

# ЛИНЕЙНАЯ ФУНКЦИЯ И ЕЁ ГРАФИК



**Функция вида  $y = kx + b$ , где  $k$  и  $b$  числа, а  $x$  и  $y$  переменные, называется линейной функцией.**

**$x$  – независимая переменная (аргумент)  
 $y$  – зависимая переменная (функция)**

Выбрав значение **x** (аргумента), можно легко вычислить значение **y** (функции)

$$y = 2x + 3$$

$$x = 0 \quad y = 2 \cdot x + 3 = 0 + 3 = 3 \\ (0 ; 3)$$

$$x = 2 \quad y = 2 \cdot x + 3 = 4 + 3 = 7 \\ (2 ; 7)$$

# Совет:



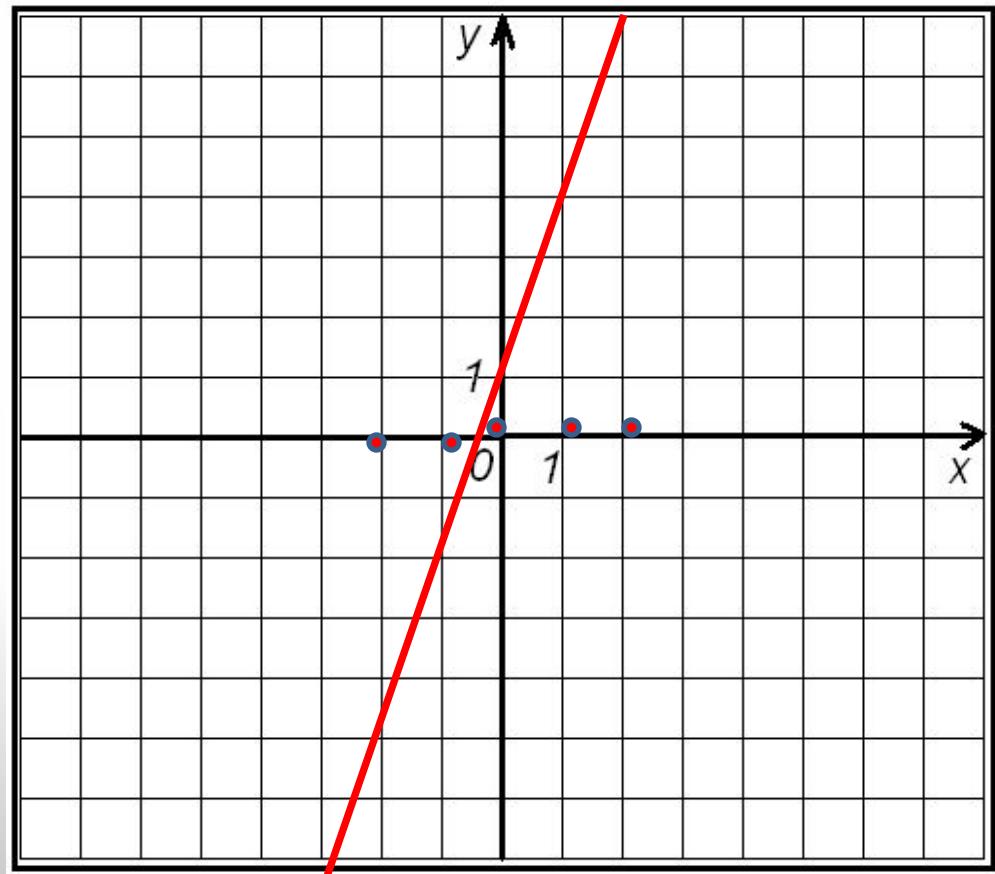
Если коэффициент  $k$   
положительный,  
выбирай положительное  
значение аргумента; если  
отрицательный -  
отрицательное

