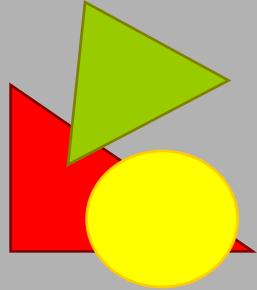


МОУ многопрофильный лицей № 20 г. Ульяновска

**Разработка урока по алгебре и  
началам анализа в 10 физико-  
математическом классе.**

2010-2011 уч. год



**Работа учителя  
математики  
Ходзицкой  
Елены  
Александровны**



Эта  
удивитель-  
ная  
произвoдна-  
я!



## Цель урока:

1. Повторение, обобщение и систематизация изученного материала.
2. Контроль знаний и умений.
3. Подготовка к контрольной работе.



# План урока:

1. Организационный момент
2. Вступление. Инструктаж.
3. Проверка домашнего задания.
4. Повторение теоретического материала. Историческая справка.
4. Устная работа. Тест №1.
5. Самостоятельная работа – тест №2.
6. Решение задач.
7. Изучение нового материала. Теорема.
8. Самостоятельная работа – тест №3.
9. Подведение итогов.



# Ну-с, приступим!

Задания для всего класса	Основные виды работ	Макс. к-во баллов	Само-оценка	Итог
	Уст.тест №1	4		
	Тест №2	5		
	Тест №3.	8		
Дополнительные виды работ	Теория, доклады	4		
	Решение задач у доски	5		
	Дополнительные задачи			
Сумма баллов				
Оценка				

## Оценочный лист



# Как родилась производная

- Ферма далеко продвинулся в применении дифференциальных методов, он использовал их не только для проведения касательных, но, к примеру, для нахождения максимумов, вычисления площадей. Однако ни Ферма, ни Декарт не сумели свести полученные научные выводы и результаты в единую систему.
- В 1638 году Ферма поделился этим открытием со своим земляком Рене Декартом, который также занимался этой проблемой и нашел свой метод построения касательных к алгебраическим кривым.



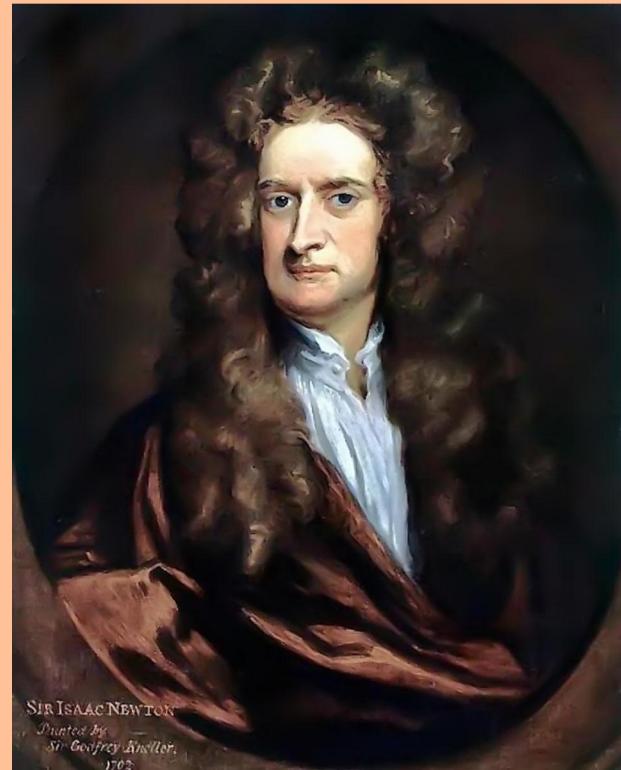
# Как родилась производная

Тем не менее, выдвинутые идеи не пропали впустую.

Вильгельм  
Лейбниц  
(1646-1716  
)



Исаак  
Ньютона  
(1642-1727  
)

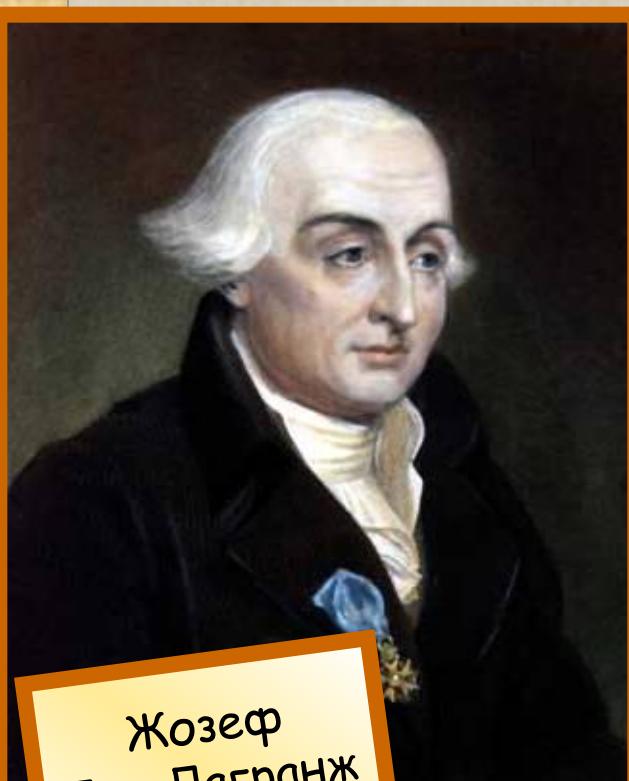


- Многие из них легли в основу нового метода математического анализа – дифференциального исчисления, основоположниками которого считаются Вильям Лейбниц и Исаак Ньютона.

