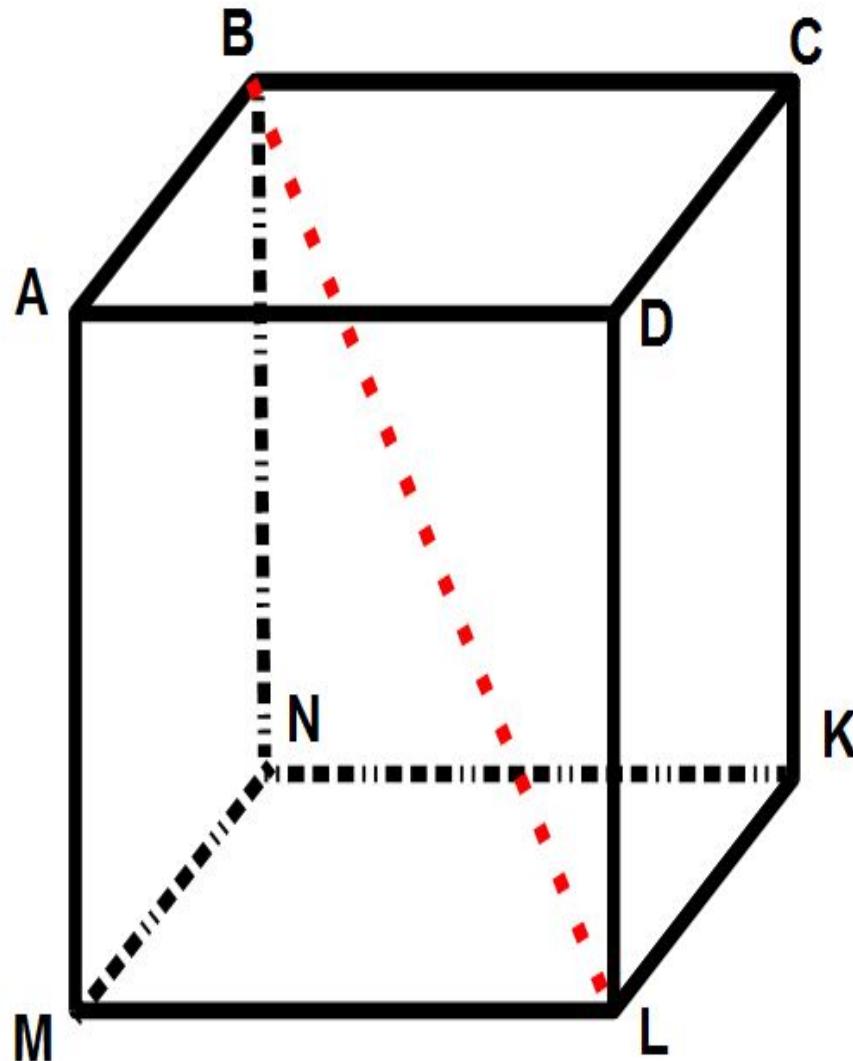
*Обирина Людмила Ивановна  
Преподаватель КГБОУ СПО «НПК»*

*Норильск, 2015*

В стереометрии изучают  
фигуры в пространстве, называемые  
телами.



**Многогранником** называется тело, ограниченное конечным числом плоскостей.



Поверхность многогранника состоит из конечного числа многоугольников, которые называются **гранями** многогранника.

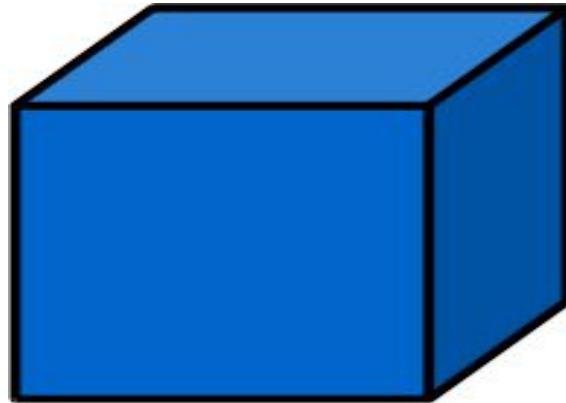
Стороны граней называются **ребрами**, а вершины - **вершинами** многогранника.

Отрезок, соединяющий две вершины, не лежащие в одной грани многогранника, называется его **диагональю**.

