

Показатели вариации признака

1. Абсолютные показатели вариации;
 - 1.1 Размах вариации;
 - 1.2 Среднее линейное отклонение;
 - 1.3 Среднее квадратическое отклонение;
2. Относительные показатели вариации;
 - 2.1 Коэффициент вариации;
 - 2.2 Коэффициент осциляции;
 - 2.3 Линейный коэффициент вариации;
3. Виды дисперсии;
 - 3.1 Общая дисперсия;
 - 3.2 Внутригрупповая дисперсия;
 - 3.3 Дисперсия средняя из групповых;
 - 3.4 Межгрупповая дисперсия.

1. Абсолютные показатели вариации. Значение вариации

Вариация – изменение значения признака у отдельных единиц совокупности.

Вариация обусловлена действием различных факторов на развитие отдельных единиц совокупности. Чем более разнообразно условие, тем больше его вариация.

1.1 Размах вариации

Размах вариации R – наиболее простая характеристика вариации признака.

Размах вариации – это разность между наибольшим и наименьшим значением признака в изучаемой совокупности:

$$R = X_{\max} - X_{\min},$$

где X_{\max} – наибольшее значение признака;

X_{\min} – наименьшее значение признака.

Размах вариации не отражает отклонений всех значений признака – это его недостаток. Он исчисляется при контроле качества продукции для определения систематически действующих причин на производственный процесс.

1.2 Среднее линейное отклонение

Для измерения отклонения отклонения каждой варианты от средней величины в ряду распределения или в группировке применяется среднее линейное отклонение (d).

Среднее линейное отклонение определяется по формулам:

а) для несгруппированных данных (ранжировочного ряда):

$$\bar{d} = \frac{\sum |x - \bar{x}|}{n} \quad (\text{простое});$$

б) для вариационного интервального ряда:

$$\bar{d} = \frac{\sum |x - \bar{x}| f}{\sum f} \quad (\text{взвешенное}).$$

Среднее линейное отклонение показывает, на сколько в среднем каждое значение признака отклоняется от средней величины; даёт обобщённую характеристику степени колеблемости признаков совокупности.

1.3 Среднее квадратическое отклонение

Среднее квадратическое отклонение даёт обобщённую характеристику признака совокупности и показывает во сколько раз в среднем колеблется величина признака совокупности.

Среднее квадратическое отклонение по величине всегда больше среднего линейного отклонения и является мерой надёжности средней величины: чем оно меньше, тем точнее средняя арифметическая.

2. Относительные показатели вариации

Для сравнения вариации в разных в разных совокупностях рассчитываются относительно показателя вариации. К ним относятся:

- Коэффициент вариации;**
 - Коэффициент осцилляции;**
 - Линейный коэффициент вариации (относительное линейное отклонение).**
-

2.1 Коэффициент вариации

Коэффициент вариации это отношение среднеквадратического отклонения к среднеарифметическому, рассчитывается в процентах:

$$V = \frac{\sigma}{\bar{X}} * 100\%$$

Коэффициент вариации позволяет судить об однородности совокупности:

- **< 17% - абсолютно однородная;**
 - **17 – 33% - достаточно однородная;**
 - **35 – 40% - недостаточно однородная;**
 - **40 – 60% - это говорит о большой колеблемости совокупности.**
-

2.2 Коэффициент ОСИЛЛЯЦИИ

Коэффициент осилляции – это отношение размаха вариации к средней, в процентах.

$$V_R = \frac{R * 100\%}{\bar{X}}$$

Коэффициент осилляции отражает относительную колеблемость крайних значений признака вокруг средней.

2.3 Линейный коэффициент вариации

Линейный коэффициент вариации характеризует долю усреднённого значения абсолютного отклонения от средней величины.

$$V_{\bar{d}} = \frac{\bar{d}}{\bar{x}} * 100\%$$

3. Виды дисперсии

Наибольшее применение в практике статистических работ находит показатель дисперсия признака или средний квадрат отклонений, или квадрат среднего квадратического отклонения (σ^2). Дисперсия - σ^2 - определяется по формулам:

а) для ранжировочного ряда (несгруппированных данных):

$$\sigma^2 = \frac{\sum(x-x)^2}{n} \quad (\text{простая});$$

б) для интервального ряда:

$$\sigma^2 = \frac{\sum(x-x)^2 f}{\sum f} \quad (\text{взвешенная}).$$

3.1 Общая дисперсия

Общая дисперсия оценивает колеблемость признака всех единиц совокупности без исключения :

$$\sigma^2 = \frac{\sum(x-\bar{x})^2 * \sum f}{\sum f}$$

\bar{x} – средняя в целом по совокупности;

f – частота в целом по совокупности.

Она отражает влияние всех причин и факторов, которые действуют на вариацию.

3.2 Внутригрупповая дисперсия

Для характеристики вариации признаков по группе рассчитывают групповую дисперсию. Она рассчитывает колеблемость признака в каждой отдельной группе и представляет собой средний квадрат отклонений индивидуальных значений признаков от средней по каждой в отдельности взятой группе:

$$\sigma_i^2 = \frac{\sum(x-x_i)^2 * f_i}{\sum f_i}$$

σ_i – показывает, что это групповая дисперсия. Групповая дисперсия отражает колеблемость, которая возникает только за счёт причин, действующих внутри группы.

3.3 Дисперсия средняя из групповых

Средняя из групповых дисперсия – это среднеарифметическая взвешенная из групповых дисперсий и определяется по формуле:

$$\bar{\sigma_i^2} = \frac{\sum \bar{\sigma_i^2} * f_i}{\sum f_i} ,$$

где $\bar{\sigma_i^2}$ - средняя из групповых дисперсий, f_i – объём итоговой группы или число единиц в этой группе.

3.4 Межгрупповая дисперсия

Межгрупповая дисперсия (дисперсия групповых средних) характеризует вариацию результативного признака под влиянием только одного фактора, положенного в равновесие группировки:

$$y^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x}_0)^2 * f_i}{\sum f_i} ,$$

где x_i – групповые средние (средняя по отдельным группам), \bar{x}_0 – общая средняя, f_i – численность отдельной группы.