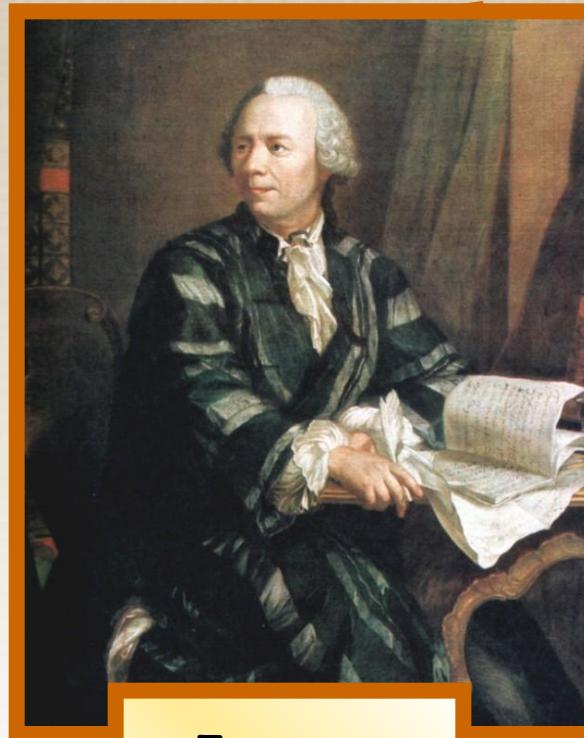


# Как родилась производная

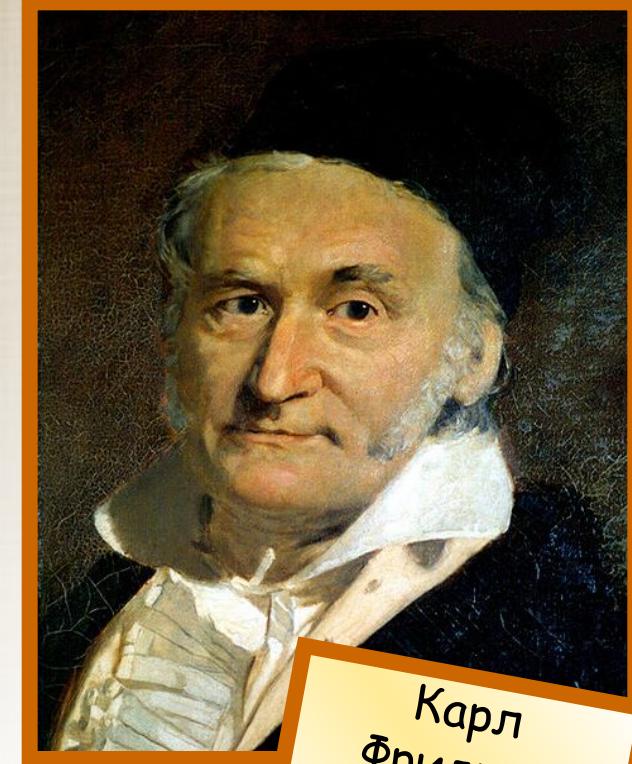
- Очень многие великие ученые внесли свой вклад
- в зарождение и развитие дифференциального исчисления



Жозеф  
Луи Лагранж  
(1736-1813)



Леонард  
Эйлер  
(1707-1783)



Карл  
Фридрих  
Гаусс  
(1777-1855)



**Внимание!  
Пришло время поработать!**



## Задание 1. Заполните таблицу №1:

Функция	Производная
$8 + \sin^2 x$	
$7x^4 + \sqrt{x}$	
$\arccos 3x$	
$\operatorname{arctg}^2 x - \frac{\pi x}{2}$	



# Задание 1. Заполни таблицу №2:

Производная	Функция
$7 - \frac{1}{2\sqrt{x}}$	
$1 + \frac{1}{\cos^2 x}$	

Задания такого рода будут  
выполняться в 11 классе  
во время изучения темы  
**«Интеграл».**



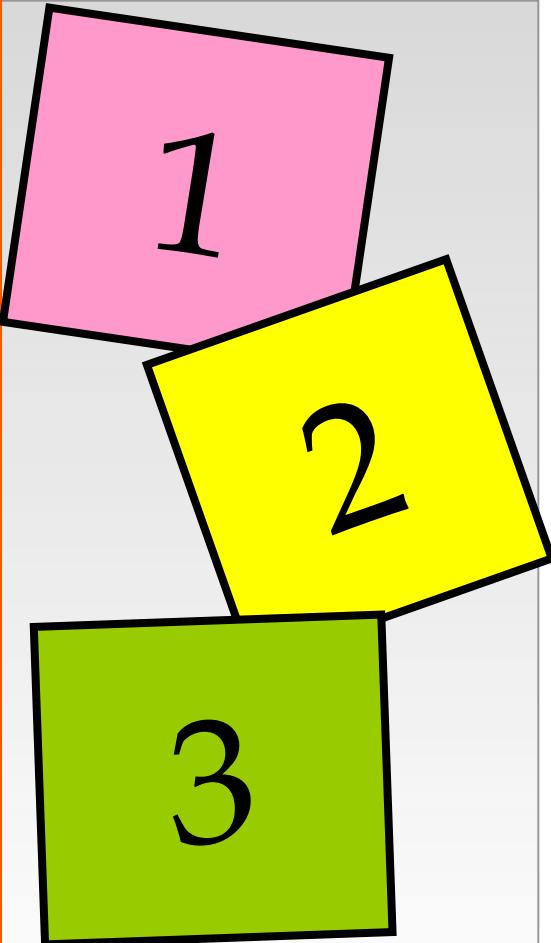
## Задание 2.

# Тест «Задачи в картинках»

### Правила работы:

- Прочитать условие задания;
- Продумать ответ(ы);
- По команде учителя поднять 1 или несколько карточек с номерами выбранных ответов.
- «Цена» 1 вопроса - 0,5 б.
- 

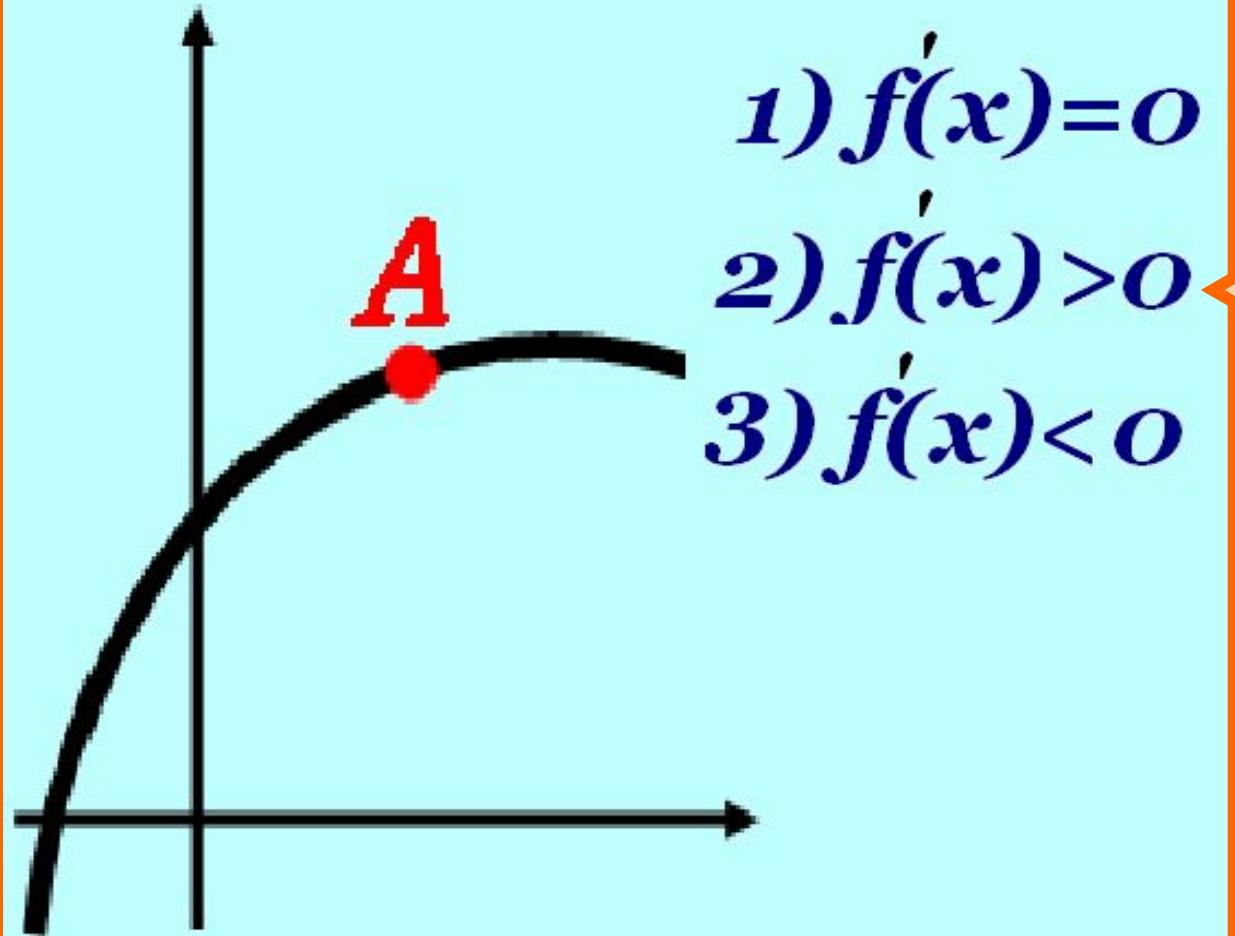
**Удачи!**





№1.

