



урок-презентация

по математике

5 класс

«Обыкновенные дроби»



Темы:

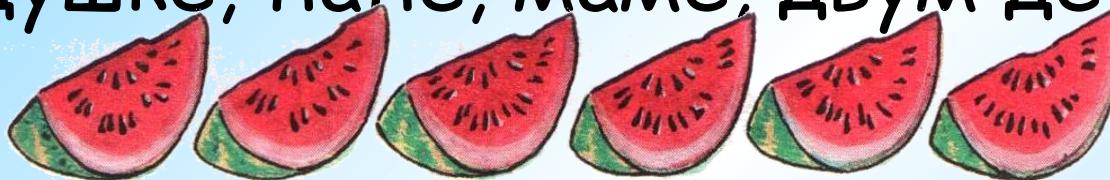
- Урок 1 «Доли» и «Что такое дробь»
- Урок 2 «Основное свойство дроби» и «Приведение дробей к общему знаменателю»
- Урок 3 «Сравнение дробей » и «Сложение дробей»
- Урок 4 «Вычитание, умножение и деление дробей»



Урок 1

Доли

Мама купила арбуз и разрезала его на 6 равных частей: бабушке, дедушке, папе, маме, двум детям.



Эти равные части называют **долями**, так как арбуз разделили на 6 равных частей, каждый получил одну шестую арбуза, записывается это так

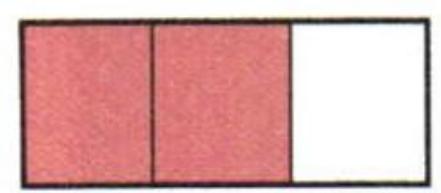
$$\frac{1}{6} \text{ арбуза}$$



Что такое дробь



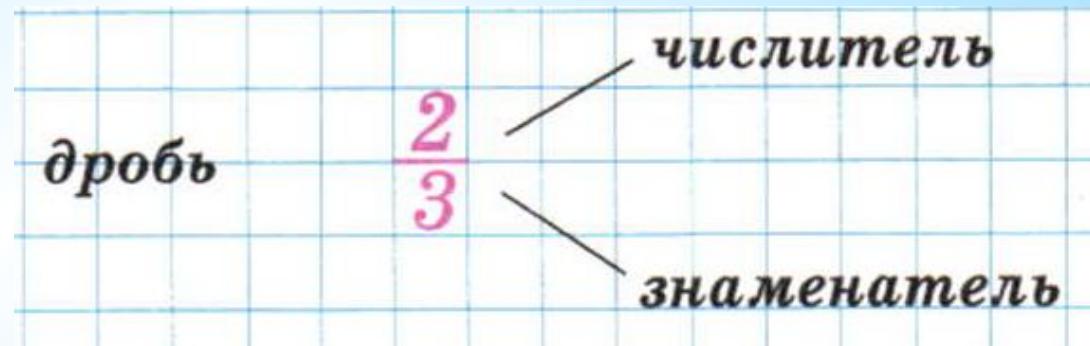
Прямоугольник разделён на 3 равные части, две третих этого прямоугольника закрашено.



Для обозначения такой записи используют специальную «двуэтажную» запись $\frac{2}{3}$
Такую запись называют **дробью**.



- Число внизу, под чертой, показывает на сколько равных частей делили. Его называют **знаменателем**.
- Число вверху, над чертой, показывает сколько таких частей взяли. Его называют **числителем** дроби.



- Дробь, числитель которой меньше знаменателя, называют **правильной**.
- Дробь, числитель которой больше знаменателя или равен ему, называют **неправильной**.

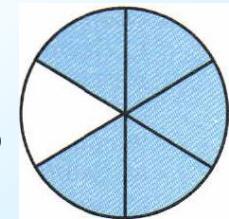


$$\frac{1}{8}, \frac{9}{20}, \frac{31}{32} - \text{правильные дроби}$$
$$\frac{10}{9}, \frac{25}{16}, \frac{6}{6} - \text{неправильные дроби}$$

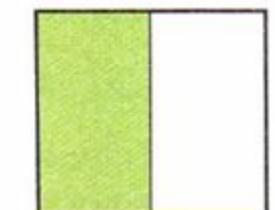


Закрепим:

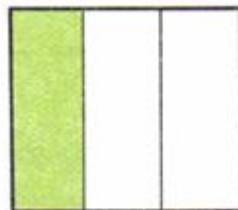
- Круг разделили на 6 равных частей, каждая часть составляет $\frac{1}{6}$ круга. Сколько частей круга закрашено?
- Какая часть квадрата закрашена?



