



МУНИЦИПАЛЬНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
СРЕДНЯЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА-ИНТЕРНАТ №5  
С УГЛУБЛЕННЫМ ИЗУЧЕНИЕМ ОТДЕЛЬНЫХ ПРЕДМЕТОВ  
«ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЙ ЦЕНТР «ЛИДЕР»  
городского округа Кинель Самарской области



# ПОСТРОЕНИЕ И ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ГРАФИКОВ КВАДРАТИЧНОЙ ФУНКЦИИ

Учитель математики  
Маеренкова Вера Васильевна

*Образовательные:*

- *экспериментальным путем получить алгоритмы построения графиков функций видов  $y=a(x-m)^2$ ,  $y=ax^2+n$ ,  $y=a(x-m)^2+n$ , если известен график функции  $y=ax^2$ ;*
- *научиться применять полученные алгоритмы к построению графиков функций.*

*Развивающие:*

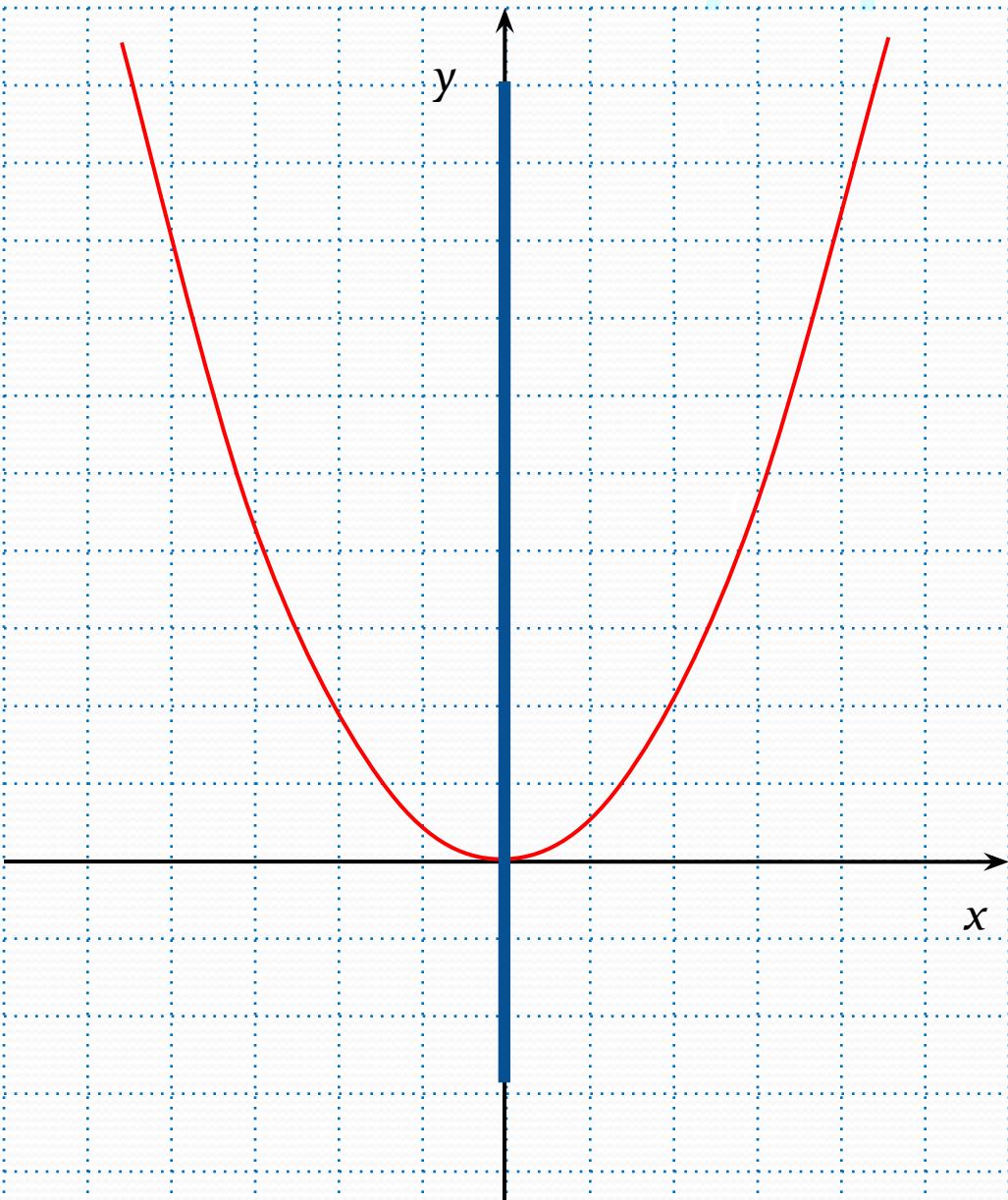
- *способствовать индивидуализации и дифференциации обучения с помощью применения информационно-коммуникационных технологий на уроках;*
- *развивать у учащихся логическое мышление, внимание; формировать потребность в приобретении знаний*

*Воспитательные:*

- *воспитывать навыки самоконтроля, привычки к рефлексии;*
- *добиваться изменения роли ученика в учебном*