Какое значение принимает  
первая производная в точке А?



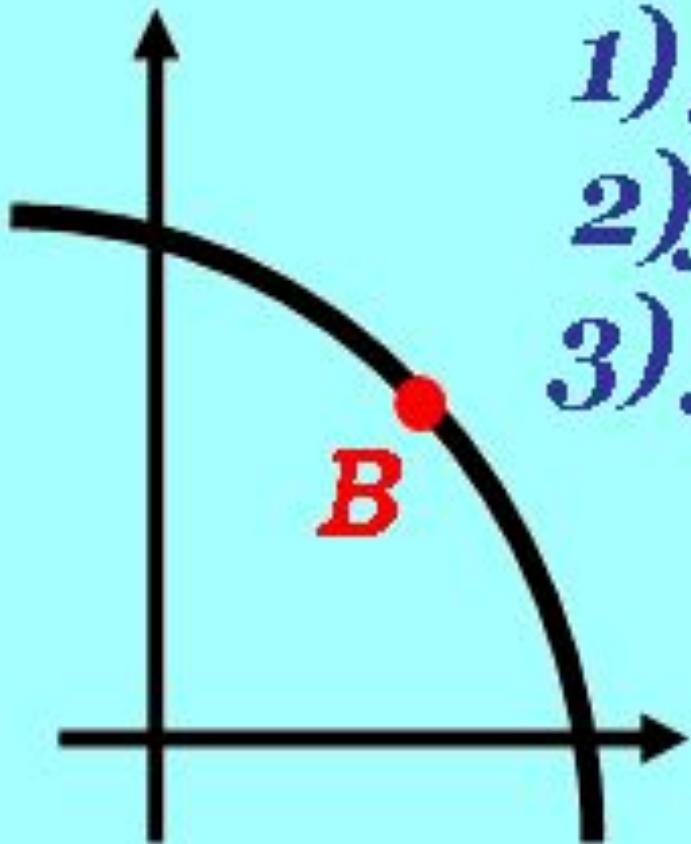
- 1)  $f'(x)=0$
- 2)  $f'(x)>0$
- 3)  $f'(x)<0$

← Правильный  
ответ



№2.

Какое значение принимает  
первая производная в точке В?



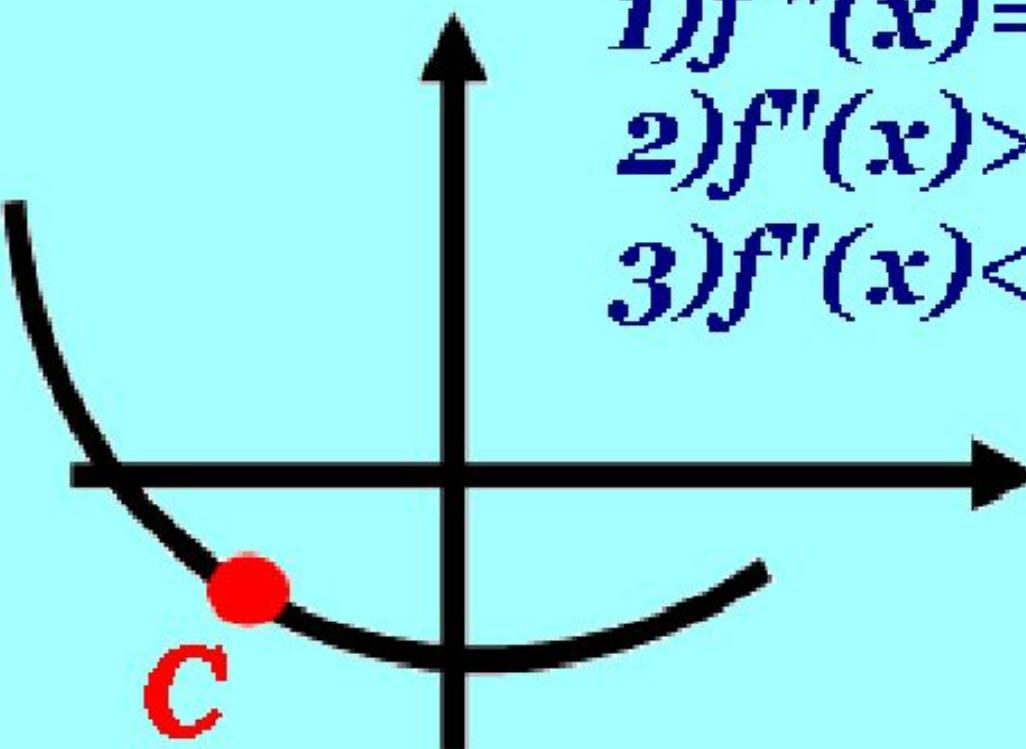
- 1)  $f''(x)=0$
- 2)  $f'(x)>0$
- 3)  $f'(x)<0$

Правильный  
ответ



№3.

Какое значение принимает  
вторая производная в точке С?



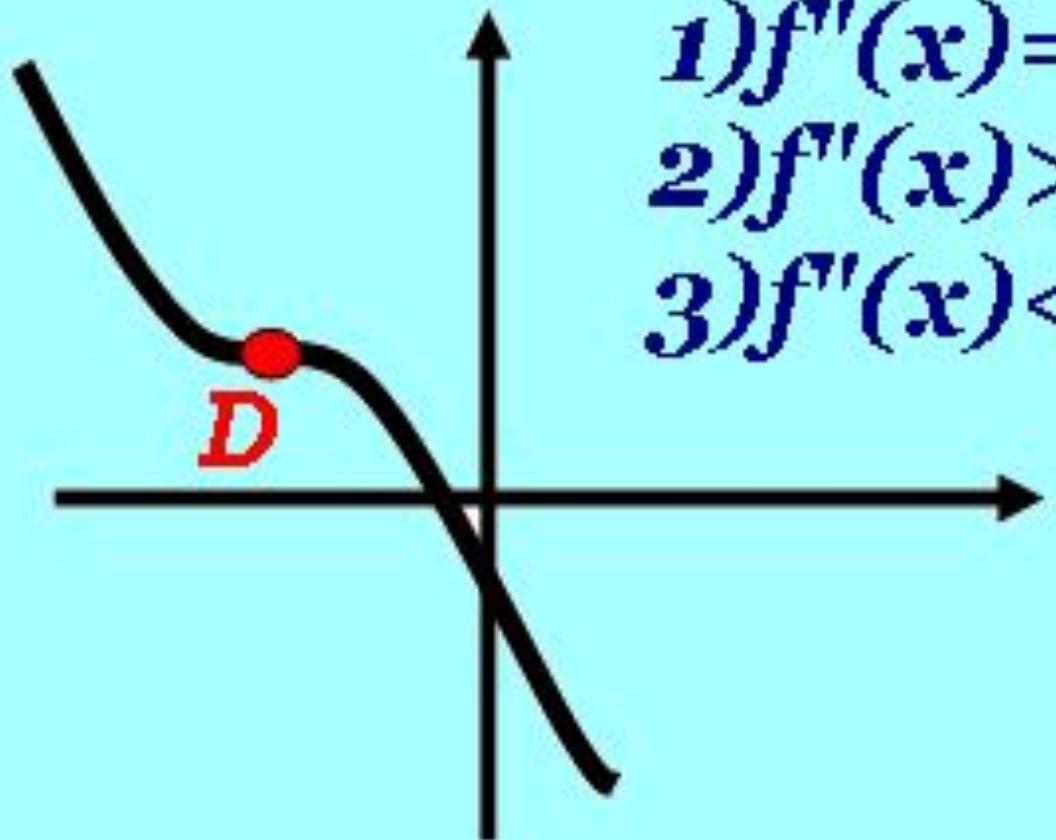
- 1)  $f''(x)=0$
- 2)  $f''(x)>0$
- 3)  $f''(x)<0$