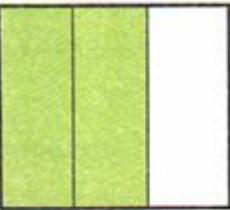
$$\frac{5}{6}$$



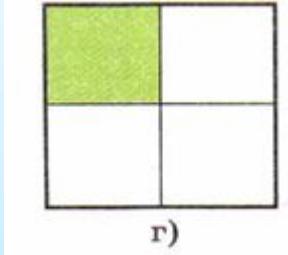
$$\frac{1}{2}$$



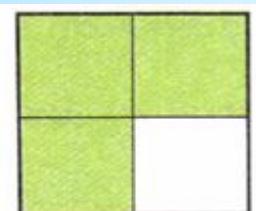
$$\frac{1}{3}$$



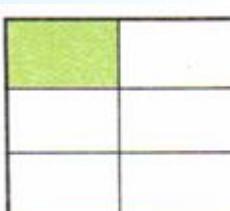
$$\frac{2}{3}$$



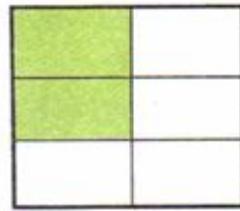
$$\frac{1}{4}$$



$$\frac{3}{4}$$



$$\frac{1}{6}$$



$$\frac{2}{6}$$



$$\frac{5}{6}$$



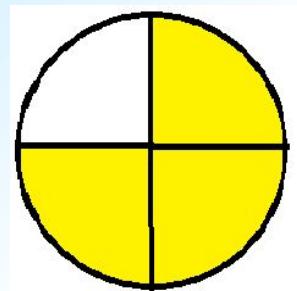
Урок 2

Основное свойство дроби

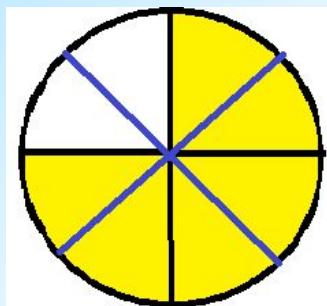


- Разделим круг на 4 равные части и 3 из них закрасим.

Закрашенная часть
составляет $\frac{3}{4}$ круга.



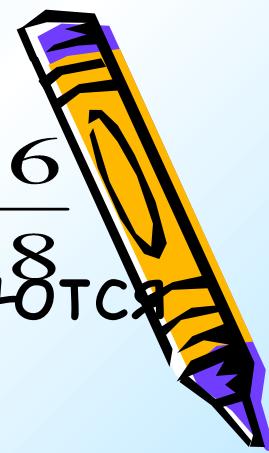
- Если теперь каждую четвёртую круга разделить
ещё на 2 равные части,



то получится круг разделён
на 8 равных частей и 6 из них
закрашено. Значит теперь закрашено $\frac{6}{8}$ круга.



В обоих случаях закрашена одна и та же часть круга, а значит дроби выражают $\frac{3}{4} = \frac{6}{8}$ одну и ту же величину. Такие дроби называются равными.



ЗАПОМНИТЕ:

- Если числитель и знаменатель дроби умножить или разделить на одно и то же отличное от нуля число, то получится дробь, равная данной.
- Чтобы сократить дробь, её числитель и знаменатель нужно разделить на их общий делитель.

7
42 — 7
60 — 10
10



Приведение дробей к общему знаменателю



При решении задач дроби, имеющие разные знаменатели приходится заменять равными им дробями с одинаковыми знаменателями, при этом стараются подобрать наименьший общий знаменатель.



Например, приведём к общему знаменателю дроби $\frac{5}{24}$ и $\frac{7}{8}$.