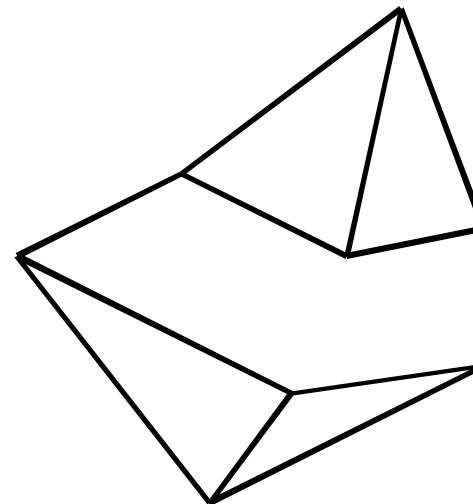
# Многогранник



выпуклый

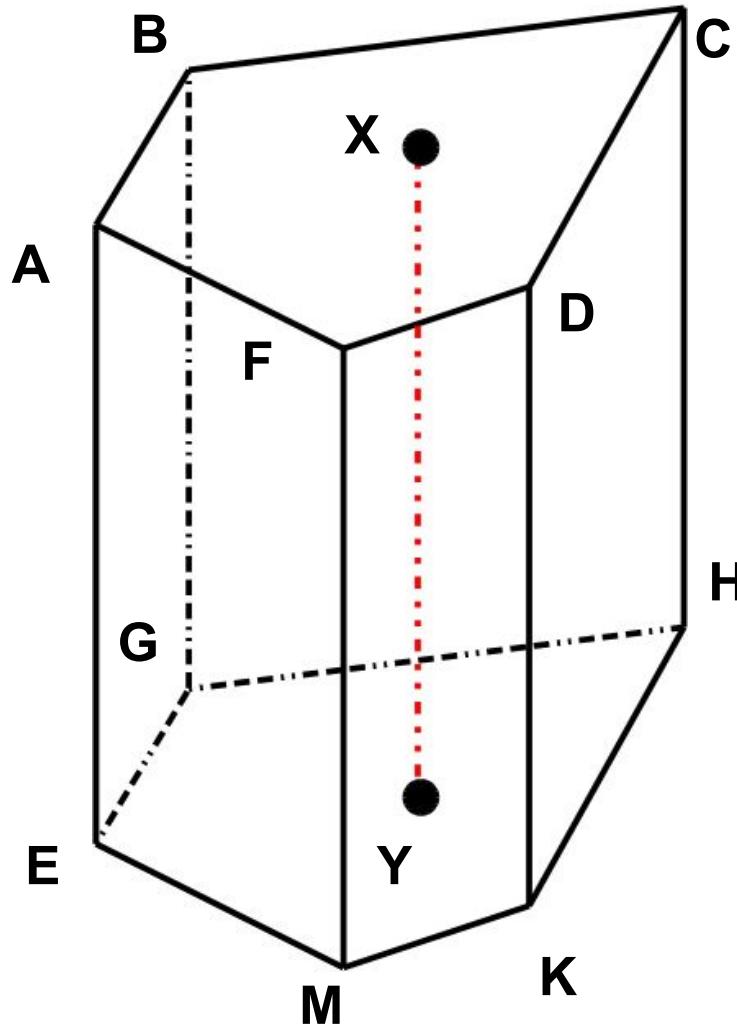


невыпуклый



Многогранник называется **выпуклым**, если он лежит по одну сторону от каждой из плоскостей, его ограничивающих.

**(основания)** лежат в параллельных плоскостях, а все ребра вне этих граней параллельны между собой.



Границы, отличные от оснований, называются **боковыми гранями**, а их ребра **боковыми ребрами**.

Все боковые ребра равны и параллельны.

Все боковые грани призмы являются параллелограммами.

В основаниях призмы лежат равные многоугольники.

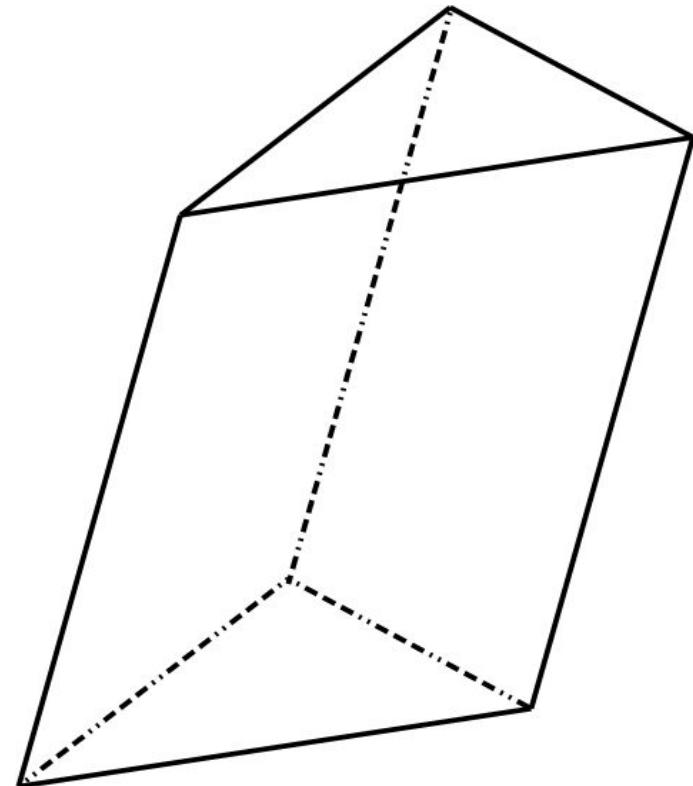
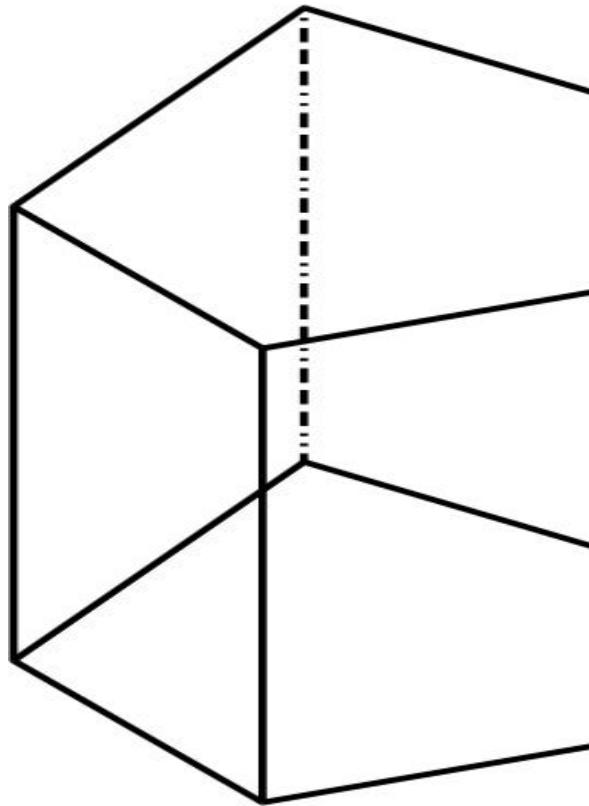
# Призма



