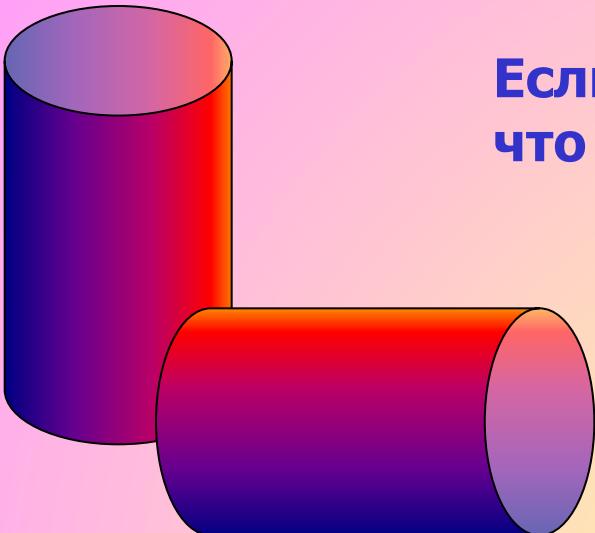


МОУ «Средняя общеобразовательная школа с. Погорелка
Шадринский район Курганская область

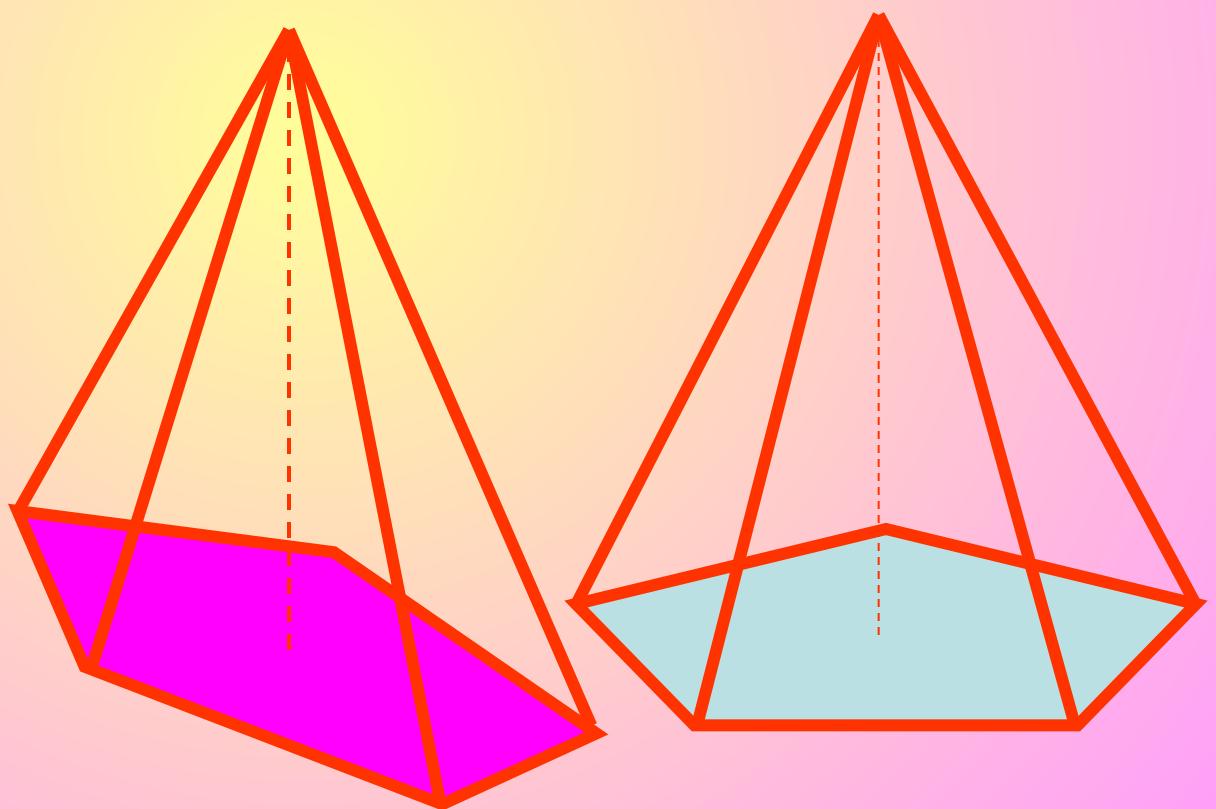
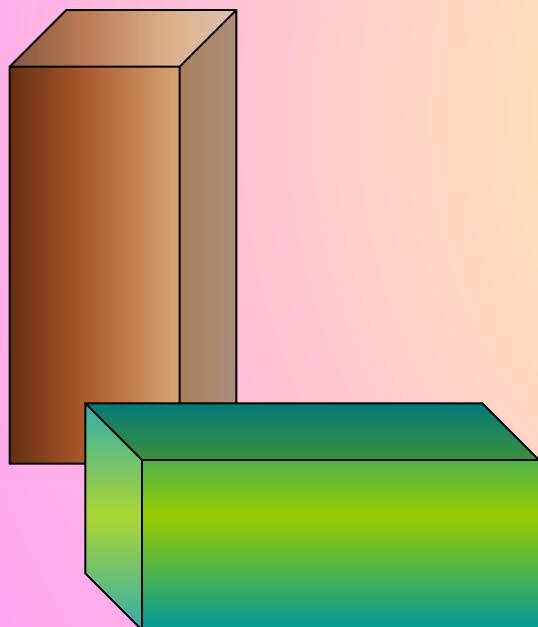
ОБЪЕМ ТЕЛ

