



# Лекция №4.

## Основы теории проверки статистических гипотез

**Составитель: Абдикадыр Жанат  
Нысанбек-кызы**

**Цель занятия:** Изучить основные понятия теории проверки статистических гипотез

**Тезисы лекции:**

1. Статистическая гипотеза
2. Ошибки I и II рода
3. Статистический критерий
4. Критические точки
5. Основной принцип проверки гипотез
6. Уровень статистической значимости
7. Этапы принятия статистического решения

# Литература.

1. Чудиновских В.Р., Абдикадыр Ж.Н. Применение выборочного метода в медико-биологических исследованиях., Учебное пособие. Астана 2012.
2. Чудиновских В.Р., Абдикадыр Ж.Н., Применение компьютерных программ для проверки статистических гипотез в медико-биологических исследованиях. Учебное пособие Астана 2014.
3. Койчибеков Б.К., Биостатистика. Учебное пособие-Издательство «Эверо», Алматы, 2014, 52 с
4. Койчибеков Б.К., Сорокина М.А., Букеева А.С., Такуадина А.И., Биостатистика в примерах и задачах: Учебно-метод.пособие/-Алматы, издательство «Эверо», Алматы, 2014.-80с.
5. Жидкова О.И., Медицинская статистика (конспект лекций), М. «Эксмо», 2007. Электронный учебник.
6. Вуколов Э.А. Основы статистического анализа. М.: ФОРУМ-2004.
7. Лобочкая Н.Л. Высшая математика ,1987г. Глава 17
8. Лукьянова Е.А. Медицинская статистика.- М.: Изд. РУДН, 2002.

# *1. Статистическая гипотеза*

- Статистической называют гипотезу о виде неизвестного распределения, или о параметрах известных распределений.
- Нулевой (основной) гипотезой называют выдвинутую гипотезу  $H_0$ .
- Конкурирующей (альтернативной) гипотезой называют гипотезу  $H_1$ , которая противоречит нулевой.
- Например:  $H_0: M(X)=M(Y)$ ;  $H_1: M(X)\neq M(Y)$ .

## 2. Ошибки I и II рода

- Максимальная вероятность ошибки, которую может себе позволить исследователь, принимая альтернативную гипотезу, называется уровнем значимости и обозначается буквой  $\alpha$  (альфа). Эту ошибку называют ошибкой **первого I рода**.
- Также может возникнуть ошибка, если мы принимаем нулевую гипотезу, в то время как она верна, другими словами, не находим существующие различия. Это **ошибка II рода**, её вероятность обозначается буквой  $\beta$
- Величина  $(1 - \beta)$  называется **мощностью критерия**- это способность критерия найти различия там, где они заведомо существуют.

### *3. Статистический критерий*

- Для проверки нулевой гипотезы используют специально подобранную случайную величину, точное или приближенное распределение которой известно.
- Статистическим критерием (далее просто критерием) называют случайную величину  $K$ , которая служит для проверки нулевой гипотезы.

***Все критерии различия условно делятся на параметрические и непараметрические критерии.***

**Критерий различия называется параметрическим**, если он основан на конкретном виде распределения генеральной совокупности (как правило нормальном) и использует параметр этой совокупности (средние, дисперсии и т.д.). Чаще всего в медико-биологических исследованиях применяется ***t-критерий Стьюдента***, если оценивается различие средних двух выборок, и ***F-критерий Фишера***, если оцениваются различия между двумя дисперсиям. Использование параметрических критериев статистики без предварительной проверки вида распределения может привести к определенным ошибкам в ходе проверки рабочей гипотезы.

**Критерий различия называется непараметрическим, если критерий не базируется на предположении о виде распределения и не использует параметры этой совокупности. Для анализа медико-биологических данных обычно используют критерий знаков, двухвыборочный критерий Вилкоксона, критерий Манна-Уйтни, критерий Ван дер Вардена, критерий Спирмена, выбор которых, хотя и не требует большого числа членов выборки и знаний, вида распределения, но все же зависит от целого ряда условий.**



Прежде чем решить вопрос о выборе статистического критерия необходимо определить тип собранных данных, подчиняются ли данные нормальному закону распределения, являются ли группы данных зависимыми, связанными, сколько используется групп. Алгоритм выбора статистического критерия для анализа количественных данных представлен на рисунке.

