

# Тема проекта : Первообразная

Подготовили : Зайцева  
Людмила , Домненко  
Алена ,11 б МОУ  
Алексеевская СОШ,  
под руководством  
Плешаковой Ольги  
Владимировны

# Содержание

- ✓ Открытие первообразной
- ✓ Понятие первообразной
- ✓ Основное свойство первообразной
- ✓ Три правила нахождения первообразной
- ✓ Интегралы
- ✓ Неопределенный интеграл
- ✓ Используемая литература

# Открытие первообразной

- В математике важнейшей заслугой Готфрида Лейбница и Исаака Ньютона является разработка дифференциального и интегрального исчисления . Первые результаты ученых были получены в 1675 году. Систематический очерк дифференциального исчисления был опубликован в 1684, интегрального – в 1686. Здесь давались определения дифференциала и интеграла , были введены знаки для дифференциала  $d$  и интеграла
- Далее ученые указали формулу для многократного дифференцирования произведения и положили начало интегрированию рациональных



Готфрид Лейбниц



Исаак Ньютон

# *Понятие первообразной*

Функция  $F$  называется первообразной для функции  $f$  на заданном промежутке, если для всех  $x$  из этого промежутка  $F'(x) = f(x)$ .

Вычисление первообразной заключается в нахождении неопределенного интеграла, а сам процесс называется интегрированием

# Основное свойство первообразной

- Любая первообразная для функции  $f$  на промежутке  $I$  может быть записана в виде  $F(x) + C$ , где  $F(x)$ -одна из первообразных для функции  $f(x)$  на промежутке  $I$ , а  $C$ -произвольная постоянная.

# Три правила нахождения первообразных

✓ Правило 1.

Если  $F$  есть первообразная для  $f$ , а  $G$ - первообразная для  $g$ ,  $F+G$  есть первообразная для  $f + g$ .

✓ Правило 2.

Если  $F$  есть первообразная для  $f$ , а  $k$ - постоянная, то функция  $kF$  – первообразная для  $kf$ .

✓ Правило 3.

Если  $F(x)$  есть первообразная для  $f(x)$ , а  $k$  и  $b$ - постоянные , причем  $k$  не равно 0, то  $1/k F(kx+b)$  есть первообразная для  $f(kx+b)$ .

# Интегралы

- Первообразные важны тем , что позволяют вычислять интегралы .
- Если  $F$  – первообразная интегрируемой функции  $f$  , то :

$$\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a).$$

- Это соотношение называется формулой Ньютона-Лейбница

# Неопределенный интеграл

Множество первообразных данной функции  $f$  называют неопределенным интегралом  $f$  и записывают в виде интеграла без указания пределов :

$$\int f(x)dx$$

- Используемая литература :
- wikipedia.org
- algmir.org
- www.webmath.ru
- www.matburo.ru
- www.math-on-line.com