Учитель математики
первой квалификационной
категории Кощеев М.М.



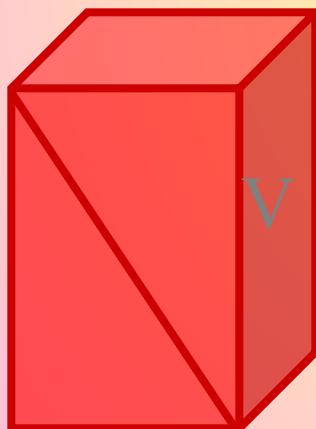
**Если тела А , В, С имеют равные размеры, то
что можно сказать об объемах этих тел?**

**Равные тела имеют равные
объемы**



Как определить объем тела , если известен объем его **частей.**

Если тело разбито на части, являющиеся простыми телами, то объем тела равен объему его частей.



$$V = V_1 + V_2$$



Объем наклонной призмы



Объем наклонной призмы

Объем наклонной призмы равен произведению площади основания на высоту

1. Треугольная призма

имеет S основания и высоту h .

$O=OX \cap (ABC)$; $OX \perp (ABC)$; $(ABC) \parallel (A_1B_1C_1)$;

$(A_1B_1C_1)$ -плоскость сечения: $(A_1B_1C_1) \perp OX$

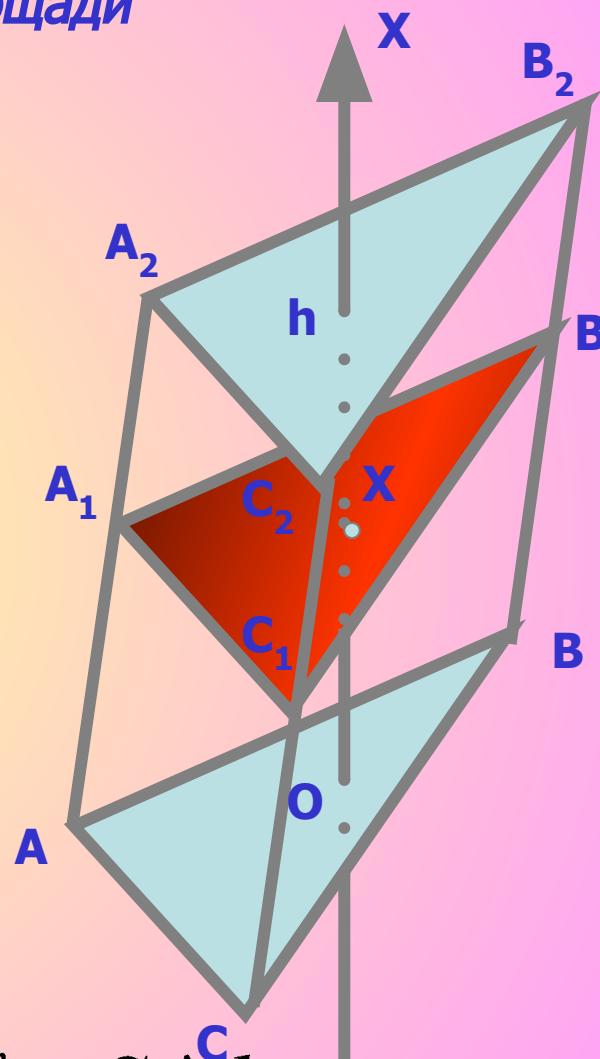
$S(x)$ -площадь сечения; $S=S(x)$, т.к.

$(ABC) \parallel (A_1B_1C_1)$ и

