

Математический бой

СОДЕРЖАНИЕ:

9 класс

- ◆ НАДО СМЕКНУТЬ !**
- ◆ НЕ ОШИБИСЬ!**
- ◆ ФИГУРНЫЙ РАК;**
- ◆ УСТАНОВИ СООТВЕТСТВИЕ!**
- ◆ КТО БЫСТРЕЙ?**
- ◆ ПОДВЕДЕНИЕ ИТОГОВ**

надо смекнуть!

Задачи, которые решал ещё М.В.Ломоносов

1) Отец привез в училище своего сына и спросил у учителя:
«Скажи сколько у тебя учеников?»

Учитель ответил:
«Если учеников придёт столько, сколько я уже имею, да ещё пол столько, да ещё четвертая часть, да ещё твой сын, тогда у меня их будет сто».

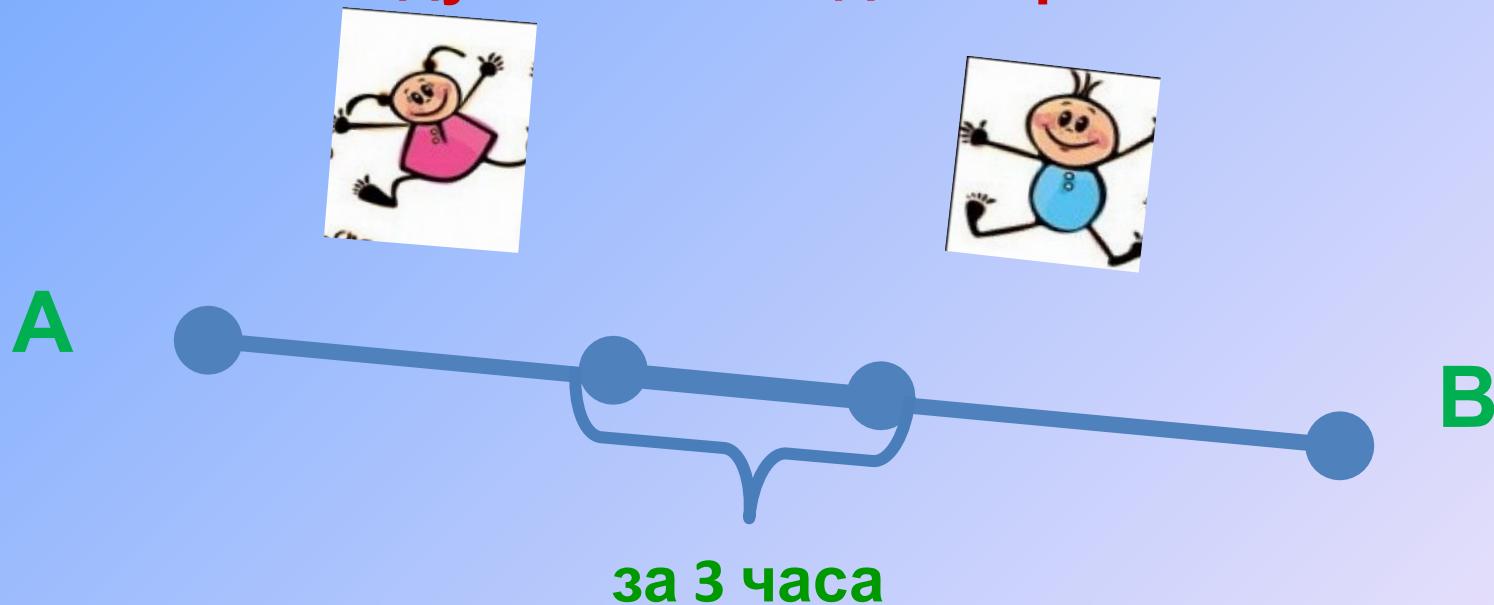
Сколько же учеников было в училище?



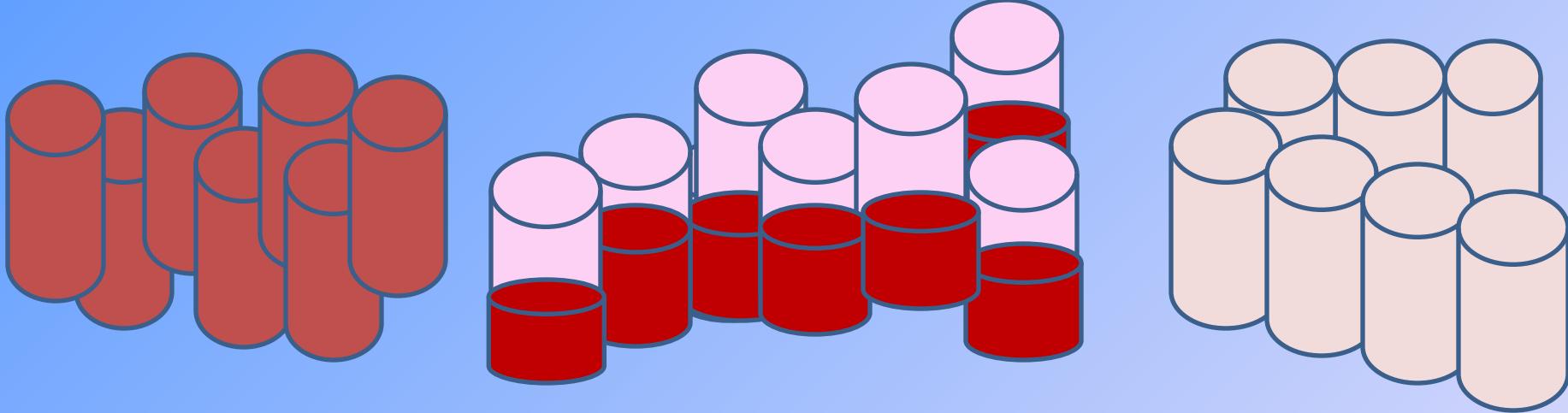
Ответ: 36 учеников

Задачи 300-летней давности.

2) Из двух деревень навстречу друг другу вышли два крестьянина. Один шел со скоростью 5км/ч, другой со скоростью 6км/ч. Чему было равно расстояние между ними за 3ч до встречи?



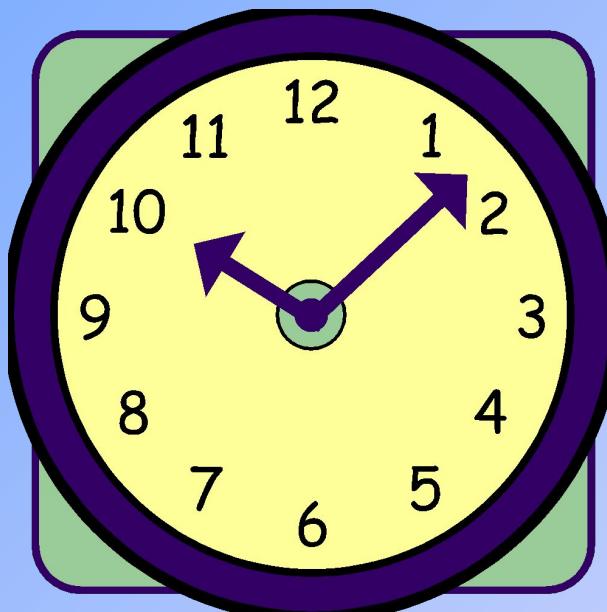
Ответ: 33км



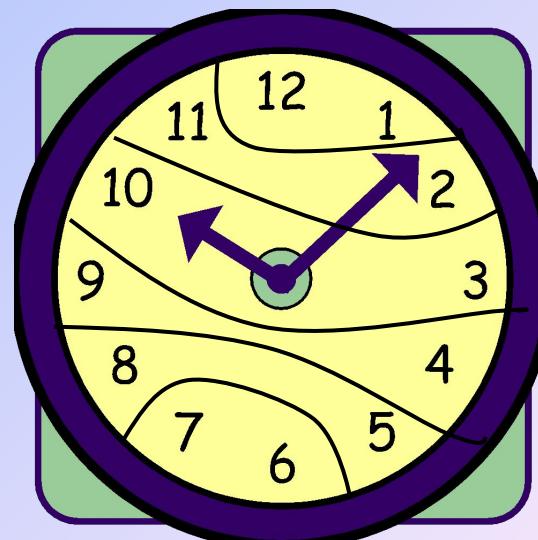
3) В подвале стоят 7 полных бочек; 7 бочек наполненных на половину и 7 пустых бочек. Как распределить эти бочки между тремя грузовиками, чтобы на каждом грузовике было 7 бочек и на всех грузовиках был одинаковый груз? (переливать нельзя).

