

Преобразование фигур

- Преобразование фигуры F называется *преобразованием подобия*, если при этом преобразовании расстояния между точками изменяются в одно и то же число раз, т.е. для любых точек X и Y фигуры F и точек X' , Y' фигуры F' , в которые он переходят, $X'Y' = k * XY$.

Существуют следующие преобразования плоскости

- Движение
- Подобие

[Назад](#)

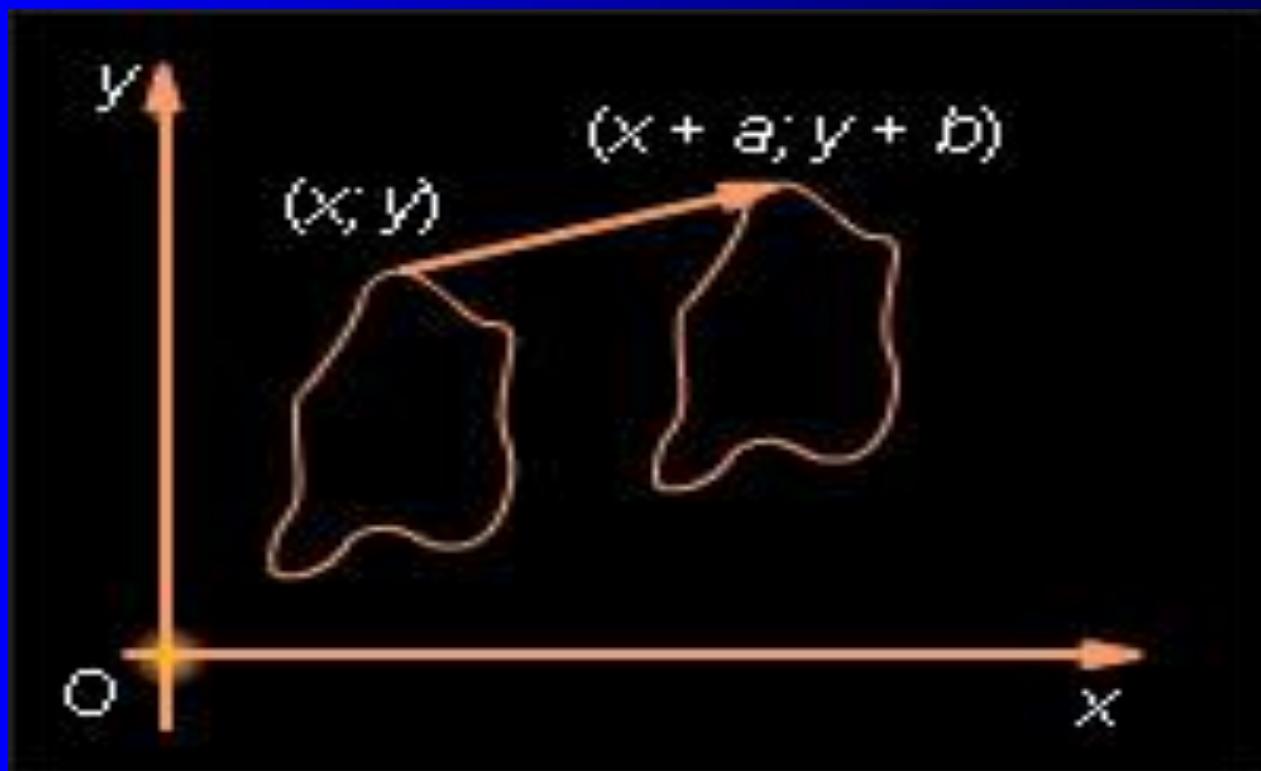
Движение

Движение это преобразование плоскости, сохраняющее расстояние между точками. Существует 4 вида движений.

- Симметрия относительно точки;
- Симметрия относительно прямой;
- Поворот:
- Параллельный перенос.

Параллельный перенос.

Введем на плоскости систему координат O, X, Y . Преобразование фигуры F , при котором произвольная ее точка $M(x; y)$ переходит в точку $M'(x+a; y+b)$, где a и b – одни и те же для всех точек $(x; y)$, называется **параллельным переносом**. Параллельный перенос задается формулами $x'=x+a$; $y'=y+b$, которые выражают координаты образа через координаты прообраза M' при параллельном переносе.