Графиком линейной функции  $y = kx + b$

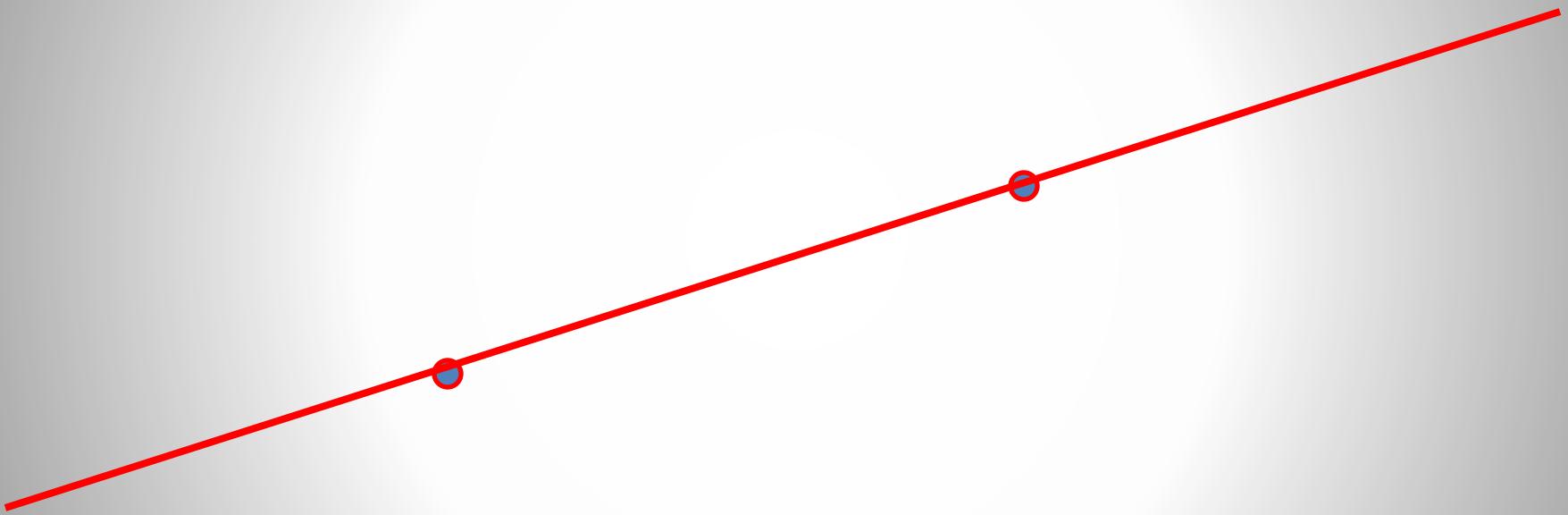
является **прямая линия**

|   |    |    |   |   |   |
|---|----|----|---|---|---|
| X | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 |
| Y | -5 | -2 | 1 | 4 | 7 |

$$y = 3x + 1$$



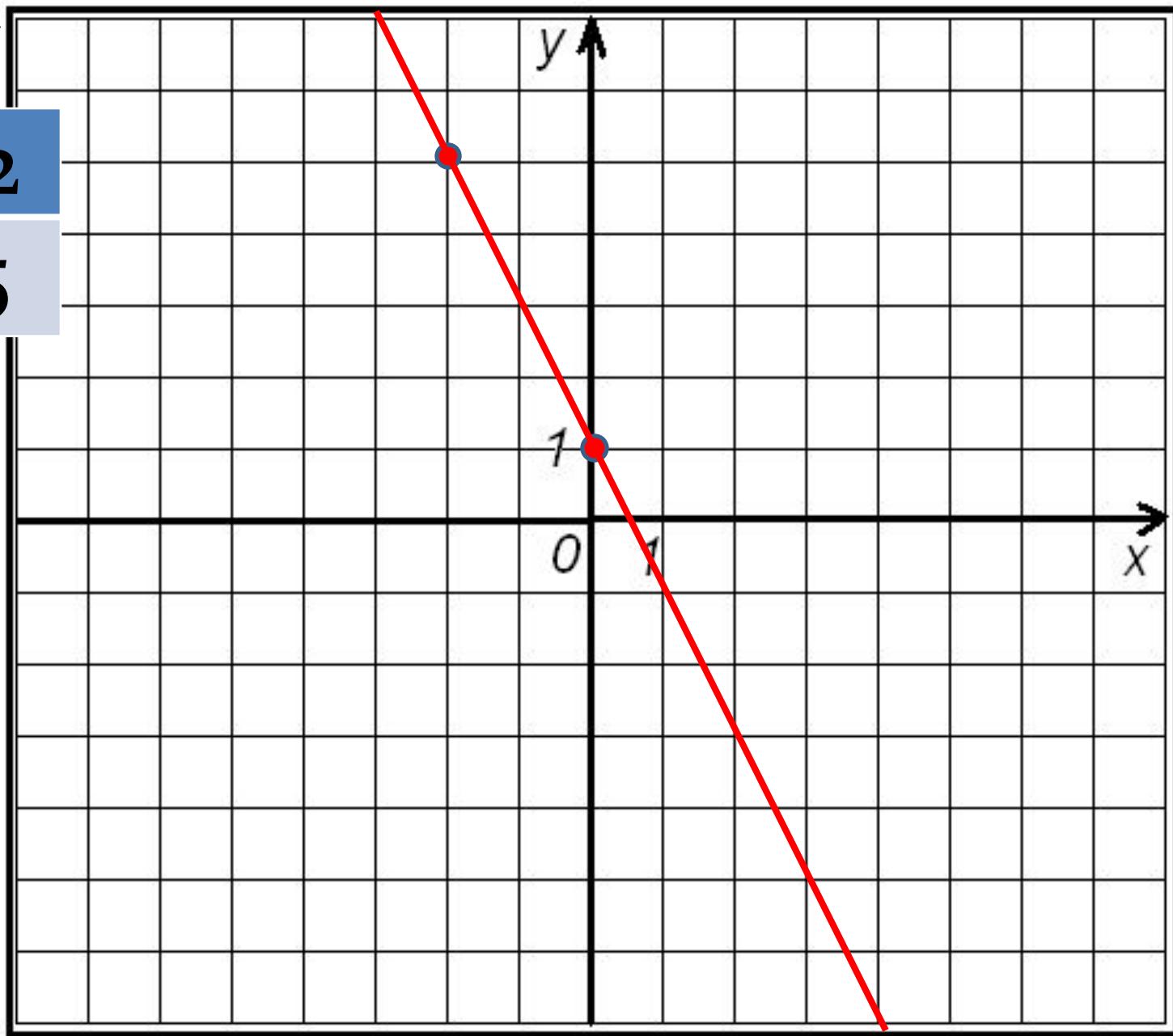
Через **две точки** можно провести  
только **одну** прямую линию