# Функция $y = ax^2$ , ее свойства и

## график



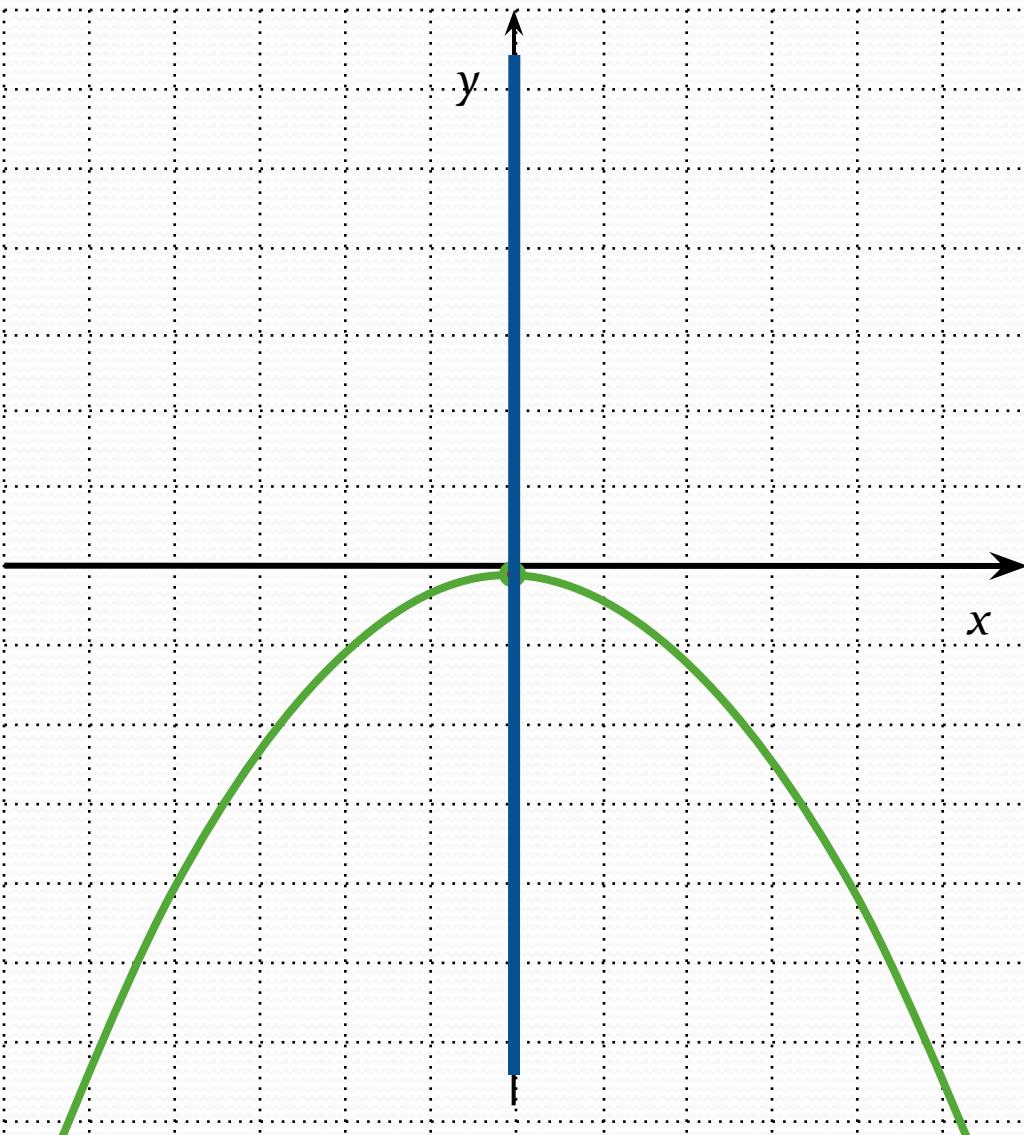
$a > 0$

$D(y) = \mathbb{R};$   
 $E(y) = [0; \infty);$   
 $O(0;0)$  – вершина  
параболы;  
 $X=0$  – ось  
симметрии

# Функция $y=ax^2$ , ее свойства и график

$a < 0$

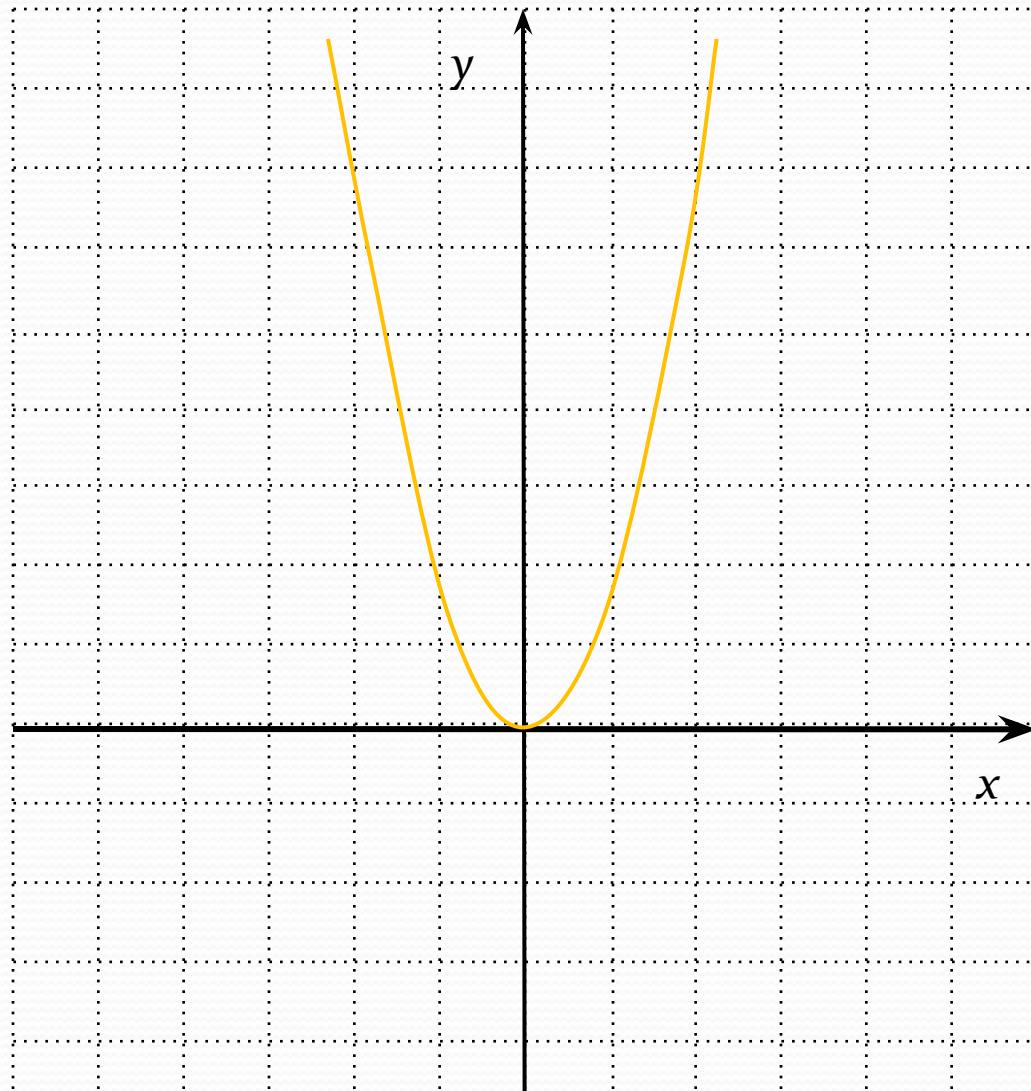
$D(y)=R;$   
 $E(y)=(-\infty;0];$   
 $O(0;0)$  –  
вершина  
параболы;  
 $x=0$  – ось  
симметрии