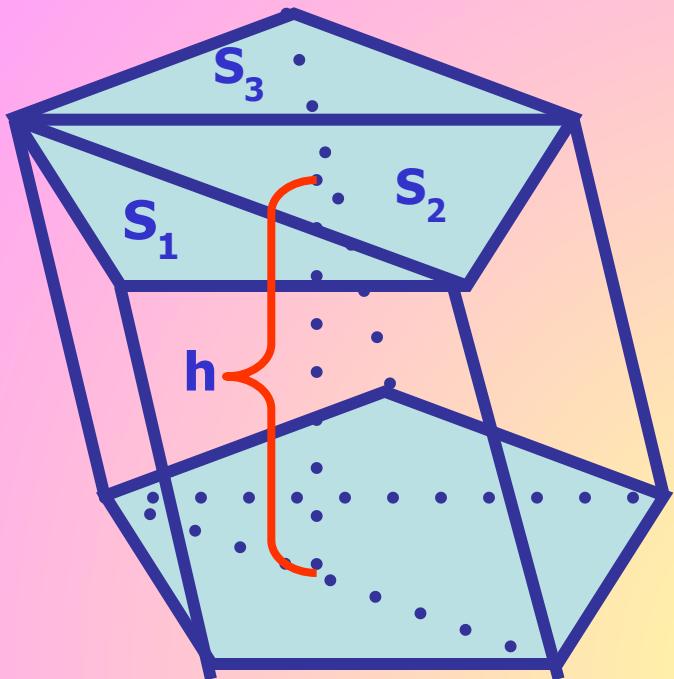
$\triangle ABC = \triangle A_1B_1C_1$ (AA_1C_1C -

параллелограмм $\rightarrow AC=A_1C_1, BC=B_1C_1,$

$AB=A_1B_1$)



$$V = \int_0^h S(x)dx = \int_0^h Sdx = S \int_0^h dx = Sx \Big|_0^h = S * h$$



2. Наклонная призма с многоугольником в основании

$$V = V_1 + V_2 + V_3 =$$

$$= S_1 * h + S_2 * h + S_3 * h =$$

$$= h(S_1 + S_2 + S_3) = S * h$$

Объем наклонной призмы равен произведению бокового ребра на площадь перпендикулярного ребру сечения

№ 676 Найти объем наклонной призмы, у которой основанием является треугольник со сторонами 10см, 10см, 12см, а боковое ребро равное 8см, составляет с плоскостью основания угол 60^0

Дано: $ABC A_1 B_1 C_1$ - наклонная прямая призма. $\angle B_1 BK = 60^0$, $BC = 10\text{см}$, $AB = 10\text{см}$, $AC = 12\text{см}$, $BB_1 = 8\text{см}$.