Ответ: 2полных+3наполовину+2пустых;
2полных+3наполовину+2пустых;
3полных+1наполовину+3пустых.

Этот циферблат надо разрезать на 6 частей любой формы так, чтобы сумма чисел, имеющихся на каждом участке, была одна и та же.



Отве
т:



Не ошибись!

Составь уравнение с двумя переменными :

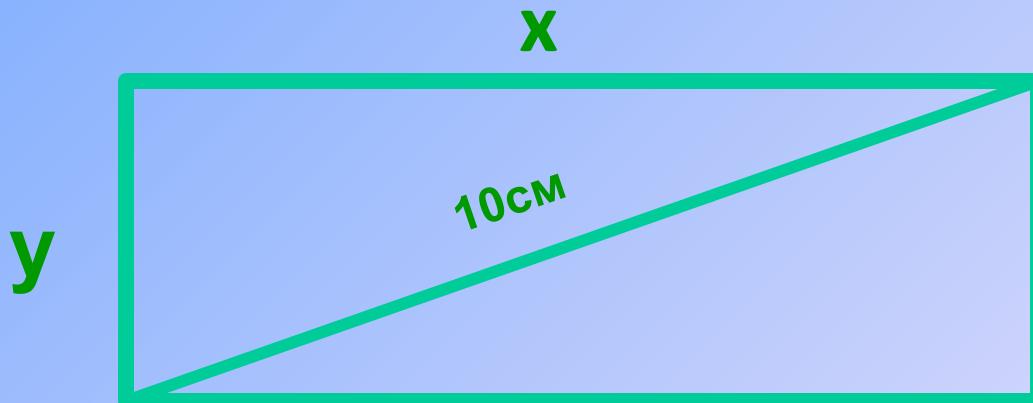
х и у

- 1) Периметр прямоугольника равен 14см.



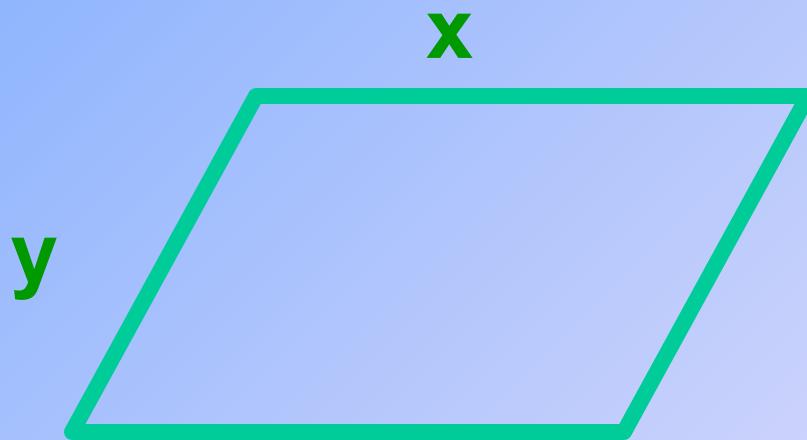
Ответ :1)
 $2x+2y=14;$

**2) Диагональ прямоугольника
равна 10см.**



Ответ: $x^2+y^2=100$;

3) Одна из сторон параллелограмма
на 8см больше другой.



Ответ: $x-y=8$;

4) Из пунктов А и В, удаленных друг от друга на 200км, выехали одновременно 2 автомобиля и встретились через 2 часа.



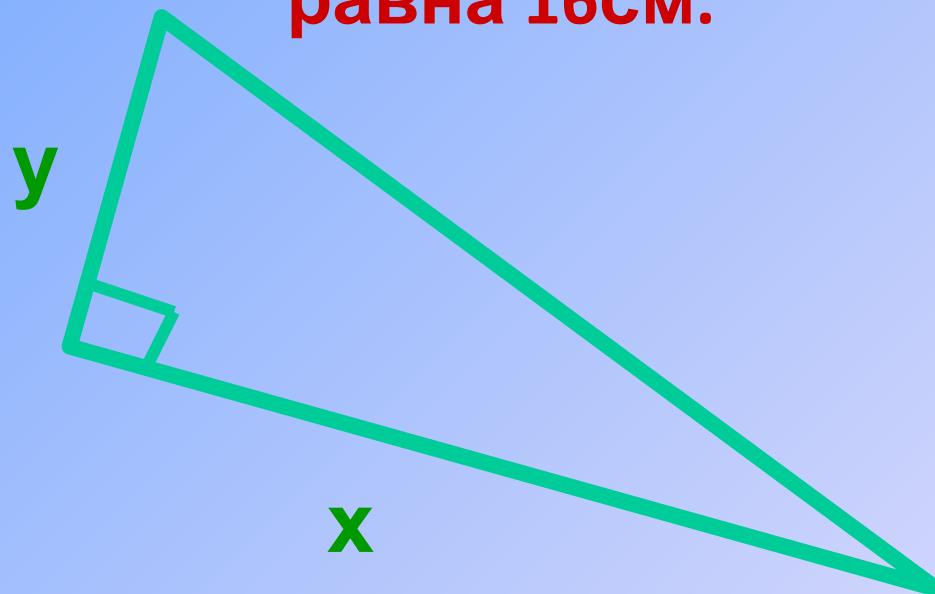
A



B

Ответ: $2x+2y=200$ или $x+y=100$;

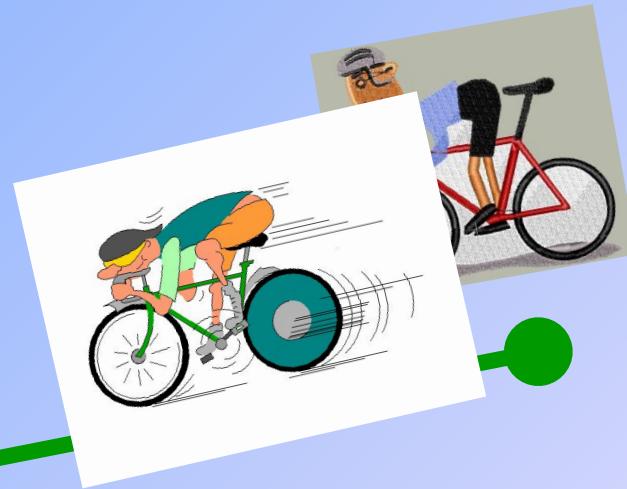
5) Площадь прямоугольного
треугольника
равна 16см.



Отве
т:

$$\frac{1}{2}xy = 16 \text{ или } xy = 32$$

**6) Скорость одного велосипедиста
на 3км/ч больше скорости второго.**



Ответ: x-
 $y=3;$

7) Сумма квадратов двух натуральных чисел равна 25.