Для построения графика линейной функции  
достаточно **двух** точек!

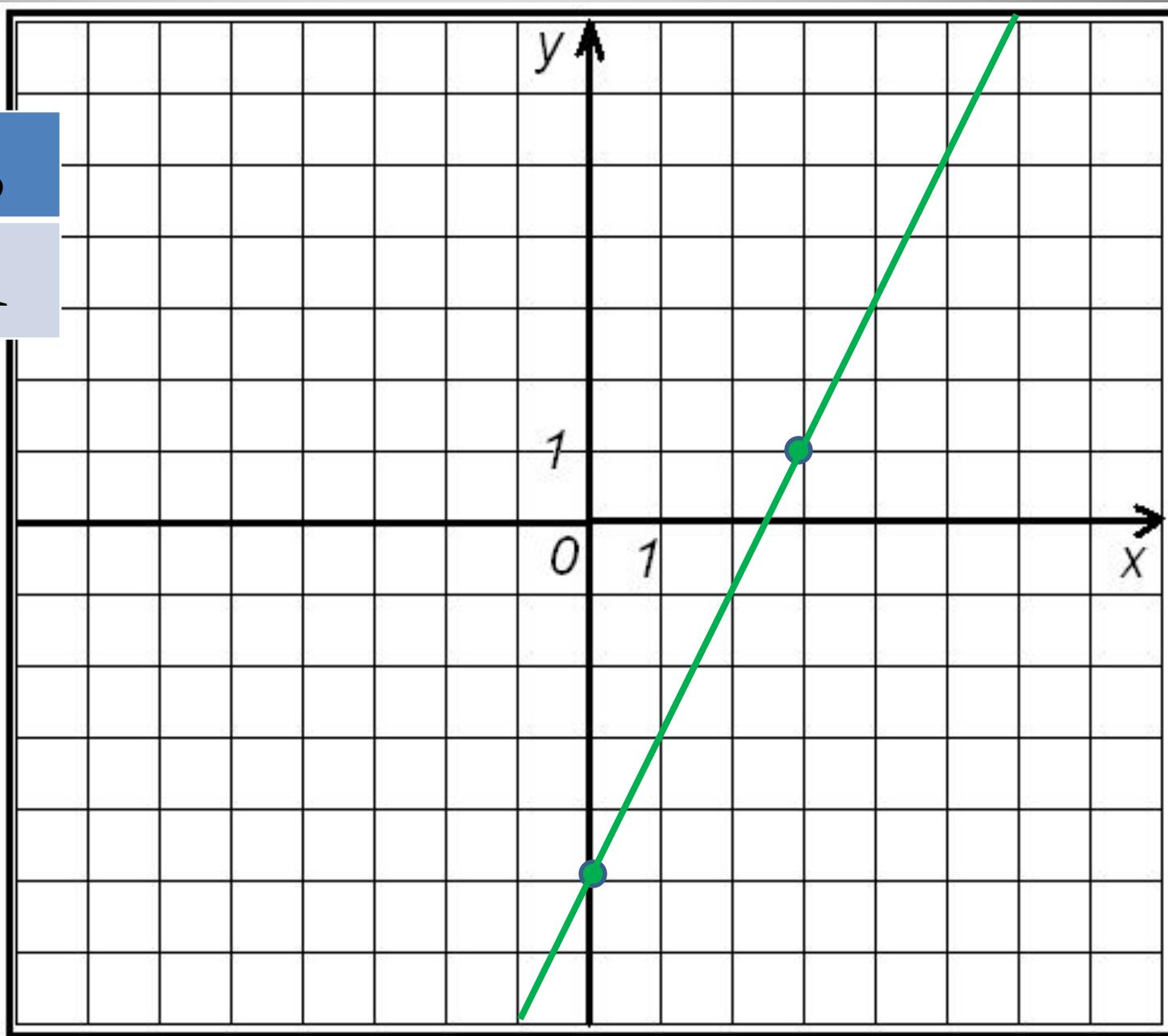
$$y = -2x + 1$$

|   |   |    |
|---|---|----|
| x | 0 | -2 |
| y | 1 | 5  |



$$y = 2x - 5$$

|   |    |   |
|---|----|---|
