

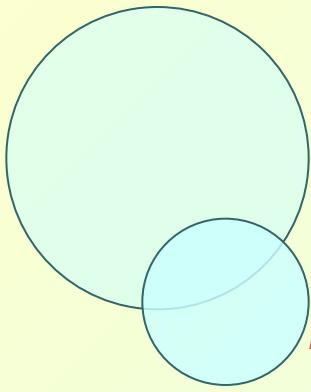
*Через математические знания  
лежит широкая дорога к  
огромным, почти необозримым  
областям труда и открытий.*

*Маркушевич А.И.*

## ***Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции (при решении задач прикладного характера).***

*Презентацию подготовила преподаватель 1 категории  
Керченского профессионального строительного лицея  
Селиванова Ирина Викторовна*





7

$$(x^2)' = 0$$

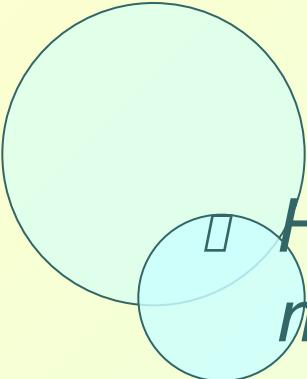
$$(2x^3)' = 0$$

$$(128)' = 6x^2$$

$$10x^9 \quad \left(\frac{1}{3}x^3\right)' = 2x$$

$$(7x)' = 10x + 3 \quad x^2$$

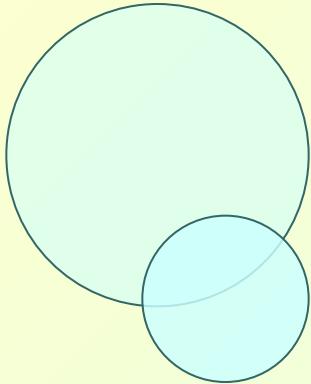
$$(5x^2 + 3x - 9)' =$$



# АЛГОРИТМ

Найти точки экстремума функции, т. е. точки в которых производная равна нулю и меняет свой знак.

- Вычислить значение функции в этих точках и на концах отрезка, где определена функция.
  - Выбрать из полученных значений оптимальное.
- Перевести задачу на язык математики, т. е. выразить исковую величину через функцию от некоторой переменной и найти область её определения.

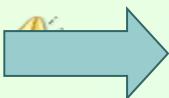


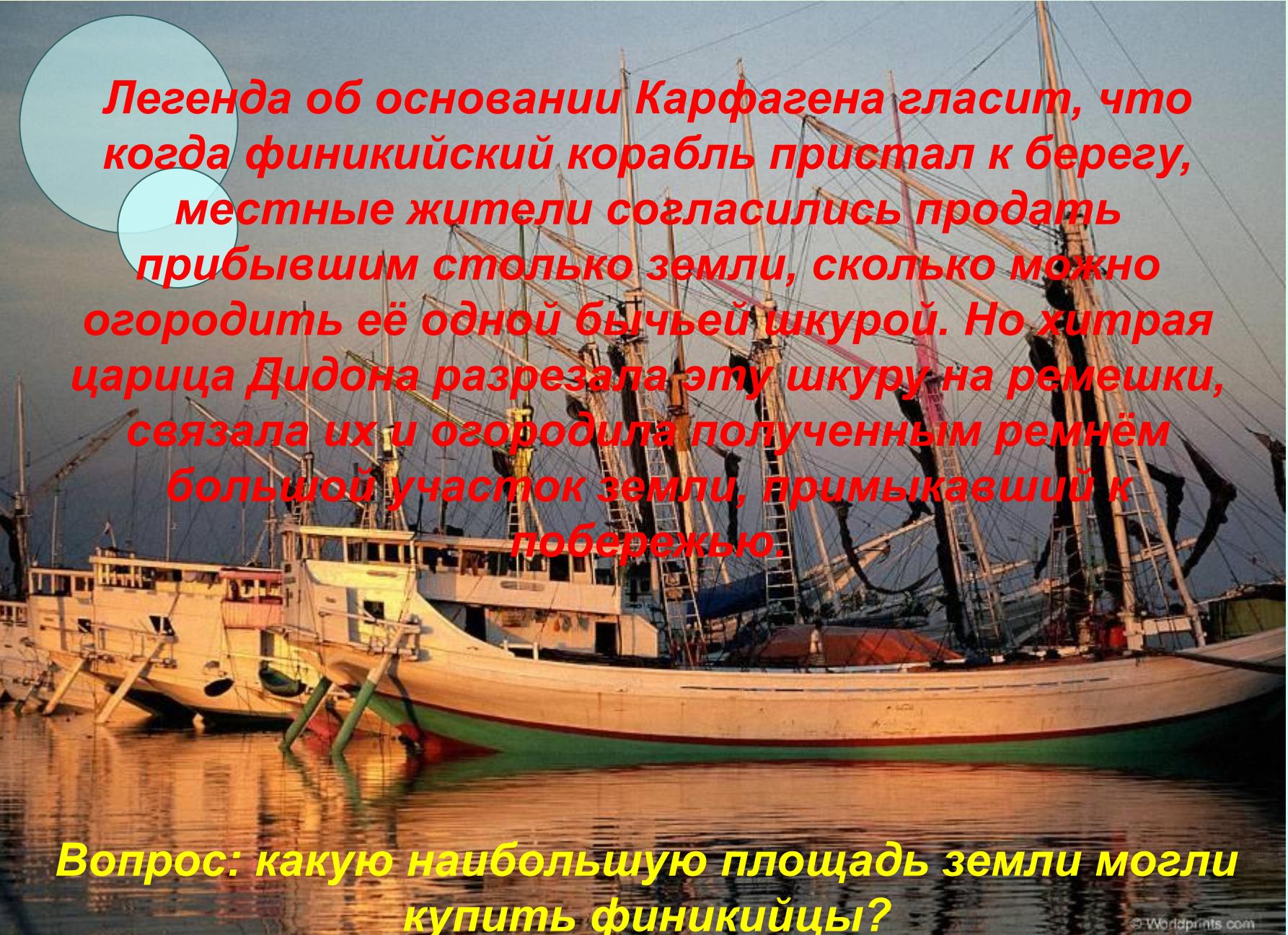
## Выполните задание:

