

# Тема урока: «Площадь трапеции»

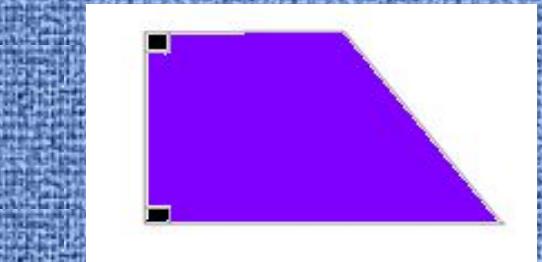
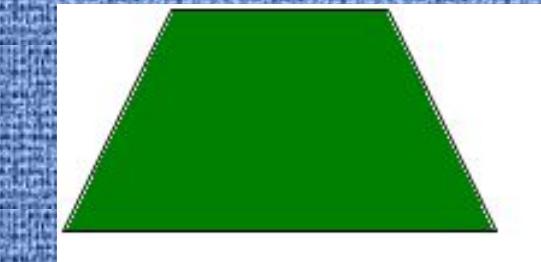
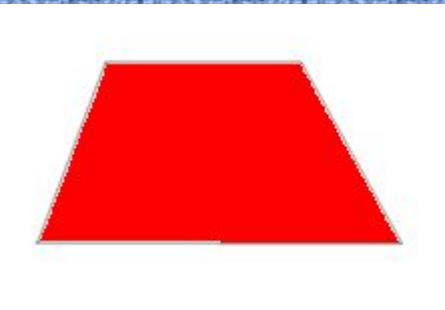
**Цель обучающая:**  
*доказать теорему о площади трапеции разными способами, отрабатывать применение данной формулы при решении задач различного уровня сложности.*

# Актуализация знаний учащихся.

- Дать определение трапеции.

Трапецией называется четырехугольник, у которого две стороны параллельны, а две другие стороны не параллельны.

- Виды трапеций:



