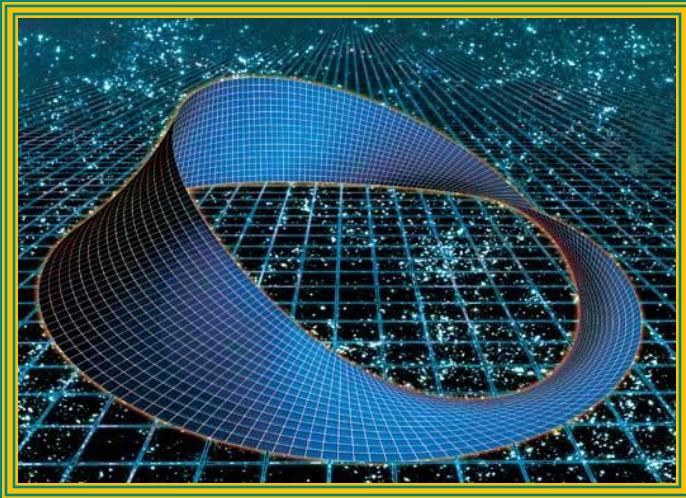


# Лист Мёбиуса

*Искусство решать геометрические задачи чем-то напоминает трюки иллюзионистов - иногда, даже зная решение задачи, трудно понять, как можно было до него додуматься. И.Д.Новиков*





# ЛИСТ МЁБИУСА

**Цель.** Показать, что в математике много увлекательного и интересного.

## **Задачи:**

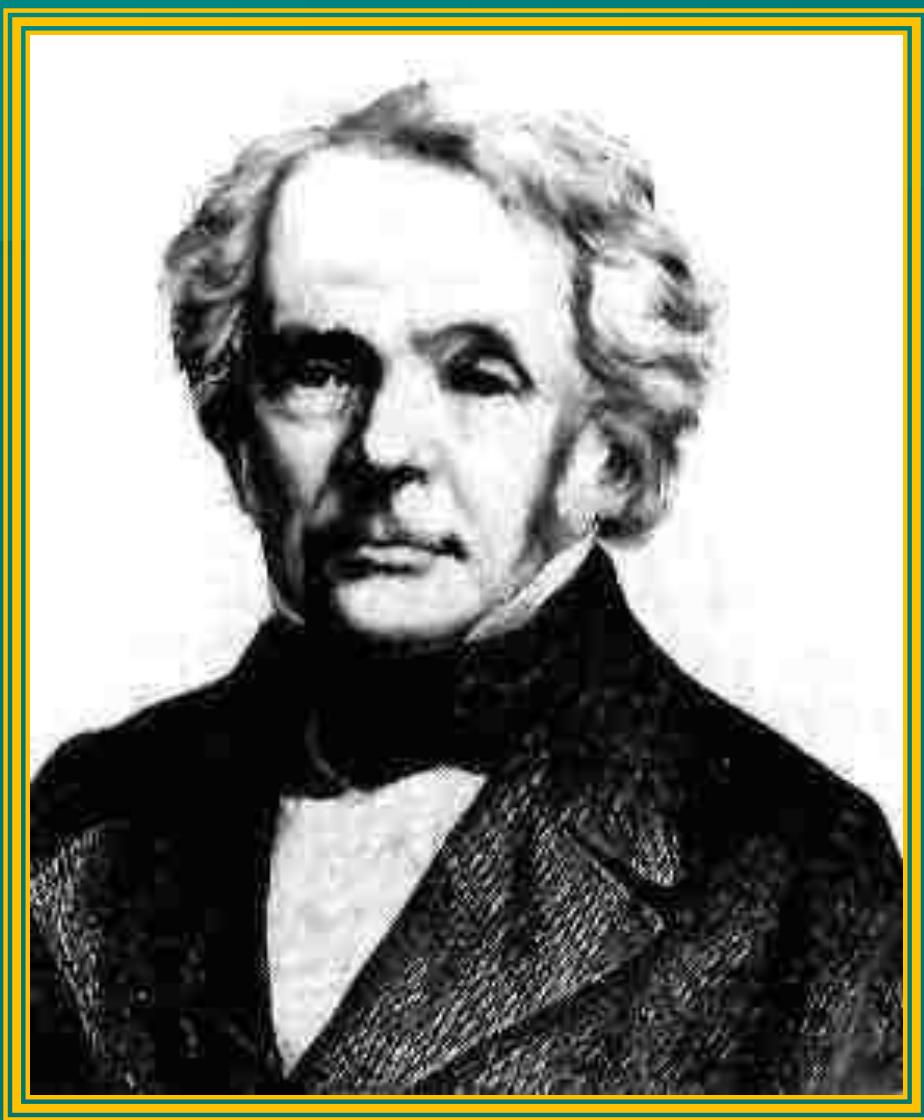
- Сделать ленту Мёбиуса.
- Узнать свойства ленты Мёбиуса.
- Придумать математические развлечения с лентой Мёбиуса.
- Узнать об использовании ленты Мёбиуса в искусстве и жизни.