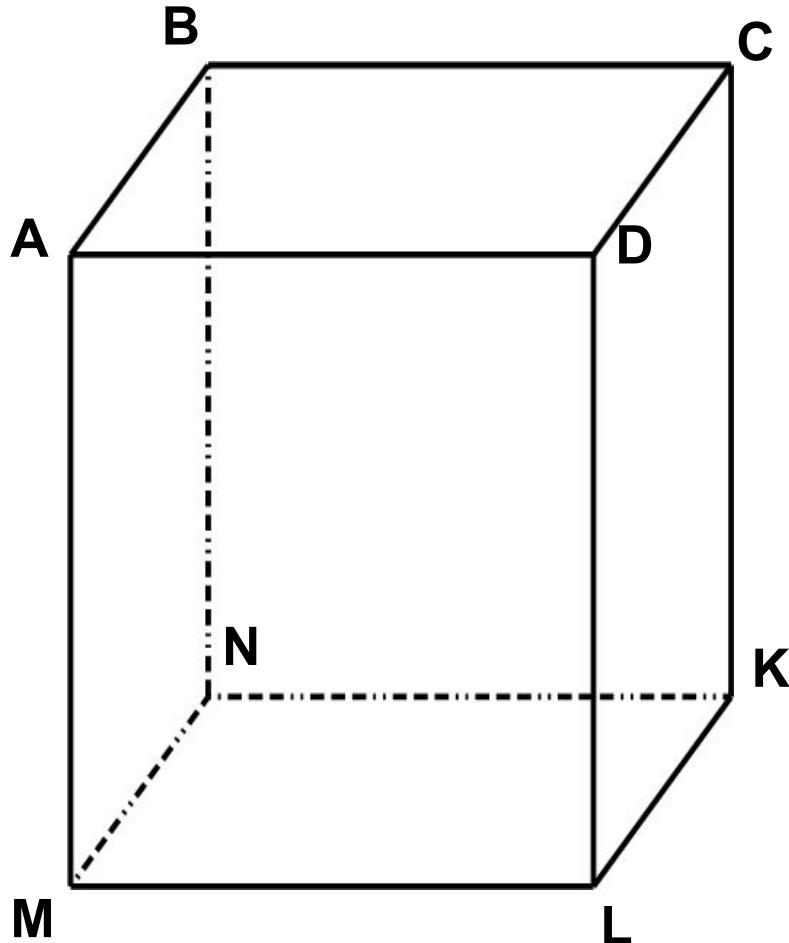
прямая



наклонная



**Параллелепипед** – призма, у которой основания параллелограммы.

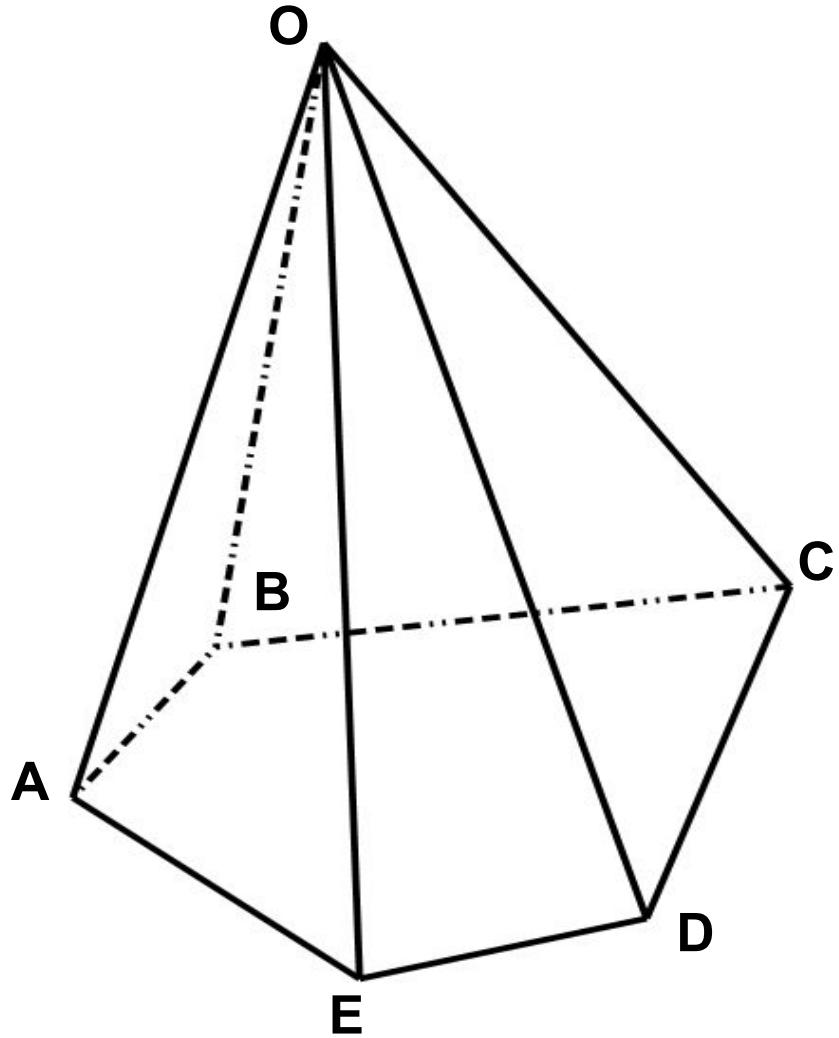


У параллелепипеда все грани – **параллелограммы**.

У параллелепипеда противолежащие грани **параллельны и равны**.

Все диагонали параллелепипеда пересекаются в одной точке.

**Пирамида** - это многогранник, одна грань которого многоугольник, а остальные грани - треугольники с общей вершиной.



Границы, отличные от основания, называются **боковыми**.