Правильный  
ответ



№4.

Какое значение принимает  
вторая производная в точке D?



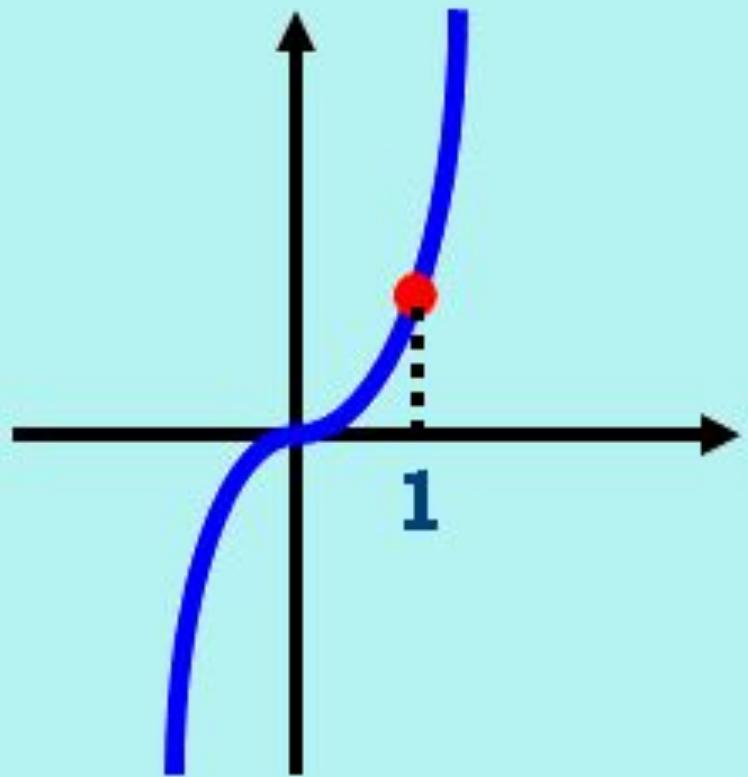
- 1)  $f''(x)=0$
- 2)  $f''(x)>0$
- 3)  $f''(x)<0$

Правильный  
ответ



Найти угловой коэффициент касательной

**№5.** к графику  $y=x^3$  в точке с абсциссой  $x=1$ .



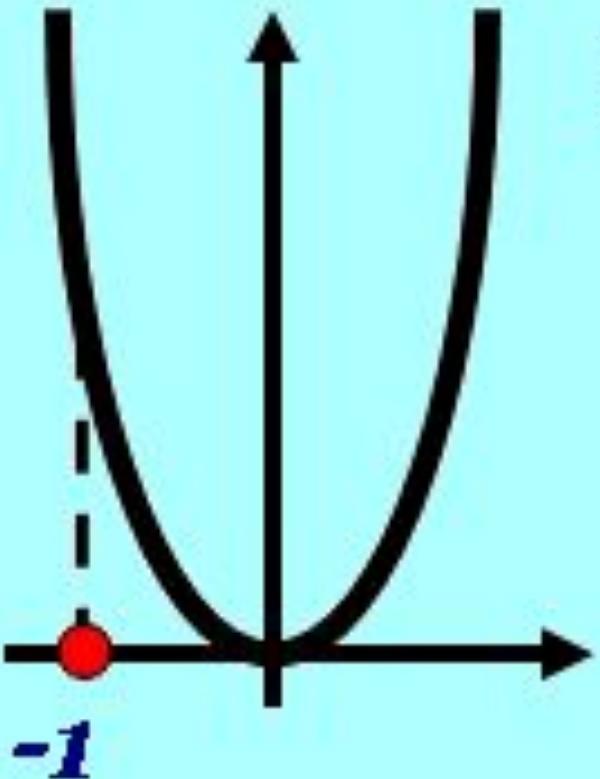
- 1)  $\frac{1}{3}$
- 2) 3
- 3) -3

Правильный  
ответ



Найти угловой коэффициент нормали

**№6.** к графику  $y=3x^2$  в точке с абсциссой  $x=-1$ .



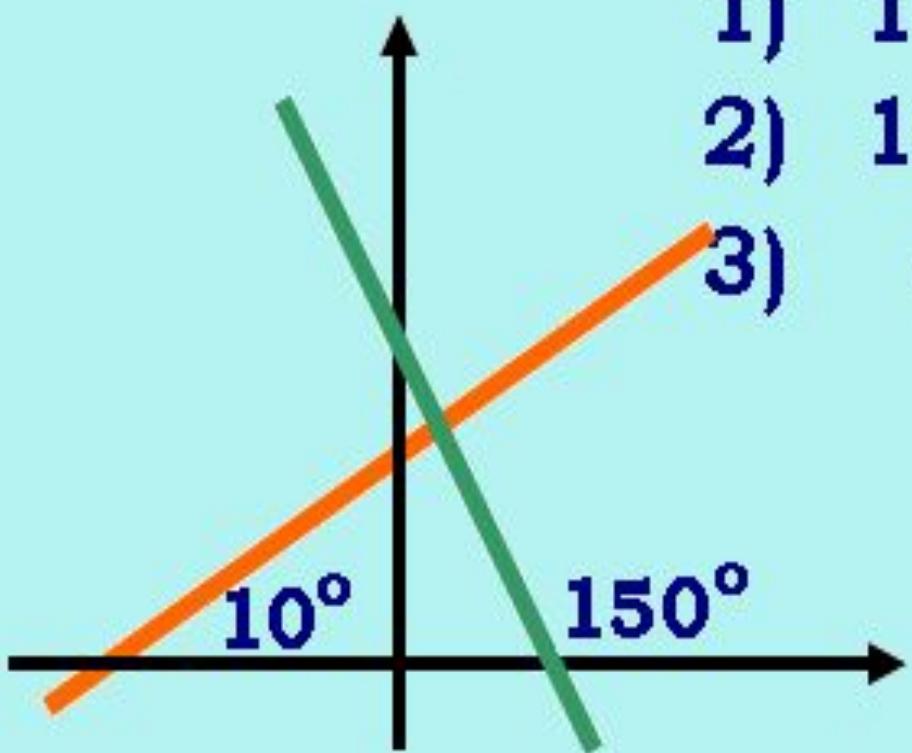
$$y = 3x^2$$

- 1) 6
- 2) -6
- 3)  $\frac{1}{6}$

Правильный  
ответ

№7.