# История открытия



Лист Мёбиуса относится к числу «математических неожиданностей».

Рассказывают, что открыть свой «лист» Мёбиусу помогла служанка, сшившая однажды неправильно концы ленты.

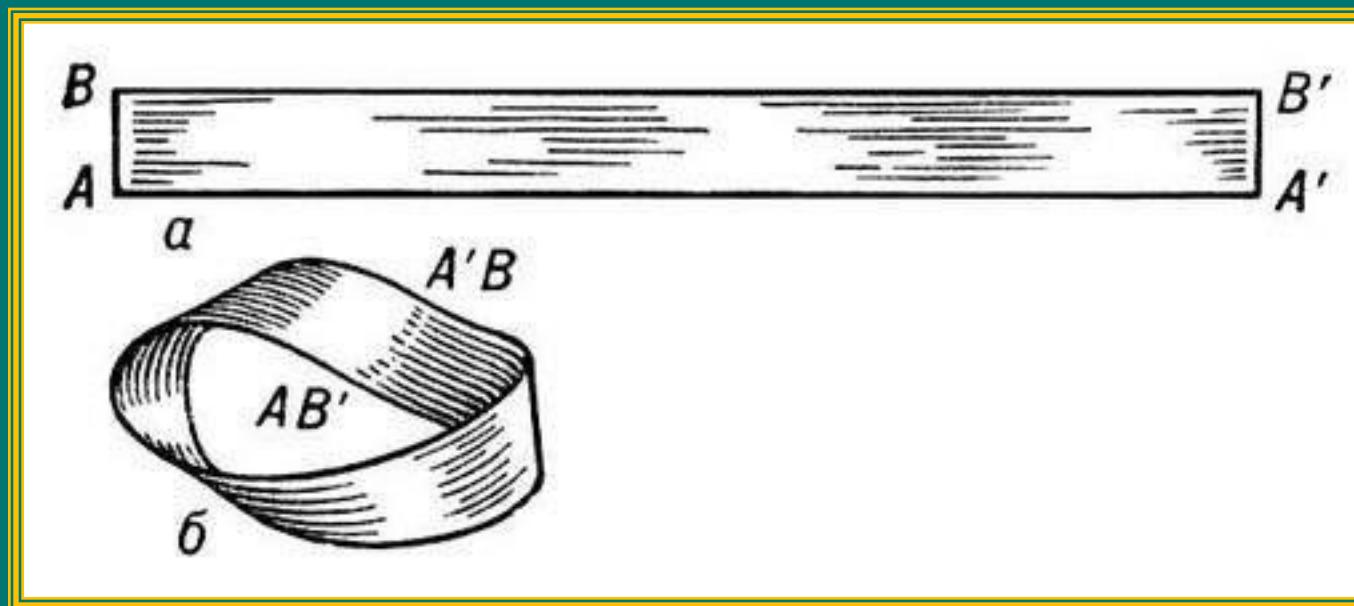


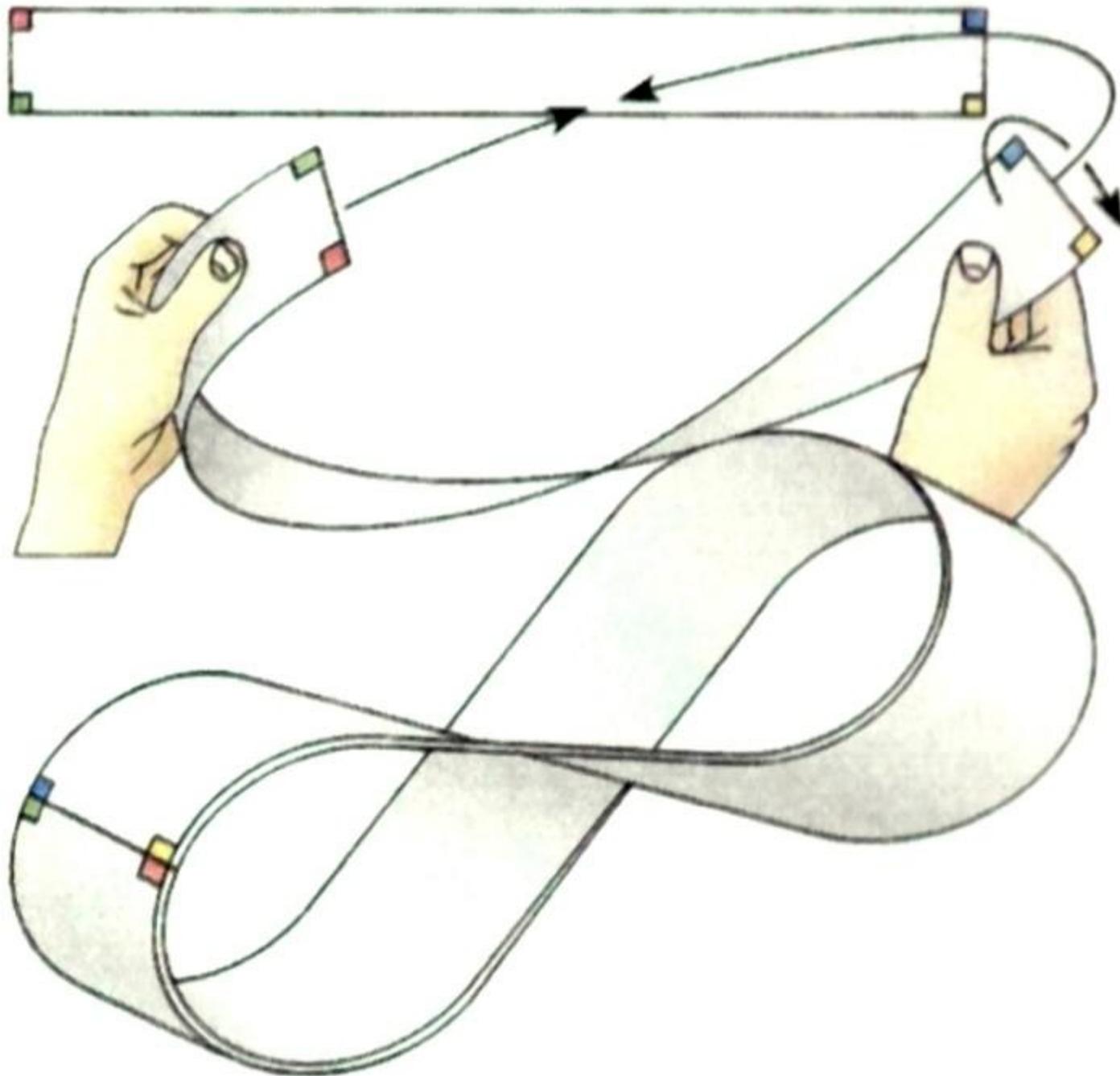
Август Фердинанд  
Мёбиус  
(1790-1868),  
ученик К. Ф. Гаусса,  
астроном и геометр



