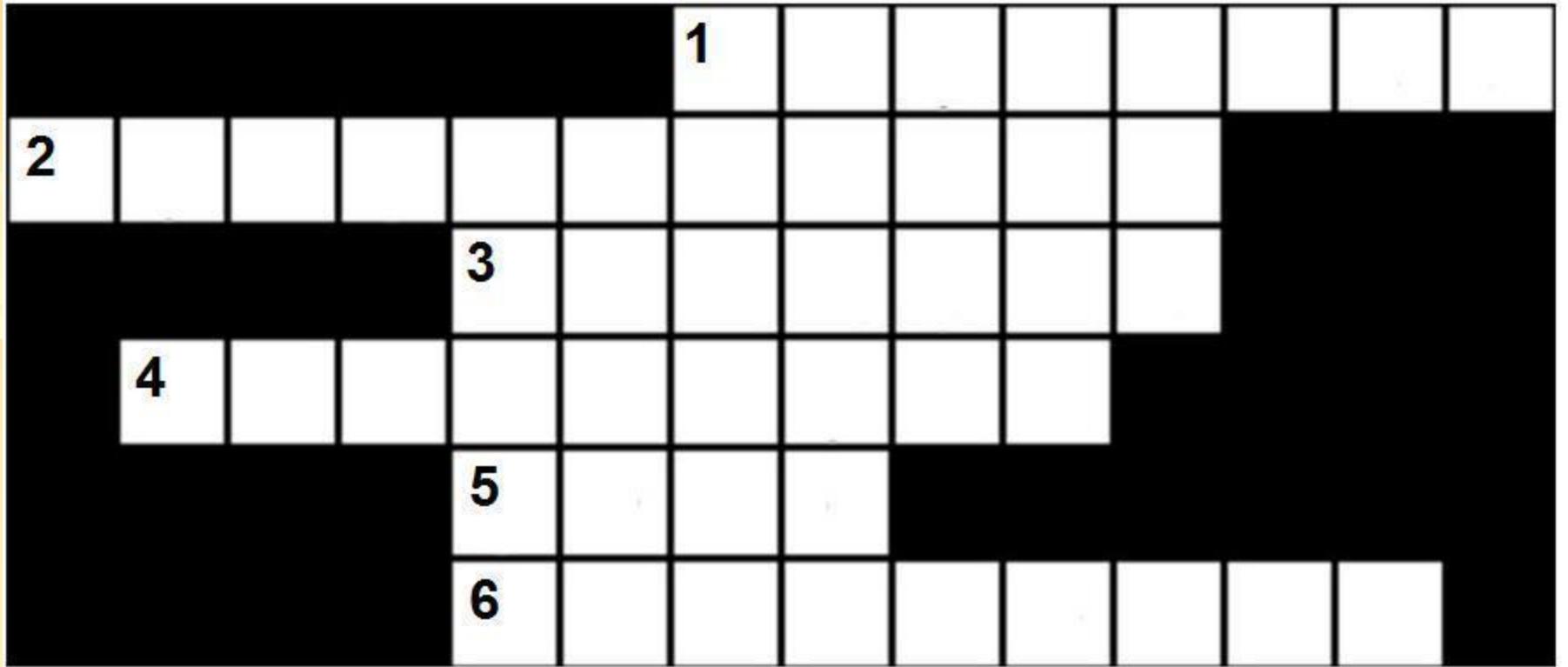


# ПРАВИЛЬНЫЕ МНОГОГРАНИКИ

Урок геометрии в 10 классе

# Геометрический кроссворд



1. Какое тело носит имя Хеопса?
2. Что представляет собой боковая грань пирамиды?
3. Как называется правильный четырехугольник?
4. Наука об измерении земли?
5. У пятиугольника их пять
6. У любой призмы их два

# Геометрический кроссворд



# Тема урока

# «Правильные многогранники»

## Эпиграф

«Правильных многогранниковзывающе  
мало, но этот весьма скромный по  
численности отряд сумелпробраться в  
самые глубины различных наук»

Л. Кэрролл

# Задачи урока

- Дать определение правильного многогранника
- Рассмотреть многообразие правильных многогранников, их элементы
- Научиться строить правильные многогранники по их развертке