Найти угол между прямыми:



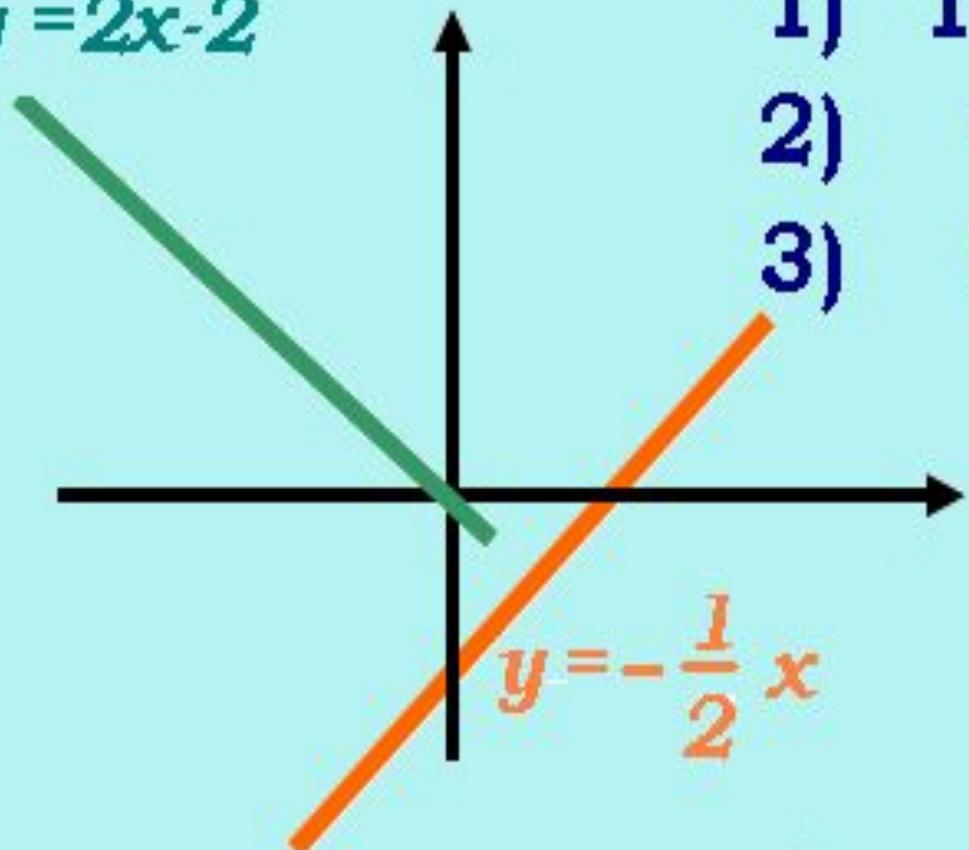
- 1)  $160^\circ$
- 2)  $140^\circ$
- 3)  $40^\circ$

Правильный  
ответ

№8.

Найти угол между прямыми:

$$y = 2x - 2$$



- 1)  $120^\circ$
- 2)  $60^\circ$
- 3)  $90^\circ$

Правильный  
ответ



№9.

## Какие виды асимптот имеет график функции?

$$f(x) = \frac{5x^3 - 3x^2 + 7}{x^3 - x}$$

- 1) вертикальные
- 2) горизонтальные
- 3) наклонные

← Правильный  
ответ

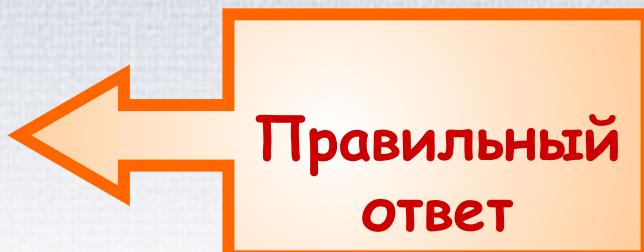


№10.

Какие виды асимптот имеет  
график функции?

$$f(x) = \frac{7x^7 - 4x^2 + x - 1}{x^6 + 19}$$

- 1) вертикальные
- 2) горизонтальные
- 3) наклонные



Правильный  
ответ

Результаты теста внесите в оценочный лист!



# Задание 3.

## Тест «Собери четверку»

Функция	График функции	Производная функции	График производной
1 $y = x^3$	1 	1 $y = -\sin x$	1 
2 $y = -1/x$	2 	2 $y = 3x^2$	2 
3 $y = \arcsin x$	3 	3 $y = 1/x^2$	3 

Пример записи ответа:

1-2-2-1  
2-1-3-3

Самостоятельная работа  
с раздаточным  
материалом  
в двух вариантах

# Задание 3.

## Тест «Собери четверку»

Вариант 1.

Функция	График функции	Производная	График производной
1 $y = 5$	1 	1 $y' = \cos x$	1 
2 $y = x^2$	2 	2 $y' = -3x^2$	2 
3 $y = \arccos x$	3 	3 $y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	3 
4 $y = \frac{1}{x}$	4 	4 $y' = 3x^2$	4 
5 $y = x^3$	5 	5 $y' = 2x$	5 
6 $y = \sin x$	6 	6 $y' = -\frac{1}{x^2}$	6 
7 $y = -x^3 + 3$	7 	7 $y' = 0$	7 
8 $y = 3x - 6$	8 	8 $y' = 3$	8 

Желаем успеха!

Вариант 2

Функция	График функции	Производная	График производной
1 $y = \arcsin x$	1 	1 $y' = -\sin x$	1 
2 $y = -\frac{1}{x}$	2 	2 $y' = 3x^2$	2 
3 $y = \cos x$	3 	3 $y' = -2$	3 
4 $y = -x^2$	4 	4 $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	4 
5 $y = -2x + 8$	5 	5 $y' = -2x$	5 
6 $y = -7$	6 	6 $y' = \frac{1}{x^2}$	6 
7 $y = x^3$	7 	7 $y' = 0$	7 
8 $y = x^2 - 4$	8 	8 $y' = 2x$	8 



## Самопроверка.

### Правильные ответы:

#### 1 вариант

- 1-2-7-4
- 2-4-5-6
- 3-7-3-3
- 4-5-6-7
- 5-6-4-5
- 6-3-1-8
- 7-8-2-1
- 8-1-8-2

#### 2 вариант

- 1-7-4-3
- 2-5-6-7
- 3-8-1-6
- 4-1-5-2
- 5-3-3-5
- 6-2-7-1
- 7-6-2-8
- 8-4-8-4

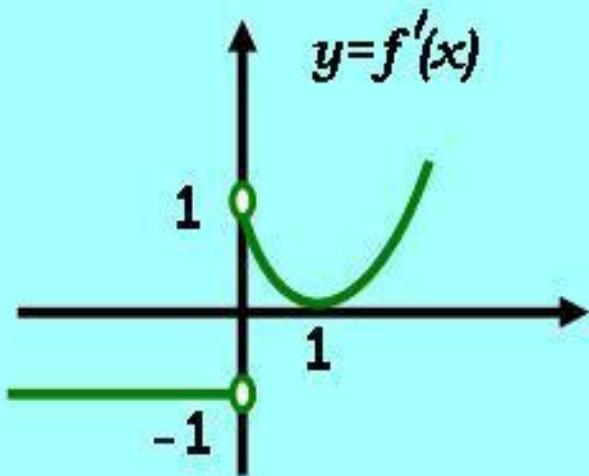
**Результаты теста внесите в оценочный лист!**



**Внимание!  
Задачки  
потруднее!**

Дан график  
производной  $y=f'(x)$   
непрерывной функции  
 $y=f(x)$ .