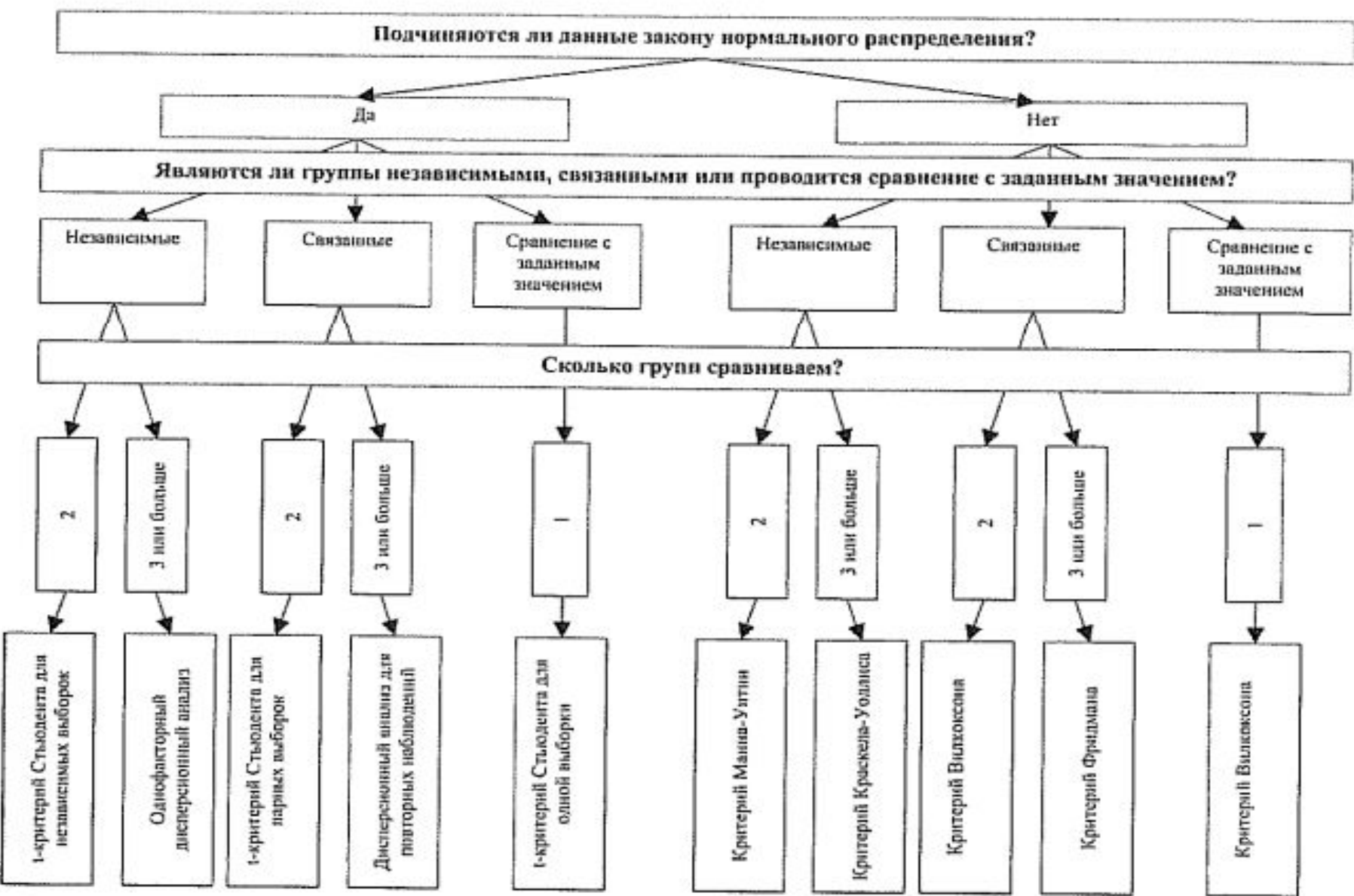