1. Найти промежутки возрастания и убывания функции.
2. Найти экстремумы функции.
3. Найти наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке  $[-1;2]$

$$Y = \frac{N}{3} \cdot x^3 - 2 \cdot N \cdot x^2 + 3 \cdot N$$

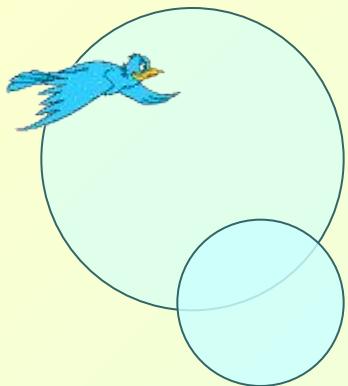
$$Y = N \cdot x^2 - 2 \cdot N \cdot x + 8$$



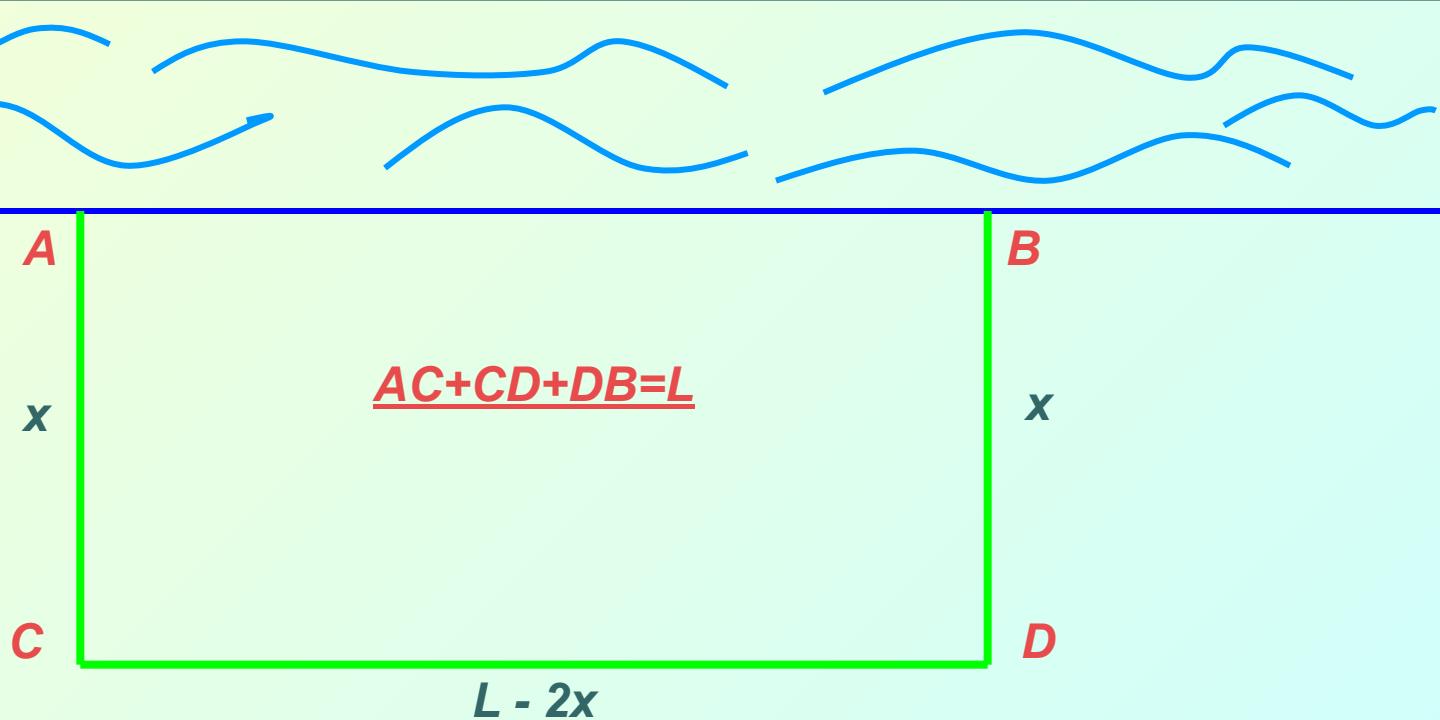


*Легенда об основании Карфагена гласит, что когда финикийский корабль пристал к берегу, местные жители согласились продать прибывшим столько земли, сколько можно огородить её одной бычьей шкурой. Но хитрая царица Дидона разрезала эту шкуру на ремешки, связала их и огородила полученным ремнём большой участок земли, примыкавший к побережью.*

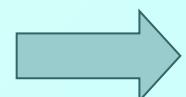
**Вопрос: какую наибольшую площадь земли могли купить финикийцы?**

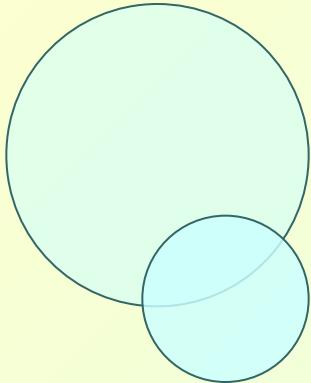


Переведём задачу на язык  
математики.