Ответ:
 $x^2+y^2=25;$

8) Путь в 37км первый пешеход прошел на 15 мин быстрее второго.

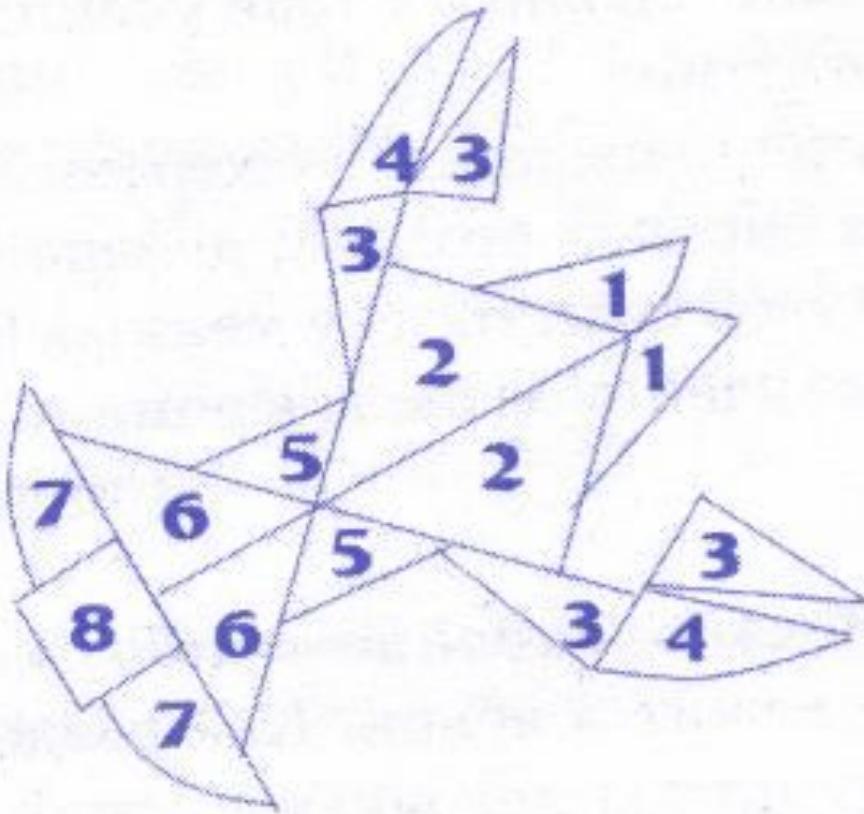


Ответ:

$$\frac{37}{x} - \frac{37}{y} = \frac{1}{4}$$

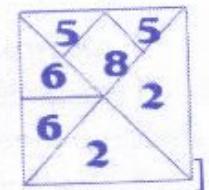
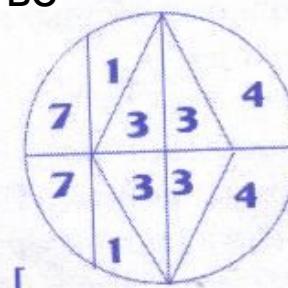
Фигурный рак

Изображенный на рисунке фигурный рак сложен из 17 кусочков. Сложите из кусочков этого рака, две фигуры: круг и квадрат.



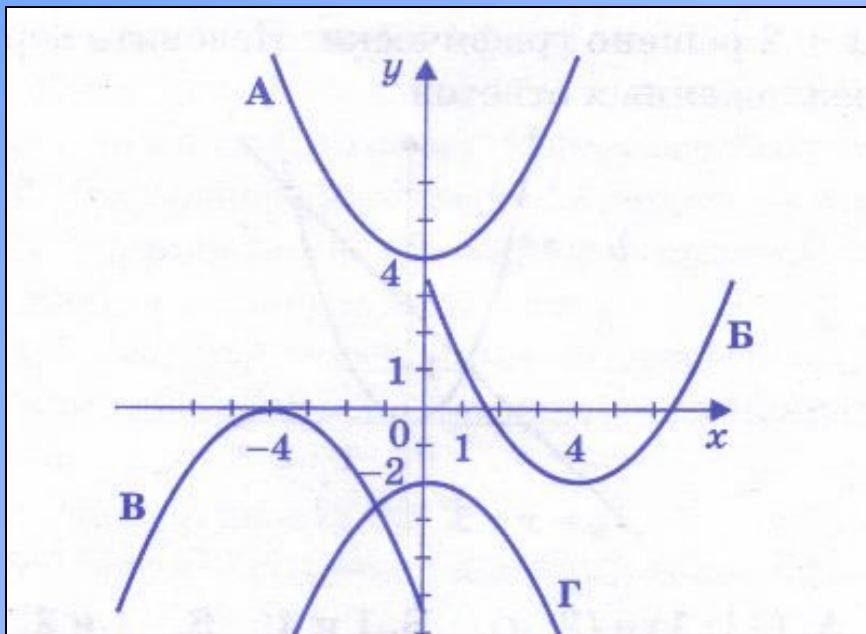
Отве

т



Установите соответствие!

На рисунке изображены функции.
Для каждого графика укажите соответствующую формулу.



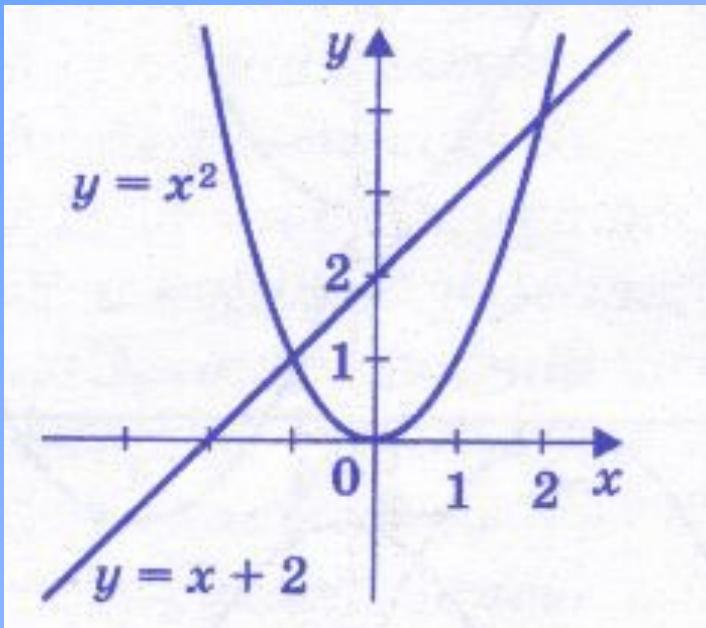
1) $y = -\frac{1}{3}(x + 4)^2$

2) $y = \frac{1}{3}(x - 4)^2 - 2$

3) $y = \frac{1}{3}x^2 + 4$

4) $y = -\frac{1}{3}x^2 - 2$

| Ответ: | | | |
|--------|---|---|---|
| A | Б | В | Г |
| 3 | 2 | 1 | 4 |

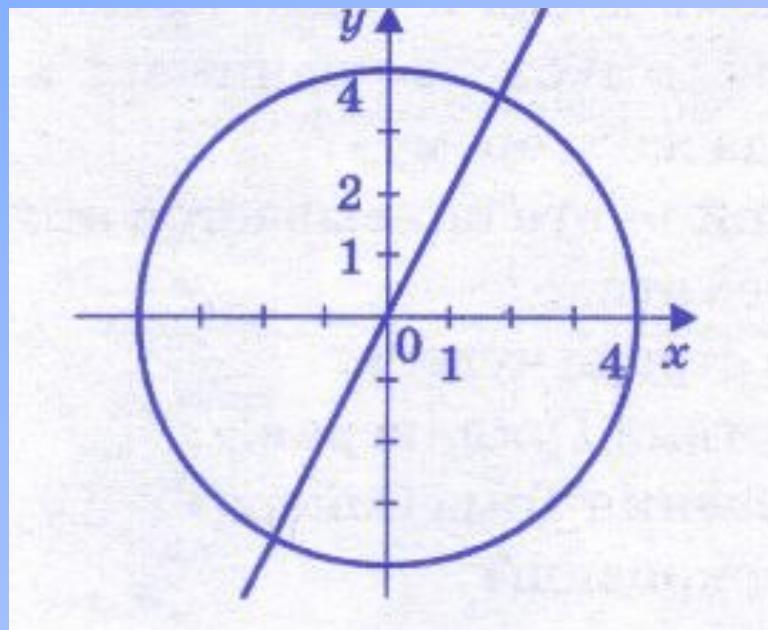


Уравнение $x^2 = x+2$
решено графически.
Назовите верный
из предложенных
ответов

А.(-1;1) и (2;4).
Б. 1 и 2.
В. -1 и 2.