Бенедикт Листинг  
(1808-1882),  
профессор  
Геттингенского  
университета.

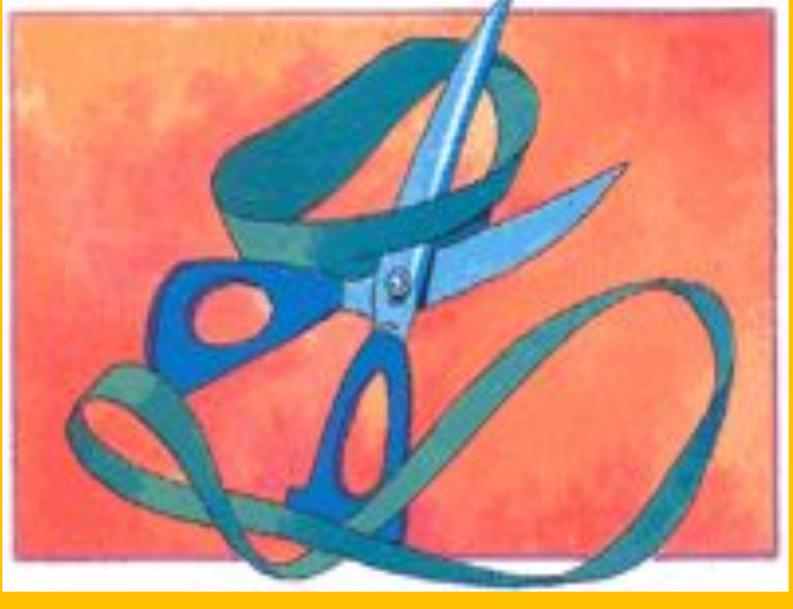
Лист Мёбиуса получается очень просто:  
склейте из бумажной полоски кольцо, только  
перед склеиванием поверните один конец на  
 $180^\circ$ . Если полоска бумаги была длинной, то  
такой поворот мог произойти и случайно.