| x | 0  | 3 |
| y | -5 | 1 |



**Коэффициент**

***k***

**называют**

***угловым***

**коэффициентом.**



$$y = 0,5x + 2$$

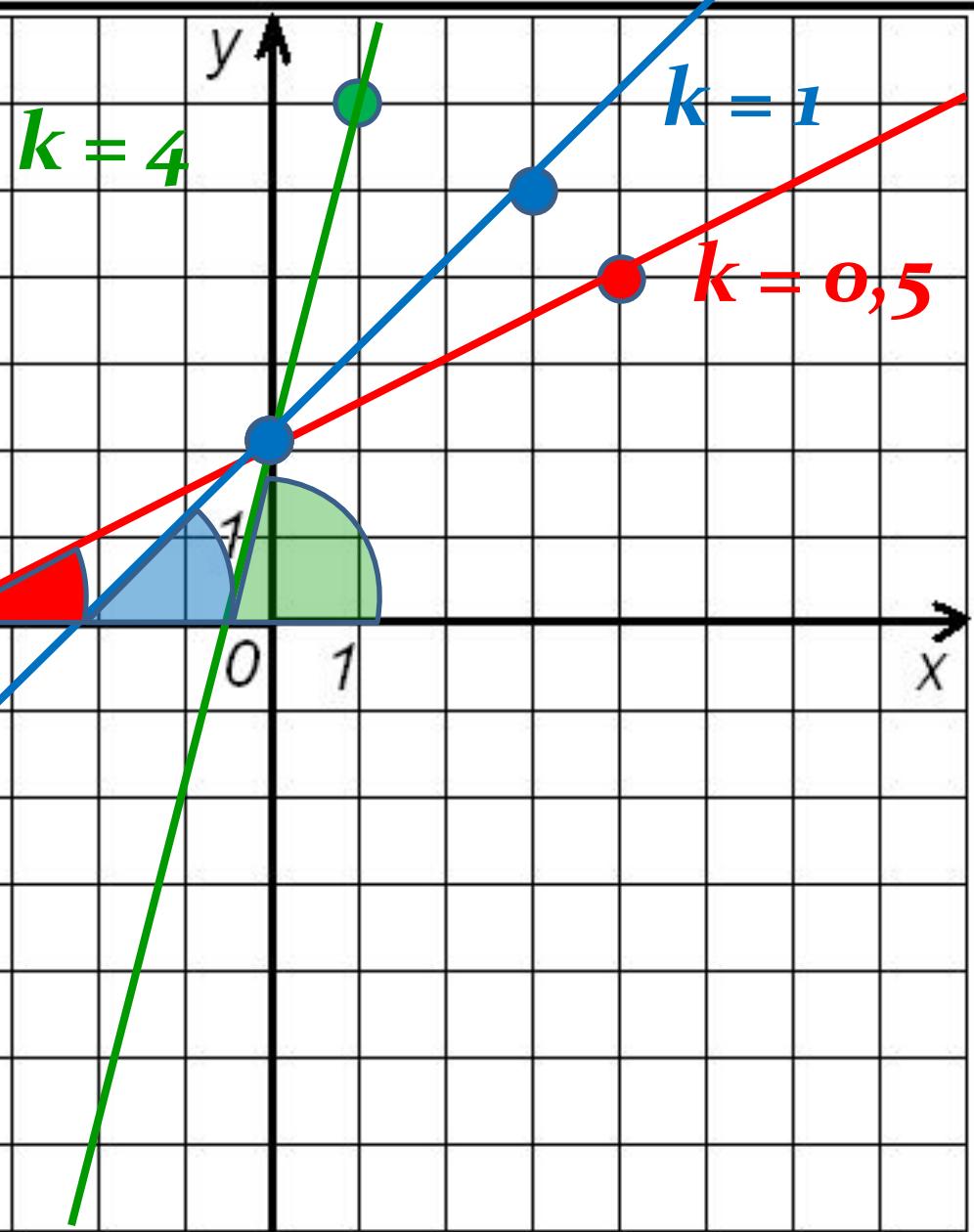
|   |   |   |
|---|---|---|
| x | 0 | 4 |
| y | 2 | 4 |

