

Математический язык. Математическая модель

*Матюхина Ирина Александровна
учитель математики МБОУ СОШ № 29
с углубленным изучением отдельных
предметов г.Ставрополя
206-725-802*

Цель: повторяя материал курса математики 5–6 классов, ввести термины: математический язык, математическая модель, не давая им строгого обоснования; дать учащимся возможность привыкнуть к этим терминам и включить их в свой рабочий словарь, то есть заложить фундамент математического языка.

1. Числовые и алгебраические выражения
2. Что такое математический язык
3. Что такое математическая модель
4. Линейное уравнение с одной переменной
5. Координатная прямая

Числовые и алгебраические выражения



*У каждой дисциплины свои объекты изучения,
свои методы познания реальной
действительности*

Выражением называют соединенную из чисел и знаков арифметических действий

Пример 1:

$$(2,73 + 4,81 + 3,27 - 2,81) : \left(\frac{2}{5} - \frac{14}{15}\right) \\ 25 \cdot 37 \cdot 0,4$$

Обозначим числитель данного дробного выражения буквой A , а знаменатель – буквой B и выясним порядок действий

$$A = (2,73 + 4,81 + 3,27 - 2,81) : \left(\frac{2}{5} - \frac{14}{15}\right) \\ B = 25 \cdot 37 \cdot 0,4$$

В процессе решения примера вспомнили и применили следующие сведения:

1.Порядок арифметических действий.

2.Переместительный закон сложения: $a+v=v+a$.

3.Переместительный закон умножения: $ав=ва$.

4.Сочетательный закон сложения:

$$a+v+c=(a+v)+c=a+(v+c).$$

5.Понятия обыкновенной дроби, десятичной дроби, отрицательного числа.

6.Сочетательный закон умножения: $авс=(ав)с=a(вс)$.

7.Арифметические операции с десятичными дробями.

8.Арифметические операции с обыкновенными дробями.

9.Основное свойство дроби:

$$\frac{a}{b} = \frac{ac}{bc}$$

10.Правила действия с положительными и отрицательными числами.

Число, которое получается в результате упрощений числового выражения, называют **значением числового выражения**.

Если дано алгебраическое выражение, то можно говорить о **значении алгебраического выражения** только при конкретных значениях входящих в него букв.

Поскольку буквам, входящим в состав алгебраического выражения, можно придавать различные числовые значения (т.е. можно менять значения букв), эти буквы называют **переменными**.

На нуль делить нельзя!

В тех случаях, когда возникает такая ситуация делаем вывод, что выражение **не имеет смысла.**

Если при конкретных значениях букв (переменных) алгебраическое выражение имеет значение, то указанные значения переменных называют **допустимыми**; если же при конкретных значениях букв (переменных) алгебраическое выражение не имеет смысла, то указанные значения переменных называют **недопустимыми.**



Что такое математический язык

Цель: сформировать понимание учащимися того, что математика – предмет, позволяющий правильно ориентироваться в окружающей действительности; предмет, который реальные процессы описывает на особом математическом языке. Познакомить учащихся с некоторыми символами, правилами математического языка.

На математическом языке многие утверждения выглядят яснее и прозрачнее, чем на обычном. Во всяком языке есть письменная и устная речь.

В математике устная речь – это употребление специальных терминов («слагаемое», «уравнение», «неравенство», «график», «координата» и т.п.), а так же различные математические утверждения, выраженные словами.

Вывод

главное назначение
математического языка –
способствовать
организации деятельности.



Что такое математическая модель

Цель: сформировать понимание учащимися сути термина «математическое моделирование». Привести примеры, показывающие, как может математика описывать реальные процессы на особом математическом языке в виде математических моделей. Познакомить учащихся с тремя этапами математического моделирования и выработать умение применять полученные знания на практике.

