

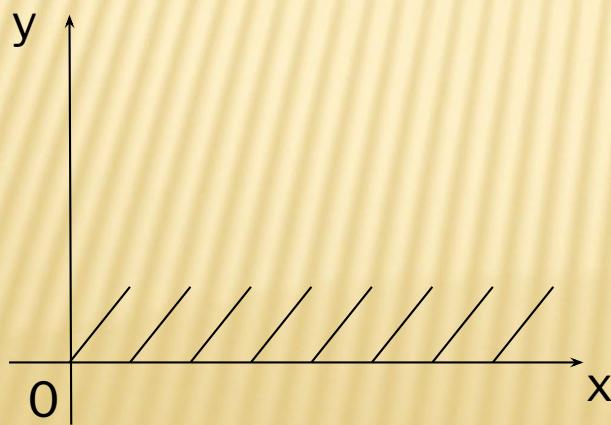
ЛОГАРИФМИЧЕСКАЯ ФУНКЦИЯ

Функция $y=\log_a x$,

где a – заданное число, $a > 0$, $a \neq 1$,
называется логарифмической

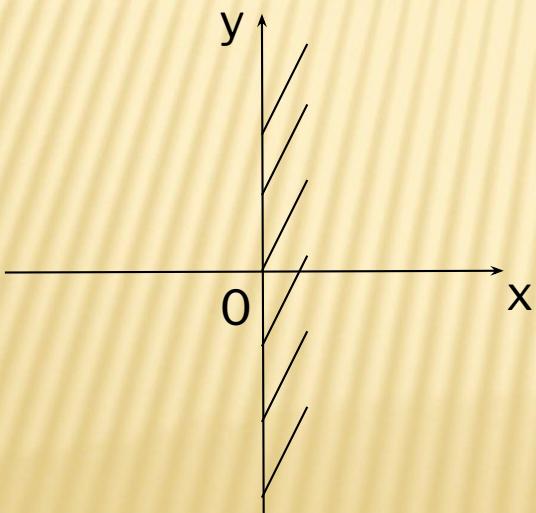
ОБЛАСТЬ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ЛОГАРИФМИЧЕСКОЙ ФУНКЦИИ – МНОЖЕСТВО ВСЕХ ПОЛОЖИТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ

Это следует из того, что для любого действительного числа B есть такое положительное число X , что $y = \log_a x$ имеет смысл только при $x > 0$



МНОЖЕСТВО ЗНАЧЕНИЙ
ЛОГАРИФМИЧЕСКОЙ ФУНКЦИИ –
МНОЖЕСТВО \mathbb{R} ВСЕХ ДЕЙСТВИТЕЛЬНЫХ
ЧИСЕЛ.

Это следует из того, что для любого действительного числа b есть такое положительное число x , что $\log_a x = b$.



МОНОТОННОСТЬ

$a > 1$

Ф. Возрастающая

а) если $x_1 < x_2$, то $\log_a x_1 < \log_a x_2$

б) если $\log_a x_1 < \log_a x_2$, то $x_1 < x_2$

$0 < a < 1$

Ф. Убывающая

а) если $x_1 < x_2$, то $\log_a x_1 > \log_a x_2$

б) если $\log_a x_1 < \log_a x_2$, то $x_1 > x_2$

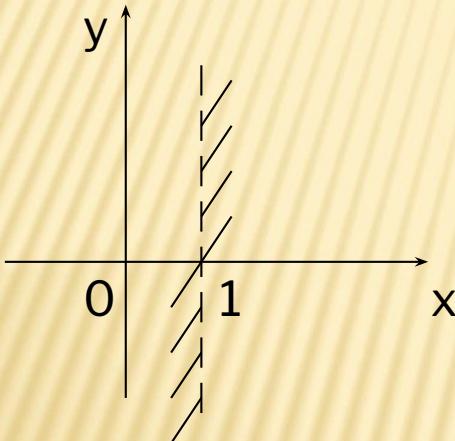
Если $x=1$, то $y = \log_a 1 = 0$ (свойство 3)

Значит график пересекает ось ОХ в точке А (1;0).