# "Лента Мебиуса II"





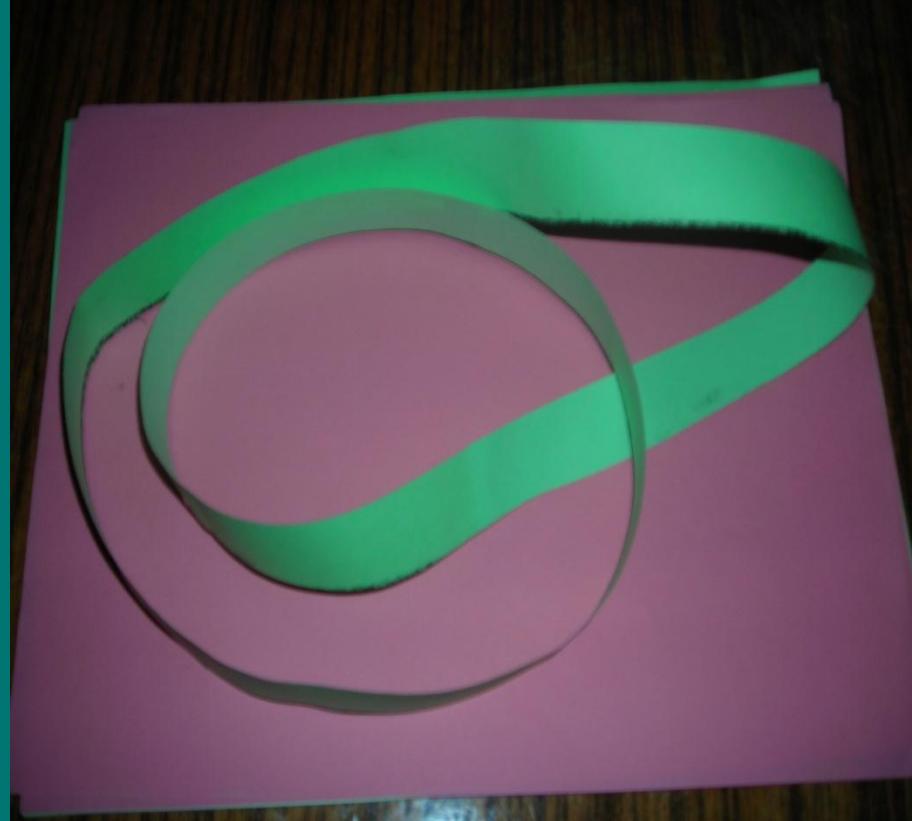
# Разрезание листа Мёбиуса.

- 1.Что получится, если разрезать лист Мёбиуса вдоль посередине?**
- 2. Что получиться, если разрезать лист Мёбиуса вдоль, отступив треть от края листа?**

**Что случится, если разрезать вдоль посередине это кольцо (лист Мёбиуса) по всей длине?**

■ **Вывод:**

Получили 1 кольцо, длина которого в два раза больше, ширина в два раза уже, перекручено на 1 полный оборот – «Афганская лента