Виды моделирования:

```
graph TD; A[Виды моделирования:] --> B[словесная модель]; A --> C[геометрическая модель]; A --> D[алгебраическая модель]; A --> E[графическая модель];
```

**словесная
модель**

**геометрическая
модель**

**алгебраическая
модель**

**графическая
модель**

Алгебра занимается тем, что описывает различные реальные ситуации на математическом языке в виде математических моделей, а затем имеет дело уже не с реальными ситуациями, а с этими моделями, используя разные правила, свойства, законы, выработанные в алгебре.

При решении математических задач рассуждения проходят три этапа:

- I. Составление математической модели;*
- II. Работа с математической моделью;*
- III. Ответ на вопрос задачи.*



Линейное уравнение с одной переменной

Цель: повторить известные из курса 5–6 класса линейные уравнения с одной переменной, отработать алгоритм решения линейного уравнения.

Одним из самых простых и в то же время очень важных видов математических моделей реальных ситуаций являются известные вам из курса математики 5-6 классов **линейные уравнения с одной переменной** (приведите примеры).

Решить линейное уравнение — это
значит найти все те значения
переменной, при каждом из которых
уравнение обращается в верное
числовое равенство или ... ?

Линейным уравнением с одной переменной x называют уравнение вида $ax+b=0$, где a и b – любые числа (коэффициенты)

Если $a=0$ и $b=0$, т.е. уравнение имеет вид $0 \cdot x + 0 = 0$, то корнем уравнения является любое число (*бесконечное множество корней*).

Если $a=0$ и $b \neq 0$, т.е. уравнение имеет вид $0 \cdot x + b = 0$, то уравнение не имеет корней.

Алгоритм
решения линейного уравнения $ax+b=0$
в случае, когда $a \neq 0$

1. Преобразовать уравнение к виду $ax = -b$.

2. Записать корень уравнения в виде $x =$

$(-b) : a$, или, что же самое,

$$x = -\frac{b}{a}$$

Алгоритм решения линейного уравнения

1. Если уравнение содержит скобки, то их надо открыть по правилу раскрытия скобок (*Если перед скобками стоит знак «-», то ...; если перед скобками стоит знак «+», то ...*).
2. Перенести все члены уравнения, содержащие переменную в одну часть, а не содержащие переменную в другую (*При переносе из одной части уравнения в другую, знаки слагаемых меняются на противоположные*).
3. Привести подобные слагаемые и получить уравнение вида $a x = - b$.
4. Применить алгоритм решения простейших линейных уравнений с одной переменной.

Методы и приемы применяемые при решении уравнений

- ✓ Приведение подобных слагаемых
- ✓ Правила раскрытия скобок
- ✓ Прием переноса слагаемых
- ✓ Свойство пропорций (перекрестное правило)
- ✓ Приведение к целым коэффициентам



Координатная прямая

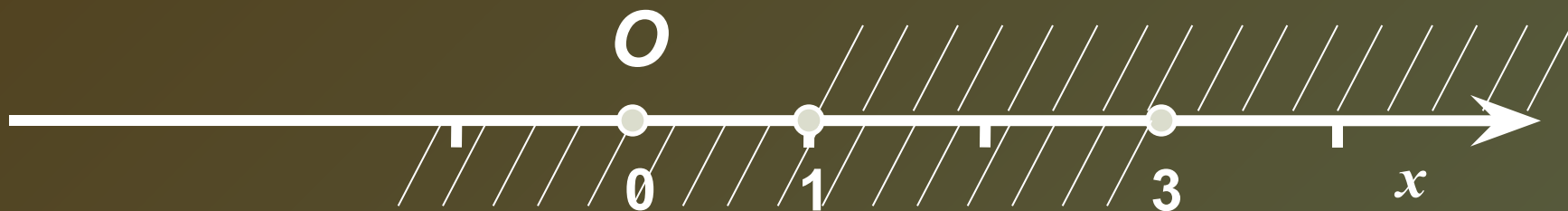
Цель: повторить понятие координатной прямой (координатной оси), правило нахождения точки по заданной координате и правило отыскания координаты заданной точки. Познакомить учащихся с видами числовых промежутков. Обучить умению непринужденно связывать геометрическую и аналитическую модели промежутка и выбирать адекватное обозначение и символическую запись.