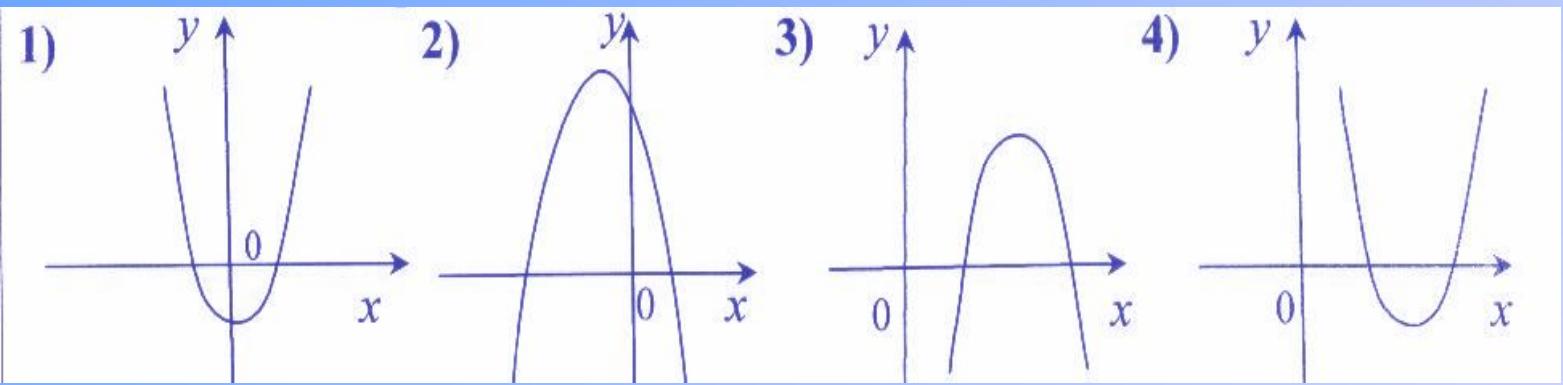
Ответ: В. -1 и
2.

**Назовите систему уравнений,
графическое решение которой
изображено на рисунке.**



Ответ:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 16, \\ y = 2x. \end{cases}$$

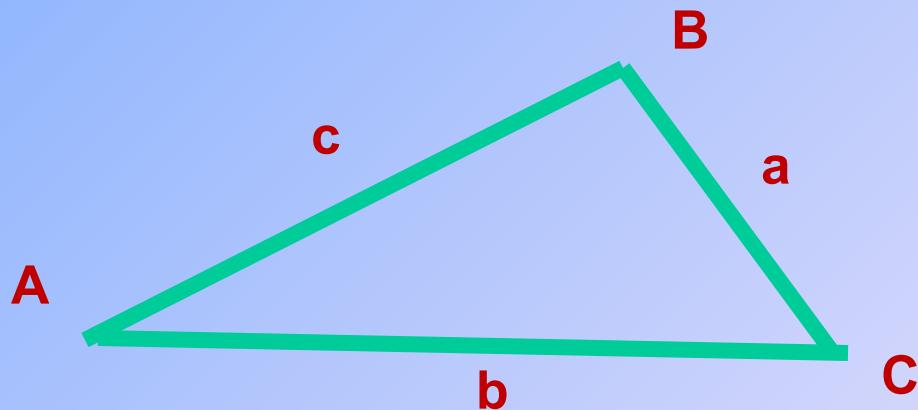


Дана функция $y=ax^2+bx+c$. На каком рисунке изображен график этой функции, если известно, что $a>0$ и квадратный трехчлен ax^2+bx+c имеет два положительных корня ?

Ответ: 4

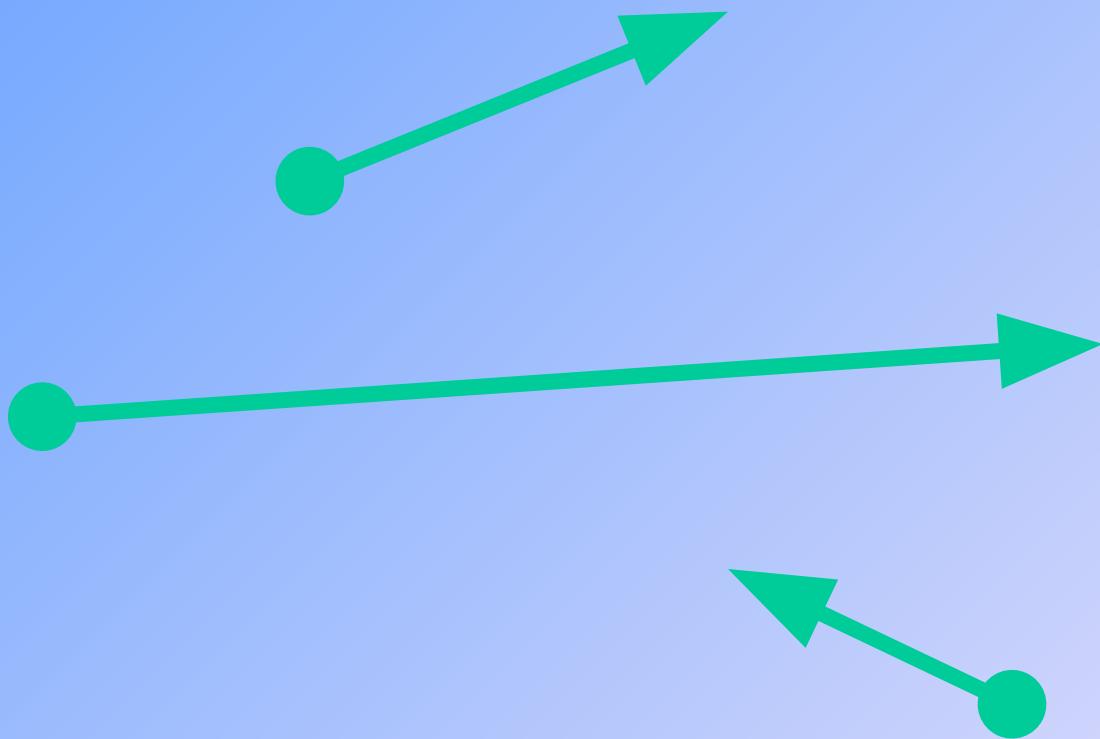
кто быстрей

1. Как называется теорема которую можно записать в виде равенства $a^2 = b^2 + c^2 - 2ab \cdot \cos\alpha$?