Найти: $V_{\text{призмы}} = ?$

Решение: $V = S_{\text{осн.}} \cdot h$, $S_{\text{осн.}} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ - формула Герона

$$S_{\text{осн.}} = \sqrt{16 \cdot 6 \cdot 4 \cdot 6} = 4 \cdot 2 \cdot 6 = 48 (\text{см}^2)$$

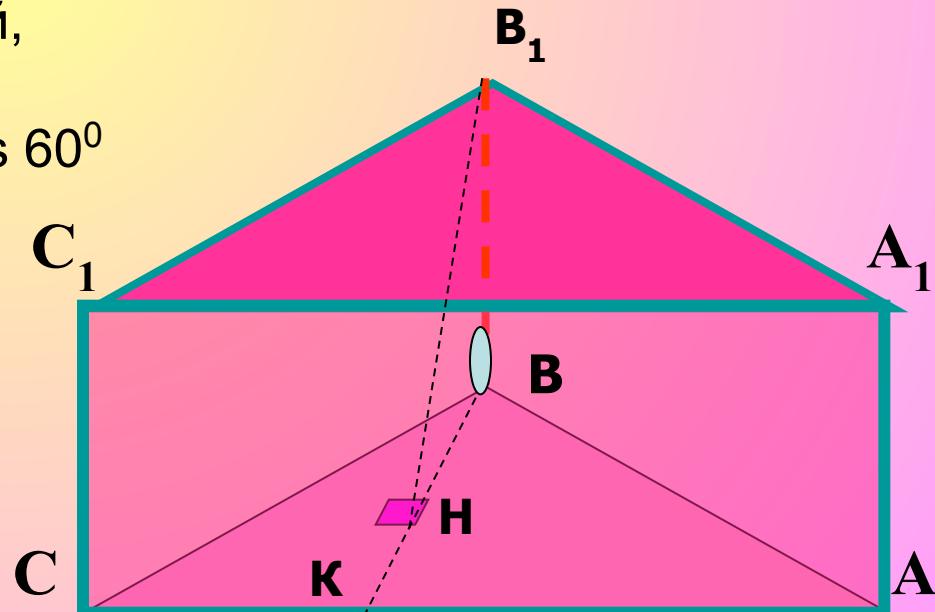
Треугольник BB_1H - прямоугольный,

так как B_1H – высота $B_1H = BB_1 \cdot \cos 60^0$

$$B_1H = 8 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3} (\text{см})$$

$$V = 4\sqrt{3} \cdot 48 = 192\sqrt{3} (\text{см}^3)$$

Ответ: $V_{\text{пр.}} = 192\sqrt{3} (\text{см}^3)$



№ 680 Основанием наклонной призмы является прямоугольный треугольник со сторонами a и b . Боковые ребра длины c составляют со смежными сторонами основания углы, равные β . Найти объем призмы? (стр180)

Дано: АВСДА₁В₁С₁Д₁-призма, АВСД-прямоугольник, АВ= a , АД= b , АА₁= c , $\angle A_1AD = \angle A_1AB = \beta$

Найти: $V_{\text{призмы}} = ?$

Решение:

1. $\angle A_1AD = \angle A_1AB$ значит точка А₁ проецируется на биссектрису $\angle A$, А₁O \perp (ABC), АО-биссектриса $\angle A$

2. Так как А₁O \perp (ABC) , ОМ \perp АД (ОМ-проекция, А₁М-наклонная) отсюда следует, А₁М \perp АД

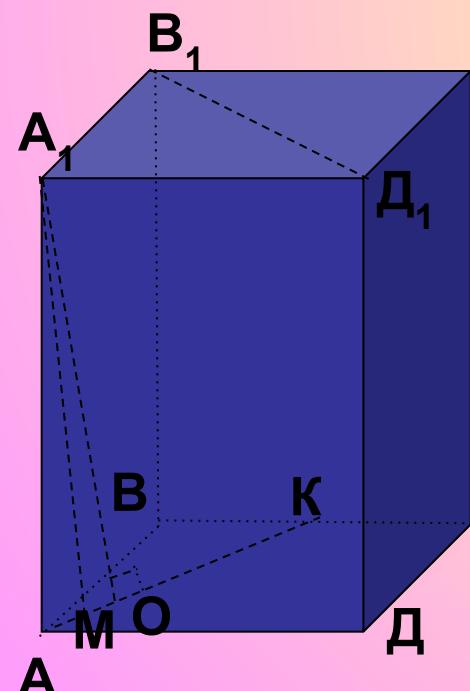
3. Треугольник АА₁М-прямоугольный, АМ=С*cosβ