$$y = 4x + 2$$

|   |   |   |
|---|---|---|
| x | 0 | 1 |
| y | 2 | 6 |

$$y = x + 2$$

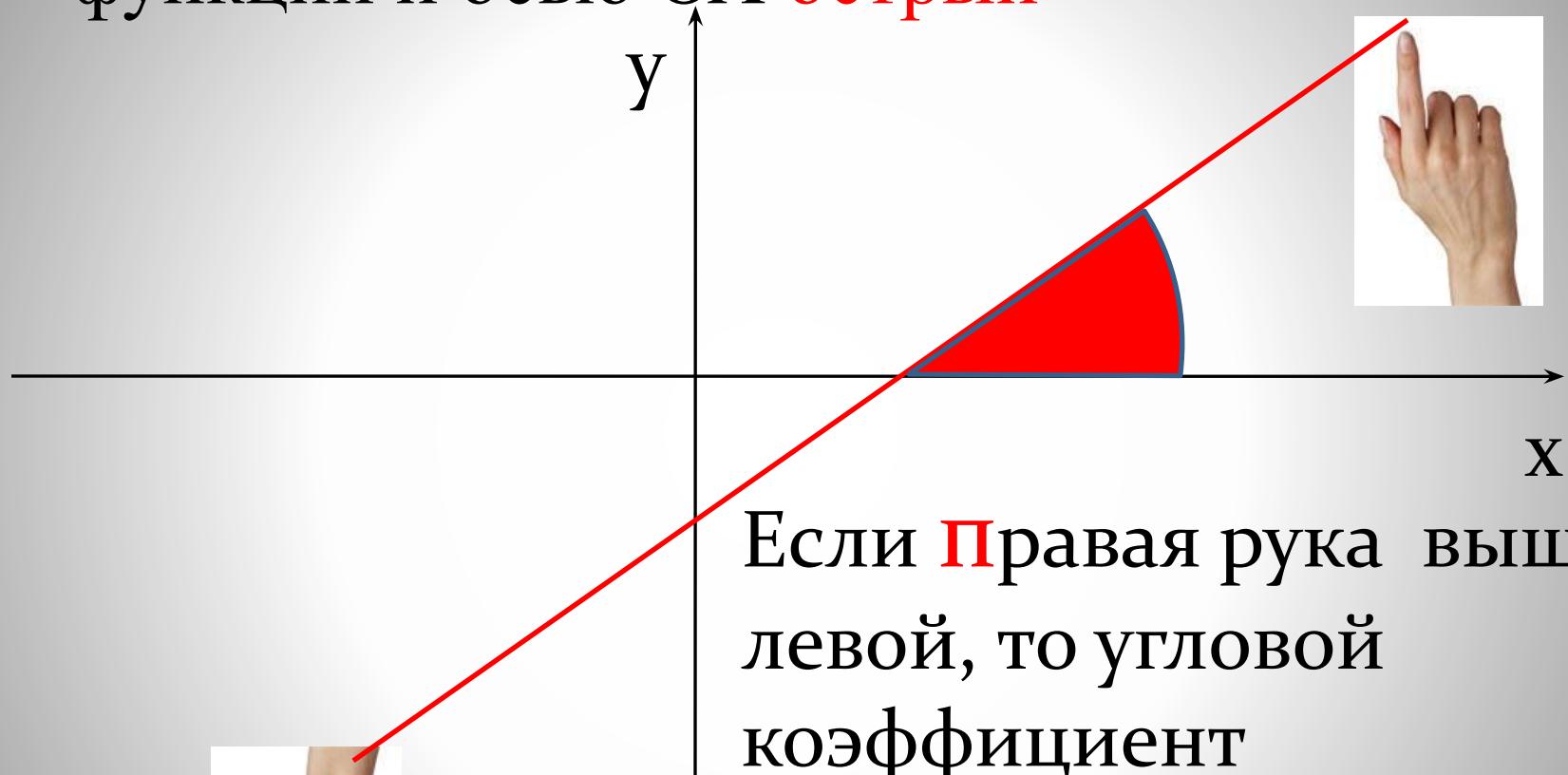
|   |   |   |
|---|---|---|
| x | 0 | 3 |
| y | 2 | 5 |



Чем больше угловой  
коэффициент  $k$ , тем больше  
угол, образованный  
графиком функции с осью  
 $OX$