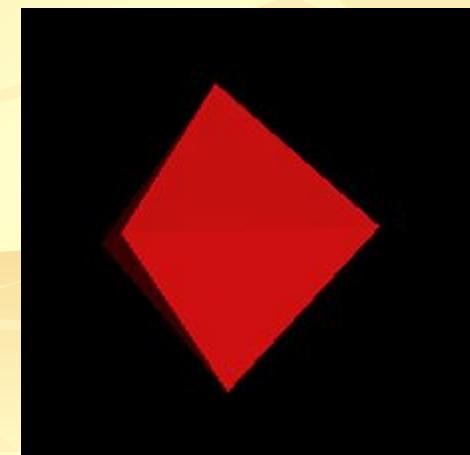
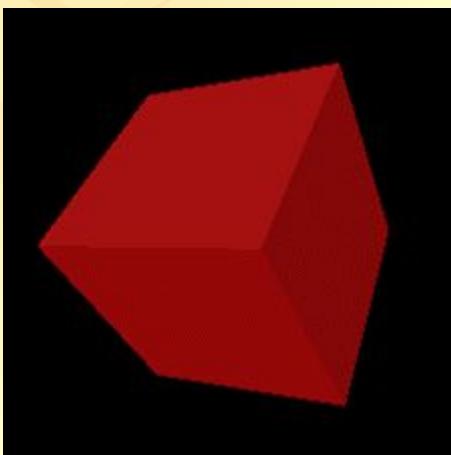
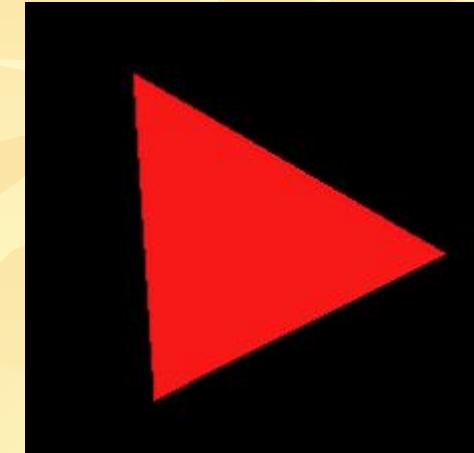
# Проверь себя

- Дайте определение многогранника.
- Какой многогранник называется выпуклым?
- Как называются многоугольники, из которых состоит многогранник?
- Как называются стороны граней?
- Как называются концы ребер?
- Подсчитайте количество граней, ребер и вершин многогранника.
- Чему равна сумма всех плоских углов многогранника при каждой его вершине?
- Какой многоугольник называется правильным?
- Ему равна сумма углов  $n$ -угольника?
- Что такое развертка многогранника?

# Определение:

- *Выпуклый многогранник называется правильным, если все его грани – равные правильные многоугольники, и в каждой его вершине сходится одно и то же число ребер.*