Общая вершина боковых граней называется **вершиной пирамиды**.

Ребра, соединяющие вершину пирамиды с вершинами основания называются **боковыми**.

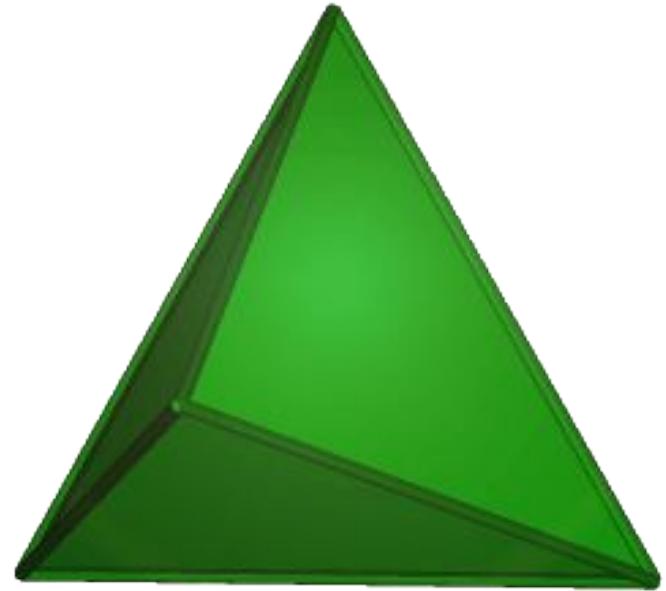
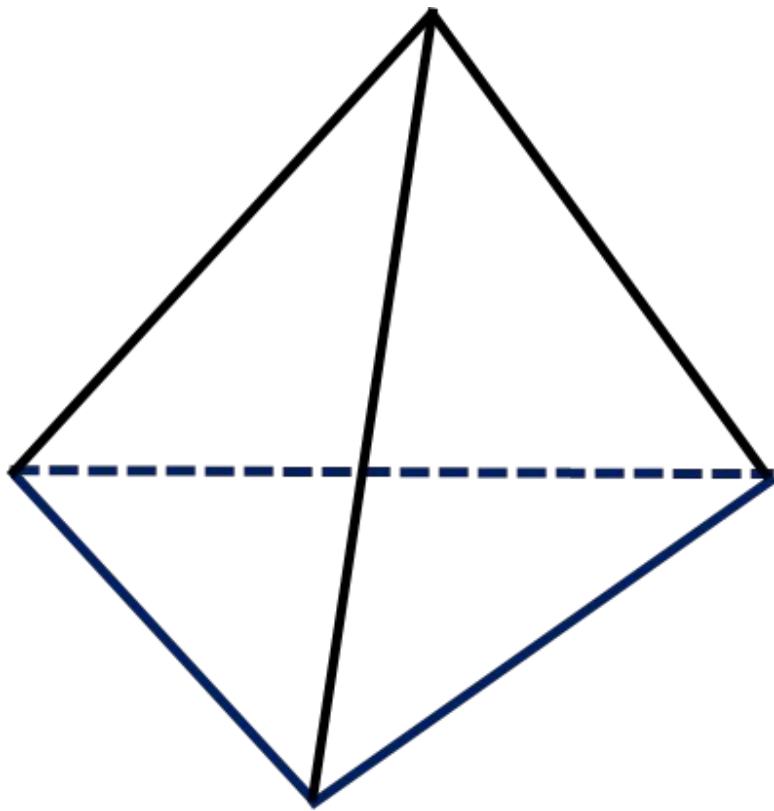
# Тела Платона



**Многогранник**, все грани которого правильные и равные многоугольники, называется **правильным**. Углы при вершинах правильного многогранника равны.

Существует **пять** типов правильных многогранников. Впервые их описал древнегреческий философ Платон (IV в до н.э.).