$$S = x(L-2x)$$





Данный  
прямоугольник  
является  
половиной  
квадрата,  
длинной  
стороной  
примыкающей к  
берегу моря.

$$Y = x(L-2x) \rightarrow \max$$

$$Y = Lx - 2x^2$$

1.  $Y' = L - 4x$

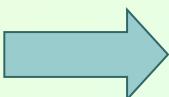
2.  $Y' = 0 ; L = 4x$

$x = 0,25L$

3.



4.  $AC = 0,25L ; DC = 0,5L$

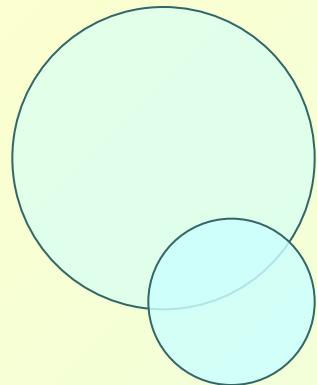




**Стоимость (за один час перевозки) содержания баржи состоит из двух частей: стоимости топлива, пропорциональной кубу скорости баржи, и стоимости амортизации баржи ( зарплата команды, стоимость оборудования и т. д.). Общая стоимость содержания баржи за час выражается формулой:  $S = av^3 + b$ , где  $v$ - скорость судна в км/ч,  $a$  и  $b$  – коэффициенты, заданные для каждого судна (для нашего  $a=0,005$ ,  $b=40$ ).**

**Ясно, что расходы на топливо будут тем больше, чем быстрее движется корабль, остальные расходы от скорости не зависят.**