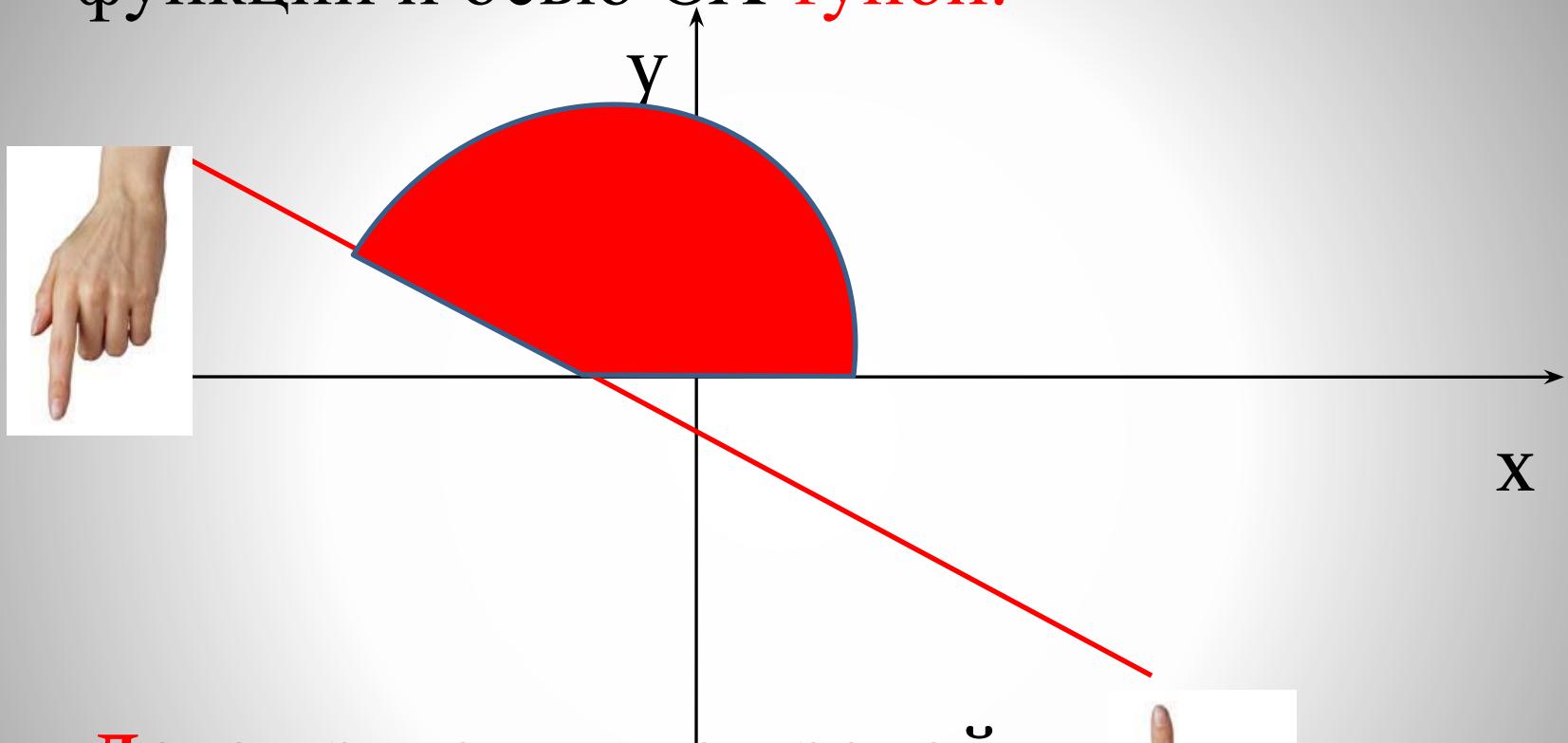
$k > 0$  угол, образованный графиком  
функции и осью ОХ **острый**



Если **Правая** рука выше  
левой, то угловой  
коэффициент

**Положительный**  
( знак **Плюс**)

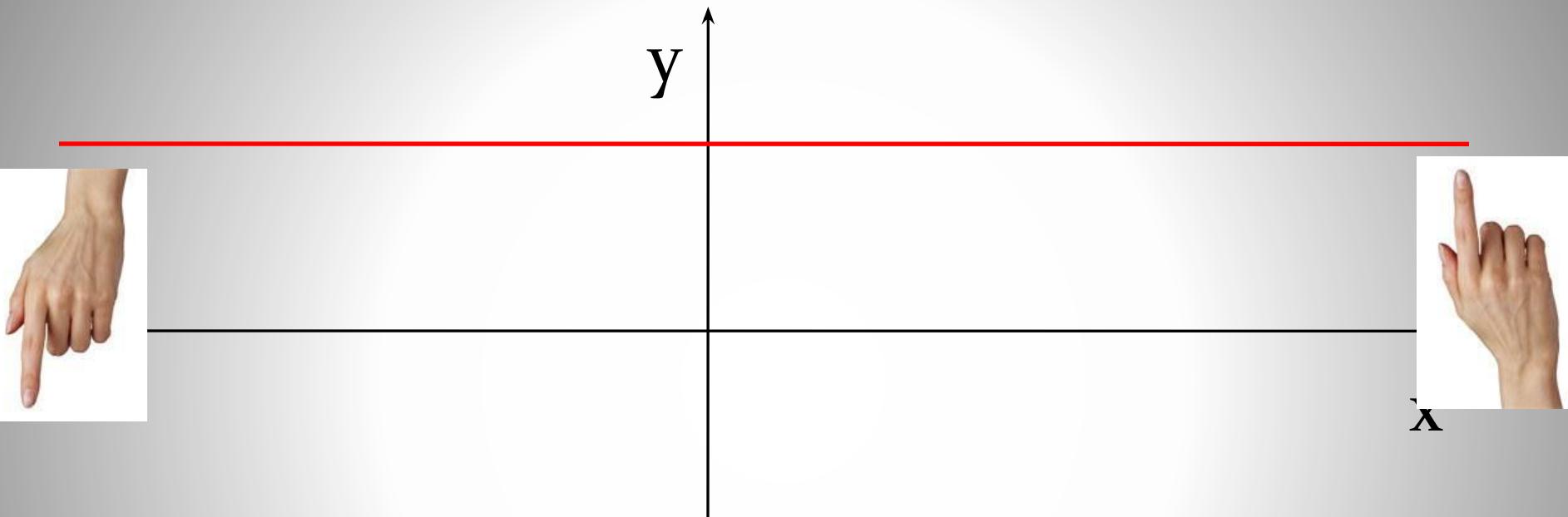
$k < 0$  угол, образованный графиком функции и осью ОХ тупой.