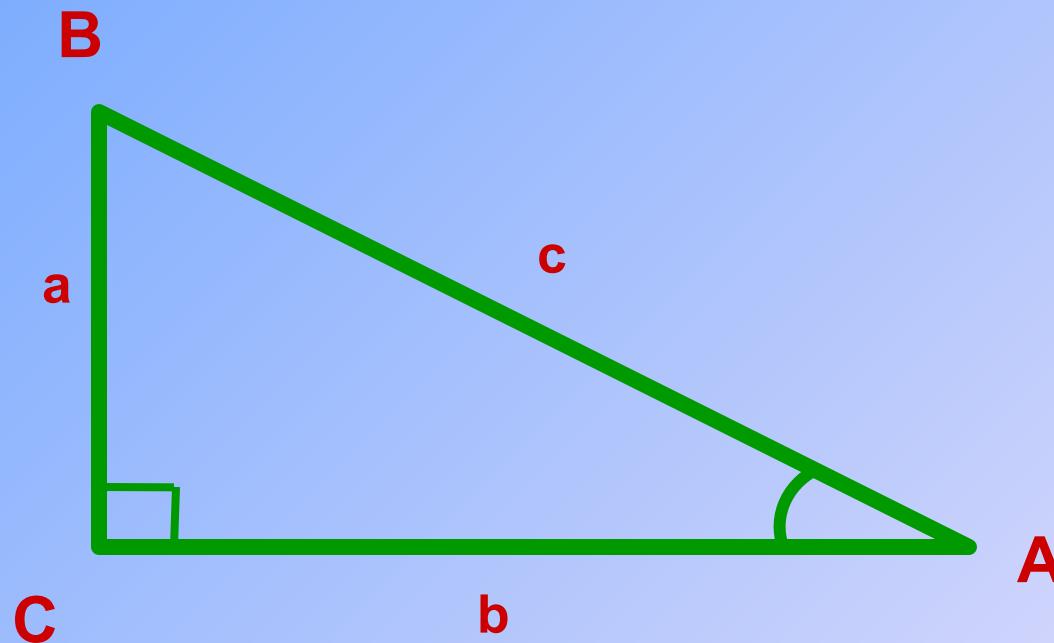
Ответ: теорема косинусов

2) Как называется направленный отрезок?



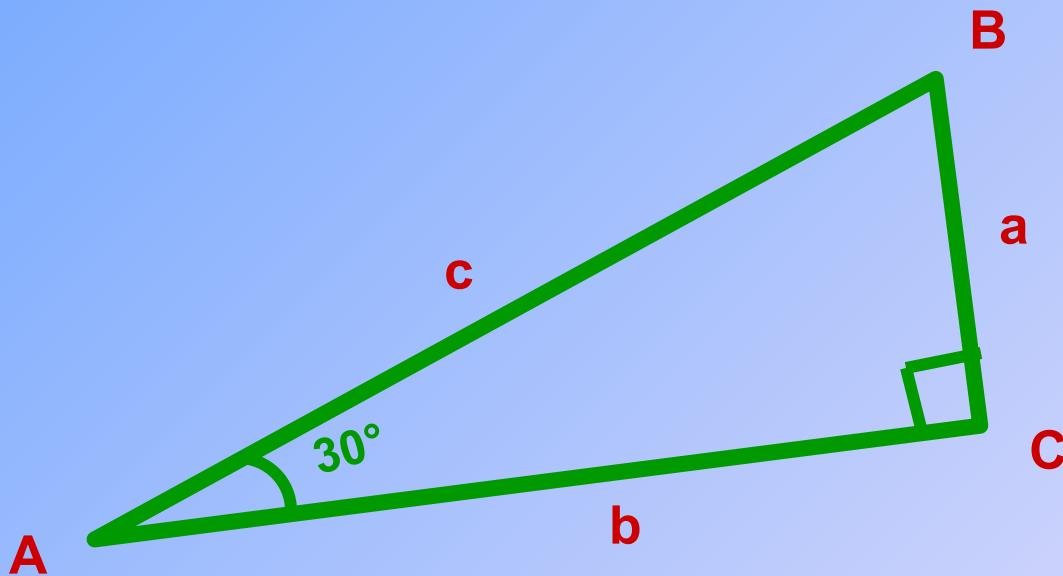
Ответ:
вектор

**3) Что называется тангенсом острого угла
прямоугольного треугольника?**



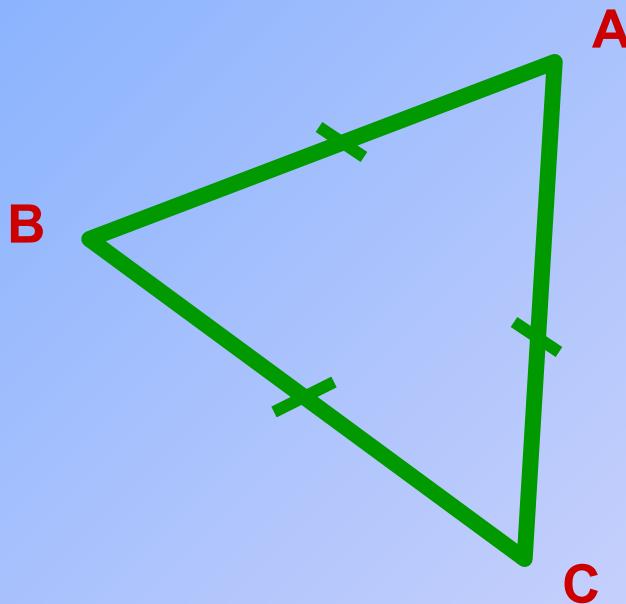
Ответ: отношение противолежащего катета к прилежащему

4) Чему равен $\sin 30^\circ$?



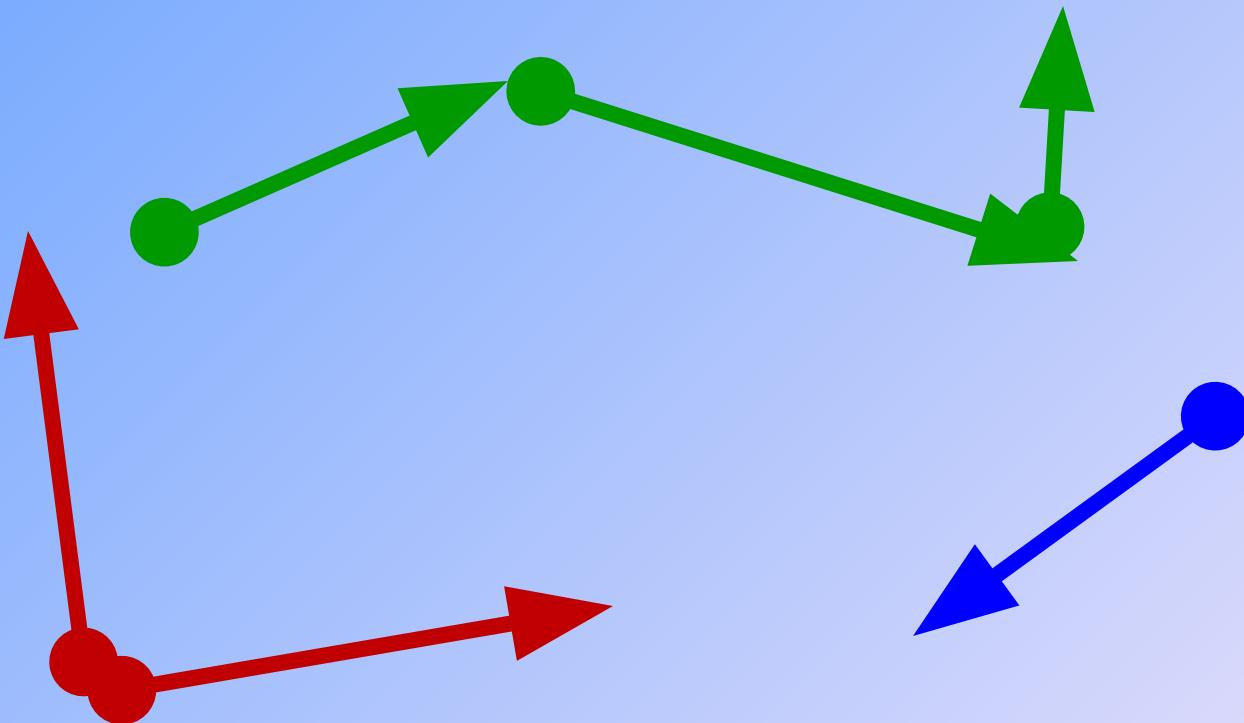
Ответ $\frac{1}{2}$
:

5) Как называется выпуклый треугольник, у которого все углы и стороны равны?