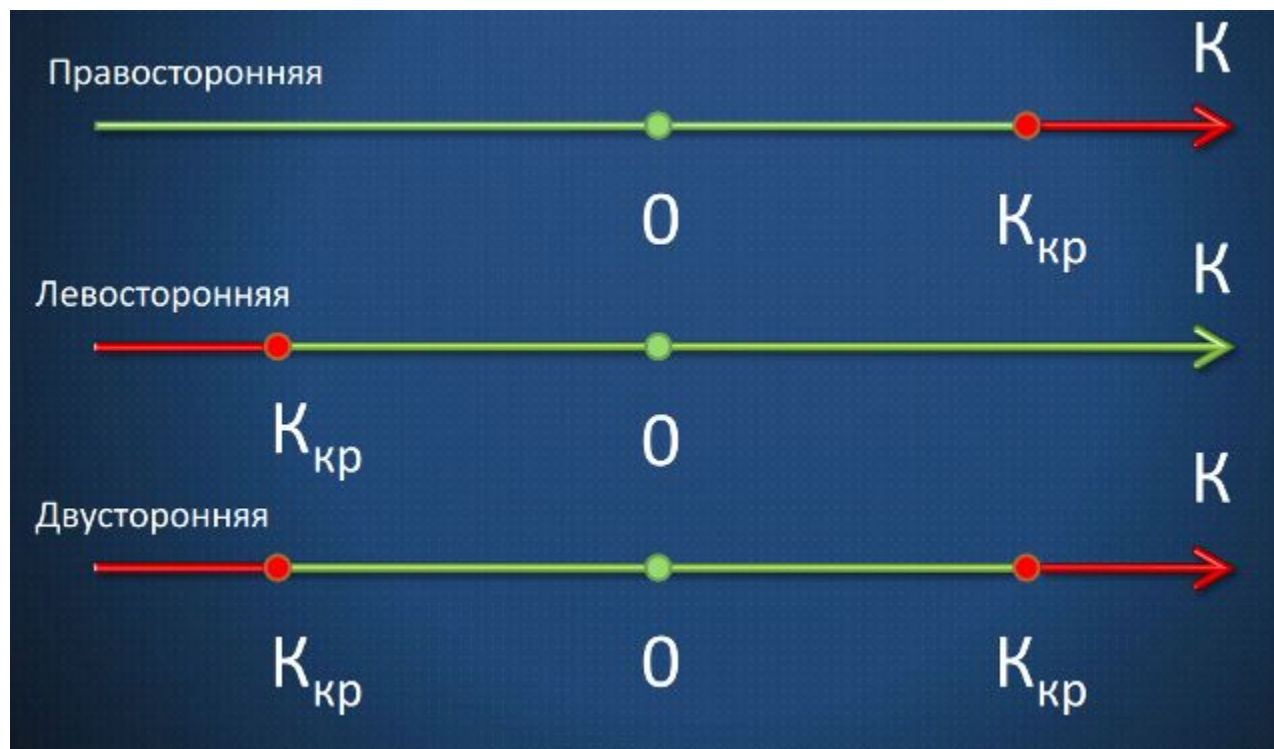