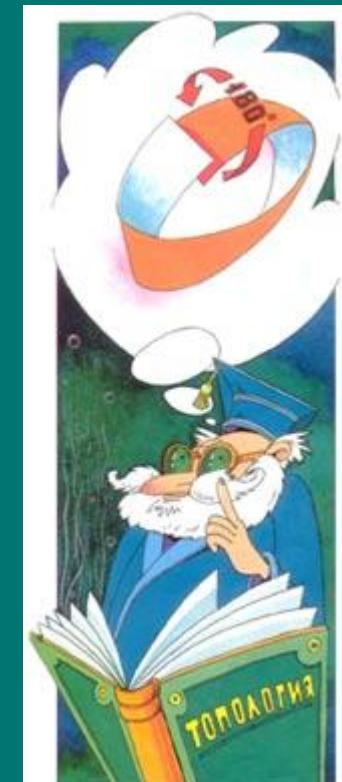
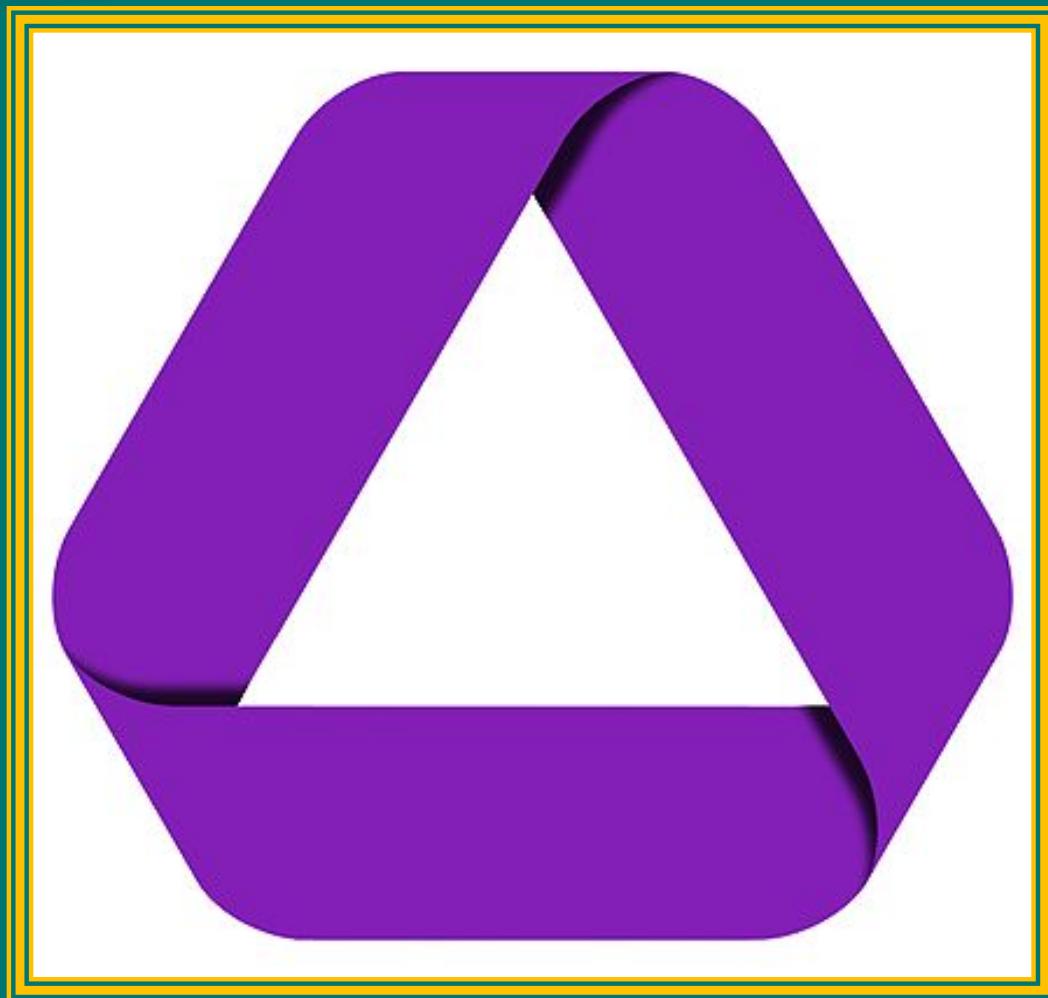
**Лист Мёбиуса разрезали вдоль на  
расстоянии  $\frac{1}{3}$  ширины от края.**

**Вывод:** Получили два  
сцепленных друг с  
другом кольца:  
первое - лист  
Мёбиуса длина и  
равна длине  
исходного. Второе -  
длина в два раза  
больше исходного и  
перекручена на два  
полных оборота.