## Задание №4.



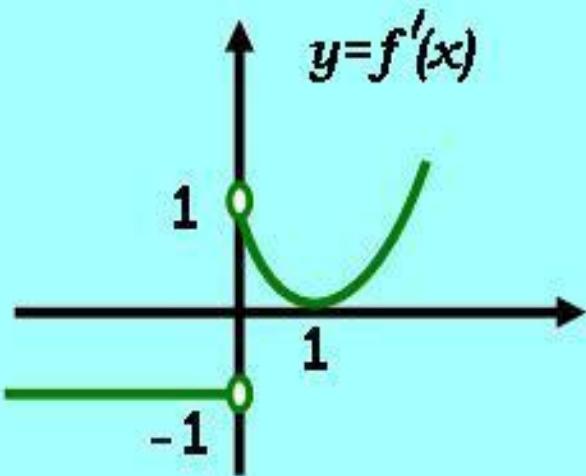
$y=f'(x)$

$y=f(x)$

Постройте  
эскиз графика  
функции  $y=f(x)$

Дан график  
производной  $y=f'(x)$   
непрерывной функции  
 $y=f(x)$ .

## Задание №4.

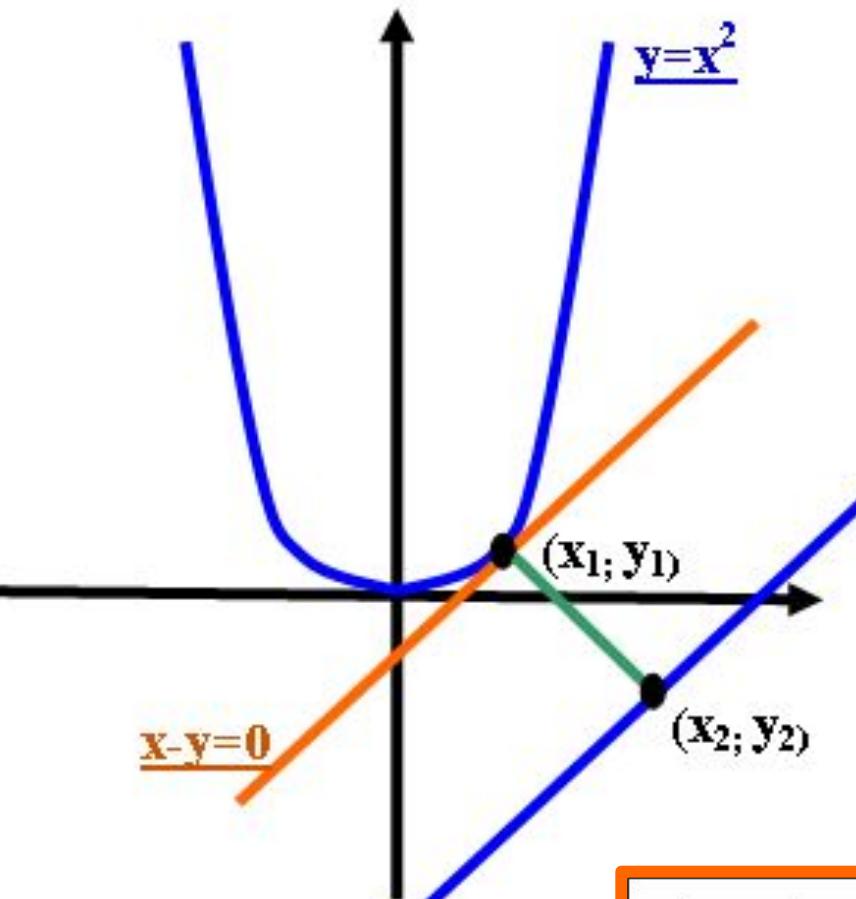


Постройте  
эскиз графика  
функции  $y=f(x)$

Проверим?