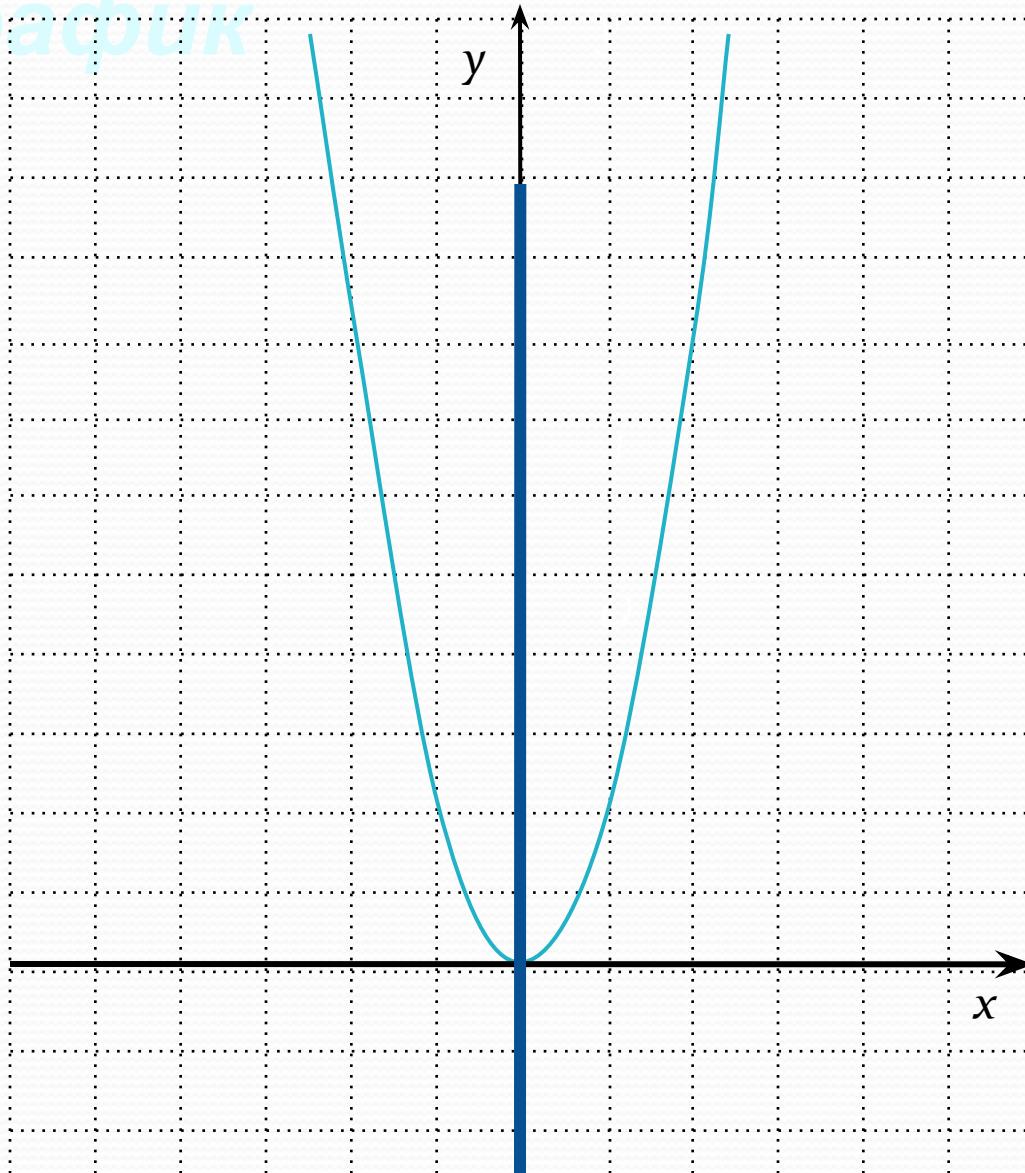
# **Функция $y=ax^2+n$ , ее свойства**

**Графиком функции  $y=ax^2+n$   
является парабола,  
которую можно получить  
из графика функции  $y=ax^2$   
с помощью  
параллельного переноса  
вдоль оси  $y$  на  $n$  единиц  
вверх, если  $n>0$ , или на  $-n$   
единиц вниз, если  $n<0$**