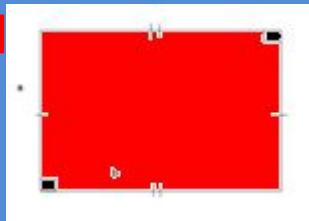
равнобедренная  
трапеция

прямоугольная  
трапеция

# Формулы площади.

Прямоуголь

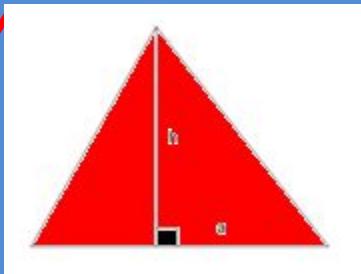
н



$$S=ab$$

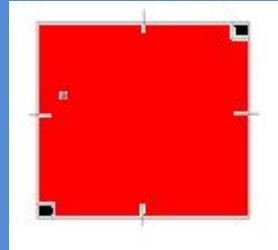
Треугольн

и



$$S=1/2 ah$$

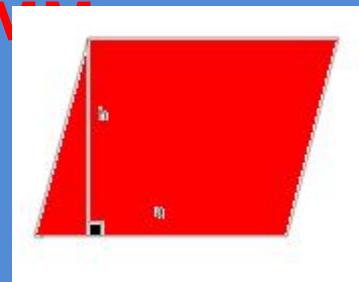
Квадра



$$S=a^2$$

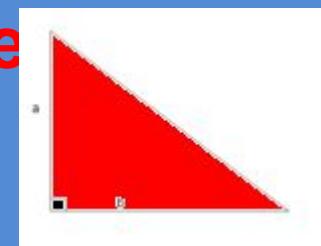
Параллелогра

м



$$S= ah$$

Прямоугольн  
ый  
треугольник



$$S=1/2 ab$$

# Проверка домашнего задания.

# Уровень А 1) 4см и 10см

2) 24cm<sup>2</sup>

## ☐ Уровень Б      1) 5см; 15см; 25см;

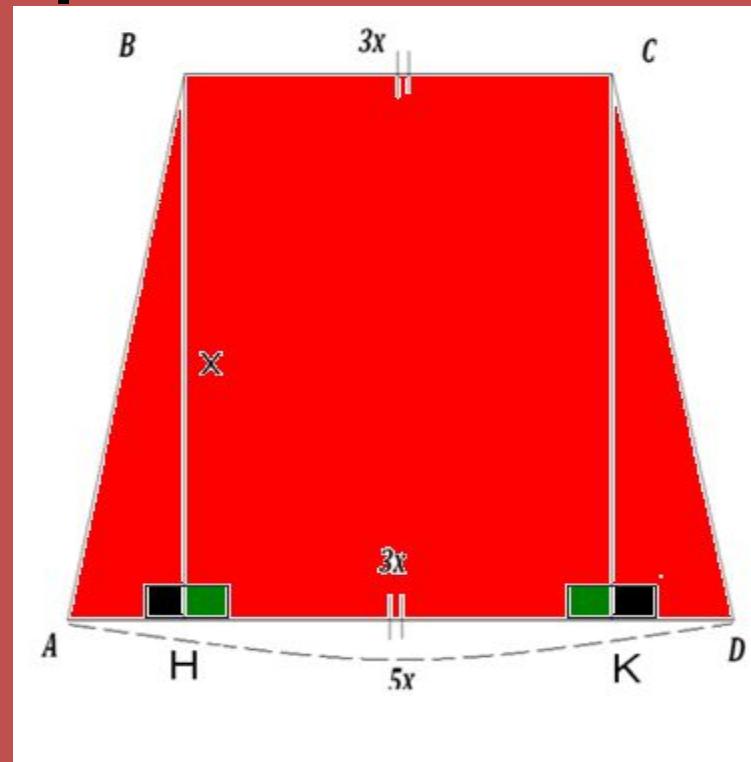
2)  $32\text{cm}^2$

## Уровень В

2) 81cm<sup>2</sup>

# Уровень Б.

- 1. Дано:  $S_{трап} = 100 \text{ см}^2$ ; высота в 3 раза меньше одного из оснований и в 5 раз меньше другого.
- Найти:  $BH, BC, AD$ .
- Решение:
- Пусть  $BH=x \text{ см}$ ,  $BC=3x \text{ см}$ ,
- $AD=5x \text{ см}$
- $((3x+5x):2)x=100$
- $X^2=25$
- $X=5$
- $X=-5$
- $X>0$ , значит  $BH=5 \text{ см}$ ;  $AD=25 \text{ см}$ ,  $BC=15 \text{ см}$
- Ответ: 5 см, 25 см, 15 см.



# Уровень Б

2.

- Дано: ABCD-равнобедр. трапеция;  $\angle A=45^{\circ}$ ;  $BC=BH$ ;  $AD=12\text{см}$

- Найти: Sтрап.

*Решение:*

- Д.п.  $BH$  перпендикулярно  $AD$ ,  $CK$  перпендикулярно  $AD$ .

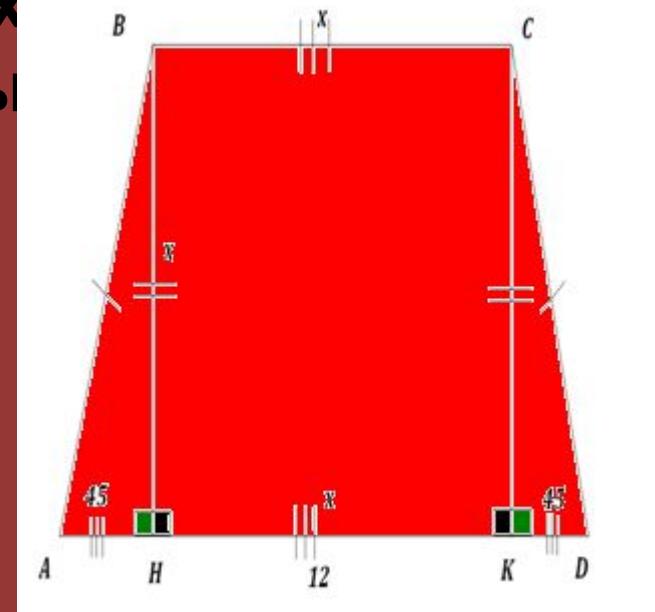
- Пусть  $BC=BH=x$ , тогда  $HK=AH=KD=x$  (треугольник  $ABH$ -прямоугольный, равнобедренный), значит

- $3x=12$ ;  $X=4$

- $S_{трап} = ((4+12):2)4$

- $S_{трап}=32\text{см}^2$

- Ответ:  $32\text{см}^2$ .