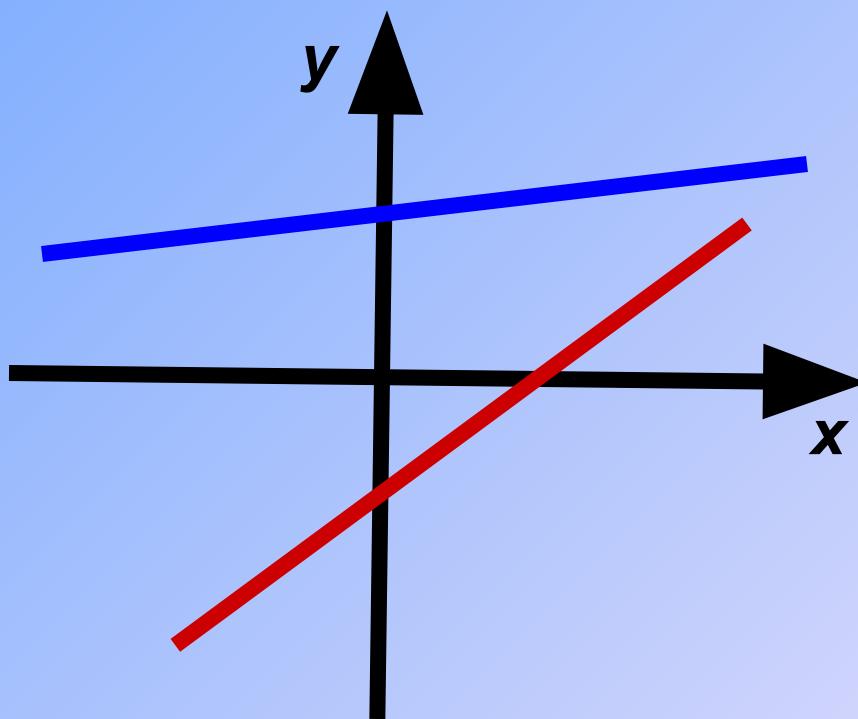
Ответ:
правильный

6) Что такое модуль вектора?



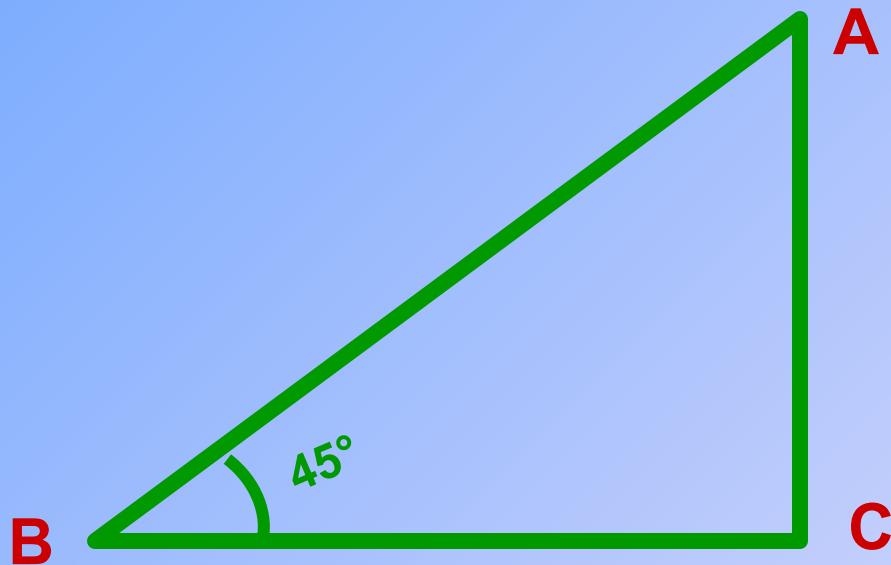
Ответ: длина
вектора

7) Назвать уравнение прямой.



Ответ: $y = kx + b$

8) Чему равен $\cos 45^\circ$?

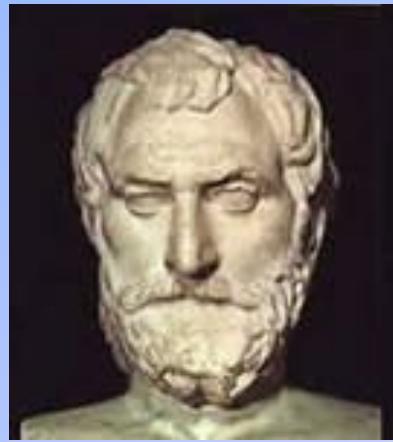


Ответ $\frac{\sqrt{2}}{2}$
:

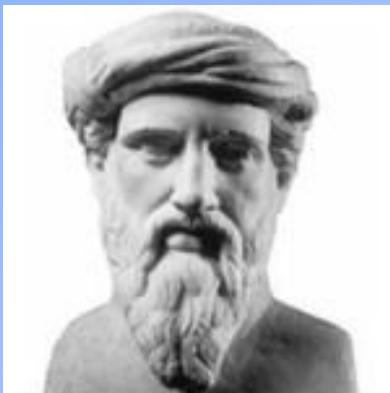
9) Кто вывел равенство $a^2 + b^2 = c^2$?



Евклид



Фалес Милетский



Пифагор Самосский



М.В.Ломоносов

**Ответ:
Пифагор**

10) Назвать основное тригонометрическое тождество?

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$$

$$1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta) \cos \frac{1}{2}(\alpha - \beta)$$

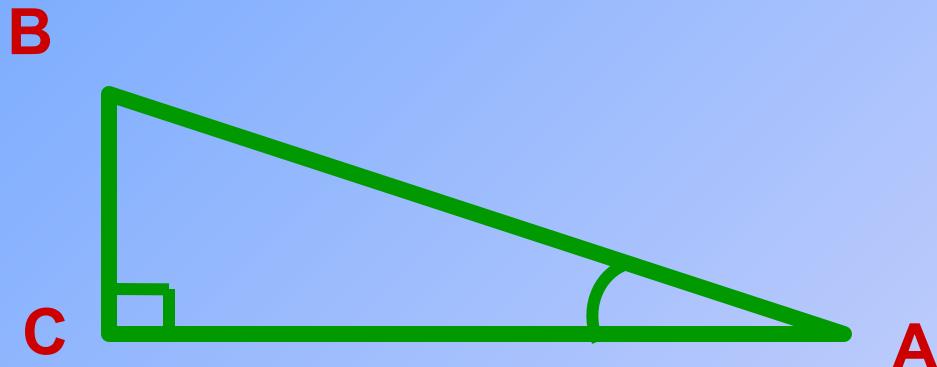
$$\sin \alpha \pm \sin \beta = 2 \sin \frac{1}{2}(\alpha \mp \beta) \cos \frac{1}{2}(\alpha \mp \beta)$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

Ответ:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

11) Чему равен катет, лежащий против угла в 30° ?