# Функция $y = ax^2 + n$ , ее свойства и график



# Функция $y = 2x^2 + 3$ , ее свойства и график



$$y = 2x^2 + 3$$

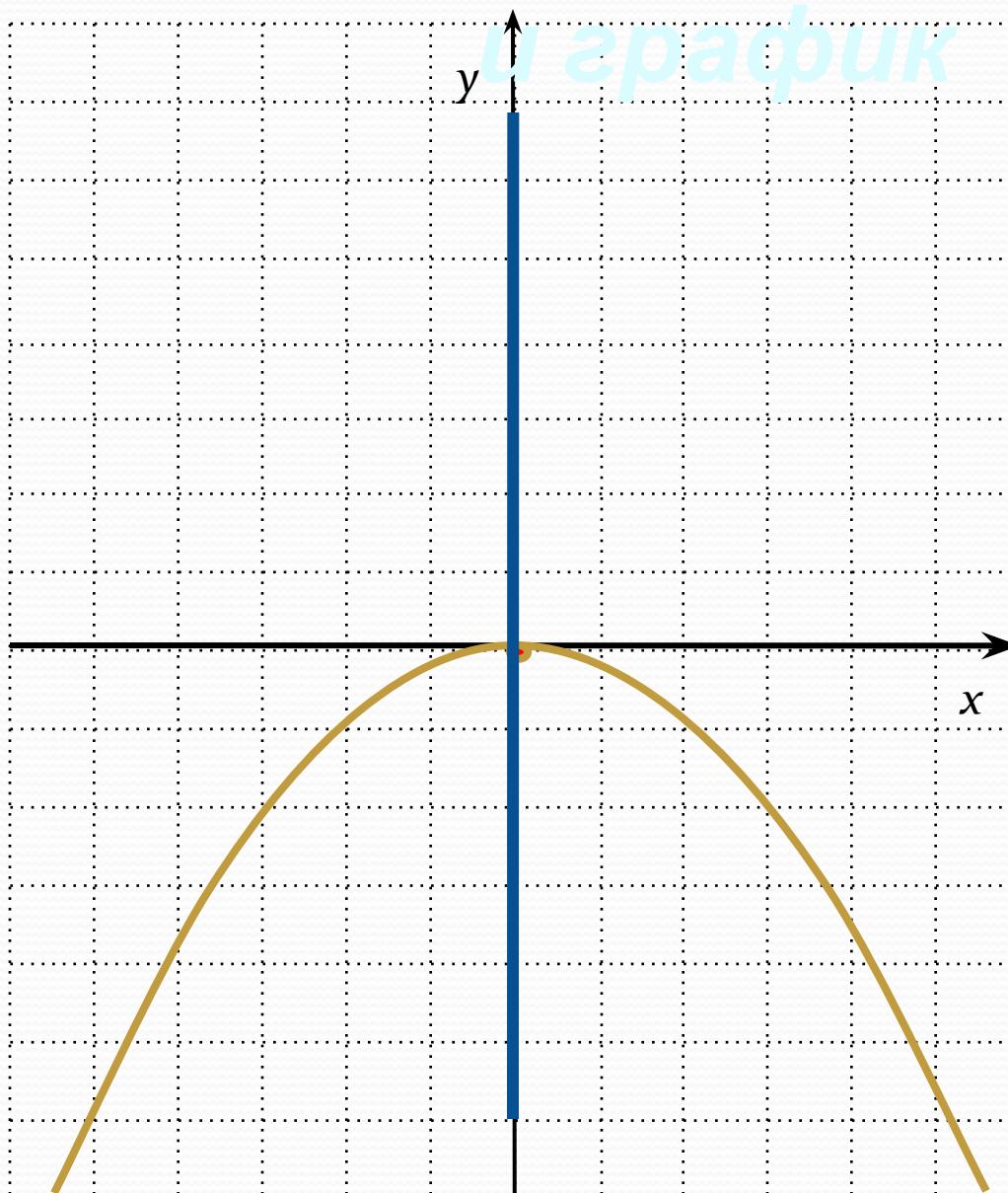
$$D(y) = \mathbb{R}$$

$$E(y) = [3; \infty);$$
$$A(0;3)$$

вершина  
параболы

$x=0$  – ось  
симметрии

# Функция $y = ax^2 + n$ , ее свойства



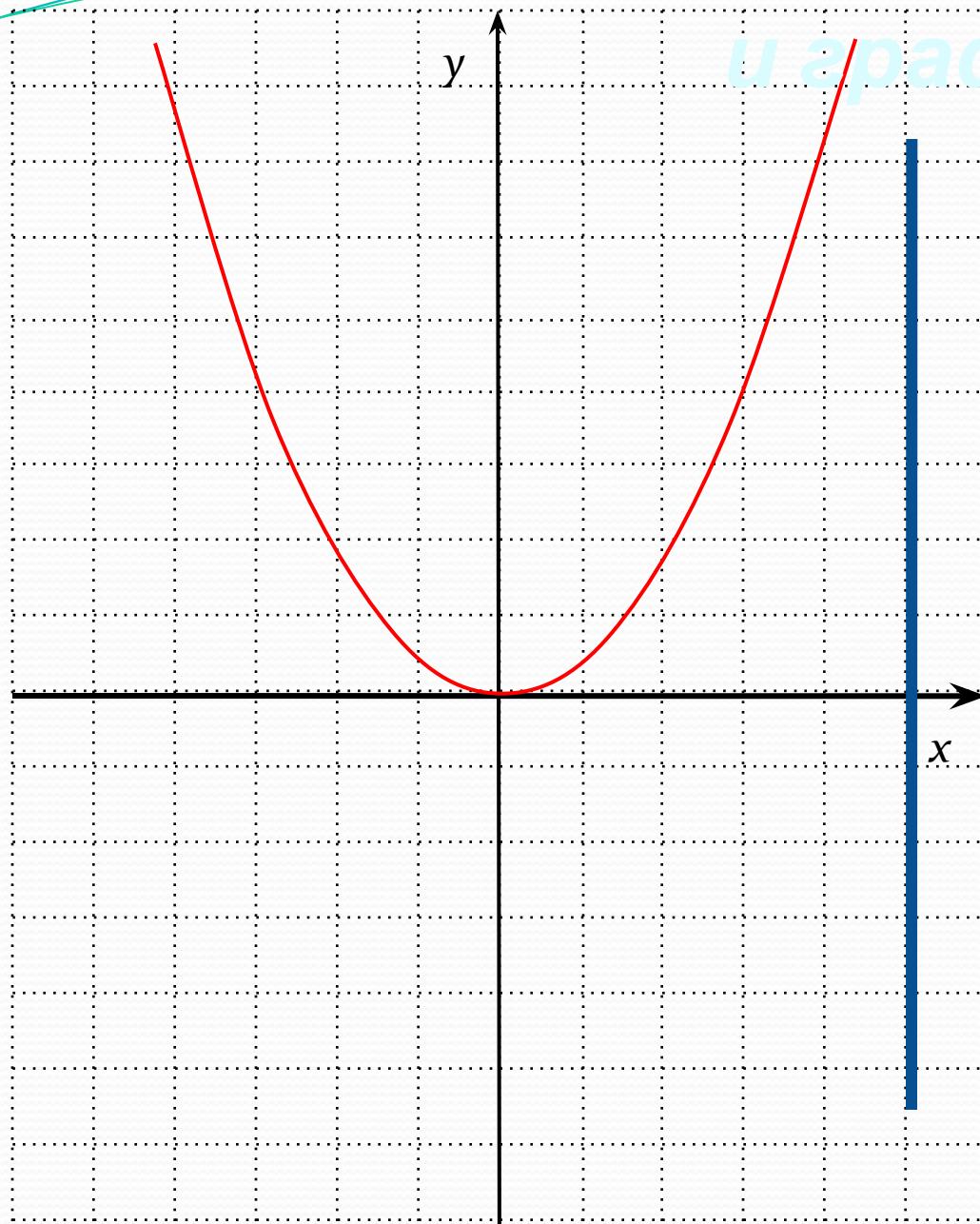
$$y = -\frac{1}{4}x^2 - 3$$

$D(y) = R;$   
 $E(y) = (-\infty; -3];$   
 $B(0; -3)$  – вершина параболы;  
 $x=0$  – ось симметрии и

*Графиком функции  $y = a(x - m)^2$  является парабола, которую можно получить из графика функции  $y = ax^2$  с помощью параллельного переноса вдоль оси  $x$  на  $m$  единиц вправо, если  $m > 0$ , или на  $-m$  единиц влево, если  $m < 0$*

