

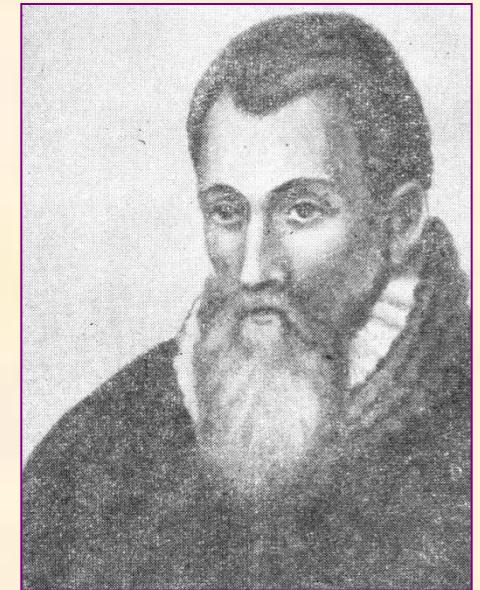
# **Логарифмы. Свойства логарифмов.**

19.12.2014. ГБОУ «КШСИ(ПОО)»

Изобретатель первых логарифмических таблиц, впервые ввёл сам термин «логарифм» шотландский математик Джон Непер.

Джон Непер

*«Я старался, насколько мог и умел, отделаться от трудности и скуки вычислений, докучность которых обычно отпугивает весьма многих от изучения математики».*



# Свойства логарифмов

n≠1

$$\log_{c^n} a = \frac{1}{n} \log_c a,$$

$$\log_{c^n} a^m = \frac{m}{n} \log_c a,$$

$$\log_{c^n} a^n = \log_c a$$

$$\log_c a = \frac{\log_b a}{\log_b c}, b \neq 1$$

$$\log_c b \cdot \log_b a = \log_c a$$

$$\log_c a = \frac{1}{\log_a c}, a \neq 1$$

$$\log_c b \cdot \log_b a = \log_c m \cdot \log_m a, \quad m > 0, m \neq 1$$

**Вычислите: (задания базового и профильного уровней ЕГЭ-2015)**

$$\log_2 2^{1941} =$$

$$\log_{\sqrt[9]{35}} 35 =$$

$$\log_{\sqrt{3}} 3^{11} =$$

$$7^{\log_7 1945} =$$

$$13 \log_{11} 11^5 =$$

## Софизм

- *рассуждение, кажущееся правильным, но содержащее скрытую логическую ошибку и служащее для придания видимости истинности ложному утверждению.*

*Обычно софизм обосновывает какую-нибудь заведомую нелепость, абсурд или парадоксальное утверждение, противоречащее общепринятым представлениям.*

# Логарифмический софизм

2>3

Начнем с  
неравенства

$$\frac{1}{4} > \frac{1}{8}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 > \left(\frac{1}{2}\right)^3$$

$$\lg\left(\frac{1}{2}\right)^2 > \lg\left(\frac{1}{2}\right)^3$$

$$2\lg\left(\frac{1}{2}\right) > 3\lg\frac{1}{2}$$

После сокращения  
на  $\lg\frac{1}{2}$ , имеем  
 $2>3$ .

**Вычислить:**

$$\log_2 16;$$

$$\log_2 64;$$

$$\log_2 2;$$

$$\log_2 1;$$

$$\log_2 (1/2);$$

$$\log_2 (1/8);$$

$$\log_3 27;$$

$$\log_3 81;$$

$$\log_3 3;$$

$$\log_3 1;$$

$$\log_3 (1/9);$$

$$\log_3 (1/3);$$

$$\log_{1/2} 1/32;$$

$$\log_{1/2} 4;$$

$$\log_{0,5} 0,125;$$

$$\log_{0,5} (1/2);$$

$$\log_{0,5} 1;$$

$$\log_{1/2} 2.$$

“Музыка может возвышать или умиротворять душу,  
Живопись – радовать глаз,  
Поэзия – пробуждать чувства,  
Философия – удовлетворять потребности разума,  
Инженерное дело – совершенствовать материальную  
сторону жизни людей,  
а математика способна достичь всех этих целей”

Американский математик Морис Клайн

**Спасибо за урок.**

# ГИМНЕС