**Тетраэдр** - правильный четырехгранник. Он ограничен четырьмя равносторонними треугольниками.



число ГРАНЕЙ – 4

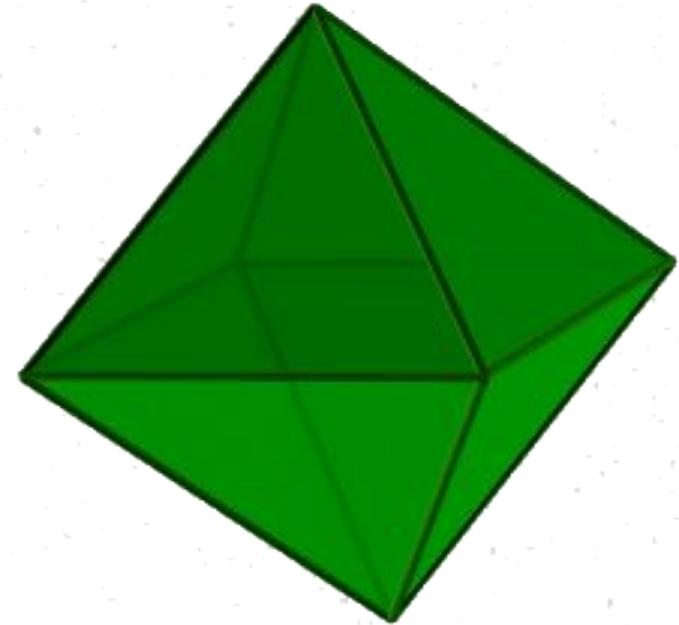
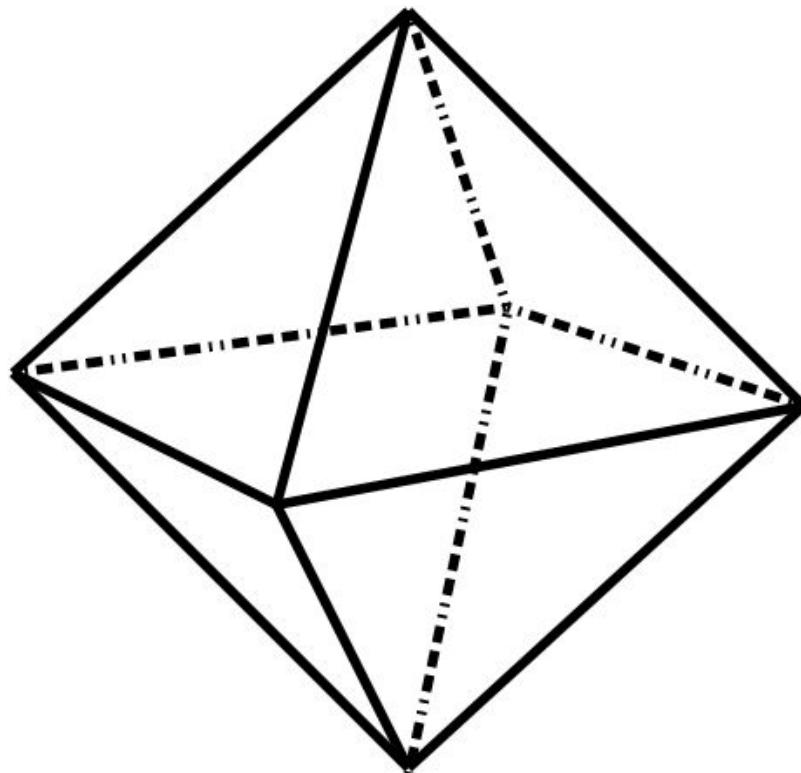
число РЁБЕР – 6

число ВЕРШИН – 4

сумма плоских углов при  
каждой вершине  $180^\circ$

# **Октаэдр** - правильный

восьмигранник. Он состоит из восьми равносторонних и равных между собой треугольников, соединенных по четыре у каждой вершины.

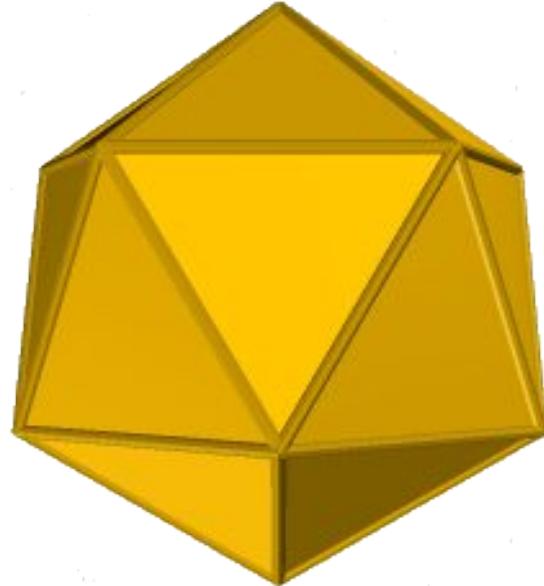


число граней – 8

число рёбер – 12

число вершин – 6

сумма плоских углов  
при каждой вершине  
**240°**



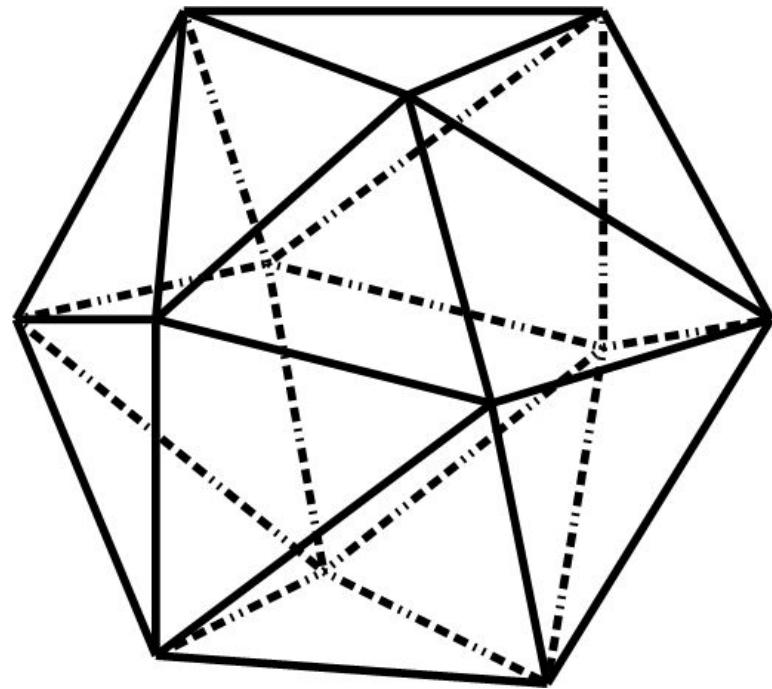
**Икосаэдр** - состоит из 20 равносторонних и равных треугольников, соединенных по пять около каждой вершины.