Рис. 4. Алгоритм выбора статистического критерия для анализа количественных данных

## *4. Критические точки*

- Критической областью называют совокупность значений критерия, при которых гипотезу отвергают.
- Область принятия гипотезы (область допустимых значений) называют совокупность значений критерия, при которых гипотезу принимают.
- Критическими точками (границами, значениями,  $K_{кр}$ ) называют точки, отделяющие критическую область от области принятия решений.

# *Критические точки и области*



# *Поиск критической точки*

- Задается уровень значимости  $\alpha$  ( $\alpha=0.05$ )

- Для левосторонней

$$P(K < K_{кр}) = \alpha$$

- Для правосторонней

$$P(K > K_{кр}) = \alpha$$

- Для двусторонней

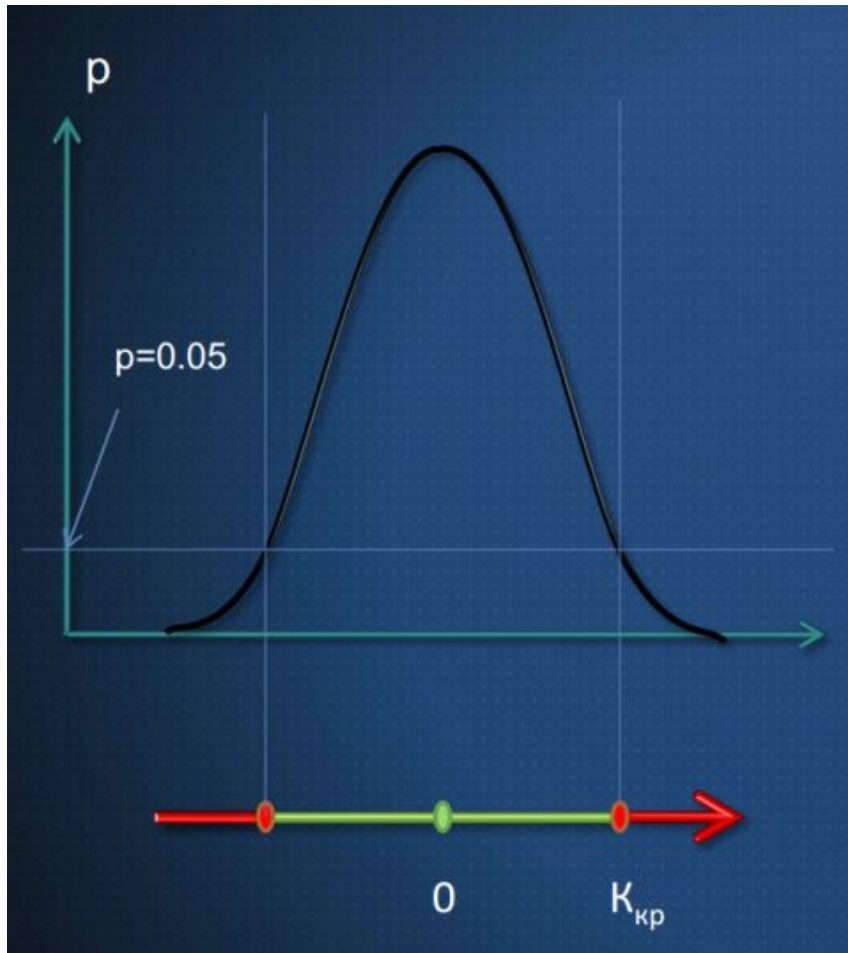
$$P(K < K_{кр}) = \alpha/2 \text{ и } P(K > K_{кр}) = \alpha/2$$

**NB!** Для каждого статистического критерия ( $K$ ) уже найдена критическая точка ( $K_{кр}$ ) для уровня значимости ( $\alpha$ ) и находится по таблицам или с помощью компьютерной программы

## *5. Основной принцип проверки гипотез*

- Если наблюдаемое значение критерия принадлежит критической области, то гипотезу отвергают, если наблюдаемое значение принадлежит области принятия гипотезы, то гипотезу принимают.
- Наблюдаемое критическое значение ( $K_{\text{набл}}$ ) — значение критерия рассчитанное по выборке

# Что такое $p$ ?



- $p$  – это вероятность справедливости нулевой гипотезы
- $\alpha$  – уровень значимости, равный вероятности ошибочно отвергнуть нулевую гипотезу
- Когда  $p < \alpha$  нулевая гипотеза отвергается

# 6. Уровень статистической значимости

*( $\alpha$  -уровень)* – это количественно выраженная вероятность, свидетельствующая о том, что результаты достоверны, вероятность ошибочного отклонения нулевой гипотезы. Более высокий  *$\alpha$  -уровень* соответствует более низкому уровню доверия к найденной в выборке зависимости между переменными. Именно,  *$\alpha$  -уровень* представляет собой вероятность ошибки, связанной с распространением наблюдаемого результата на всю популяцию.

Принято считать, что низшим уровнем статистической значимости является уровень  $\alpha = 0,05$ ; достаточным –  $\alpha = 0,01$ ; высшим –  $\alpha = 0,001$ .



Уровень значимости	Возможный статистический вывод
$p > 0,05$	Отсутствуют достоверные различия.
$p > 0,1$	Статистически достоверные различия не обнаружены
$p \leq 0,1$	Различия обнаружены на уровне статистической тенденции
$p \leq 0,05$	Обнаружены статистически достоверные (значимые) различия
$p \leq 0,01$	Различия обнаружены на высоком уровне статистической значимости
$p \leq 0,001$	Различия обнаружены на высшем уровне статистической значимости

## 7. Этапы принятия статистического решения

О.Ю.Ермолаев предлагает для принятия статистического решения выделять следующие этапы.

- Формулировка нулевой и альтернативной гипотез.
- Определение объема выборки  $N$ .
- Выбор соответствующего уровня значимости или вероятности отклонения нулевой гипотезы. Это может быть величина меньшая или равная 0,05 (5% уровень значимости). В зависимости от важности исследования можно выбрать уровень значимости в 0,1% или даже в 0,001%.
- Выбор статистического метода, который зависит от типа решаемой статистической задачи.
- Вычисление соответствующего эмпирического значения критерия по экспериментальным данным, согласно выбранному статистическому методу.
- Нахождение по таблице для выбранного статистического метода критических значений статистического критерия, соответствующих уровню значимости для  $P=0,05$  или для  $P=0,01$ .
- Формулировка принятия решения. Оценка уровня статистической значимости результата исследования ( $p$ -уровень).