График не пересекает ось ОY

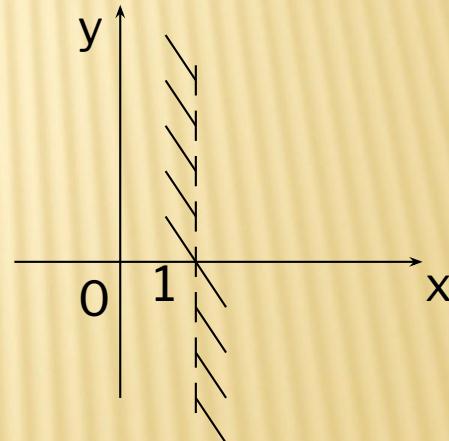
Если $a > 1$

$$\frac{0 < x < 1}{y < 0} ; \frac{x > 1}{y > 0}$$



Если $0 < a < 1$

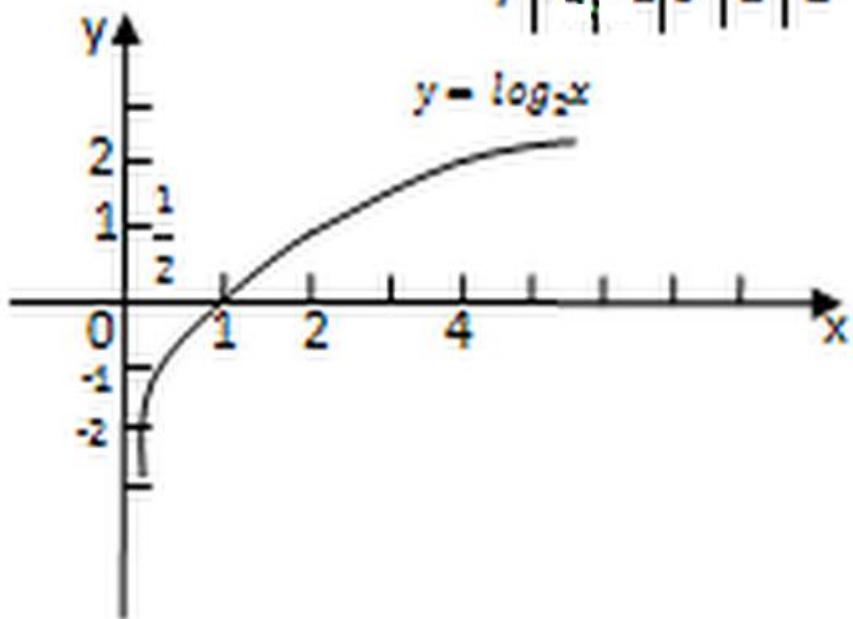
$$\frac{0 < x < 1}{y > 0} ; \frac{x > 1}{y < 0}$$



Это следует из того, что $y = \log_a x$ принимает значение, равное нулю, при $x=1$ и является возрастающей на промежутке $x>0$, если $a>1$, и убывающей, если $0 < a < 1$.

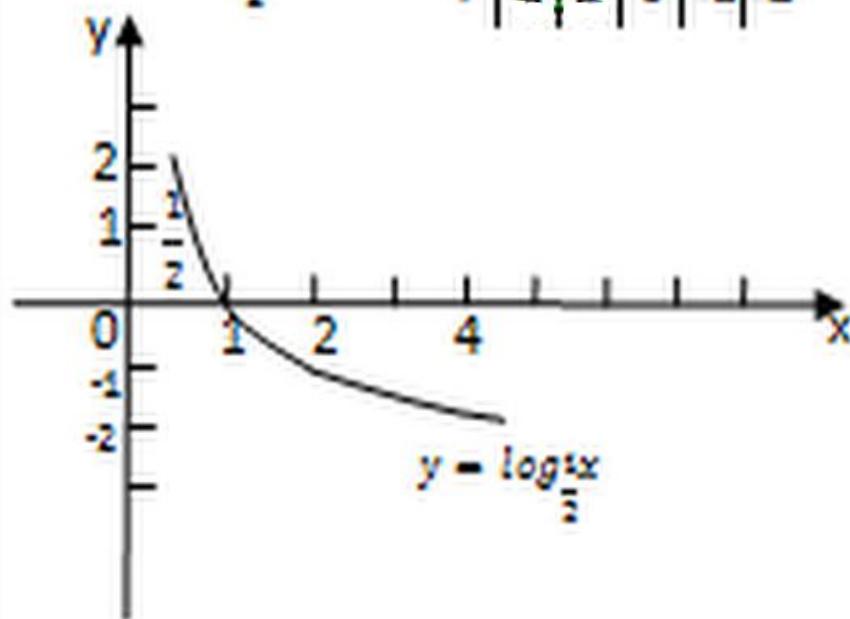
График функции $y = \log x$

$$y = \log_2 x$$



x	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	2	4
y	-2	-1	0	1	2

$$y = \log_{\frac{1}{2}} x$$



x	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	2	4
y	2	1	0	-1	-2