# Герои нашего урока



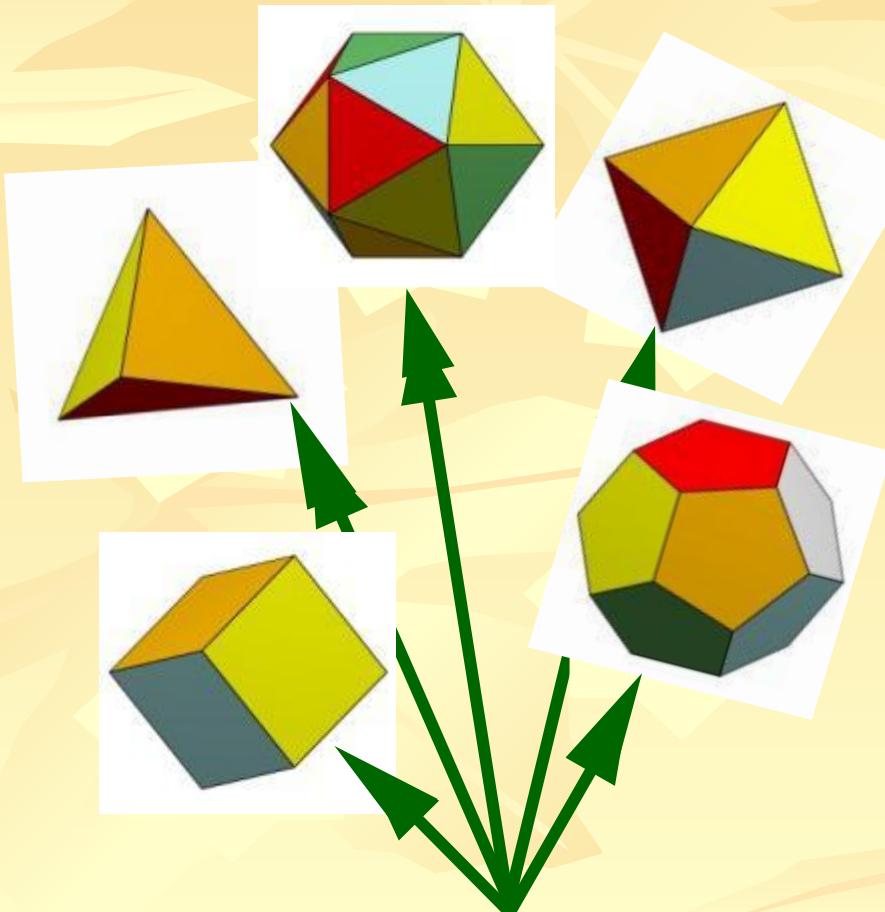
# Заполни таблицу

Название	Тетраэдр	Куб (гексаэдр)	Октаэдр	Икосаэдр	Додекаэдр
Изображение					
Число граней					
Число вершин					
Число ребер					
Форма грани					
Число граней, сходящихся в одной вершине					
Сумма плоских углов при вершине					

# Запомни

- Не существует правильного многогранника, гранями которого являются правильные шестиугольники, семиугольники и, вообще,  $n$  – угольники при  $n \geq 6$ .
- По этой же причине каждая вершина правильного многогранника может быть вершиной либо трёх, четырёх или пяти равносторонних треугольников, либо квадратов, либо трёх правильных пятиугольников. Других возможностей нет.

# ЦВЕТЫ ИЗ САДА ГЕОМЕТРИИ

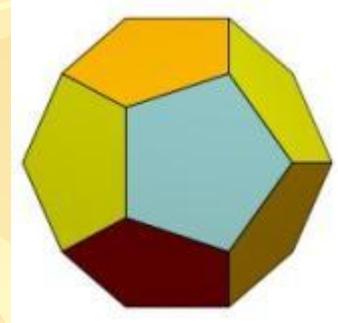
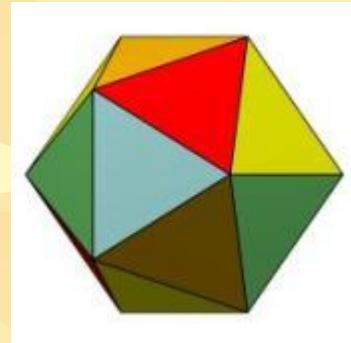
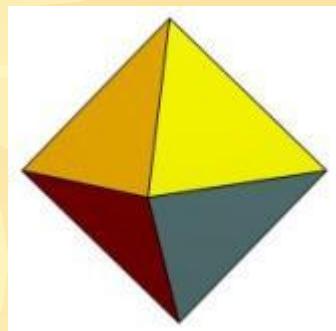
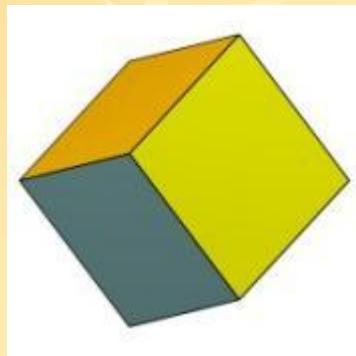
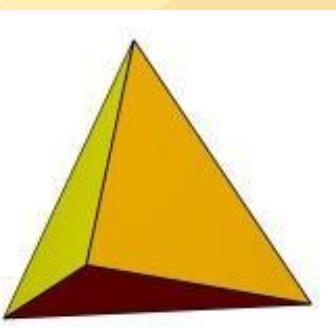


*«В огромном саду  
геометрии каждый  
найдет букет себе по  
вкусу.»*

*Д. Гильберт*

Названия этих многогранников пришли из Древней Греции, и в них указывается число граней:

«Эдра» - грань



«тетра»

«гекса»

«окта»