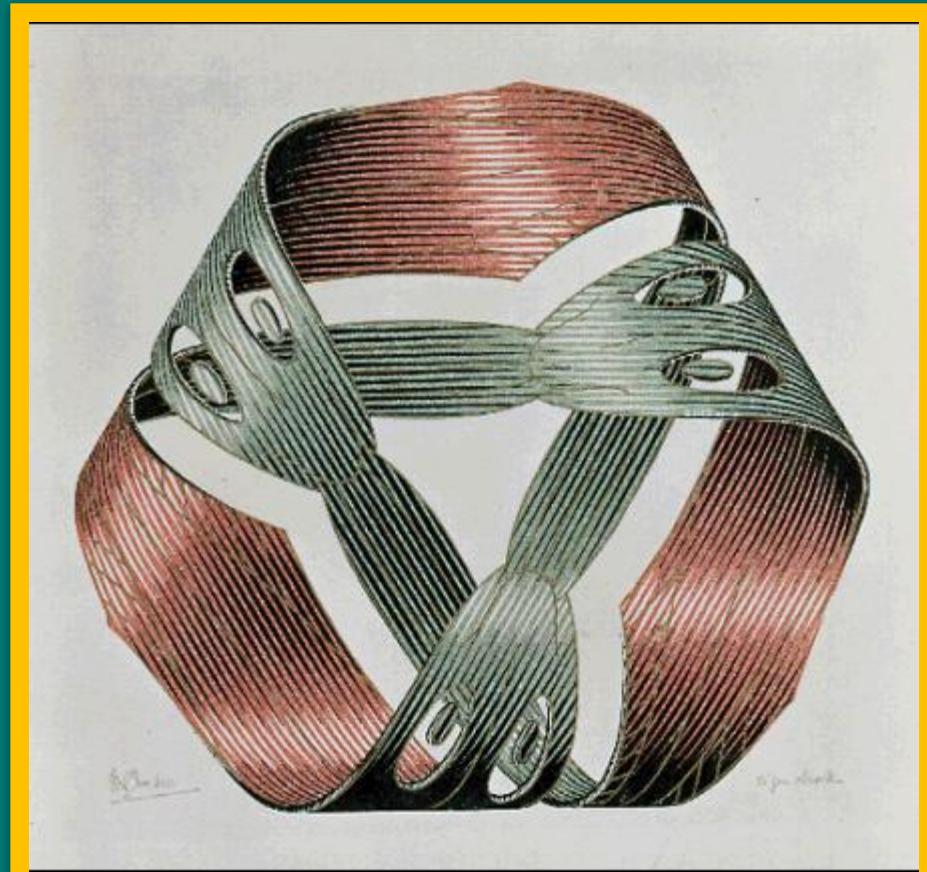
<b>Число перекручиваний, местоположение разреза</b>	<b>Результат разрезания</b>	<b>Свойства</b>
<b>0</b>  <b>разрезать лист вдоль посередине</b>	<b>2 кольца</b>	<b>Длина окружности та же, но кольцо в два раза уже</b>
<b>1</b>  <b>разрезать лист вдоль посередине</b>	<b>1 кольцо</b>	<b>Кольцо перекручено дважды, оно вдвое длиннее, но уже.</b>
<b>1</b>  <b>на расстоянии <math>1/3</math> ширины от края</b>	<b>2 кольца</b>	<b>Одно кольцо большое, другое маленькое.</b>
<b>2</b>  <b>разрезать лист вдоль посередине</b>	<b>2 кольца</b>	<b>Кольцо перекручено дважды, оно вдвое длиннее, но уже</b>
<b>3</b>  <b>разрезать лист вдоль посередине</b>	<b>1 кольцо</b>	<b>Кольцо перекручено 6 раз и оно вдвое уже</b>

# ТОПОЛОГИЯ





Мориц Корнелиус  
Эшер родился в городе  
Лееварден в 1898 году.