Если Левая рука выше правой,  
то угловой коэффициент  
отрицательный (знак Минус)



$k = 0$  - график параллелен оси ОХ



$$k = 0$$

Построим несколько графиков  
линейных функций, у которых  
одинаковые угловые коэффициенты.



$$y = -x + 4$$

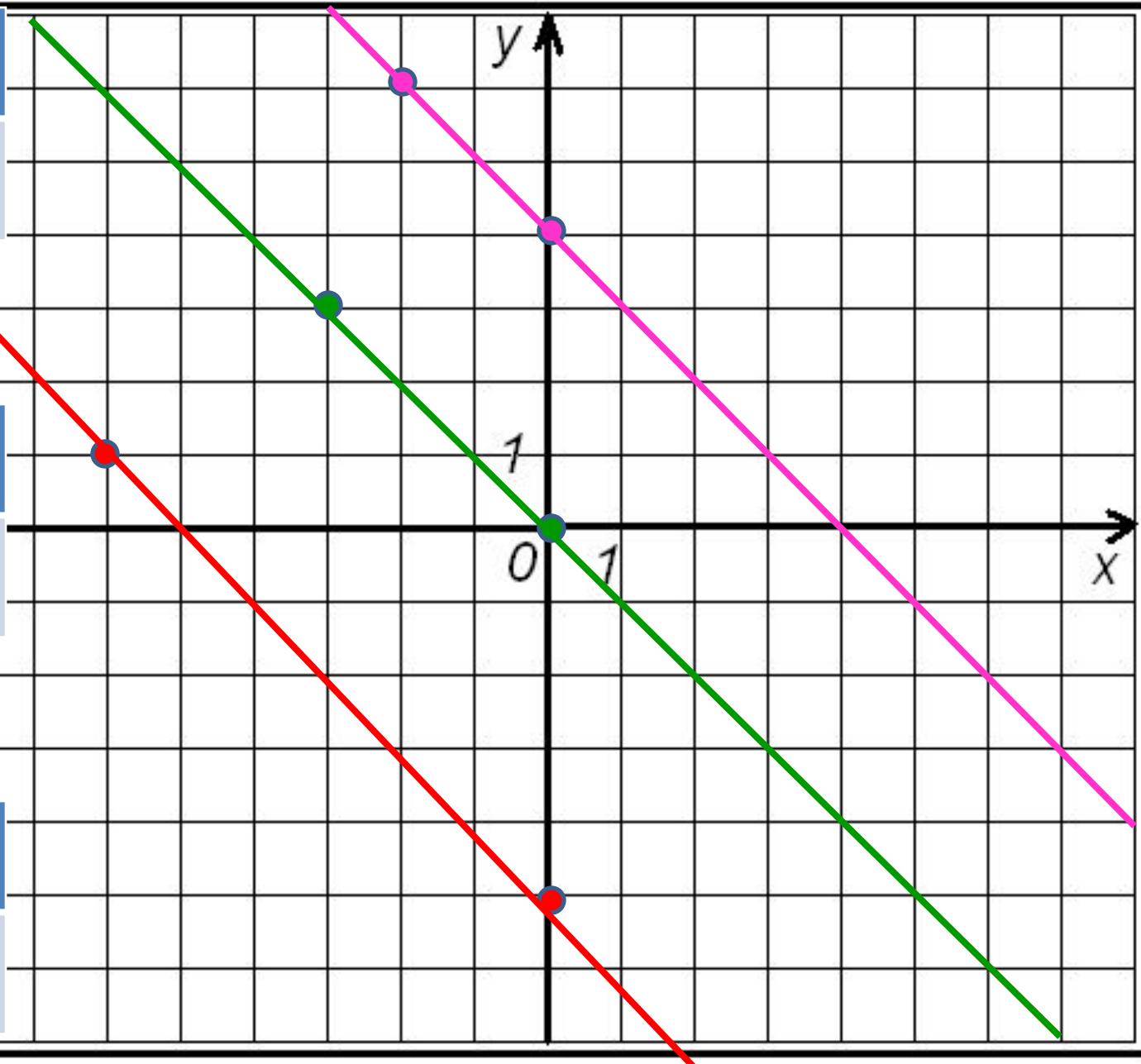
|   |   |    |
|---|---|----|
| x | 0 | -2 |
| y | 4 | 6  |

$$y = -x$$

|   |   |    |
|---|---|----|
| x | 0 | -3 |
| y | 0 | 3  |

$$y = -x - 5$$

|   |    |    |
|---|----|----|
| x | 0  | -6 |
| y | -5 | 1  |





Если у линейных функций  
угловой коэффициент  
одинаковый, то их  
графики параллельны!