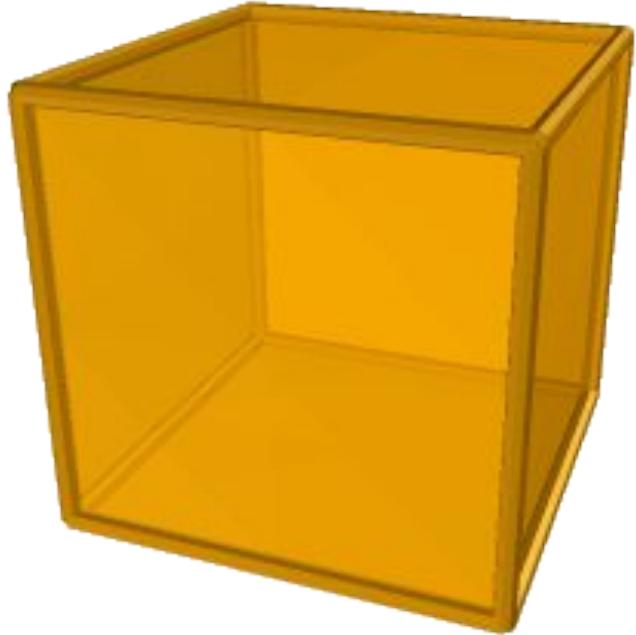
число граней – 20

число рёбер – 30

число вершин – 12

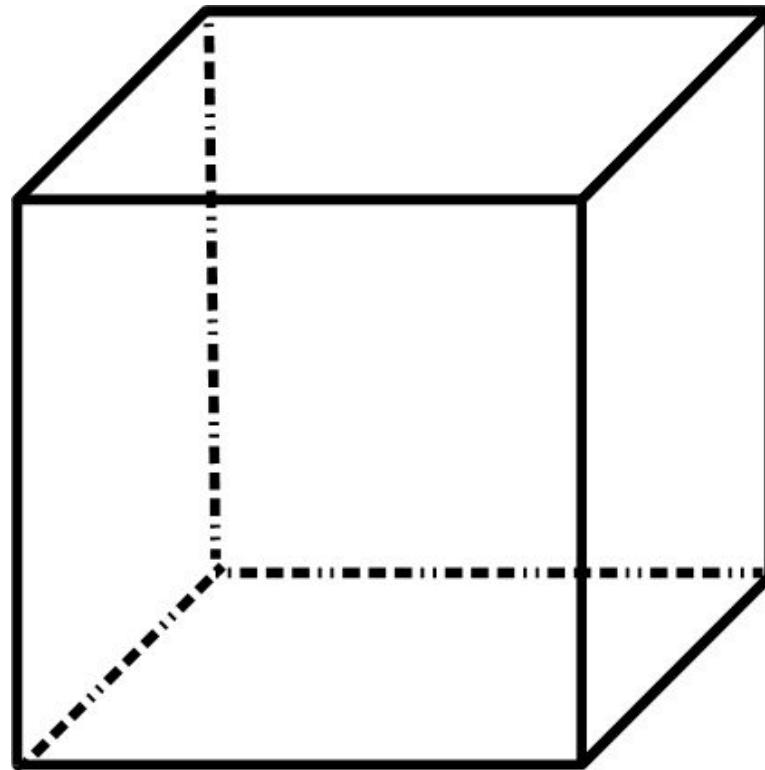
сумма плоских углов при каждой вершине  $300^\circ$



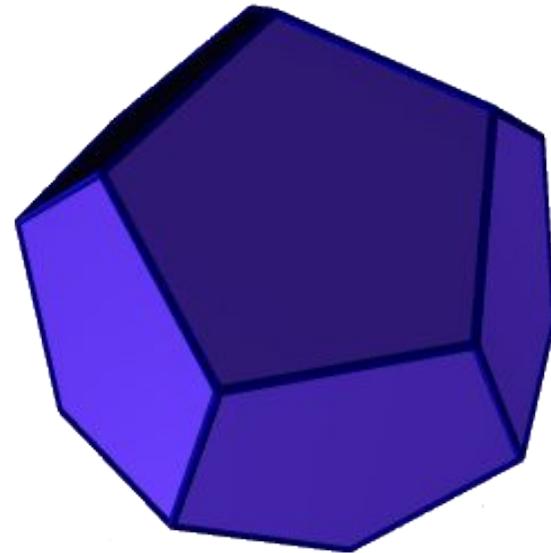
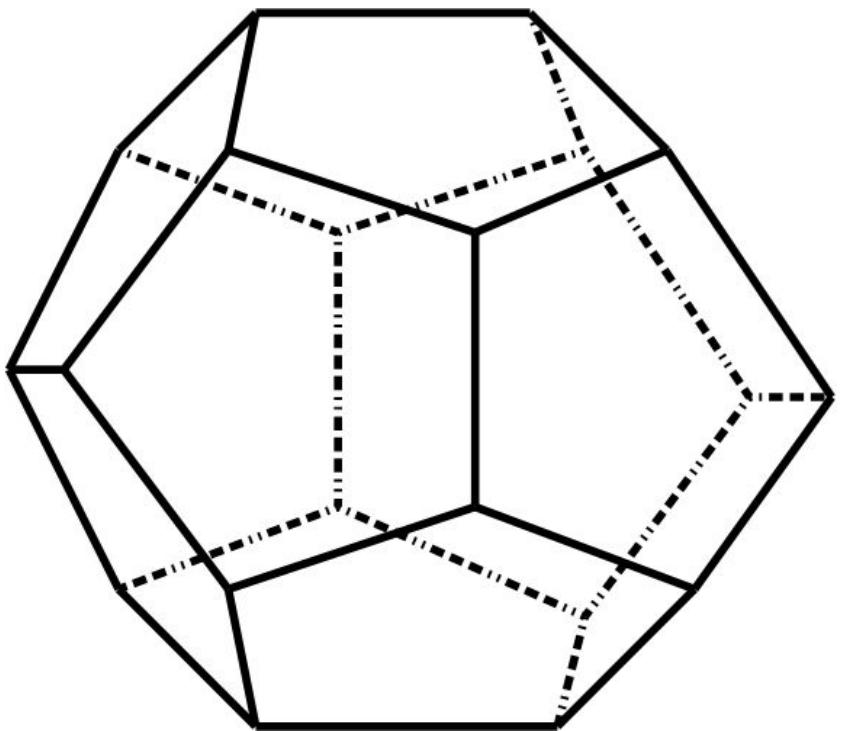


**Гексаэдр** - правильный шестиугранник. Это куб состоящий из шести равных квадратов, соединенных по три около каждой вершины.