# Функция $y = \frac{1}{2}(x - 5)^2$ , ее свойства

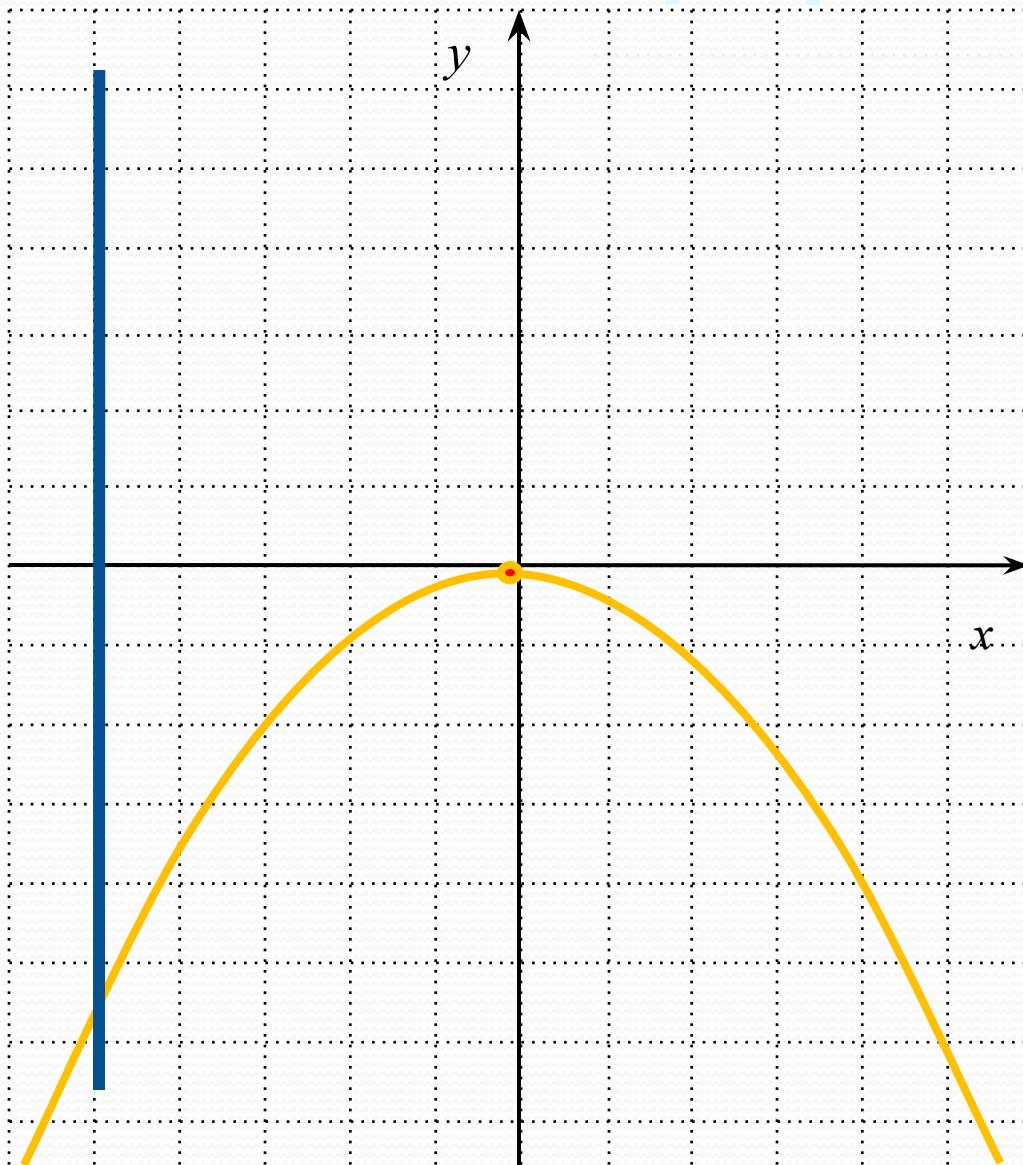
## График



$$y = \frac{1}{2}(x - 5)^2$$

$D(y) = R;$   
 $E(y) = [0; \infty);$   
 $M(5; 0)$  –  
вершина  
параболы;  
 $x=5$  – ось  
симметрии