4. Треугольник АОМ-прямоугольный, АО= $\sqrt{2} * AM$, АО= $\sqrt{2} * C * cos\beta$

5. А₁O = $\sqrt{c^2 - 2c^2 * cos^2\beta} = c\sqrt{1 - 2cos^2\beta} = c\sqrt{-cos2\beta}$.

6. $V = S_{\text{осн.}} * h = a * b * c\sqrt{-cos2\beta}$

Ответ : $V = a * b * c\sqrt{-cos2\beta}$



Свойство объемов №1

Равные тела имеют равные объемы

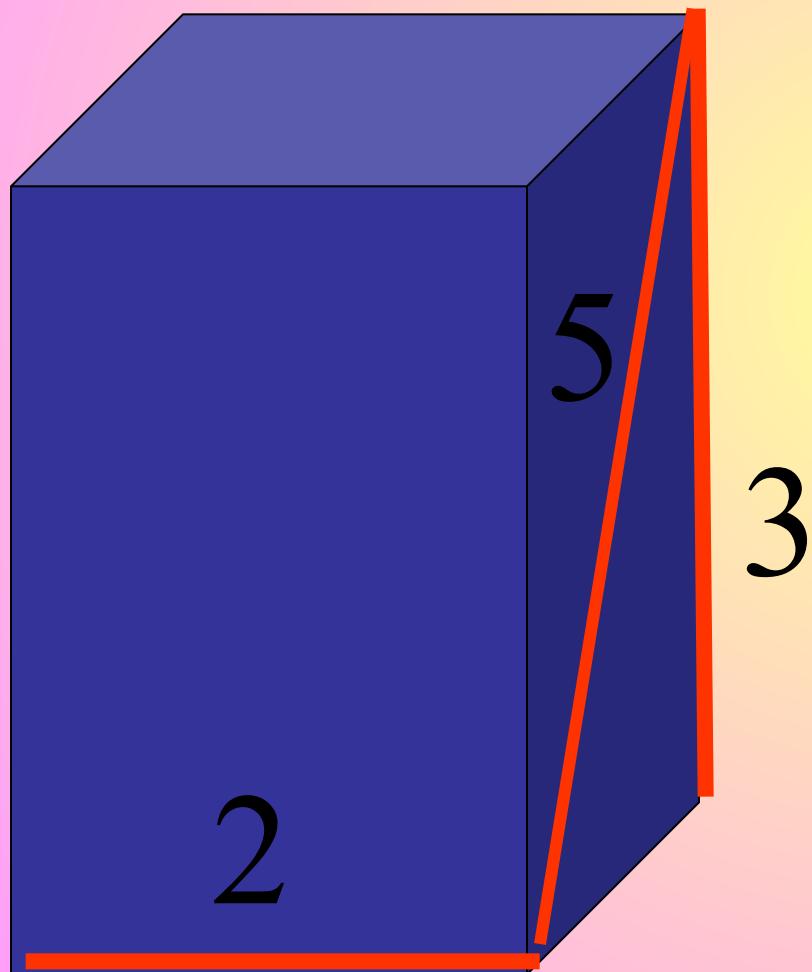
Свойство объемов №2

Если тело составлено из нескольких тел, то его объем равен сумме объемов этих тел.

Свойство объемов №3

Если одно тело содержит другое, то объем первого тела не меньше объема второго.