**Казалось бы, чем медленнее движется корабль, тем дешевле его эксплуатация. Так ли это?**



$$S/v = 0,005v^2 + 40/v \rightarrow \min$$

$$1. Y' = 0,005 \cdot 2v - 40/v^2$$

$$2. Y' = 0 ; \quad 0,01v - 40/v^2 = 0$$

**Оптимальная  
скорость  
катера для  
минимальных  
затрат равна  
16 км/ч**

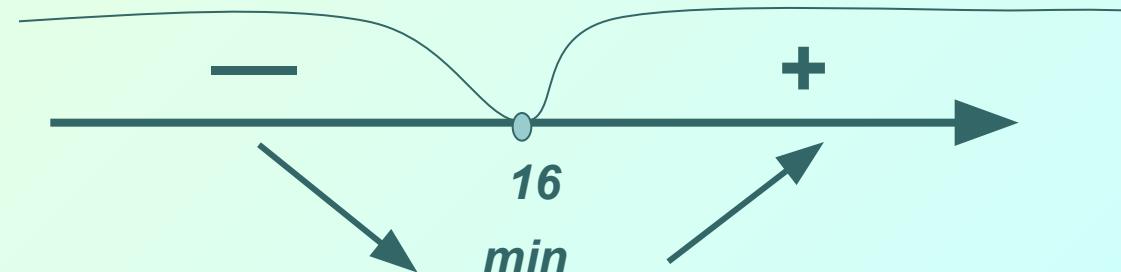
$$0,01v = 40/v^2$$

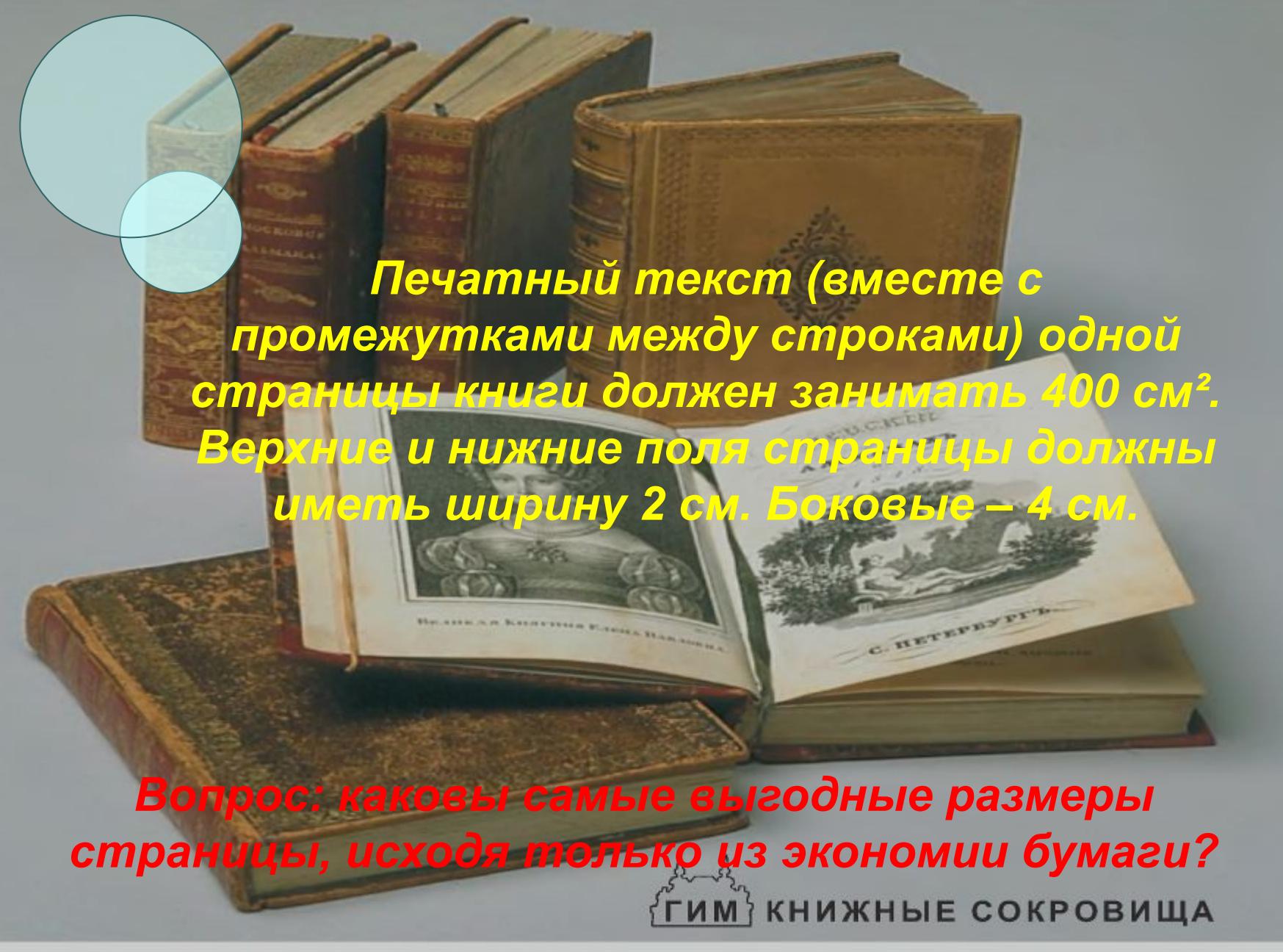
$$0,01v^3 = 40$$