- число граней – 6
- число рёбер – 12
- число вершин – 8
- сумма плоских углов при каждой вершине  $270^\circ$



**Додекаэдр** - правильный двенадцатигранник, состоит из двенадцати правильных и равных пятиугольников, соединенных по три около каждой вершины.



число граней – 12

число рёбер – 30

число вершин – 20

сумма плоских углов при каждой вершине равна  $324^\circ$

## *Закон взаимности*

Если соединить отрезками центры соседних граней правильного многоугольника, то эти отрезки станут ребрами другого правильного многогранника:

у куба - октаэдр, у октаэдра - куб;

у икосаэдра - додекаэдр, у додекаэдра - икосаэдр;

у тетраэдра - снова тетраэдр.

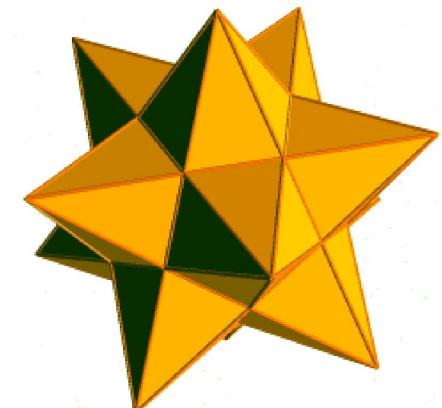
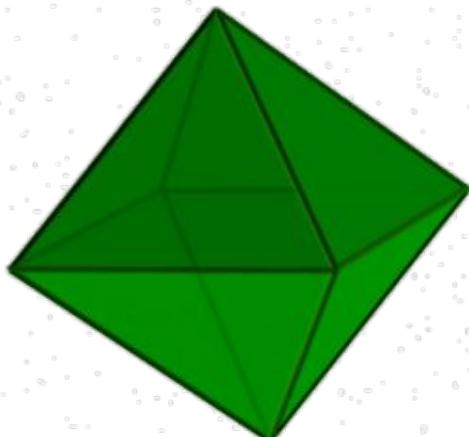
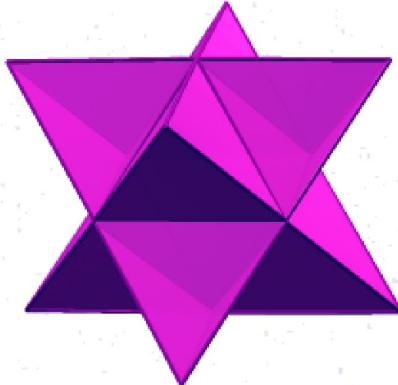
Т.е. каждому правильному многограннику соответствует другой правильный многогранник с числом граней, равным числу вершин данного многогранника. Число ребер у обоих многогранников одинаково.

**Знаменитый математик Леонард Эйлер  
получил формулу:**

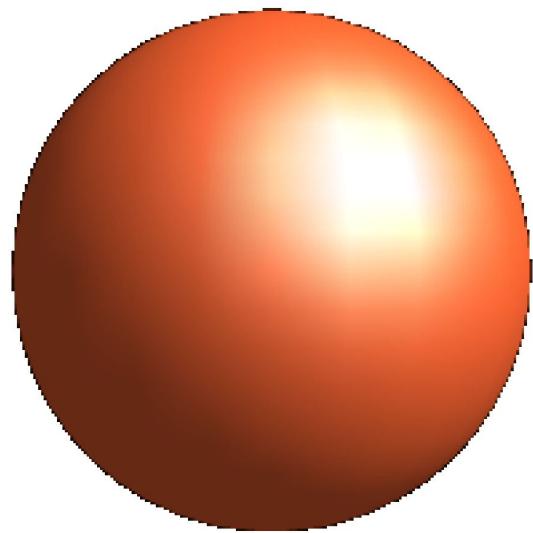
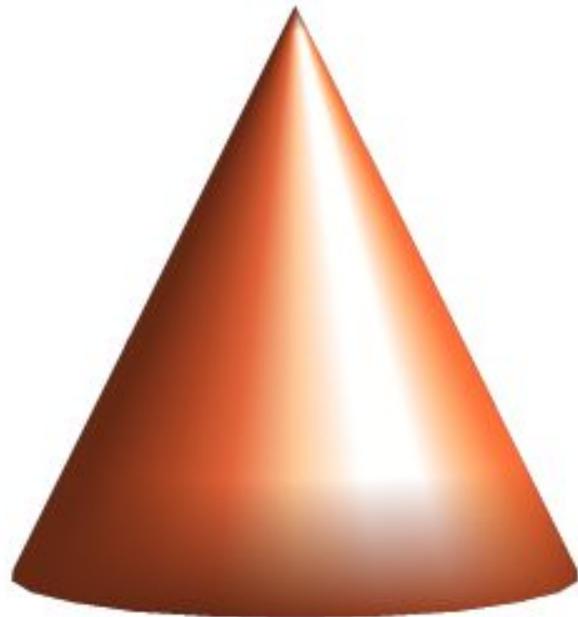
$$B + \Gamma - P = 2,$$

которая связывает  
**число вершин /B/, граней /Г/ и рёбер /Р/**  
любого многогранника.