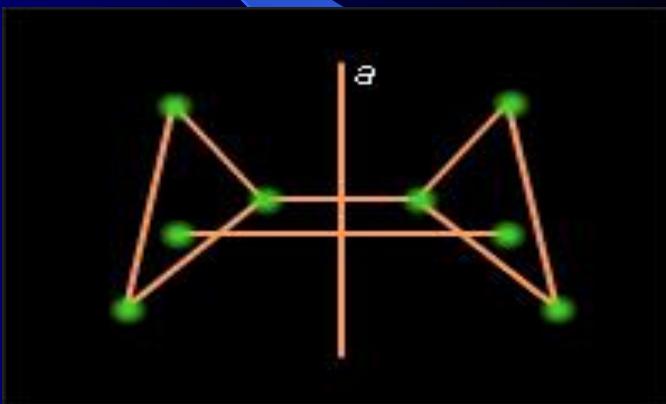
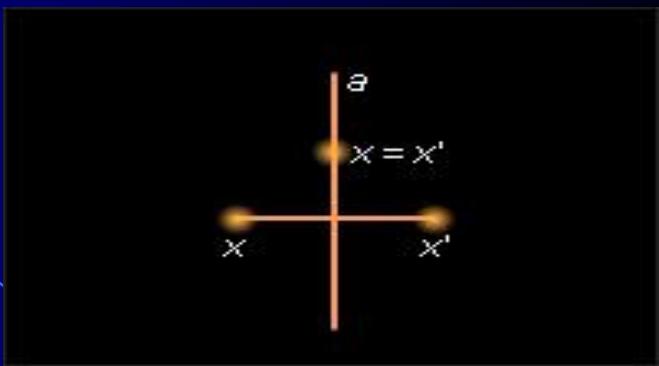


[Назад](#)

Симметрия относительно прямой.

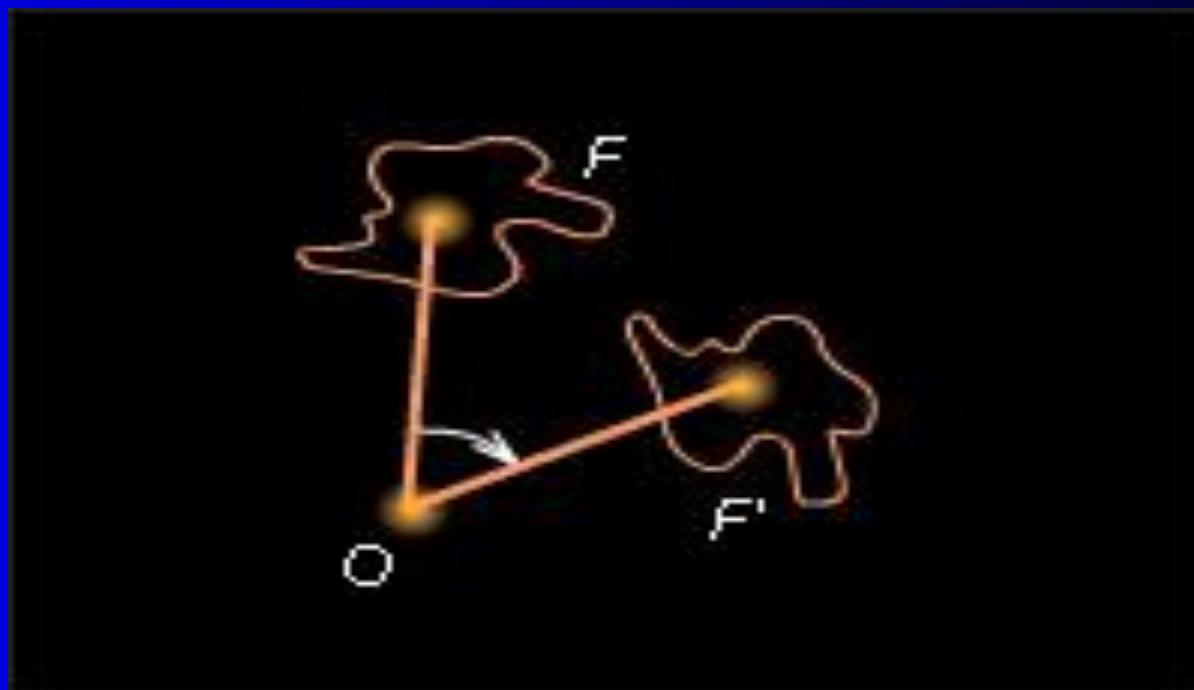
Точки X и X' называются *симметричными относительно прямой* a , и каждая из них – симметричной другой, если a является серединным перпендикуляром отрезка XX' .