«икоса»

«додека»

4

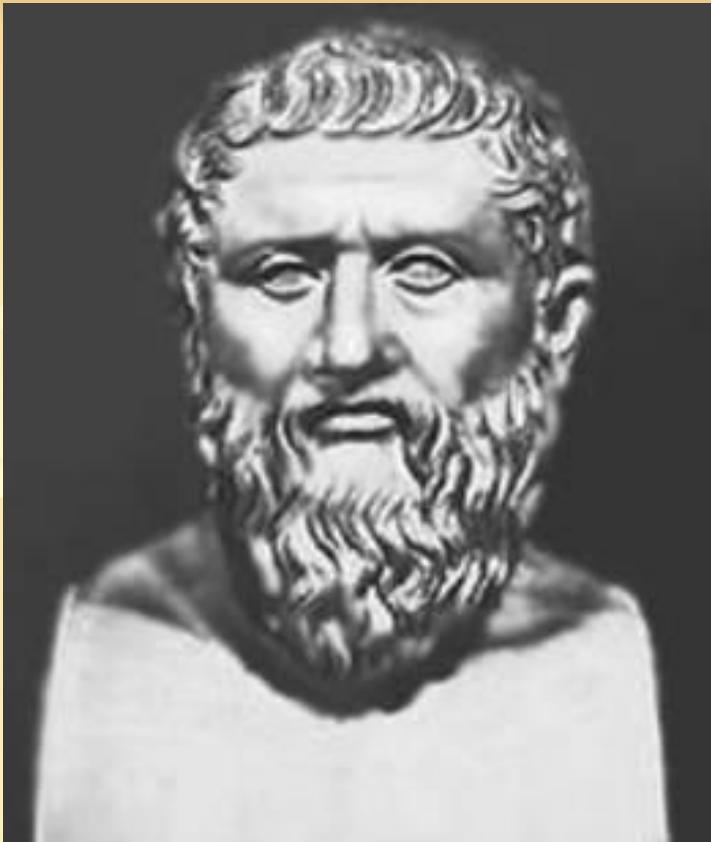
6

8

20

12

Эти тела еще называют телами Платона



Платон

428 (427) – 348 (347) гг. до нашей  
эры

Древнегреческий  
философ

В учении Платона правильные  
многогранники играли важную роль.