$$v^3 = 4000$$

$$v \approx 16 \text{ км/ч}$$

3.



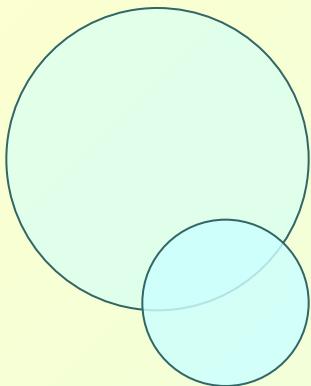


*Печатный текст (вместе с промежутками между строками) одной страницы книги должен занимать 400 см<sup>2</sup>. Верхние и нижние поля страницы должны иметь ширину 2 см. Боковые – 4 см.*

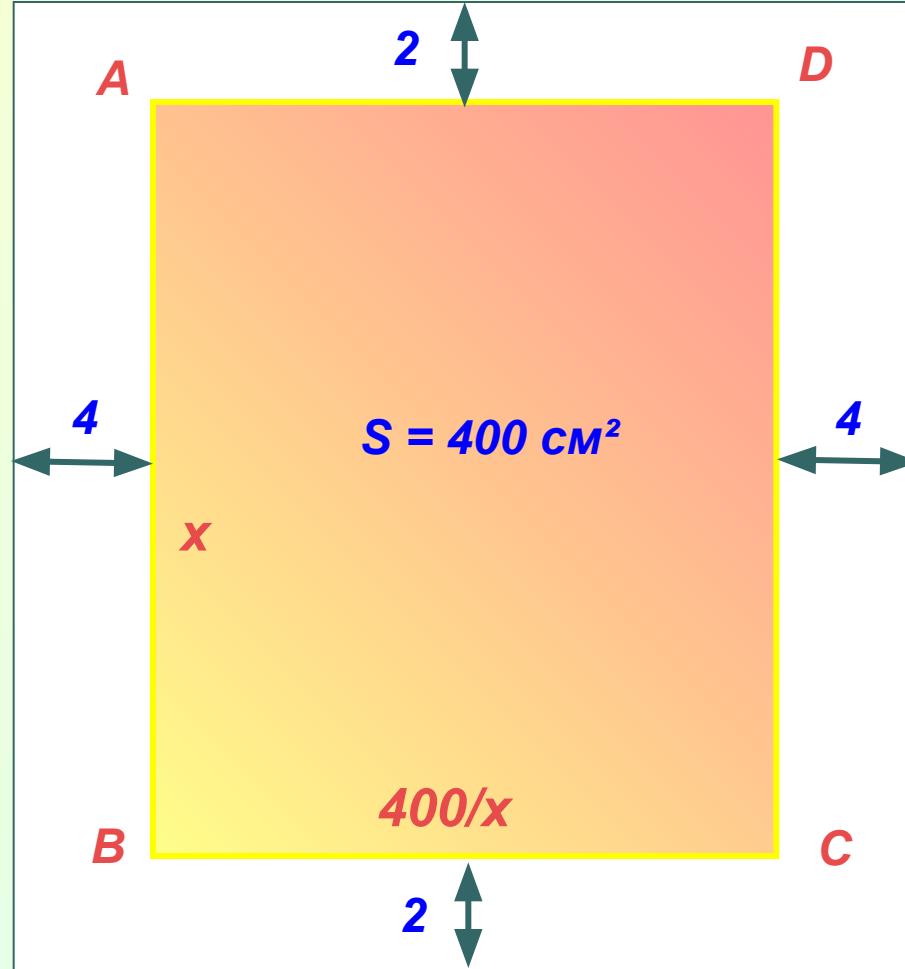
*Вопрос: каковы самые выгодные размеры страницы, исходя только из экономии бумаги?*