# Уровень В.

Дано: ABCD-равнобедр. трапеция;  $\angle A=30^\circ$ ;  $BC+AD=18\text{см}$

Найти: Sтрап

Решение:

$$AB+CD=30-22=8\text{см}$$

$$AB=CD=4\text{см}$$

Д.п. BH перпендикулярно AD,

CK перпендикулярно AD

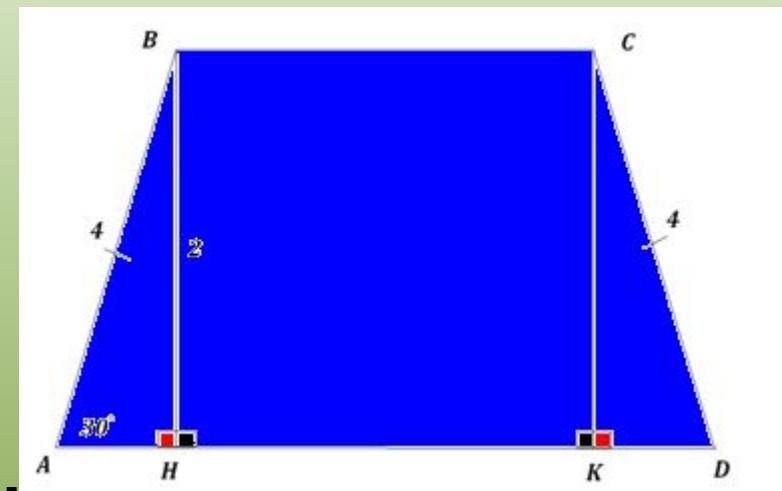
Треугольник ABH-прямоугольный

$$BH=AB:2=2\text{см}$$

(по св-ву прямоугольного треугольника)

$$\text{Страп}=(22:2)2=22\text{см}^2$$

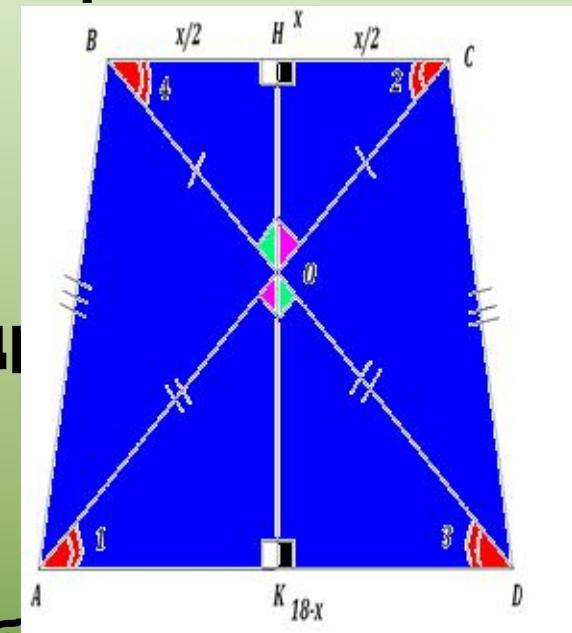
Ответ:  $22\text{см}^2$



# Уровень В

2.

- Дано: ABCD-равнобедр.трапеция; AC перпендиц. BD;  
 $BC+AD=18\text{см}$
- Найти: Sтрап.
- Решение:
- Пусть  $BC=x$ , тогда  $AD=18-x$
- Треугольник BOC-прямоуг., равнобедр.
- Значит  $\angle 4=\angle 2=\angle 1=\angle 3=45^\circ$
- Треугольник BOH-прямоуг., р/б
- Значит  $BH=HO=x:2$
- Треугольник AOK-прямоугольный, р/б, значит  $AK=KO=(18-x):2$
- $NK=HO+KO=9\text{см}$
- $S\text{трап.}=9*9; S\text{трап.}=81\text{см}^2$
- Ответ:  $81\text{см}^2$