# Функция $y = -\frac{1}{4}(x+5)^2$ , ее свойства и график

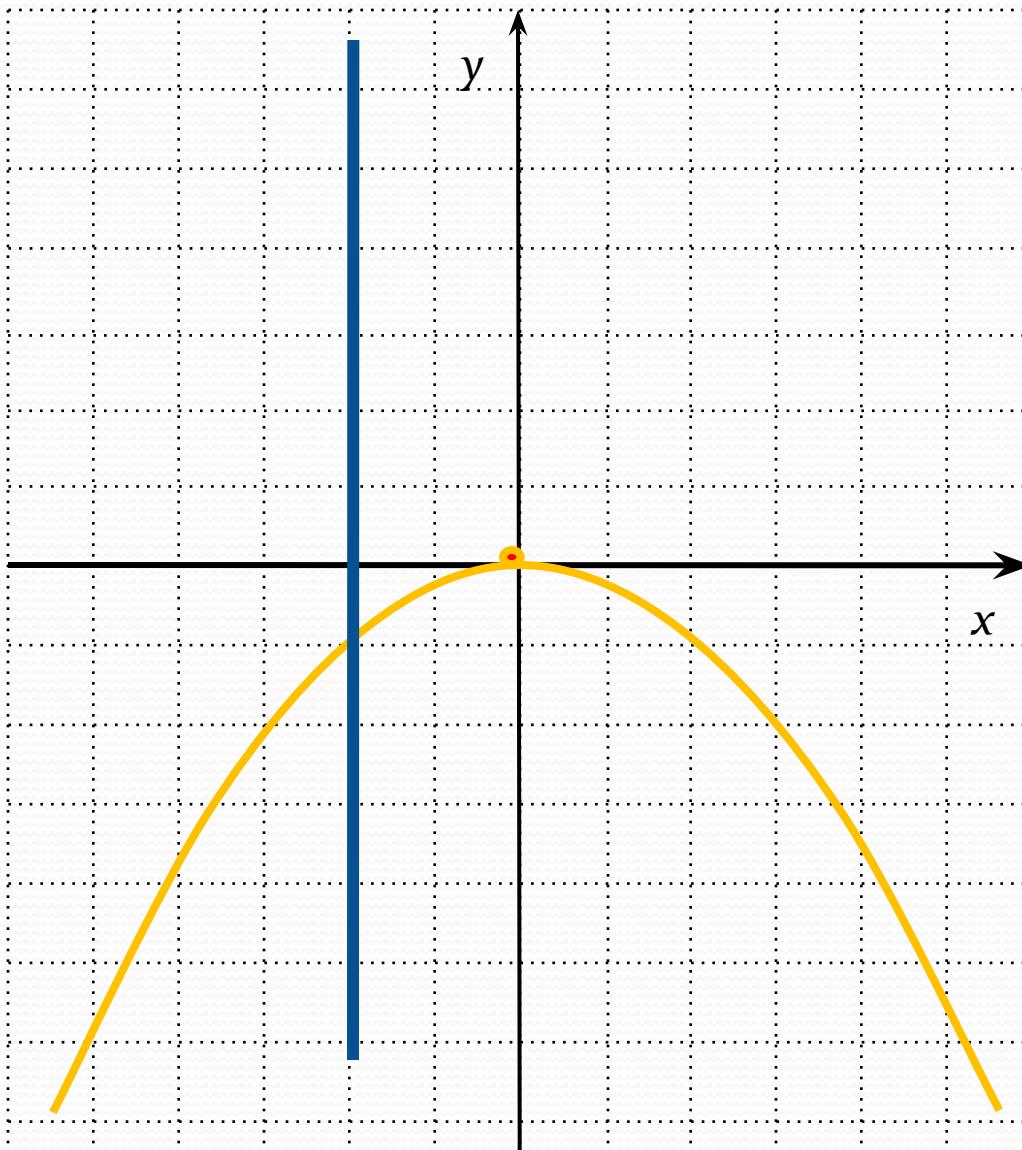


$$y = -\frac{1}{4}(x+5)^2$$

$D(y) = \mathbb{R}; \quad E(y) = (-\infty; 0];$   
 $M(-5; 0)$ - вершина параболы;  
 $X = -5$  – ось симметрии

*Графиком функции  $y = a(x - m)^2 + n$  является парабола, которую можно получить из графика функции  $y = ax^2$  с помощью двух параллельных переносов: сдвига вдоль оси  $x$  на  $m$  единиц вправо, если  $m > 0$ , или на  $-m$  единиц влево, если  $m < 0$ , и сдвига вдоль оси  $y$  на  $n$  единиц вверх, если  $n > 0$ , или на  $-n$  единиц вниз, если  $n < 0$*

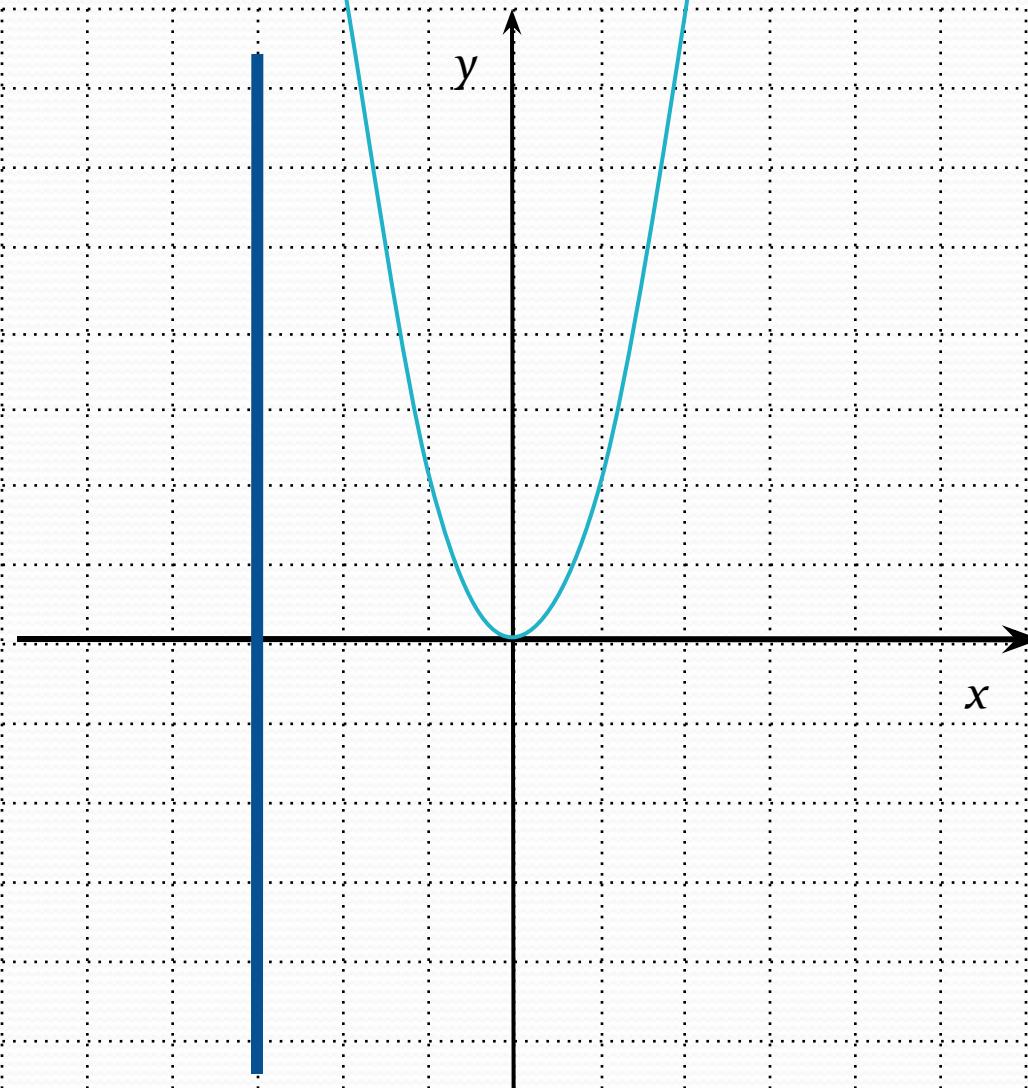
# Функция $y = -\frac{1}{4}(x+2)^2 + 4$ , ее свойства и график



$$y = -\frac{1}{4}(x+2)^2 + 4$$

$D(y) = \mathbb{R};$   
 $E(y) = (-\infty; 4];$   
 $M(-2; 4)$  - вершина  
параболы;  
 $x = -2$  – ось  
симметрии

# Функция $y = 2(x+3)^2 - 4$ , ее свойства и график



$$y=2(x+3)^2-4$$

$D(y)=R;$   
 $E(y)=[-4;+\infty);$   
 $M(-3; -4)$ - вершина  
параболы;  
 $x=-3$  – ось  
симметрии  
и