ГИМ КНИЖНЫЕ СОКРОВИЩА



$$AB = x$$
$$BC = \frac{400}{x}$$



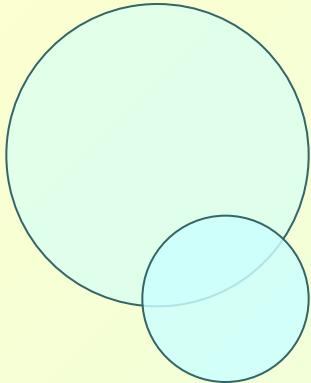
N

M



$$KN = x + 4$$
$$KL = \frac{400}{x} + 8$$

$$S = (x + 4) \cdot \left(\frac{400}{x} + 8\right) =$$
$$= \frac{1600}{x} + 8x + 432$$



$$S = 1600/x + 8x + 432 \rightarrow \min$$

$$1. S' = -1600/x^2 + 8$$

$$2. S' = 0; \quad -1600/x^2 + 8 = 0$$

*Оптимальные  
размеры страницы*

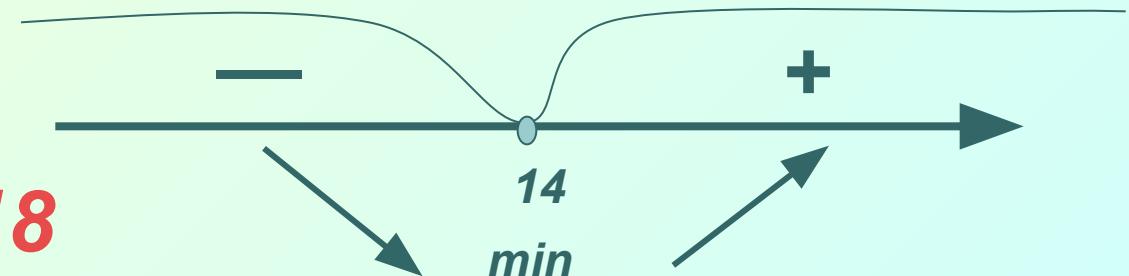
**18x36,5 см.**

$$1600/x^2 = 8$$

$$x^2 = 1600/8$$

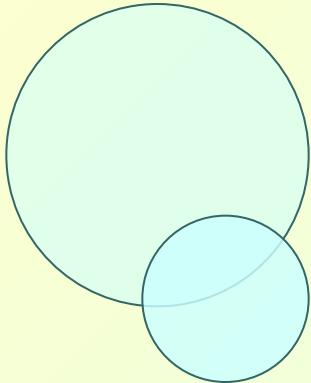
$$x \approx 14$$

3.



$$4. KN = x + 4 = 18$$

$$KL = 400/x + 8 \approx 36,5$$

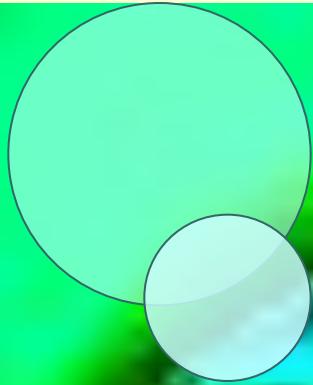


## Выход:

*Производная функции  
успешно применяется при  
решении оптимальных задач  
в различных сферах  
деятельности человека.*

**Д/з решить задачу:** Рекламный щит имеет форму прямоугольника  $S = 9 \text{ м}^2$ . Изготовьте щит в виде прямоугольника с наименьшим периметром. Определите его стоимость, если суммарная цена материалов и работ по изготовлению за  $1 \text{ м}^2$  составляет 200 грн + 25 грн за погонный метр длины щита.





*Все молодцы!*

*Спасибо за урок!*