Больший знаменатель - число 24 - делится на меньший, поэтому его можно взять его в качестве общего знаменателя данных дробей.

Теперь нужно привести дробь $\frac{7}{8}$ к знаменателю 24.

Найдём дополнительный множитель $24:8=3$. Значит,

$$\frac{7}{8} = \frac{7 \cdot 3}{8 \cdot 3} = \frac{21}{24}.$$



ВАЖНО!

в качестве общего знаменателя дробей всегда можно взять произведение их знаменателей

ЗАКРЕПИМ

Приведите к общему знаменателю дроби:

$$\frac{5}{4} u \frac{3}{2} = \frac{5}{4} u \frac{6}{4} ; \quad \frac{1}{4} u \frac{9}{25} = \frac{25}{100} u \frac{36}{100}$$

$$\frac{2}{3} u \frac{7}{12} = \frac{8}{12} u \frac{7}{12} ; \quad \frac{5}{8} u \frac{2}{3} = \frac{15}{24} u \frac{16}{24}$$

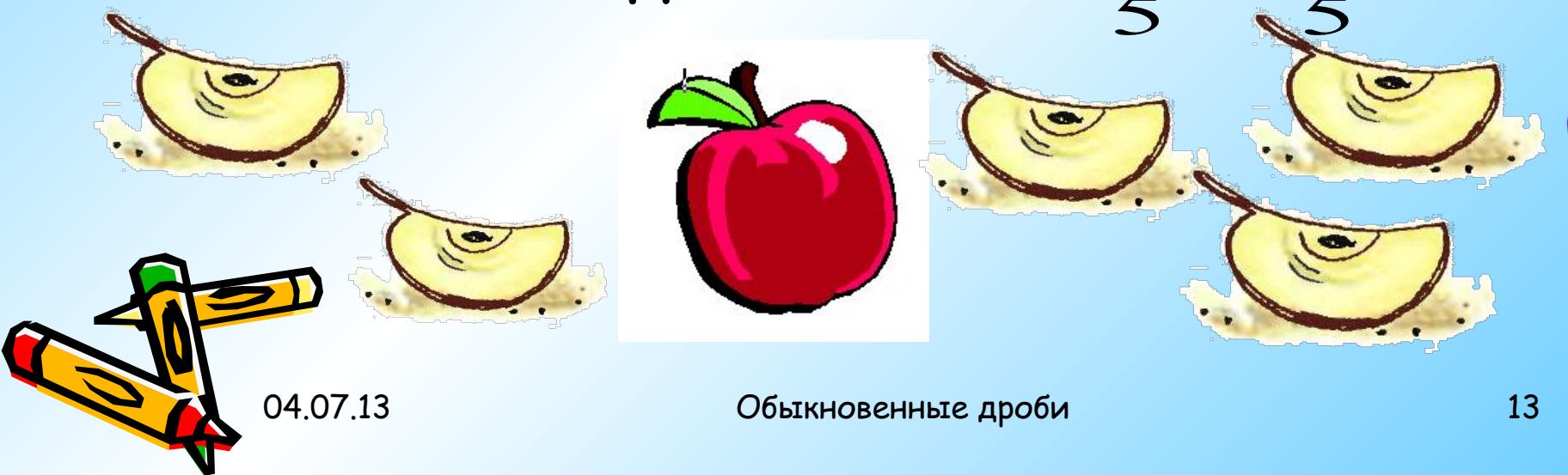


Урок 3

Сравнение дробей

Сравнить 2 неравные дроби - это значит установить, какая из них больше, а какая - меньше.

Если разделим яблоко на 5 равных долей, то 2 доли составят меньшую часть яблока, чем 3 такие же доли. Значит $\frac{2}{5} < \frac{3}{5}$



Рассмотренный пример позволяет
сделать **ВЫВОД**:

из двух дробей с одинаковым
знаменателем больше та, у которой
больше числитель, и меньше та, у
которой числитель меньше.

ВАЖНО!

Чтобы сравнивать дроби с разными
знаменателями, их сначала нужно
привести к общему знаменателю.