огонь



вода



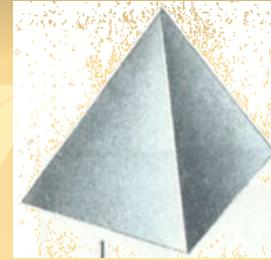
воздух



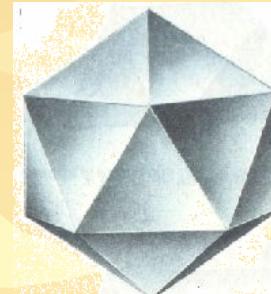
земля



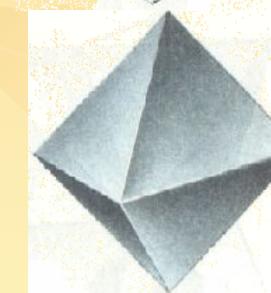
вселенная



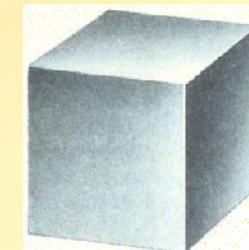
тетраэдр



икосаэдр



октаэдр



гексаэдр



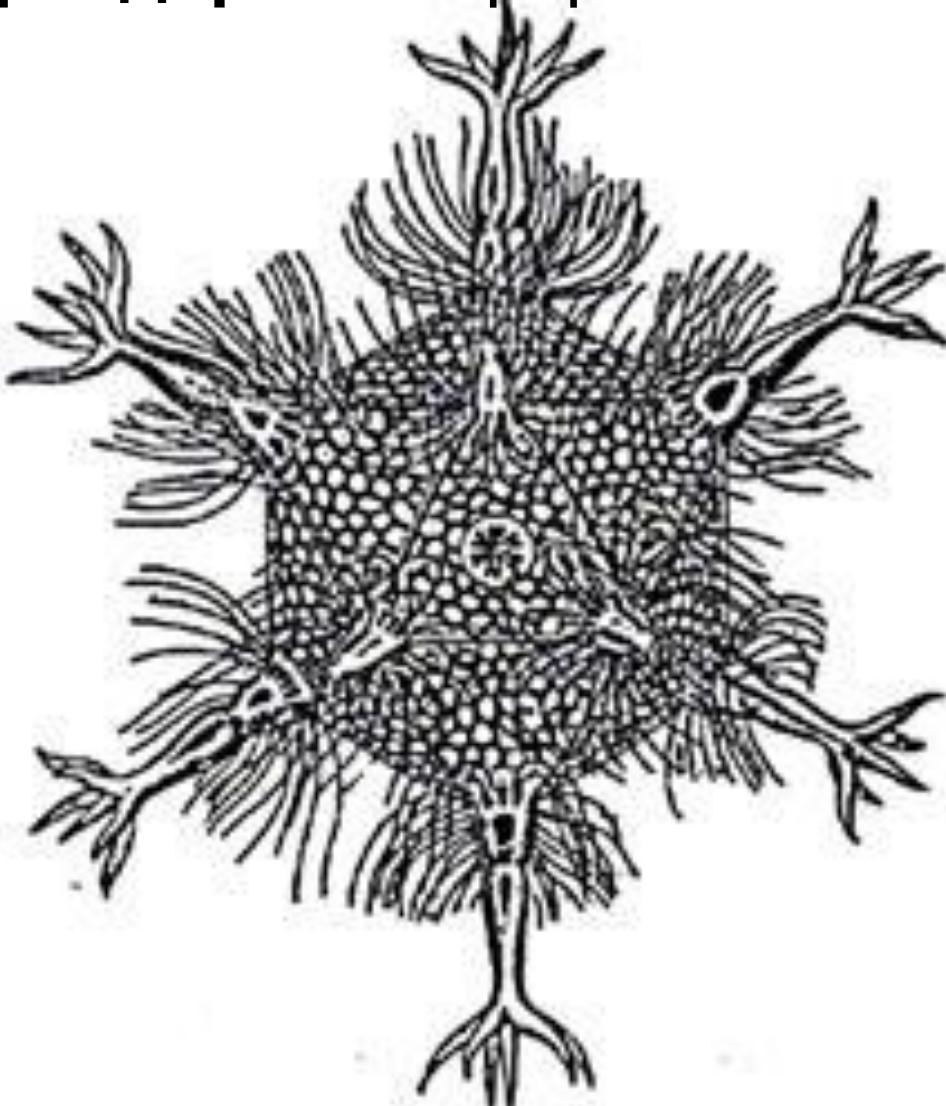
додекаэдр

Совершенство и гармония многогранников поражает скульпторов, архитекторов, художников.



Знаменитый художник, увлекавшийся геометрией Альбрехт Дюрер (1471- 1528) , в известной гравюре "Меланхолия " на переднем плане изобразил додекаэдр.

Правильные многогранники встречаются в живой природе. Например, скелет одноклеточного организма **феодарии** по форме напоминает икосаэдр.



Из всех многогранников с тем же числом граней именно икосаэдр имеет наибольший объём при наименьшей площади поверхности. Это свойство помогает морскому организму преодолевать давление водной толщи.

Совершенство и гармония многогранников поражает скульпторов, архитекторов, художников.



Сальвадор Дали на картине «Тайная вечеря» изобразил Иисуса Христа со своими учениками на фоне огромного прозрачного додекаэдра.

# Тест по теме «Правильные многогранники»

1. Сколько существует видов правильных многогранников?

- а) 4;      б) бесконечное множество;      в) 5;      г) 10

2. Как называются правильные многогранники?

- а) тела Евклида;      в) тела Пифагора;
- б) тела Эйлера;      г) тела Платона

3. Из скольких правильных треугольников составлен октаэдр?

- а) 8;      б) 12;      в) 6;      г) 20

4. Каждая вершина додекаэдра является вершиной...