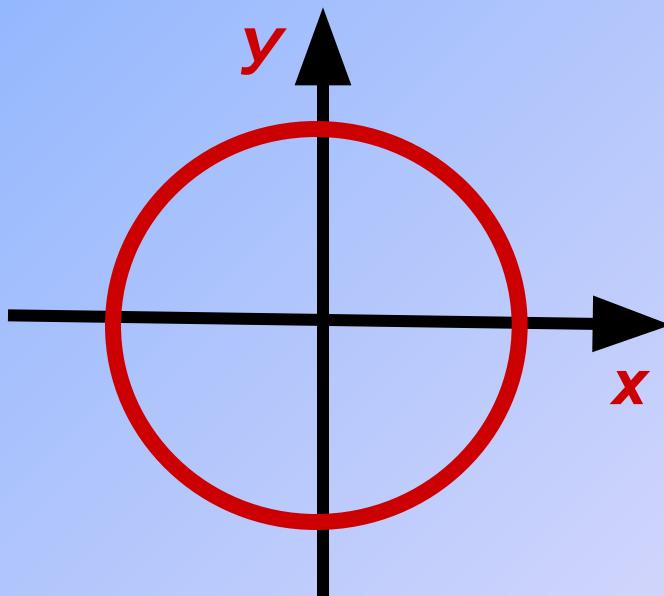
$$1) \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$2.) \frac{1}{2}$$

$$3) \frac{\sqrt{3}}{2}$$

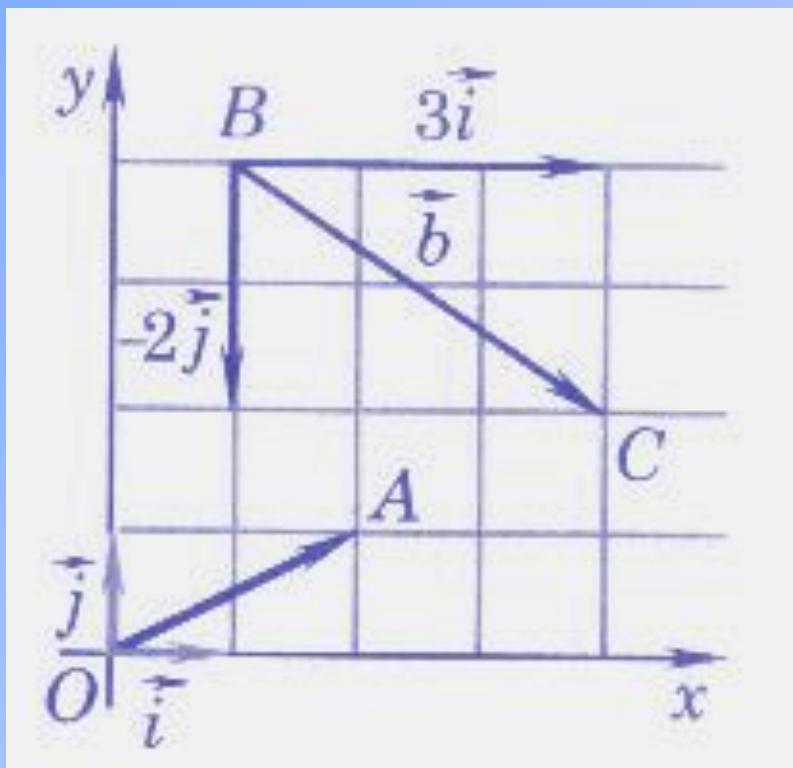
Ответ: $\frac{1}{2}$
2)

12) Назвать уравнение окружности, у которой центр находится в начале координат?



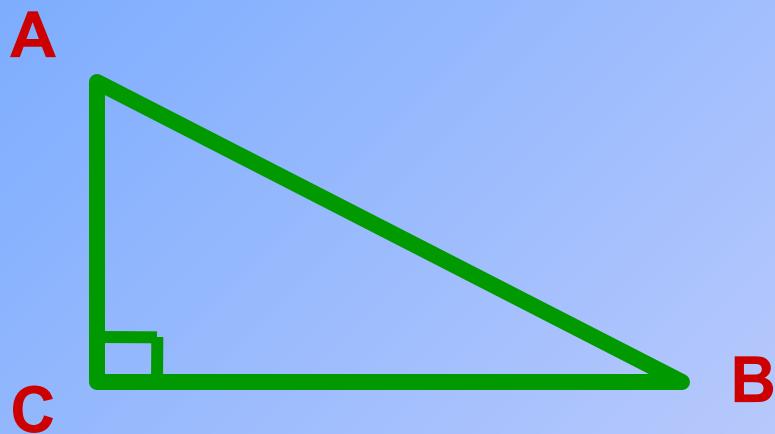
Ответ: $x^2 + y^2 = R^2$

13) Как называются единичные векторы, имеющие направление положительных координатных полуосей



Ответ: \vec{i} (у); \vec{j} (жи)

14) Чему равен $\operatorname{tg}90^\circ$?



