

# 11.2. ОСНОВНЫЕ СВОЙСТВА НЕОПРЕДЕЛЕННОГО ИНТЕГРАЛА

1

*Производная от неопределенного интеграла  
равна подынтегральной функции.*

$$\left( \int f(x) dx \right)' = f(x)$$

# Доказательство:

$$\begin{aligned} \left( \int f(x) dx \right)' &= (F(x) + C)' = \\ &= F'(x) = f(x) \end{aligned}$$



*Дифференциал от неопределенного интеграла равен подынтегральному выражению.*

$$d\left(\int f(x)dx\right) = f(x)dx$$



# Доказательство:

$$\begin{aligned}d\left(\int f(x)dx\right) &= \left(\int f(x)dx\right)' \cdot dx = \\ &= f(x)dx\end{aligned}$$



*Неопределенный интеграл от дифференциала некоторой функции равен этой функции с точностью до постоянного слагаемого.*

$$\int dF(x) = F(x) + C$$



# Доказательство:

Представим функцию  $F(x)$  как первообразную некоторой функции  $f(x)$ .

Тогда:

$$\int f(x)dx = F(x) + C$$

Отсюда

:

$$f(x)dx = dF(x)$$

Следовательно:

$$\int dF(x) = \int f(x)dx = F(x) + C$$



4

*Постоянный множитель можно выносить за знак неопределенного интеграла.*

$$\int k \cdot f(x) dx = k \cdot \int f(x) dx$$



# Доказательство:

Это свойство вытекает из свойства  
производной функции  $F(x)$ :

$$(k \cdot F(x))' = k \cdot F'(x) = k \cdot f(x)$$





*Интеграл от алгебраической суммы  
(разности) двух функций равен сумме  
(разности) интегралов от этих функций:*

$$\int (f(x) \pm g(x))dx = \int f(x)dx \pm \int g(x)dx$$

# Доказательство:

Пусть  $F(x)$  и  $G(x)$  – первообразные для функций  $f(x)$  и  $g(x)$ . Тогда

$$(F(x) \pm G(x))' = F'(x) \pm G'(x) = f(x) \pm g(x)$$