# Задание № 5 (задача)

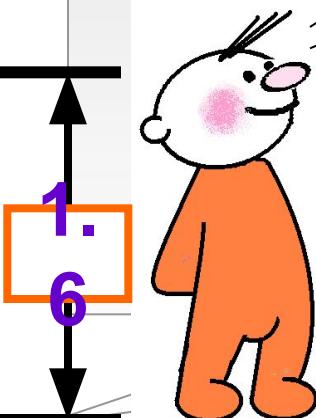
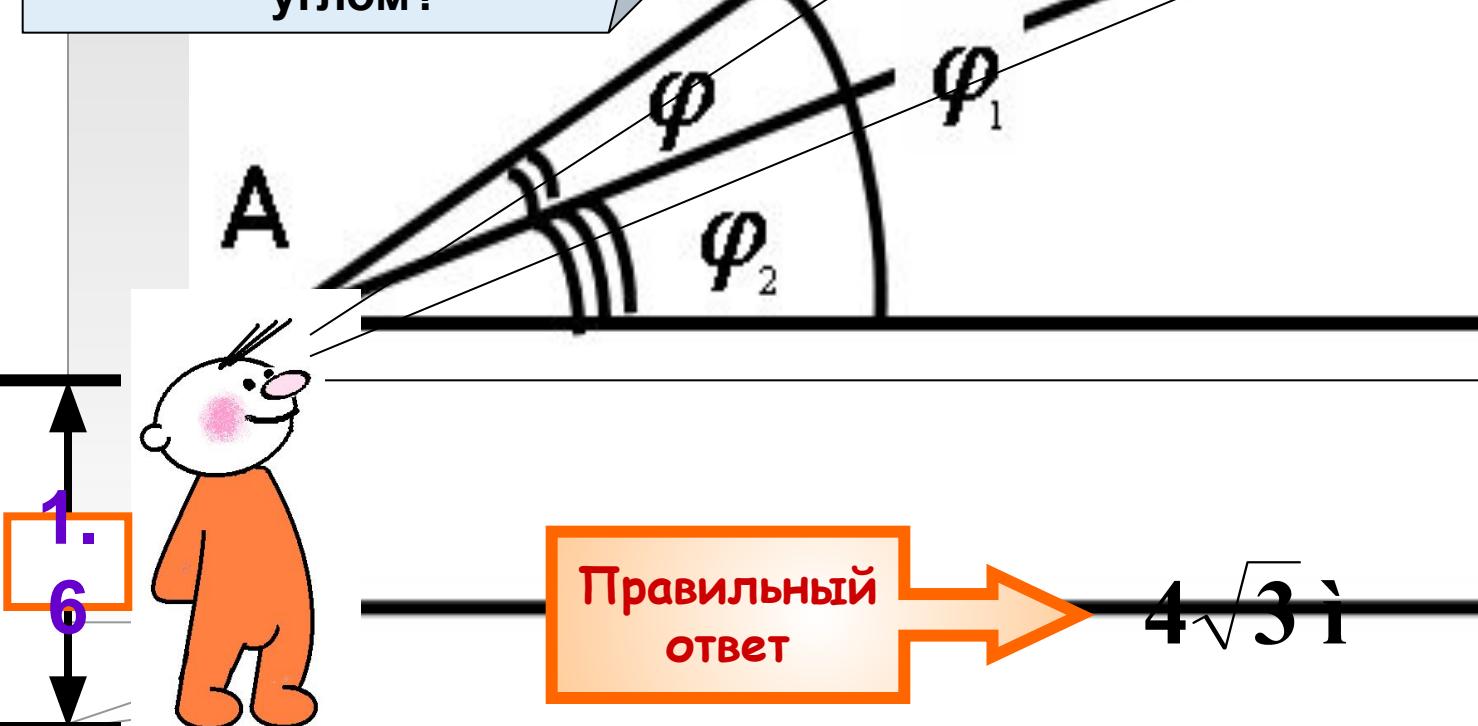
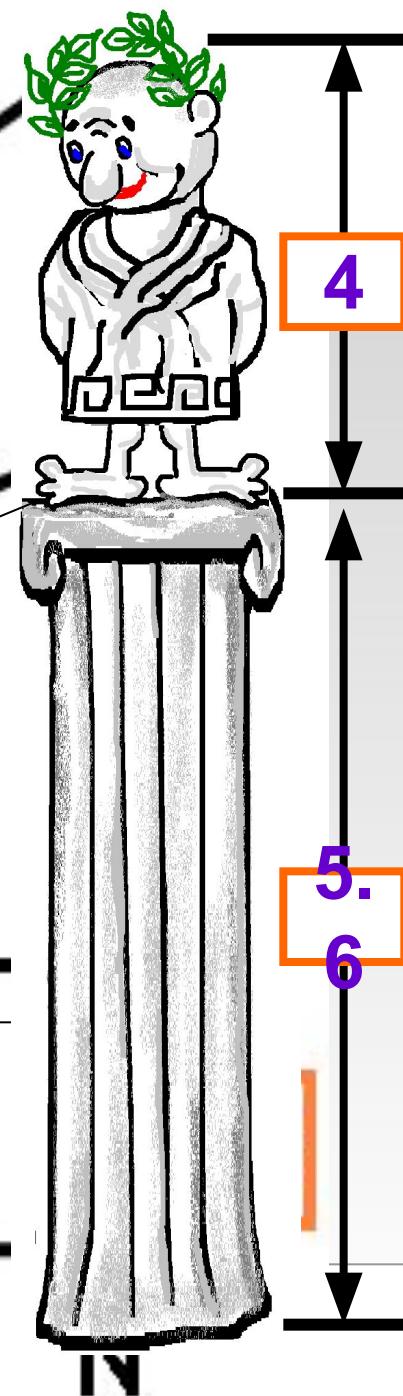


Правильный  
ответ

$$\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{4}\right) \text{ и } \left(1\frac{3}{8}, -\frac{5}{8}\right).$$

Русла двух рек (в пределах некоторой области) представляют собой параболу  $y=x^2$  и прямую  $x-y-2=0$ . Требуется соединить эти реки прямолинейным каналом наименьшей длины. Через какие точки следует его провести?

Статуя, высота которой 4 м, стоит на колонне высотой 5,6 м. На каком расстоянии от колонны должен стоять человек ростом 1,6 м (до уровня глаз), чтобы видеть статую под наибольшим углом?



Правильный  
ответ

$$4\sqrt{3} \text{ м}$$



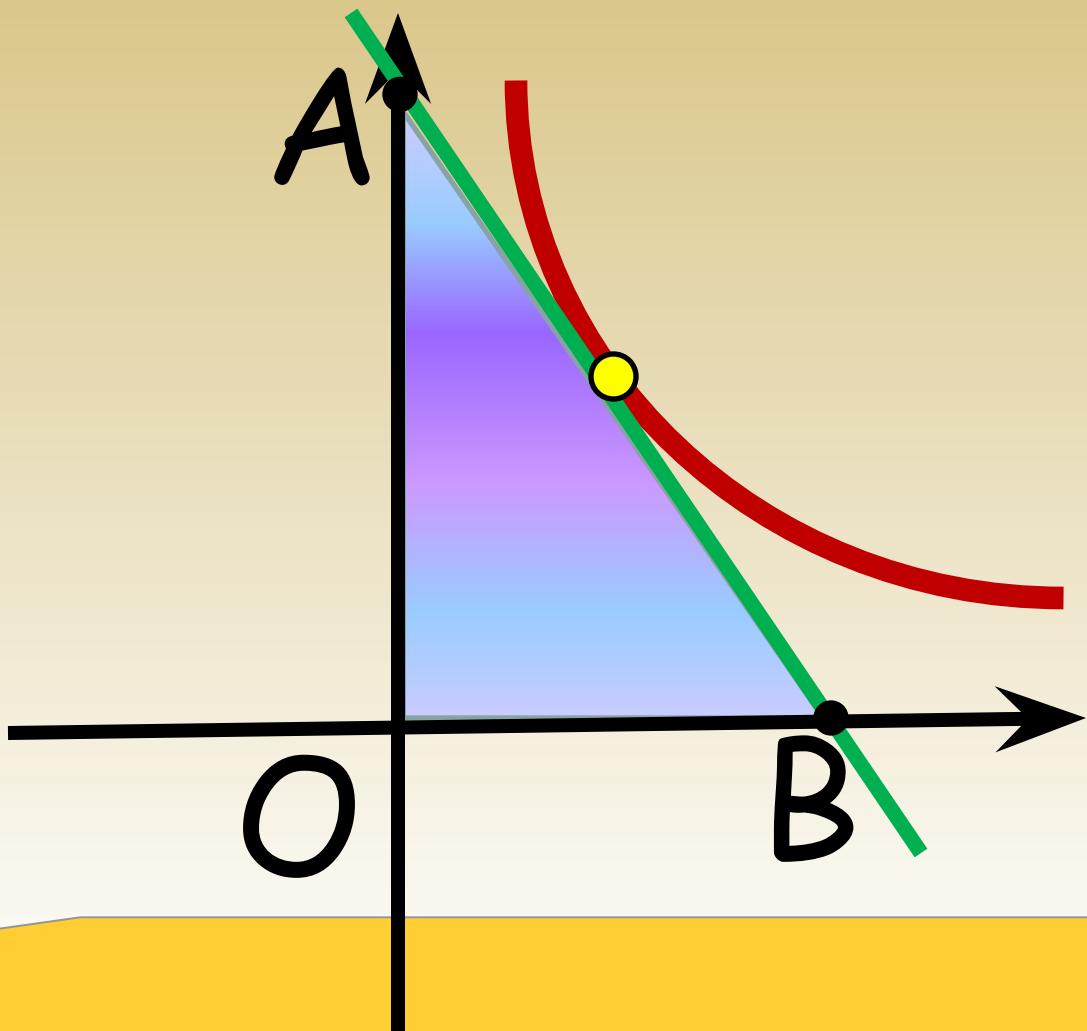
**А сейчас  
кое-что  
новенькое!**



# Задание №7.

## Практическая работа

- Задания:
- Постройте график функции  $y=a/x$ ;
- В любой точке графика проведите касательную к нему;
- Вопрос: есть ли зависимость между параметром  $a$  и площадью треугольника  $AOB$ ? Обоснуйте свой ответ.