Реши задачу

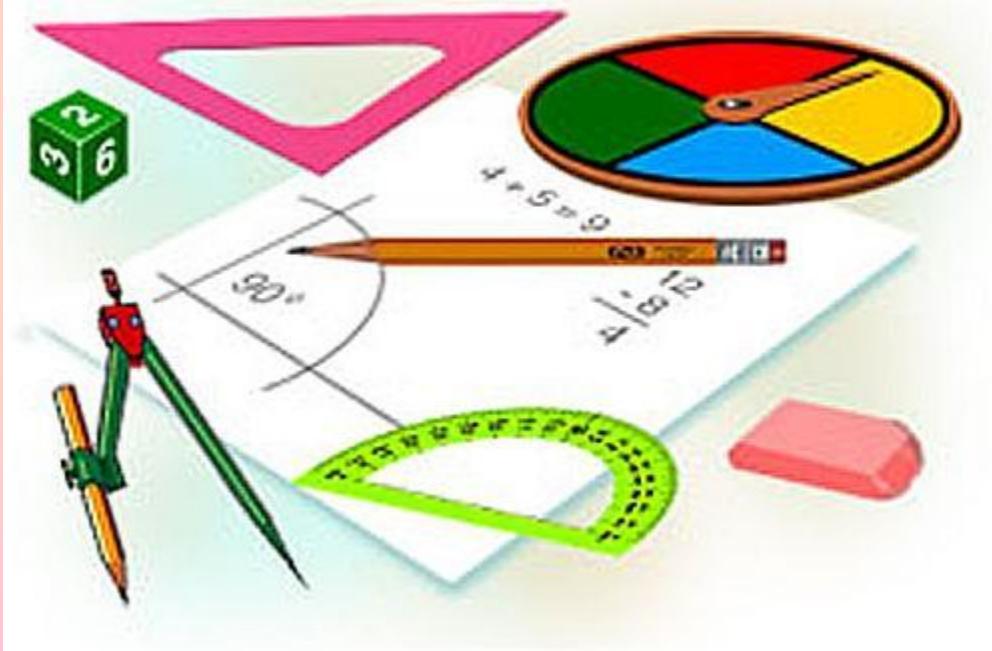


По рис.
Найти V тела

Ответ: 24
ед².

Домашнее задание

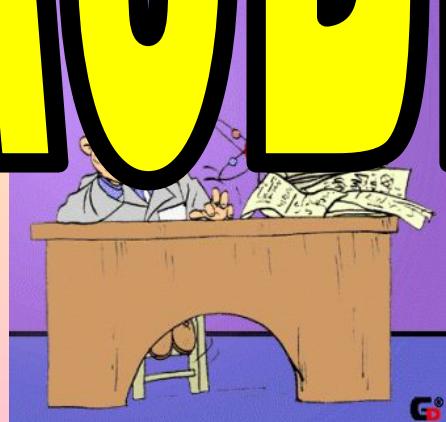
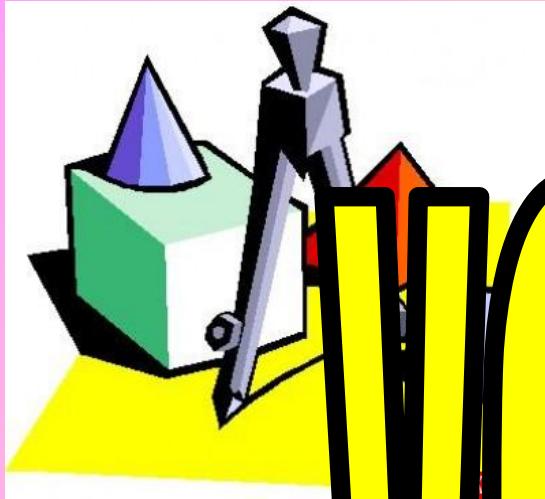
П. 68, № 681, 683, 682



Библиография

- ❖ Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев
«Геометрия, 10-11», М., Просвещение, 2007
- ❖ В.Я. Яровенко «Поурочные разработки по геометрии», Москва, «ВАКО», 2006

JUEVOS!



GO