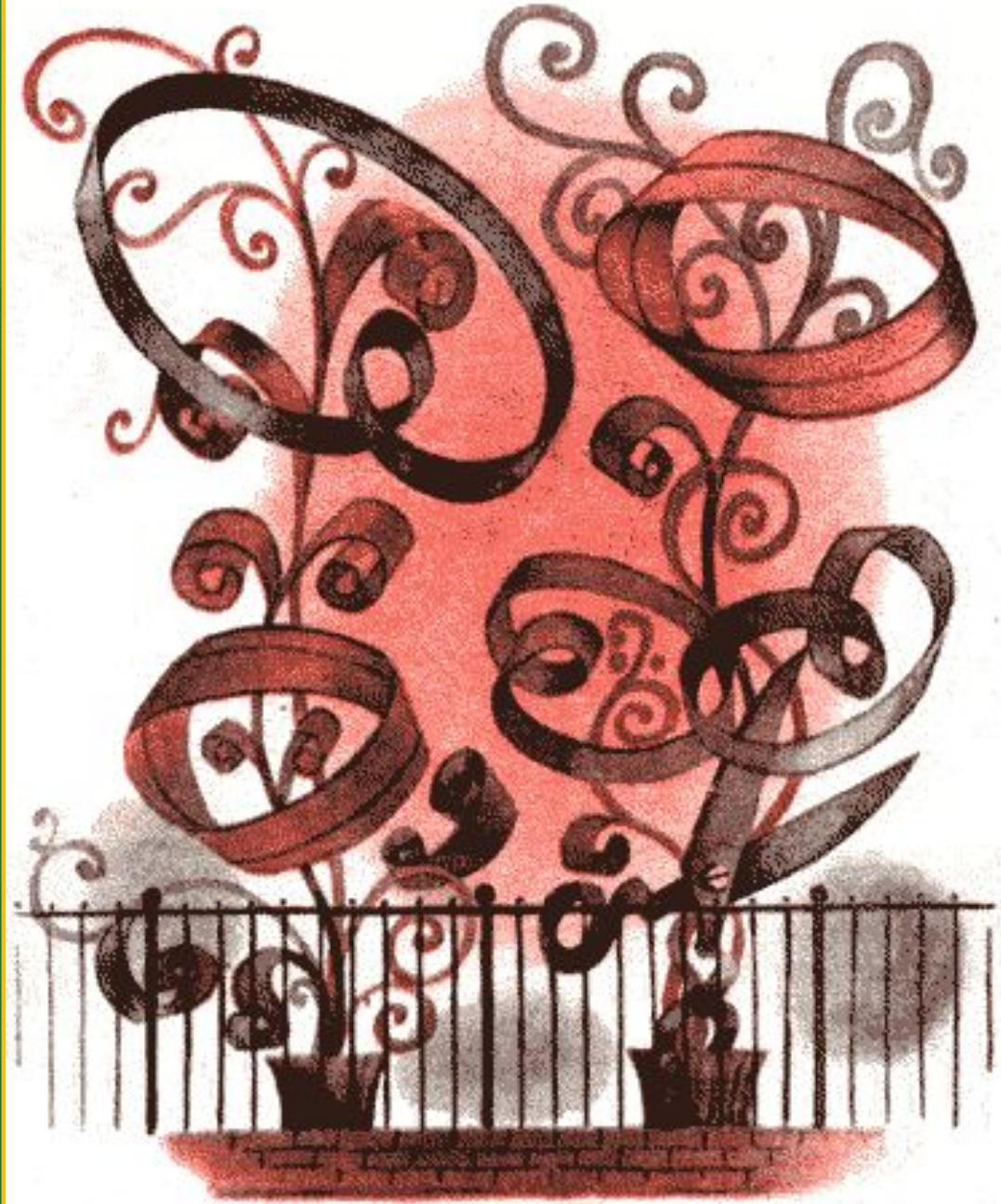


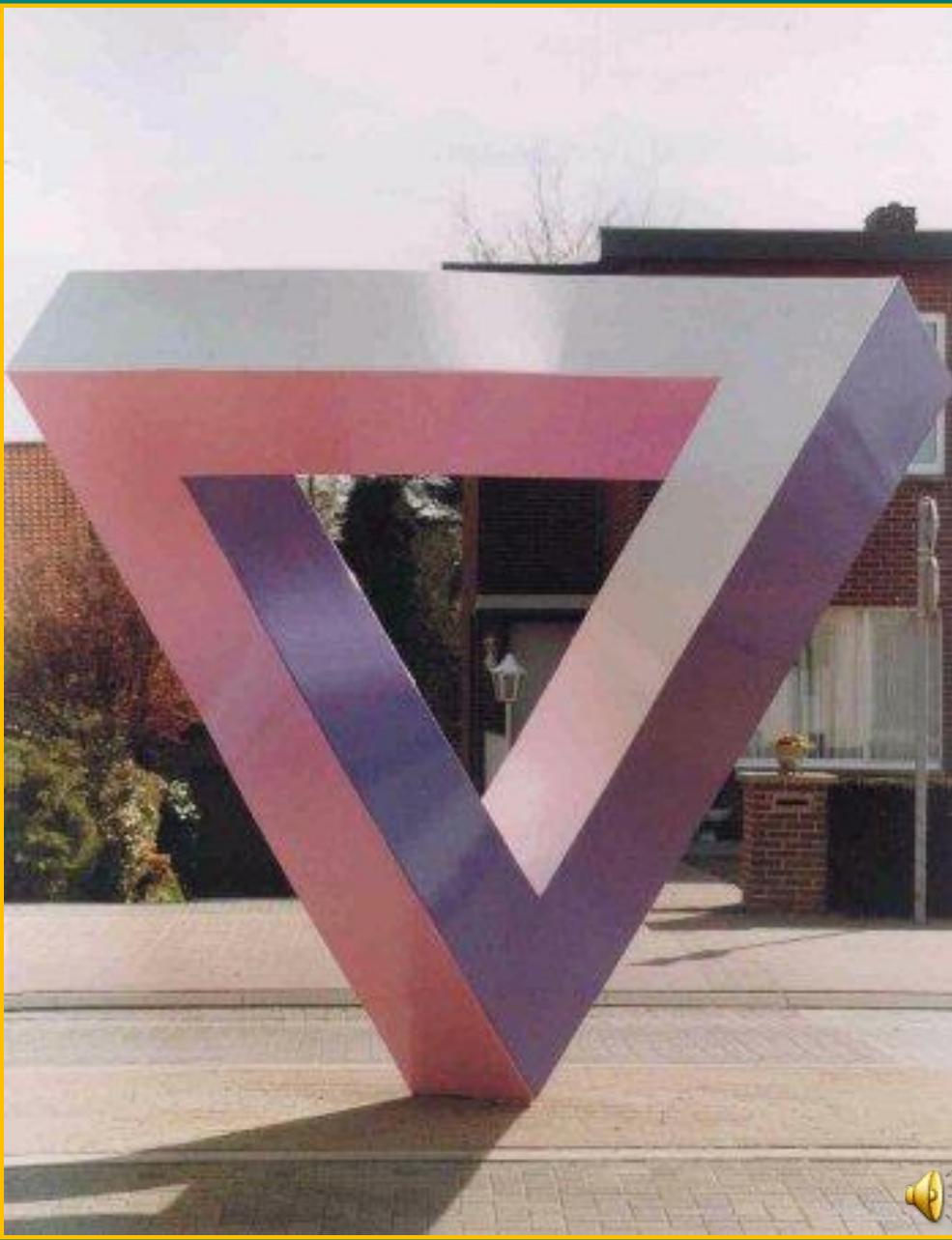
# "Лента Мебиуса II"