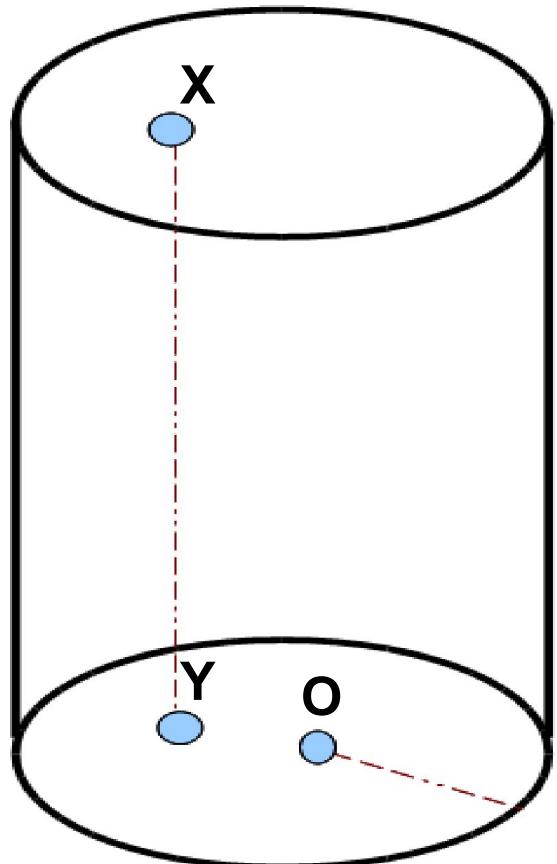
Переменные в формуле не связаны ни с расстоянием,



# Тела вращения



**Цилиндром** называется тело, которое состоит из двух кругов, не лежащих в одной плоскости, и всех отрезков, соединяющих соответствующие точки этих кругов.



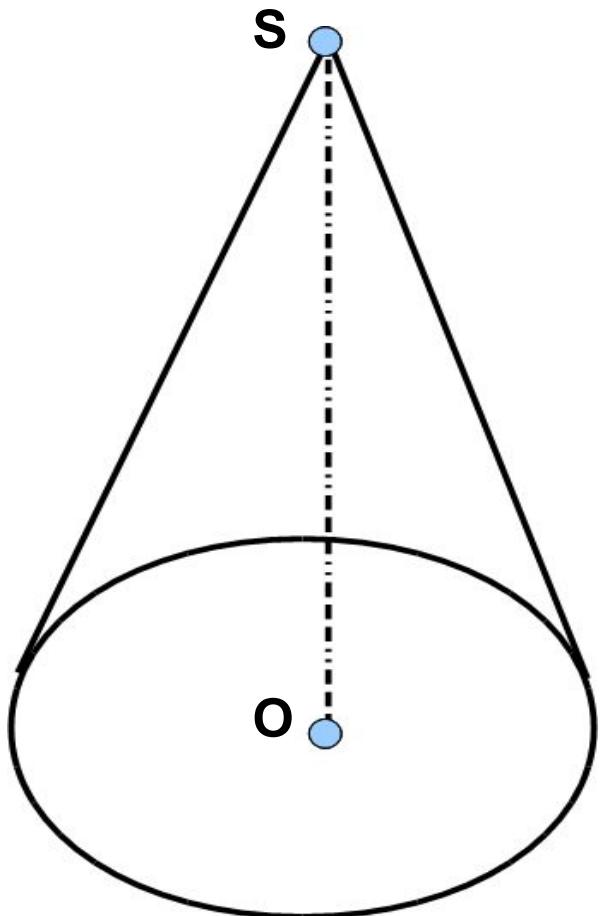
Круги называются **основаниями**, а отрезки – **образующими** цилиндра.

Основания цилиндра равны.

Образующие цилиндра параллельны и равны.

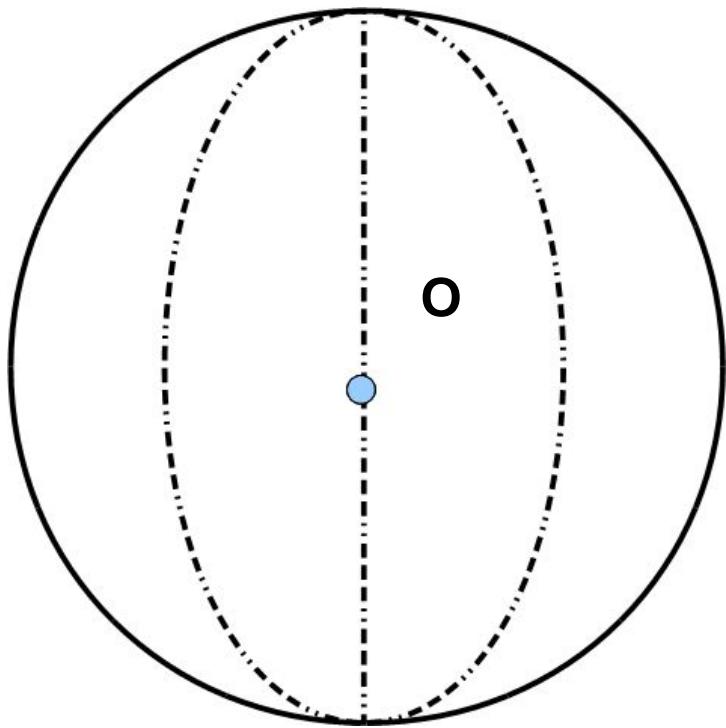
Радиусом цилиндра называется радиус его основания.

**Конусом** называется тело, которое состоит из круга – **основания** конуса, точки, не лежащей в плоскости этого круга, - **вершины** конуса и всех отрезков, соединяющих вершину конуса с точками основания.



Отрезки, соединяющие вершину конуса с точками окружности основания, называются **образующими** конуса.

**Шаром** называется тело, которое состоит из всех точек пространства, находящихся на расстоянии, не большем данного, от данной точки.



Данная точка называется **центром** шара, а данное расстояние **радиусом** шара. Граница шара называется шаровой поверхностью, или **сферой**.