Проверим себя:

Сравните дроби:

$$\frac{3}{4} \text{ } \square \text{ } \frac{6}{4};$$

$$\frac{5}{4} \text{ } \square \text{ } \frac{2}{3};$$

$$\frac{2}{6} \text{ } \square \text{ } \frac{1}{3};$$

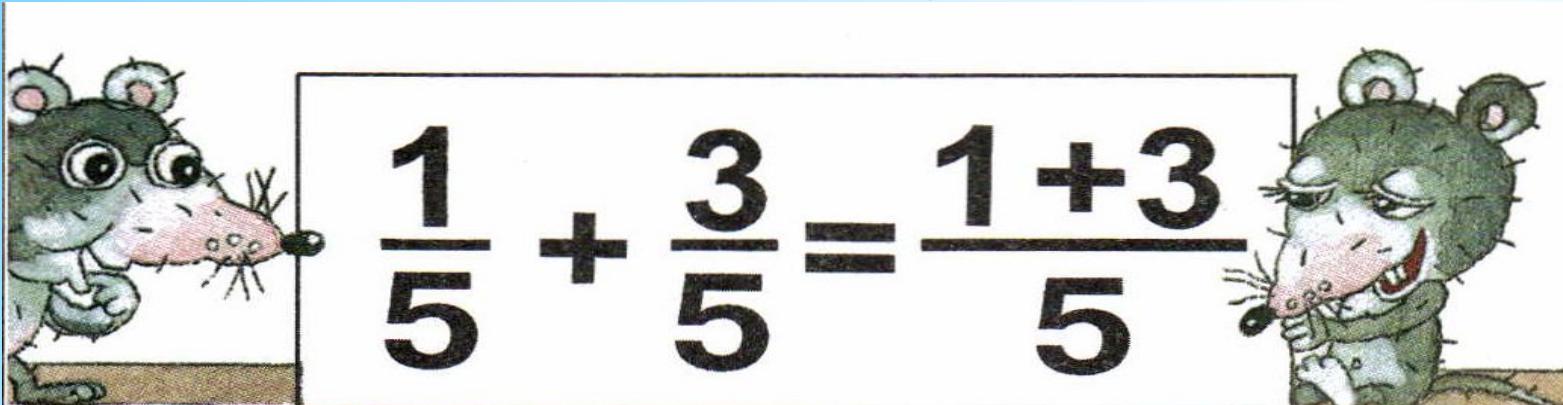
$$\frac{8}{9} \text{ } \square \text{ } \frac{7}{8};$$

$$\frac{1}{2} \text{ } \square \text{ } \frac{11}{33};$$

$$\frac{2}{5} \text{ } \square \text{ } \frac{44}{66}$$



Сложение дробей



С дробными числами, как и с натуральными можно выполнять арифметические действия.

Рассмотрим сначала сложение дробей

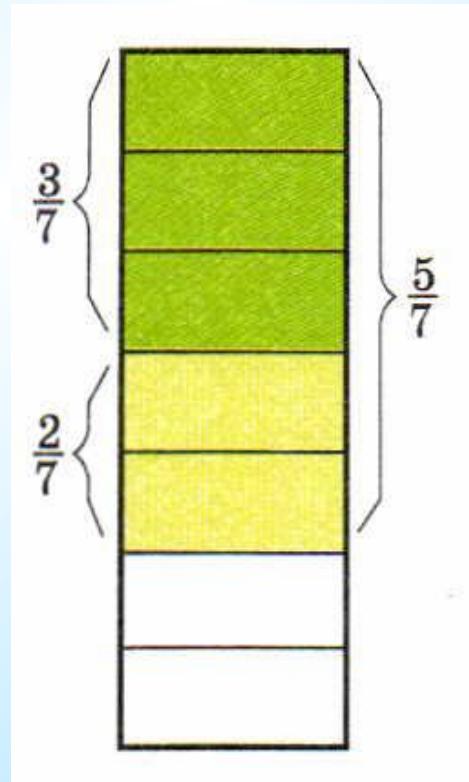


Что бы сложить дроби с одинаковыми знаменателями, нужно сложить их числители, а знаменатель оставить прежний.