- а) трёх правильных шестиугольников;
- б) трёх квадратов;
- в) трёх правильных пятиугольников;
- г) пяти правильных треугольников

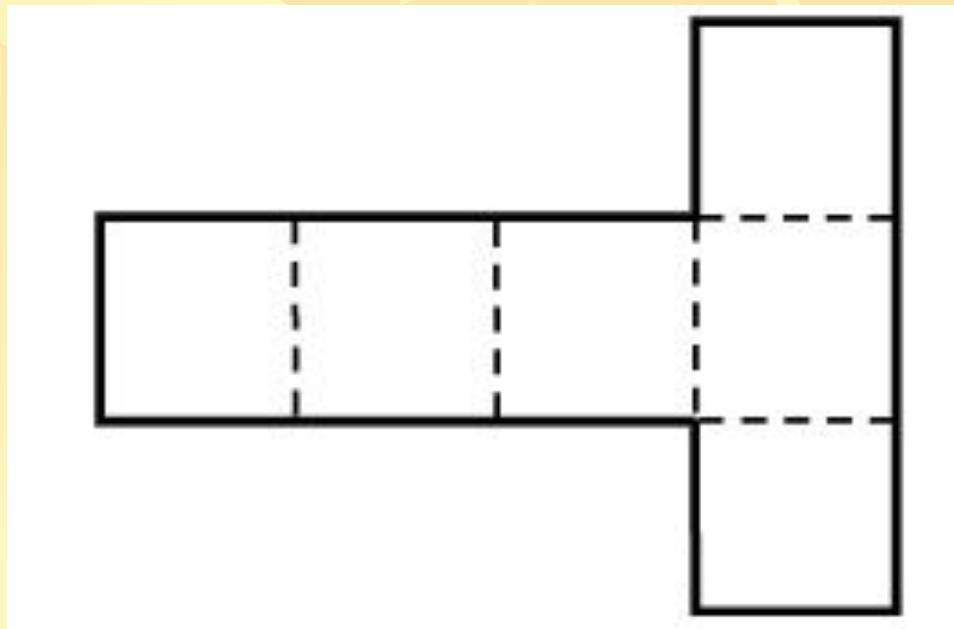
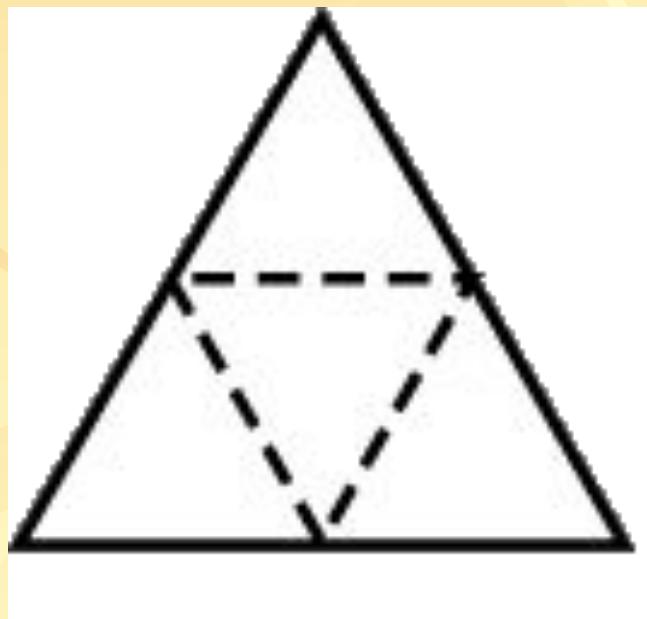
5. Чему равен периметр октаэдра, если его ребро равно  $a$ ?

- а)  $8a$ ;      б)  $20a$ ;      в)  $12a$ ;      г)  $6a$

# **ОТВЕТЫ теста по теме «Правильные многогранники»**

1. Сколько существует видов правильных многогранников?  
**в) 5**
2. Как называются правильные многогранники?  
**г) тела Платона**
3. Из скольких правильных треугольников составлен октаэдр?  
**а) 8**
4. Каждая вершина додекаэдра является вершиной...  
**в) трёх правильных пятиугольников**
5. Чему равен периметр октаэдра, если его ребро равно  $a$ ?  
**в)  $12a$**

# Построй сам





*Считать несчастным тот день  
или тот час, в который ты  
не усвоил ничего нового,  
ничего не прибавил к своему  
образованию.*

Ян Амос Коменский

- С какими новыми геометрическими телами мы сегодня познакомились?
- Почему Л. Кэрролл так высоко оценил значение этих многогранников?