# Лист Мебиуса в природе.



# Использование листа Мёбиуса

У входа в музей  
истории и техники  
в Вашингтоне  
медленно  
вращается на  
пьедестале  
стальная лента,  
закрученная в  
полвитка.



**В 1923 году выдан патент № 1442632 знаменитому американскому изобретателю Ли де Форесту, который предложил записывать звук на киноленте без смены катушек, сразу с двух сторон – это лента Мёбиуса.**

**В 1969 году советский изобретатель А. Губайдуллин получил авторское свидетельство № 236278 на бесконечную шлифовальную ленту, работающую обеими своими сторонами. Он предложил натянуть сделанную из специального материала ленту Мёбиуса на два вращающихся ролика и покрыть ее крупинками твердого абразива. Понятно, что такая лента служит вдвое больше обычной.**

**Ту же идею использовали сотрудники НИИ автоматизации черной металлургии Г. Буйный и В. Изотов в своем устройстве для магнитной дефектоскопии (им выдано авторское свидетельство № 259449).**

**Ленточный конвейер в виде ленты Мёбиуса может работать дольше, он равномерно изнашивается с двух сторон.**

**В 1963 году патентное ведомство США зарегистрировало изобретение Джакобса, который поставил свои знания топологии на службу химчистки — он придумал самоочищающийся фильтр, который представляет собой все ту же ленту Мебиуса и беспрерывно освобождается от впитанной грязи, «работая» при этом обеими своими сторонами.**

**В 1971 году изобретатель с Урала Чесноков П.Н. тоже применил фильтр в виде листа Мёбиуса. Система записи на непрерывную плёнку — лист Мёбиуса.**

# Использование листа Мёбиуса

**Красящая лента в первых принтерах – лента Мёбиуса увеличивала срок их использования.**

**Международный символ переработки – лист Мёбиуса.**



**В метро ручка эскалатора, не что иное, как лента Мёбиуса, это позволяет равномерно изнашиваться, и продлевает срок службы резины.**



[novate.ru](http://novate.ru)

# Заключение

**Мы узнали, что:**

- Существует односторонняя поверхность – лист Мёбиуса.
- Он обладает удивительными свойствами.
- Лента Мёбиуса (лист Мебиуса) используется в жизни.
- Она вдохновляет литераторов и художников.
- Зная свойства Ленты Мёбиуса, можно придумать различные фокусы и развлечения и изготовить полезные и нужные вещи.

Лист Мебиуса – символ математики,  
Что служит высшей мудрости венцом...  
Он полон неосознанной романтики:  
В нем бесконечность свернута кольцом.  
В нем – простота, и вместе с нею – сложность,  
Что недоступна даже мудрецам:  
Здесь на глазах преобразилась плоскость  
В поверхность без начала и конца.  
Здесь нет пределов, нет ограничений,  
Стремись вперед и открывай миры,  
Почувствуй силу новых ощущений  
Прими познанья высшего дары...

Иванова Н. Ю.