**Квадратичной функцией  
называется функция, которую  
можно задать формулой вида**

$$y = ax^2 + bx + c,$$

**где  $x$  - независимая переменная,  
 $a$ ,  $b$ , и  $c$  - некоторые числа,  
причем  $a \neq 0$ .**

**Графиком функции является  
парабола**

*Графиком функции*

$$y=ax^2+bx+c$$

*является парабола,*

*вершина которой*

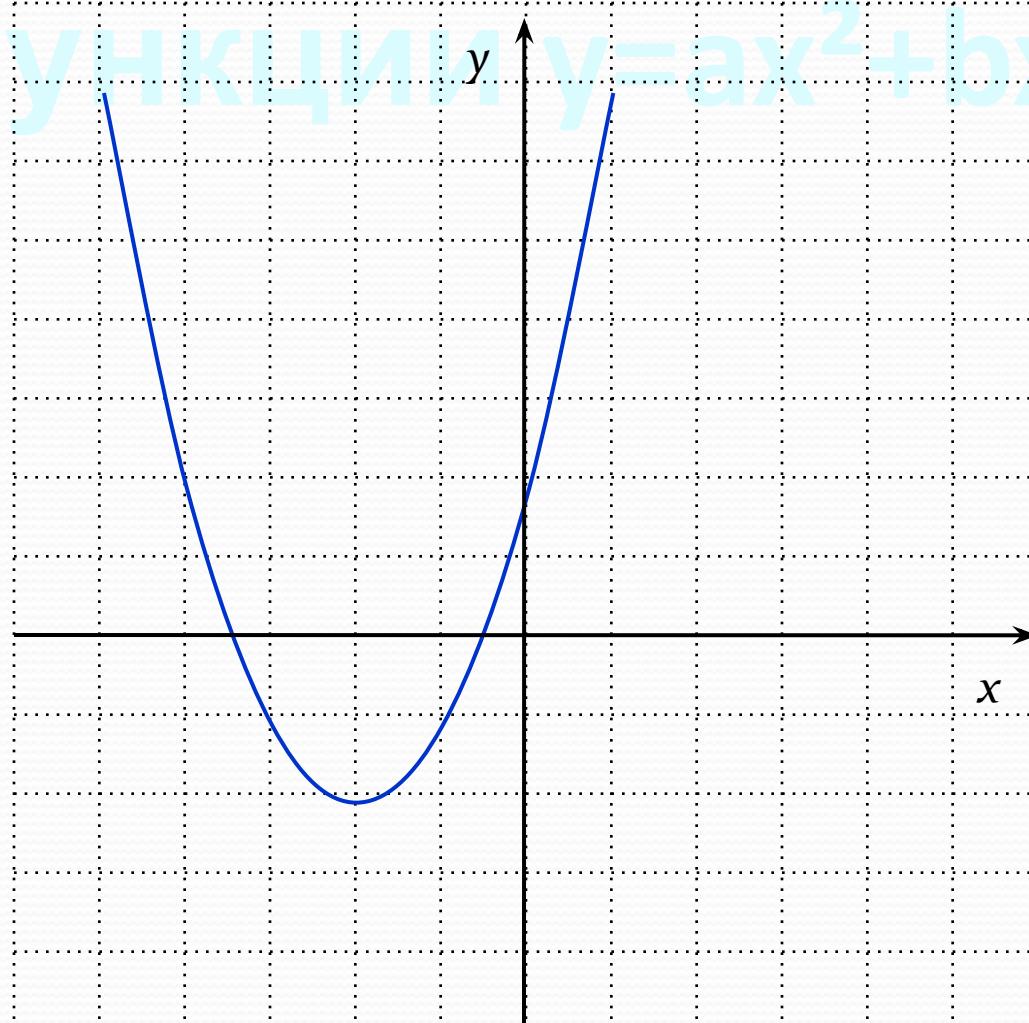
*есть точка  $(m; n)$ , где*

$$m=-b/2a$$

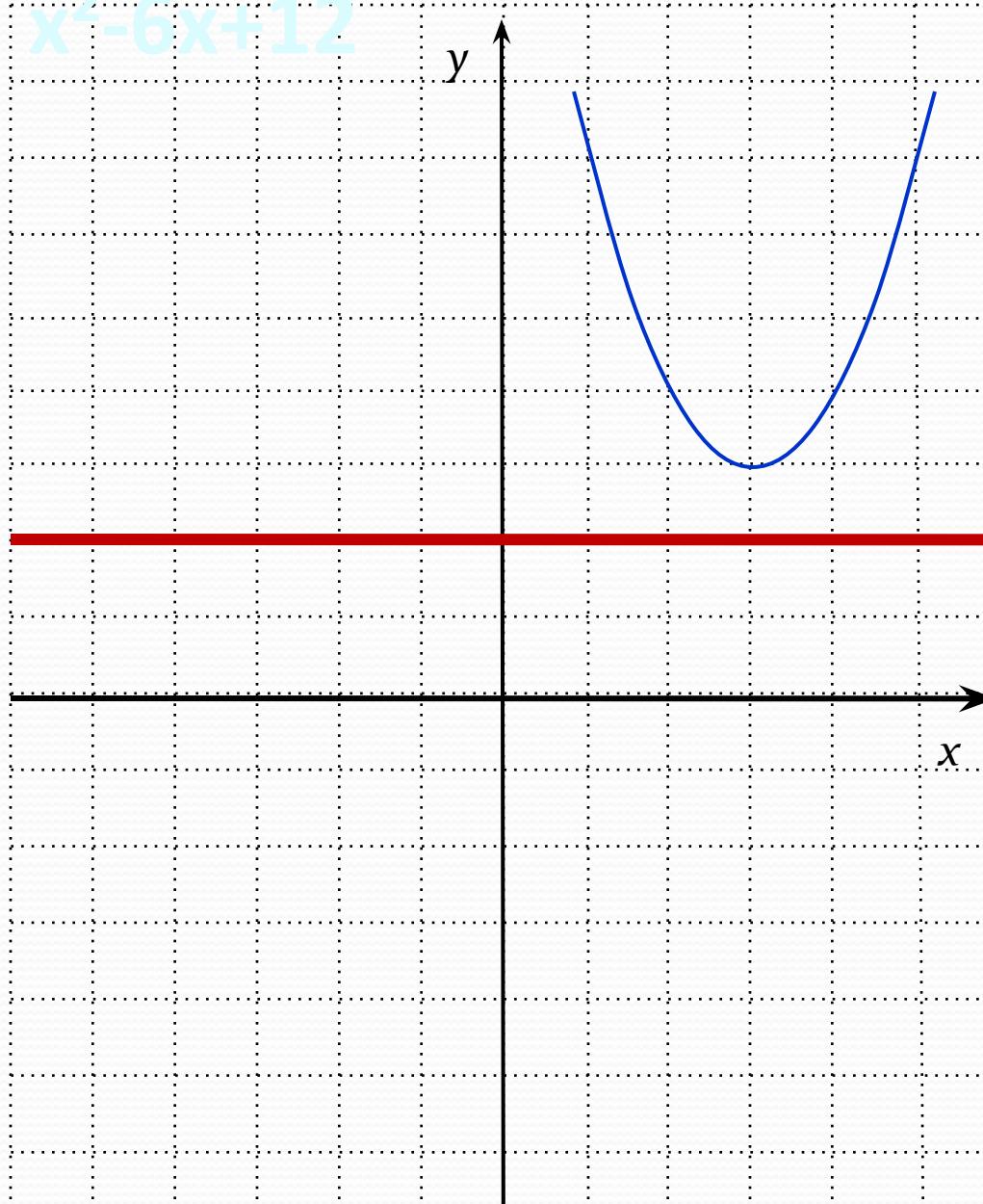
$$n = y(m)$$

*Осью симметрии  
параболы служит прямая  
 $x = t$ , параллельная оси у.  
При  $a > 0$  ветви параболы  
направлены вверх, а при  
 $a < 0$  – вниз*

# График квадратичной функции $y = ax^2 + bx + c$

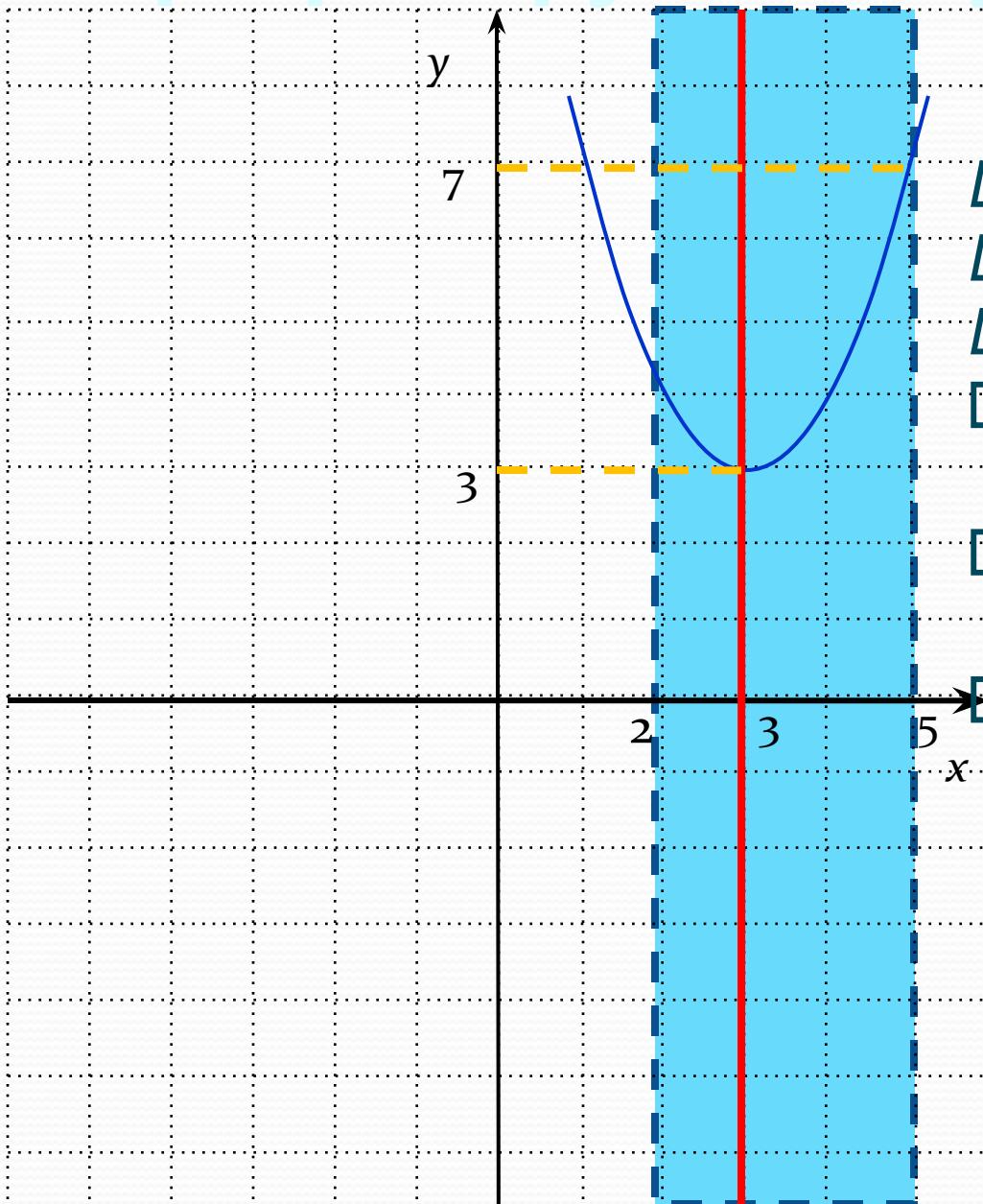


# График функции $y =$ $x^2 - 6x + 12$



Функция  
ограничена  
снизу

# График функции $y = x^2 - 6x + 12$



- ◻  $D(y) = \mathbb{R};$
- ◻  $E(y) = [3; \infty);$
- ◻  $x = 3$  – ось симметрии;
- ◻  $(3; 3)$  – координаты вершины параболы;
- ◻ Функция возрастает при  $x \in [3; +\infty);$
- ◻ Функция убывает при  $x \in (-\infty; 3];$
- ◻ Функция ограничена снизу;
- ◻  $y_{\text{наим}} = 3$  на отрезке  $[2; 5];$
- ◻  $y_{\text{наиб}} = 7$  на отрезке  $[2; 5]$

• отмечается этап работы;

• проводится **анализ** работ

учащихся; **урока**

• организуется самооценка

учениками

своей деятельности;

• фиксируется степень

соответствия

поставленной цели и

результатов

деятельности;

• намечаются цели последующей

деятельности;

**Домашнее  
задание**  
Построить графики функций и  
описать их свойства:



МУНИЦИПАЛЬНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
СРЕДНЯЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА-ИНТЕРНАТ №5  
С УГЛУБЛЕННЫМ ИЗУЧЕНИЕМ ОТДЕЛЬНЫХ ПРЕДМЕТОВ  
«ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЙ ЦЕНТР «ЛИДЕР»  
городского округа Кинель Самарской области

Спасибо  
за урок!