Методы решения логарифмических уравнений

Выработка умений самостоятельного применения знаний в стандартных и нестандартных ситуациях

Задачи урока распределяются по *3* уровня:

- 1 уровень уметь решать простейшие логарифмические уравнения, применяя определение логарифма, свойства логарифмов;
- 2 уровень уметь решать логарифмические уравнения, выбирая самостоятельно способ решения
- 3 уровень уметь применять знания и умения в нестандартных ситуациях

Фронтальный опрос класса:

- Уто понимают под логарифмическим уравнением?
- Ито называется корнем уравнения?
- Ито значит «решить уравнение»?
- Какие уравнения называются равносильными?
- П На доске записаны формулы. Какие из них не верные?

Диктант (с последующей

Возможные ответы: «Да» - О, «Нет» - 🗵.

B-1

B-2

Верно ли утверждение:

Если $^{x} = 7$, **то** $x = \log_{2} 7$

Если $\log_3 x = 3$, то x = 6

 $Ecлиlog_x 64 = 2$, $to_x = 8$

Если $3^x = 5$, $TOx = \log_5 3$

EСли $\log_7 49 = x$, то x = -2

Если $\log_2 x = 4$, то x = 16

Равносильны ли уравнения:

 $\lg x^2 = 6$ **V** $2\lg|x| = 6$

 $\lg x \cdot \lg 5 = 3$ $\lg(x+5) = 3$

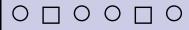
 $\lg \frac{x}{3+x} = 1 \qquad \lg x - \lg(3+x) = 1$

 $\lg x^2 = 4$ **V** $2\lg x = 4$

 $\lg x + \lg(x^3 - 1) = 2$ **V** $\lg x(x^3 - 1) = 2$

 $\frac{\lg x}{\lg 4} = 2 \quad \mathsf{Ig} \ x - \lg 4 = 2$

Ответы:



Методы решения логарифмических уравнений

- Преобразование логарифмических уравнений
- 2. Замена переменных в уравнениях
- 3. Логарифмирование уравнений

1. Преобразование логарифмических

уравнений

Пример 1.

 $\log_2 4 + 2\log_2 x = \log_2 (6x + 18)$

- 1) $2 + \log_8 x = \log_2 (6x + 18)$
- 2) $\log_2 4x^2 = \log_2 (6x + 18)$, x > 0
- 3) $4x^2 = 6x + 18$, $4x^2 6x 18 = 0$
- 4) $x_1 = 3, x_2 = -\frac{3}{2}, \quad x = -\frac{3}{2}$ ПОСТОР. КОРЕНЬ

Ответ: 3

Пример 2.

$$\lg(x+4) + \lg(2x+3) = \lg(1-2x)$$

- 1) $\lg(x+4)(2x+3) = \lg(1-2x)$ '-1.5 < x < 0.5
- 2) $2x^2 + 11x + 12 = 1 2x$, $2x^2 + 13x + 11 = 0$
- 3) $x_1 = -1, x_2 = -\frac{11}{2}$, $x = -\frac{11}{2}$ **ПОСТОР.**

Ответ: -1

Пример 3

$$\log_4 x^2 + \log_2 (x+2) = 0$$

1)
$$\log_4 x^2 = \frac{\log_2 x^2}{\log_2 4} = \frac{2\log_2|x|}{2} = \log_2|x|$$

2)
$$\log_2 |x| + \log_2 (x+2) = 0$$

3)
$$\log_2 |x|(x+2) = \log_2 1$$
, $x > 0$

4)
$$x^2 + 2x - 1 = 0$$
, $x > 0$, $x^2 + 2x + 1 = 0$, $x < 0$
 $x = \sqrt{2} - 1$ $x = -1$

OTBET: $_{-1}$, $_{\sqrt{2}-1}$

2. Замена переменных В уравнении $4 - \lg x = 3\sqrt{\lg x}$ Пример 1.

$$4-\lg x = 3\sqrt{\lg x}$$
 Пример 1.
$$\sqrt{\lg x} = t$$

- тогда $t_1 = 1, t_2 = -4$ тогда данное 1)Пусть уравнение примет вид , откуда (посторонний корень). $\sqrt{\lg x} = 1$,
- 2) $\lg x = 1$, x = 10.

3. Логарифмирова

Hue ypashehuü

$$x_{x+2}^{x+2} = x^{5}$$

Thoumed 1.
 $\log x^{x+2} = \log x^{5}$,

1) $(x+2) \log x = 5 \log x$,

2) $(x-3) \log x = 0$,

3) $x-3=0$, $\log x = 0$,

4) $x=3$ $x=1$

Ответ: 1; 3

Ответ: 10

Самостоятельное комплексное применение знаний *(1* уровень*)*

1 вариант

$$\log_3 x = 4$$

$$\log_2 x = -6$$

$$\log_{x} 64=6$$

$$-log_x 64=3$$

$$2log_x 8+3=0$$

2 вариант

$$\log_2 x = 5$$

$$\log_5 x = -3$$

$$\log_{x} 81 = 4$$

$$-log_x 625=4$$

$$3\log_{x} 64 + 2 = 0$$

Самостоятельное комплексное применение знаний (2 уровень)

1 вариант

$$\log_{3}(2x-1) = \log_{3}27$$

$$\log_3(4x+5) + \log_3(x+2) = \log_3(2x+3)$$

$$\log_{1} x = -\log_{1}(6x-1)$$

$$\Box \quad 4 + \log_3(3 - x) = \log_3(135 - 27x)$$

$$\log_{\sqrt{3}}(x-2) + \log_3(x-2) = 10$$

2 вариант

$$\log_2(x+3) = \log_2 16$$

$$\Box \quad 2\log_3(7x-10) = \log_3 x$$

$$\Box lg(x-1) + lg x = lg (5x-8)$$

$$\Box -lg(x-1)-lg_{\sqrt{3}}(x-1) = -6$$

Самостоятельное комплексное применение знаний *(3* уровень*)*

1 вариант

$$\sim 2\log^2_3 x - 7\log_3 x + 3 = 0$$

$$lg^2x-3lgx-4=0$$

$$\log^2 x - \log_3 x - 3 = 2^{\log 23}$$

2 вариант

$$log^2_3 x - 3log_3 x + 2 = 0$$

$$lg^2x-2lgx-3=0$$

$$\sim 3log_8^2 x + 2log_8 x + 2 = 0.5^{log_9.53}$$

3 вариант

$$log_7(x^2-2x+1)=1$$

$$log^2_3x-log_3x=2$$

$$\sim 2\log_5(x+3) + \log_{0.2}(x+4) = \log_2 5$$

4вариант

$$\log_6(x^2-5x+40)=2$$

$$log^2_3 x + 2log_5 x = 3$$

$$log_57 = 2log_7x - log_7(x+4)$$

Задания для самостоятельного домашнего решения

$$\log_{9}(2\cdot 3^{2x}-27)=x$$

$$\sim$$
 -4= $log_{0.5}(1+3x)+log_{0.5}(x-4)$

$$\log_5(5+3x) = \log_5 3 \cdot \log_3(2x+10)$$

$$log_{x2-1}7 + 2log_{x2-1}3 = 1$$

$$log_{\gamma}x + log_{\varsigma}x = 1$$

$$log_{0.2}(x2-6x+9)] \cdot log_{x-1}0,2=1$$

Презентацию разработала учитель математики высшей категории Т.И. Гуляева,

 НОУ «Школа – интернат № 20 ОАО «РЖД» г. Омска