$$\frac{3}{7} + \frac{2}{7} = \frac{5}{7}$$

Что бы складывать дроби с разными знаменателями их сначала нужно привести к общему знаменателю.

$$\frac{2}{3} + \frac{4}{5} = \frac{10}{15} + \frac{12}{15} = \frac{10+12}{15} = \frac{22}{15}.$$



Закрепим



Сложите дроби:

а) $\frac{1}{3} + \frac{1}{3}; = \frac{2}{3}$

б) $\frac{3}{7} + \frac{2}{7}; = \frac{5}{7}$

в) $\frac{2}{3} + \frac{2}{3}; = \frac{4}{3}$

г) $\frac{1}{7} + \frac{1}{7}; = \frac{2}{7}$

д) $\frac{1}{3} + \frac{3}{5}; = \frac{14}{15}$

е) $\frac{4}{5} + \frac{1}{2}; = \frac{13}{10}$

ж) $\frac{2}{3} + \frac{1}{12}; = \frac{9}{12}$

з) $\frac{5}{8} + \frac{5}{24}. = \frac{6}{8}$

и) $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}. = \frac{67}{60}$



Урок 4

Вычитание дробей

Вычитание дробных чисел, как и натуральных, определяется на основе действий сложения: вычесть из одного числа другое- это значит найти такое число, которое при сложении со вторым даёт первое.

Например:

$$\frac{8}{9} - \frac{1}{9} = \frac{7}{9}, \text{ так как } \frac{7}{9} + \frac{1}{9} = \frac{8}{9}.$$



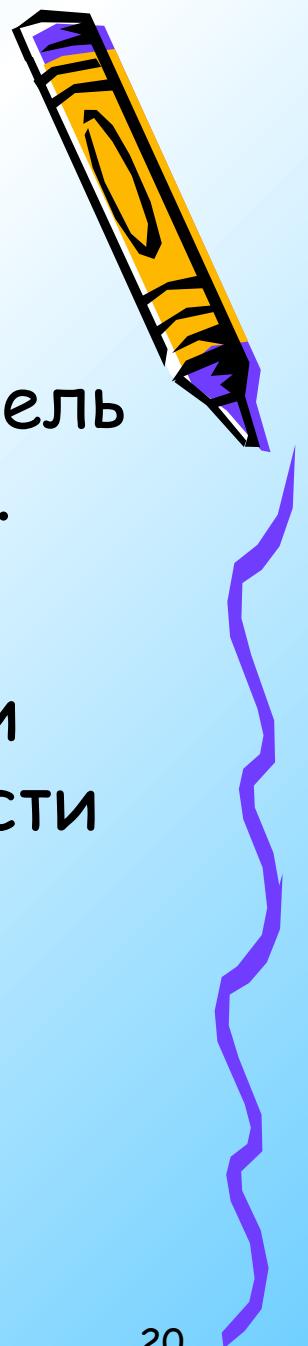
Запомните!

Чтобы найти разность дробей с одинаковыми знаменателями, надо из числителя первой дроби вычесть числитель второй, а знаменатель оставить прежним.

Важно!

Чтобы находить разность дробей с разными знаменателями, их сначала нужно привести к общему знаменателю.

$$\frac{5}{12} - \frac{1}{8} = \frac{\overset{2}{5}}{12} - \frac{\overset{3}{1}}{8} = \frac{10 - 3}{24} = \frac{7}{24}.$$



Закрепим



Найдите разность:

$$\text{а)} \frac{15}{16} - \frac{3}{16}; = \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$$

$$\text{б)} \frac{17}{20} - \frac{7}{20}; = \frac{10}{20} = \frac{1}{2};$$

$$\text{в)} \frac{19}{21} - \frac{4}{21}; = \frac{15}{21} = \frac{5}{7}$$

$$\text{г)} \frac{37}{40} - \frac{13}{40}; = \frac{24}{40} = \frac{3}{5}$$

$$\text{д)} \frac{7}{10} - \frac{1}{5}; = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