# Различные способы доказательства теоремы о площади трапеции

$$S_{\text{трап.}} = ((a+b)/2)h$$

## 1 способ.

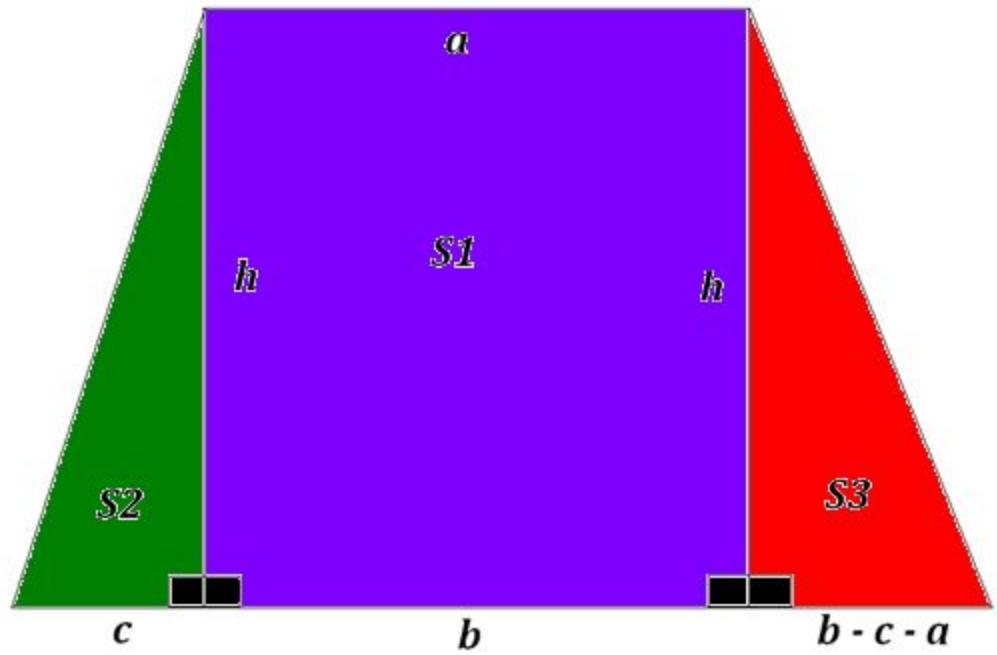
Док - во:  $S=S_1+S_2+S_3$   
(по 2<sup>0</sup> св – ву площади)

$$S_1=ah$$

$$S_2=(1/2)ch;$$

$$S_3=(1/2)h(b-c-a)$$

$$S_3=(1/2)hb-(1/2)hc-(1/2)ah$$



$$S_1+S_2+S_3=(1/2)ah+(1/2)ch+(1/2)hb-(1/2)ch-(1/2)ah=(1/2)ah+(1/2)bh$$

$$S_{\text{трап.}} = ((a+b)/2)h, \text{ч.т.д.}$$

# Различные способы доказательства теоремы о площади трапеции

- $S_{\text{трап.}} = ((a+b)/2)h$
- 2 способ.

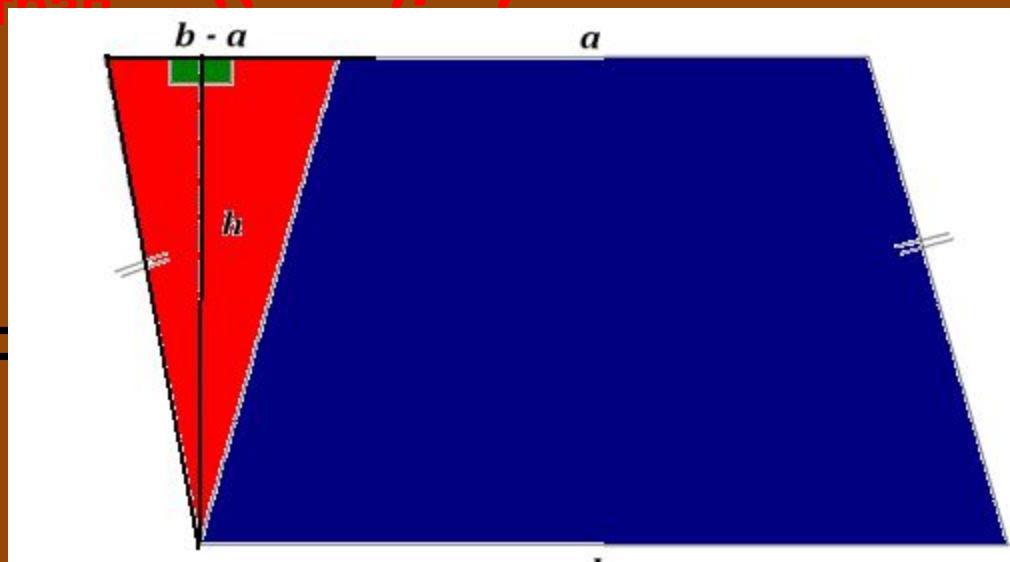
Достроим трапецию до параллелограмма.