- 1) 0
- 2) 2
- 3) 1
- 4) -

**Ответ: не
существует**

**15) Найдите среднее геометрическое чисел
1 и 100?**

$$\sqrt{2 \cdot 15 \cdot 32}$$

$$\frac{21 + 52}{2}$$

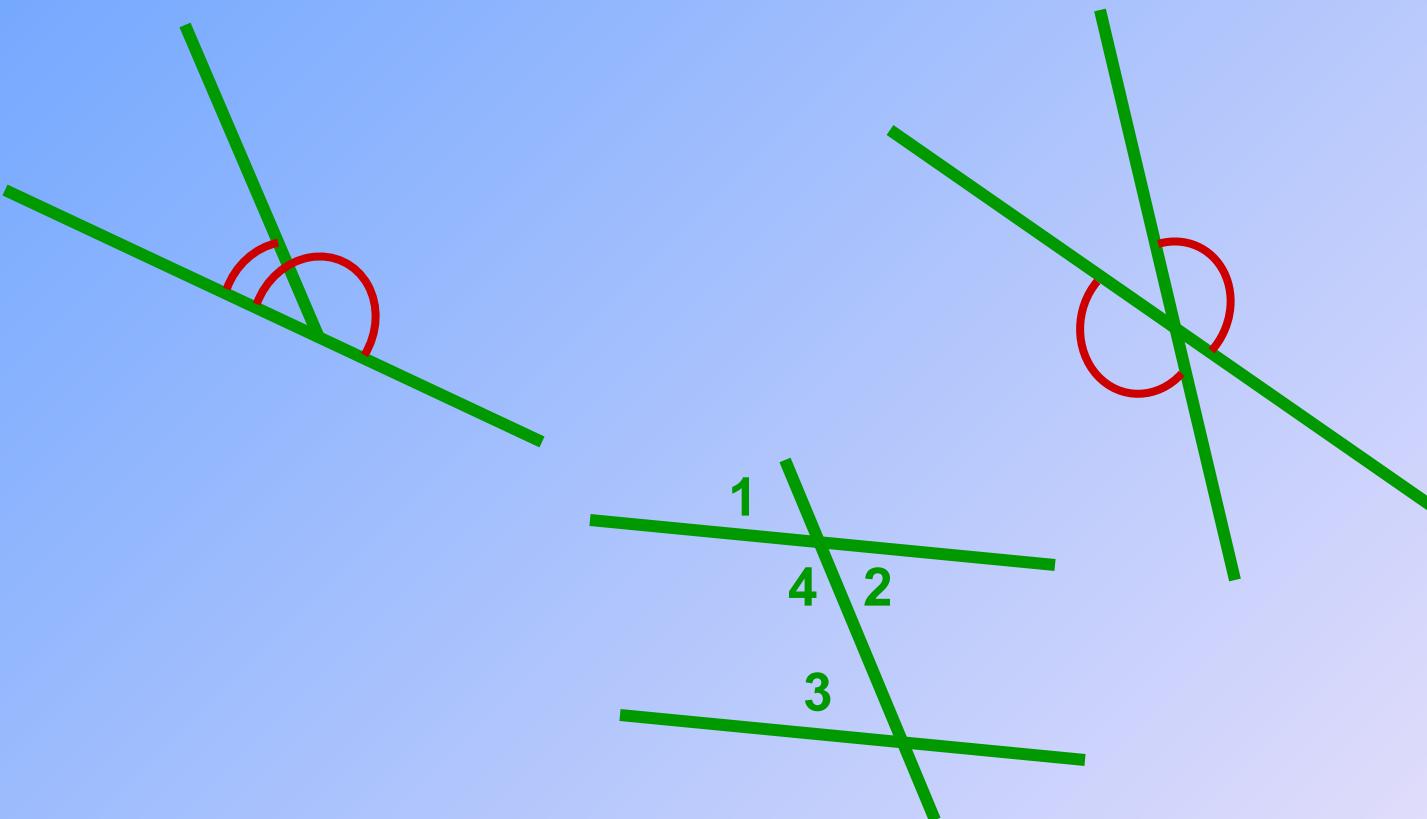
$$\frac{2 + 5 + 13}{3}$$

$$\sqrt{2 \cdot 12}$$

Отве $\sqrt{1 \cdot 100} = 10$

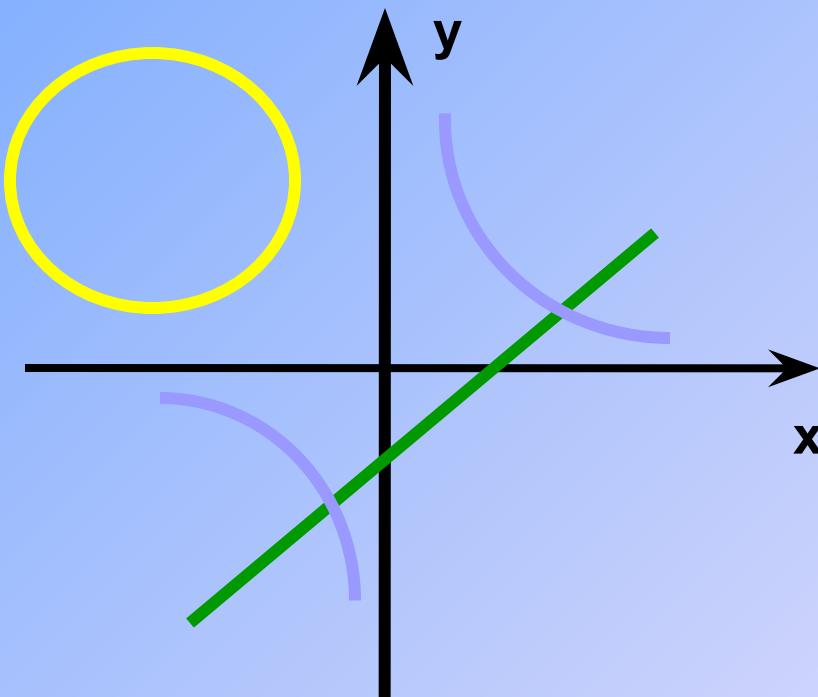
Т:

16) Чему равна сумма смежных углов?



Ответ:
 180°

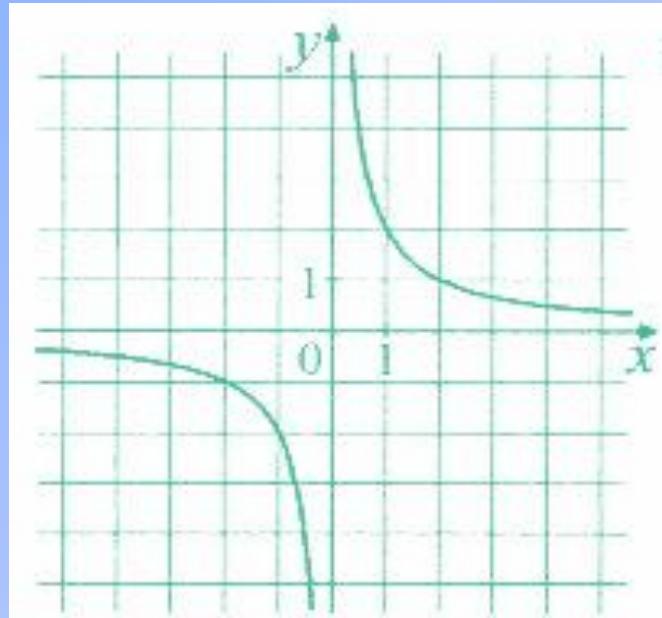
17) Функция задана уравнением $y=2x-3$. Какая линия служит графиком этой функции?



Ответ:
прямая

18) Какова область определения функции и как называется график этой функции?

$$y = \frac{k}{x}$$



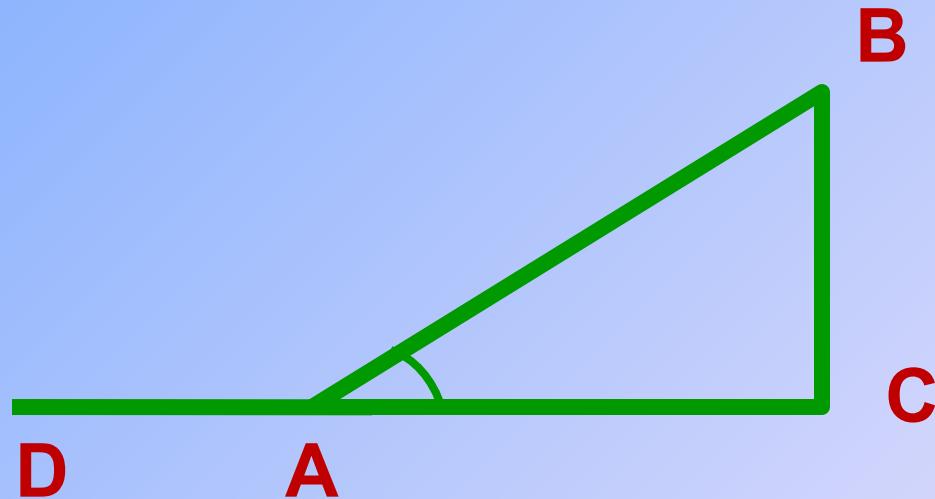
Ответ: Все x , кроме 0. Графиком является гипербола

**19) Вычисляя косинус острого угла
прямоугольного треугольника, ученик получил
число 1,05. Верны ли его вычисления?**

$$\cos \alpha = ?$$

Ответ: нет, так как $|\cos \alpha| \leq 1$

20) Найдите синус угла, если синус смежного с ним угла равен 0,7.



Ответ: 0,7, так как $\sin(180^\circ - \alpha) = \sin\alpha$

| | Надо смекнуть ! | Не ошибись ! | Фигурн ый рак | Установи соответствие! | Кто быстрей? | Итог | Место |
|------------------|--------------------------------|-----------------------------|--------------------------|-----------------------------------|-------------------------|-------------|--------------|
| Желтые | | | | | | | |
| Розовые | | | | | | | |
| Зеленые | | | | | | | |
| Оранжевые | | | | | | | |