$$\text{е)} \frac{3}{10} - \frac{2}{15}; = \frac{1}{6}$$



Умножение дробей

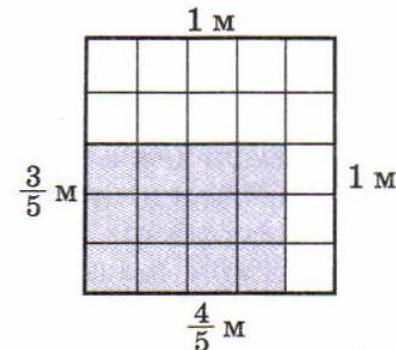
Задача. Длина прямоугольника $\frac{4}{5}$ м, а ширина — $\frac{3}{5}$ м. Найдите его площадь.

Решение. Вы знаете, что для нахождения площади прямоугольника нужно длину умножить на ширину, т. е. площадь должна быть равна $\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5}$ (м^2). Но как найти произведение $\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5}$?

Запомните!

Чтобы умножить дробь на дробь, нужно числитель умножить на числитель, а знаменатель на знаменатель.

$$\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5} = \frac{12}{25}$$



Деление дробей



Используя взаимно обратные дроби, мы сможем деление дробей свести к умножению.

Пусть, например, нужно вычислить частное дробей $\frac{2}{3}$ и $\frac{7}{12}$. Запишем это неизвестное пока нам частное в виде дроби $\frac{m}{n}$, т. е. будем считать, что $\frac{2}{3} : \frac{7}{12} = \frac{m}{n}$. Так как делимое равно частному, умноженному на делитель, то $\frac{m}{n} \cdot \frac{7}{12} = \frac{2}{3}$.

Умножим обе части последнего равенства на дробь, обратную $\frac{7}{12}$, т. е. на $\frac{12}{7}$. Получим:

$$\left(\frac{m}{n} \cdot \frac{7}{12} \right) \cdot \frac{12}{7} = \frac{2}{3} \cdot \frac{12}{7}, \quad \frac{m}{n} \cdot \left(\frac{7}{12} \cdot \frac{12}{7} \right) = \frac{2}{3} \cdot \frac{12}{7}, \quad \frac{m}{n} = \frac{2}{3} \cdot \frac{12}{7}.$$



Отсюда понятно правило деления дробей:

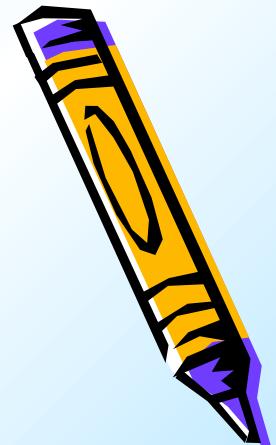
Чтобы разделить дробь на дробь, нужно делимое умножить на дробь, обратную делителю.

Например,

$$\frac{8}{15} : \frac{4}{9} = \frac{8}{15} \cdot \frac{9}{4} = \frac{\cancel{8}^2 \cdot \cancel{9}^3}{\cancel{15}^5 \cdot \cancel{4}^1} = \frac{6}{5} = 1\frac{1}{5}.$$



Закрепим



Найдите произведение:

а) $\frac{4}{5} \cdot \frac{5}{7}; = \frac{4}{7}$
б) $\frac{8}{9} \cdot \frac{3}{5}; = \frac{8}{15}$

в) $\frac{5}{6} \cdot \frac{4}{7}; = \frac{10}{21}$
г) $\frac{3}{7} \cdot \frac{2}{3}; = \frac{2}{7}$

Выполните деление:

а) $\frac{2}{3} : \frac{5}{7}; = \frac{14}{15}$
б) $\frac{1}{4} : \frac{1}{2}; = \frac{1}{2}$

г) $\frac{3}{4} : \frac{1}{2}; = \frac{3}{2}$
д) $\frac{3}{7} : \frac{3}{5}; = \frac{5}{7}$



Спасибо за внимание

Презентация создана по учебнику
МАТЕМАТИКА 5 класс (под редакцией Г.
В. Дорофеева, И.Ф.Шарыгина, 12-е
издание Москва «Просвещение»)

Автор презентации: Альмухаметова Д.Ш.