$$S_{\text{трап.}} = S_{\text{пар.}} - S_{\text{тр.}}$$

$$S_{\text{пар.}} = bh;$$

$$S_{\text{тр.}} = (1/2) h(b - a) = (1/2) bh - (1/2) ah$$

$$S_{\text{пар.}} - S_{\text{тр.}} = bh - (1/2) bh + (1/2) ah = (1/2) bh + (1/2) ah = (1/2) h(a + b), \text{ ч.т.д.}$$



# РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ:

## ЗАДАЧА 1

Высота больше меньшего основания на 6 см, разность оснований 12 см. Найти основания трапеции, если ее площадь  $64 \text{ см}^2$ .

Решение:

Пусть  $BC = x$ ; тогда  $BH = (6+x)$  см

$AD = (12+x)$  см

$$S_{\text{трап}} = ((BC+AD)/2)BH$$

$$((x+12+x)/2)(6+x) = 64$$

$$(x+6)^2 = 64$$

$$x+6 = 8 \text{ или } x+6 = -8$$

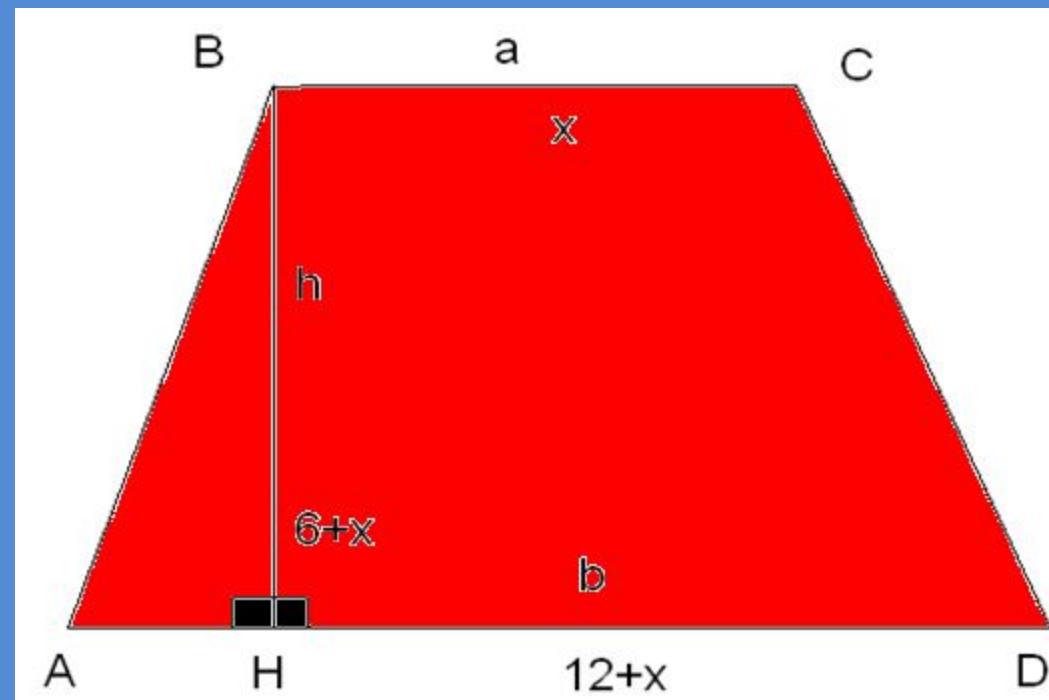
$$x = 2 \text{ или } x = -14,$$

$$X > 0$$

$$BC = 2 \text{ см}$$

$$AD = 14 \text{ см}$$

Ответ: 2 см, 14 см.



## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ: ЗАДАЧА 2

В трапеции  $ABCD$   $BC$  и  $AD$  – основания.  $BC : AD = 3 : 4$ . Площадь трапеции  $70 \text{ см}^2$ . Найдите площадь треугольника  $ABC$ .

Решение:

$$1. S_{\text{трап}} = ((3x+4x)/2)h$$

$$7xh = 70 \cdot 2$$

$$xh = 20$$

$$2. S_{ACD} = \frac{1}{2} * 4xh$$

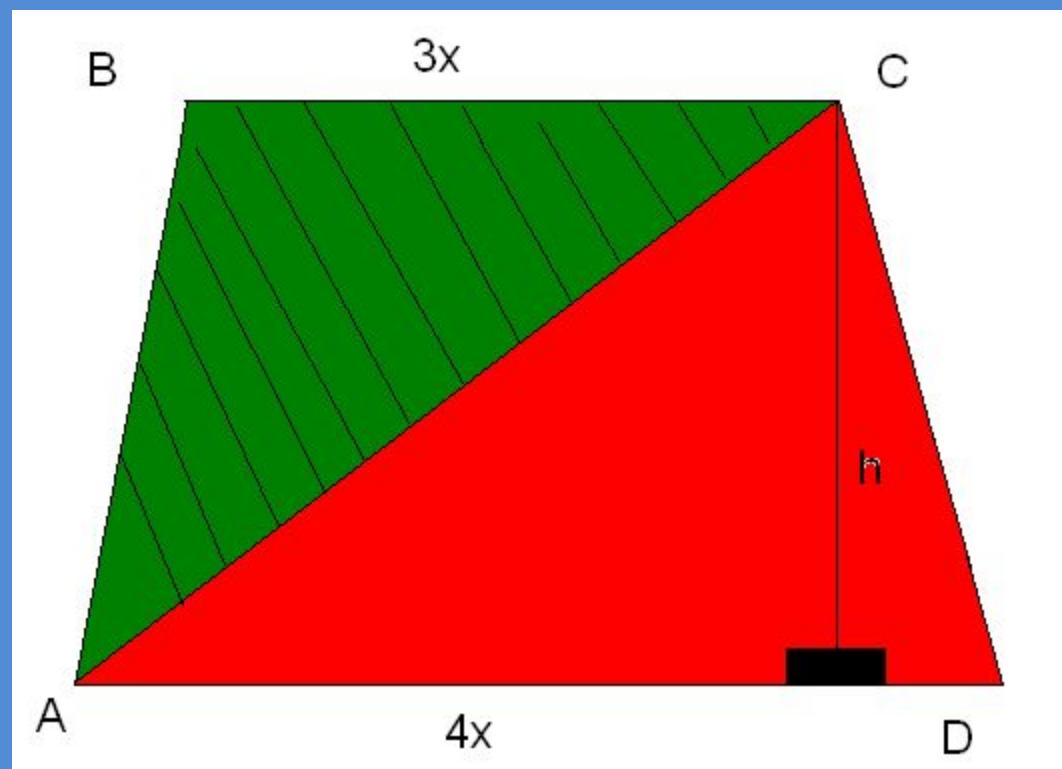
$$2xh = 2 \cdot 20$$

$$S_{ACD} = 40 \text{ (см}^2\text{)}$$

$$3. S_{ABC} = 70 - 40$$

$$S_{ABC} = 30 \text{ (см}^2\text{)}$$

Ответ:  $30 \text{ см}^2$ .



# интересные факты

## история трапеции:



«Трапеция»- слово греческое, означавшее в древности «столик» (по-гречески, «трапедион» - столик, обеденный стол)

В начале термин «трапеция» применяется не в современном , в другом смысле - любой четырехугольник. Трапеция в нашем смысле встречается впервые у древнегреческого математика Пасидона. В средние века трапецией называли, по Евклиду, любой четырехугольник (кроме трапеции) лишь в 18 веке слово приобретает современный смысл.

# Созвездие-трапеция

Четыре яркие звезды созвездия  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  и  $\delta$  располагаются в вершинах трапеции – туловища льва. А голову льва образуют звезды, располагающиеся в виде серпа. Поэтому этот астеризм и называется «серп».