Нужно уметь свободно переходить от одного вида математической модели к другому, выбирать то, что удобнее. В этой связи весьма полезна графическая модель – координатная прямая.

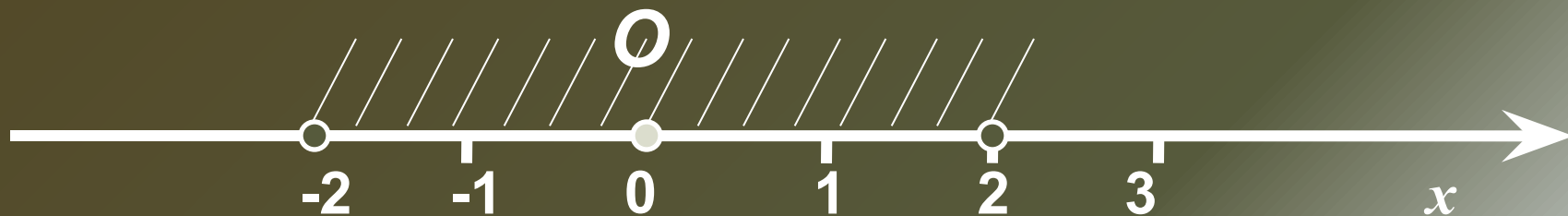


Прямая, начало отсчета, масштаб, положительное направление

1). $x > 1, x < 3.$



2). $-2 < x < 2.$



Сводная таблица числовых промежутков

| Геометрическая модель | Обозначение | Название числового промежутка | Аналитическая модель |
|---|----------------|-------------------------------|----------------------|
|  | $(a; +\infty)$ | открытый луч | $x > a$ |
|  | $[a; +\infty)$ | луч | $x \geq a$ |
|  | $(-\infty; b]$ | луч | $x \leq b$ |
|  | $(-\infty; b)$ | открытый луч | $x < b$ |
|  | $(a; b)$ | интервал | $a < x < b$ |
|  | $[a; b]$ | отрезок | $a \leq x \leq b$ |
|  | $[a; b)$ | полуинтервал | $a \leq x < b$ |
|  | $(a; b]$ | полуинтервал | $a < x \leq b$ |



Привести примеры:

- a) числовых выражений;
- b) алгебраических выражений;
- c) порядка выполнения действий в числовых выражениях;
- d) переместительного и сочетательного законов сложения и умножения;
- e) понятия обыкновенной дроби, десятичной дроби, отрицательного числа;
- f) арифметических операций с обыкновенными и десятичными дробями;
- g) основного свойства обыкновенной дроби;
- h) правил действий с положительными и отрицательными числами.

№1. Укажите числовые и буквенные выражения

А) $4,16+2,5+6,04+3,5$;

Б) $x+5$;

В) $8c - 12d$;

Г)
$$\frac{8,15(7\frac{1}{5} - 3\frac{2}{3})}{5,2}$$
;

Д)
$$\frac{x^2 - 16}{x - 8}$$
;

Е) $-9 \cdot 1,5 + 8,3(-7,8 - (-3,3))$.

№ 2. Выполни действия удобным способом:

а)
$$\frac{1}{2} + 2\frac{2}{3} + 1\frac{1}{2} + 1\frac{1}{3}$$

б)
$$3\frac{2}{5} \cdot 2\frac{3}{7} \cdot 5 \cdot 7$$

Подумай! №34; 35; 36



Математический диктант

1. Запишите числовое выражение и найдите его значение.

а) сумма чисел

18 и 3,5

4,5 и 17

б) разность чисел

25,5 и $7\frac{1}{2}$

38,25 и $11\frac{1}{4}$

в) произведение чисел

14,7 и 3,15

22,05 и 2,1

г) частное от деления чисел

$5\frac{1}{7}$ и $1\frac{2}{7}$

$5\frac{3}{5}$ и $1\frac{2}{5}$

2. Составьте числовые выражения, используя в их записи только четыре

семерки

пятерки

так, чтобы эти выражения принимали следующие значения: 0; 1; 2.