# Задание №7.

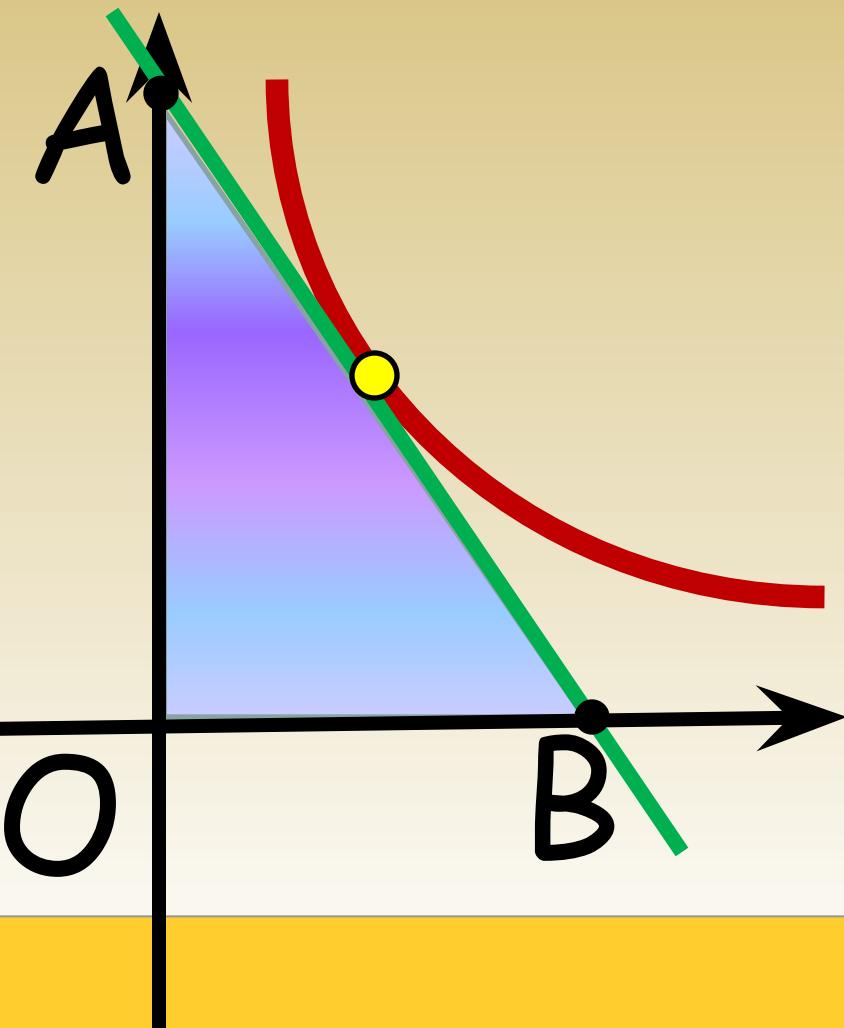
## Практическая работа

### Теорема

Площадь треугольника, образован-

Проверим?

точки касания и  
равна  $2|a|$ .





# Задание №8 (Тест № 3)

№	Вариант №1	Фамилия, имя, класс:				
		1	2	3	4	5
1	Найти угловой коэффициент нормали к графику функции $\frac{x^3 + 1}{x^2 + 2}$ в точке с абсциссой $x = 1$	-7/5	5/7	-5/9	9/5	-9/5
2	Вычислить угол между кривыми $y = 3x$ и $y = -x + 4$ в точке их пересечения, имеющей положительную абсциссу.	arctg(4/13)	arctg(8/11)	arctg(4/11)	-arctg(8/13)	arctg(12/13)
3	Вращение точки вокруг оси совершается по закону $\varphi(t) = -t^3 + 12t^2 + 7t$ . Известно, что ускорение в некоторый момент $t$ равно 9 рад/с? Найти этот момент $t$ .	2.5с	5с	2с	3.5с	3с
4	Определите количество корней уравнения: $3x - x^2 - 12 = 0$	0	1	2	3	4
5	При каком значении $a$ график функции $y = x^3 + a$ будет касаться прямой $y = -4x + 5$ ?					

Прочтите  
правила  
работы:

Самостоятельная работа  
с раздаточным  
материалом  
в двух вариантах

№	Вариант №2	Фамилия, имя, класс:				
		1	2	3	4	5
1	Найти угловой коэффициент нормали к графику функции $\frac{x^3 - 7}{x^2 + 1}$ в точке с абсциссой $x = 1$	-2/5	9/2	-2/9	2/5	1/5
2	Вычислить угол между кривыми $y = 2x^3 - 7$ и $y = x^3 + 2$ в точке их пересечения, имеющей положительную абсциссу.	arctg(12/73)	-arctg(6/73)	-arctg(12/73)	arctg(18/71)	-arctg(6/71)
3	Вращение точки вокруг оси совершается по закону $\varphi(t) = -t^3 + 8t^2 - 3$ . Известно, что ускорение в некоторый момент $t$ равно 4 рад/с? Найти этот момент $t$ .	3с	2с	2.5с	4с	1.5с
4	Определите количество корней уравнения: $x^3 - 3x^2 + 11 = 0$	0	1	2	3	4
5	При каком значении $a$ график функции $y = a - 0.5x^3$ будет касаться прямой $y = 2x + 3$ ?	6	-3	2	3/2	1



## Задание №8 (Тест № 3)

### Правила работы:

- Решить задачу;
- Найти полученный ответ в тесте;
- В соответствующем окошке поставить метку:

✗

или

✓

Желаем успеха!



# Задание №8 (Тест № 3)

## Правильные ответы

### Вариант №1

1.  $-9/5$
2.  $\arctg$
3.  $2,5 \text{ с}$
4. 1 корень
5.  $a=9$

### Вариант №2

$6/73)$

Проверим?

5.  $a=1$

Результаты теста внесите в оценочный лист!



# Подводим итоги урока:

- Назовите имена учёных, внёсших вклад в создание и развитие дифференциального исчисления.
- С какими новыми понятиями вы познакомились в процессе изучения темы?
- Какие новые алгоритмы стали вам известны?
- Задачи какого рода решаются с помощью производной?
- Назовите сферы приложения производной.



# Подводим итоги урока:

- Вспомните, каковы были цели, поставленные нами в начале урока?
- Достигнуты ли цели?
- Что удалось?
- Что не получилось?
- Понравился ли вам урок?



# Подводим итоги урока:

$90\% \leq R \leq 100\%$	$75\% \leq R < 90\%$	$50\% \leq R < 75\%$	$25\% \leq R < 50\%$	$R < 25\%$
$22,5 \leq B \leq 256$	$18,8 \leq B < 22,5$	$12,5 \leq B < 18,8$	$6,25 \leq B < 12,5$	$B < 6,25$
5	4	3	2	1

R - Рейтинг

B - Баллы

Оценка



# Спасибо за урок!

# До свидания!