$$y = -3x + 4$$

|   |   |    |
|---|---|----|
| x | 0 | -1 |
|---|---|----|

|   |   |   |
|---|---|---|
| y | 4 | 7 |
|---|---|---|

$$y = x + 4$$

|   |   |   |
|---|---|---|
| x | 0 | 2 |
|---|---|---|

|   |   |   |
|---|---|---|
| y | 4 | 6 |
|---|---|---|

$$y = 2x + 4$$

|   |   |   |
|---|---|---|
| x | 0 | 1 |
|---|---|---|

|   |   |   |
|---|---|---|
| y | 4 | 6 |
|---|---|---|

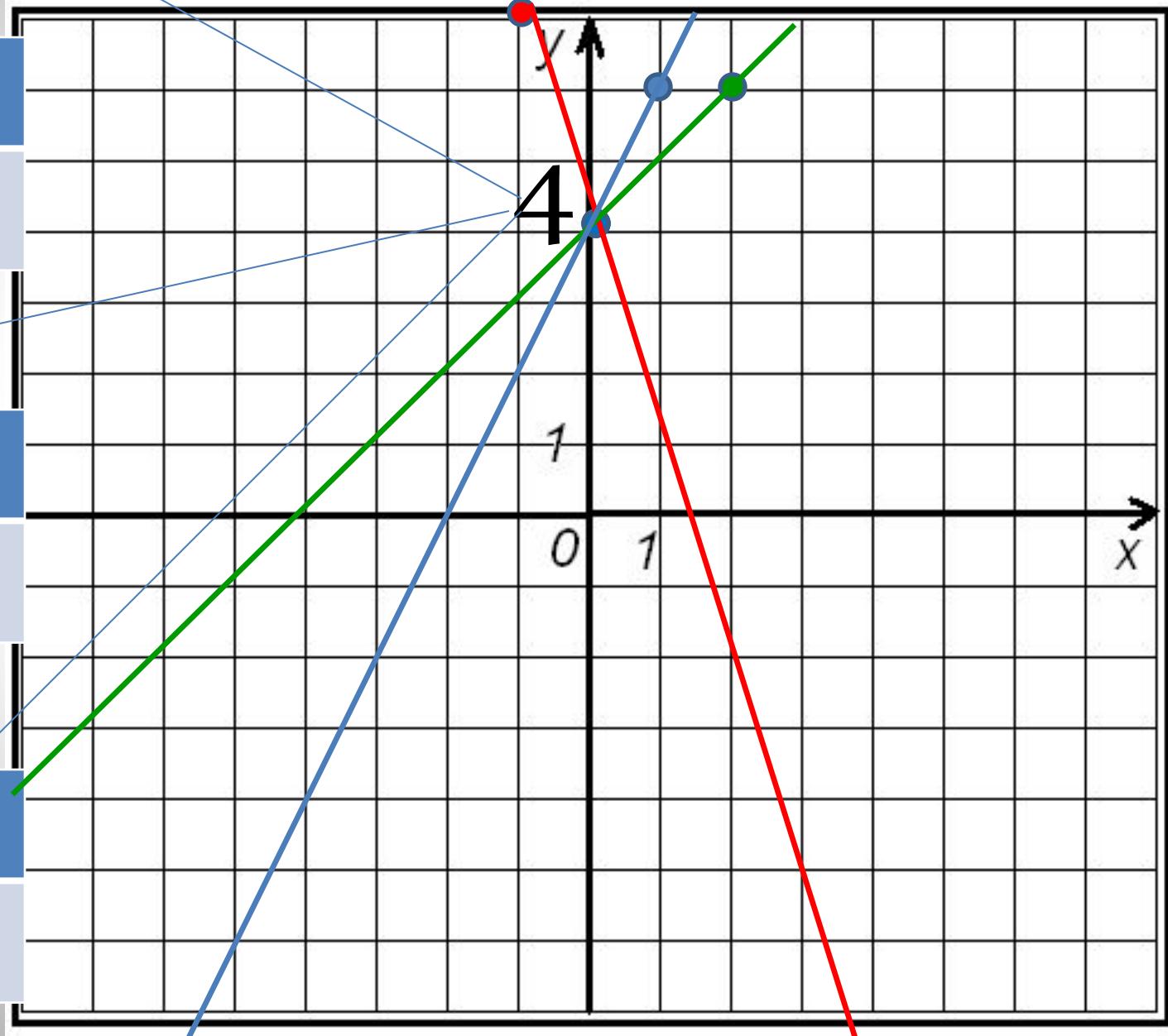


График линейной функции пересекает  
ось ОY в точке  
 $(0;b)$ .

$$x = 0, \quad y = k \cdot x + b = k \cdot 0 + b = 0 + b = b.$$