Преобразованием симметрии относительно прямой a (или осевой симметрией с осью a) называется такое преобразование фигуры F , при котором каждой точке X данной фигуры сопоставляется точка X' , симметричная ей относительно прямой a . Обозначим a – ее *ось симметрии*. Фигура называется *симметричной относительно прямой* a , если фигура симметрична сама себе, то есть



Поворот

Поворотом фигуры F вокруг центра O на данный угол φ ($0^\circ \leq \varphi \leq 180^\circ$) в данном направлении называется такое ее преобразование, при котором каждой точке $X \in F$ сопоставляется точка X' так, что $OX=OX'$, $\angle XOX' = \varphi$ и луч OX' откладывается от луча OX в заданном направлении. Точка O называется *центром поворота*, а угол φ – *углом поворота*. Множеством неподвижных точек преобразования поворота является *центр поворота*.



[Назад](#)

Симметрия относительно точки

Точки X и X' называются

симметричными относительно

заданной точки O , если $OX=OX'$, а лучи
 OX и OX' являются дополнительными.

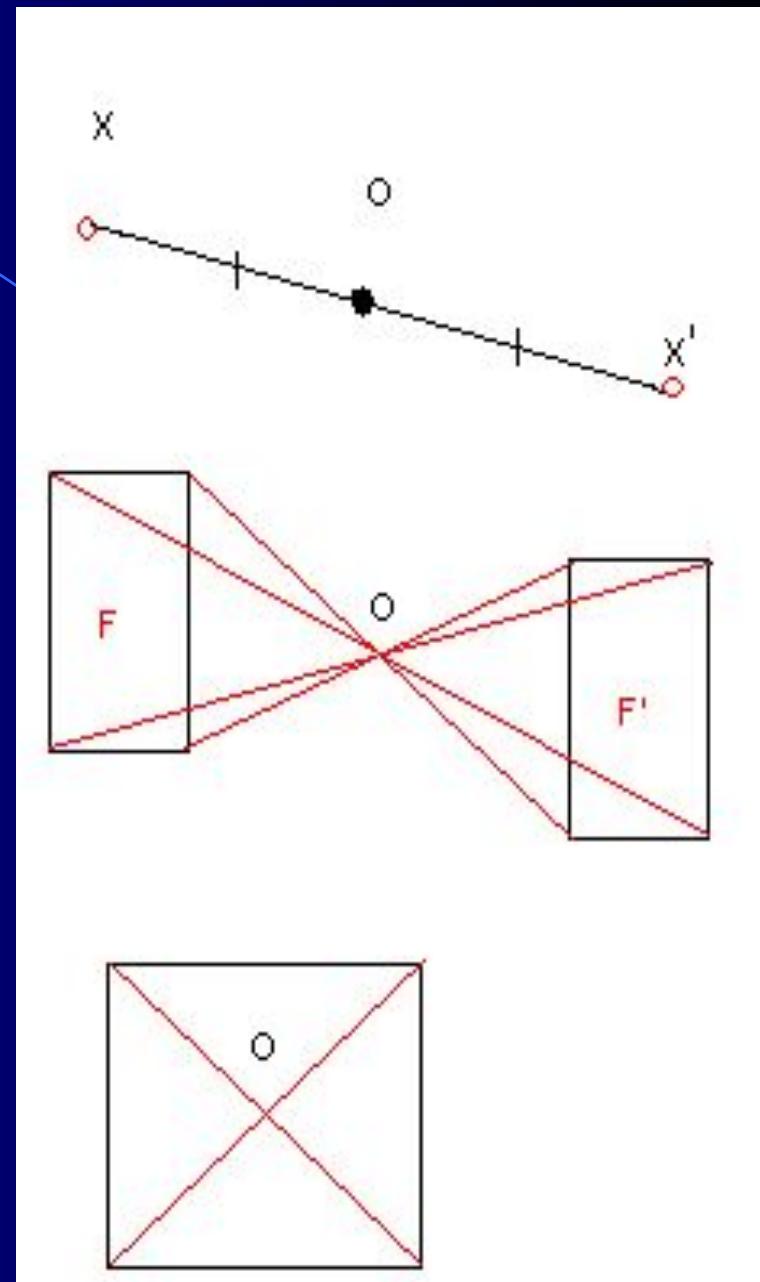
Точка O считается симметричной самой себе.

Преобразованием симметрии (или центральной симметрии)

относительно точки O называется

такое преобразование фигуры F , при котором каждой ее точке X сопоставляется точка X' симметричная относительно точки O .

Фигура называется **симметричной относительно точки O** или **центрально-симметричной**, если она симметрична сама себе относительно точки O . Точка O называется **центром симметрии**.

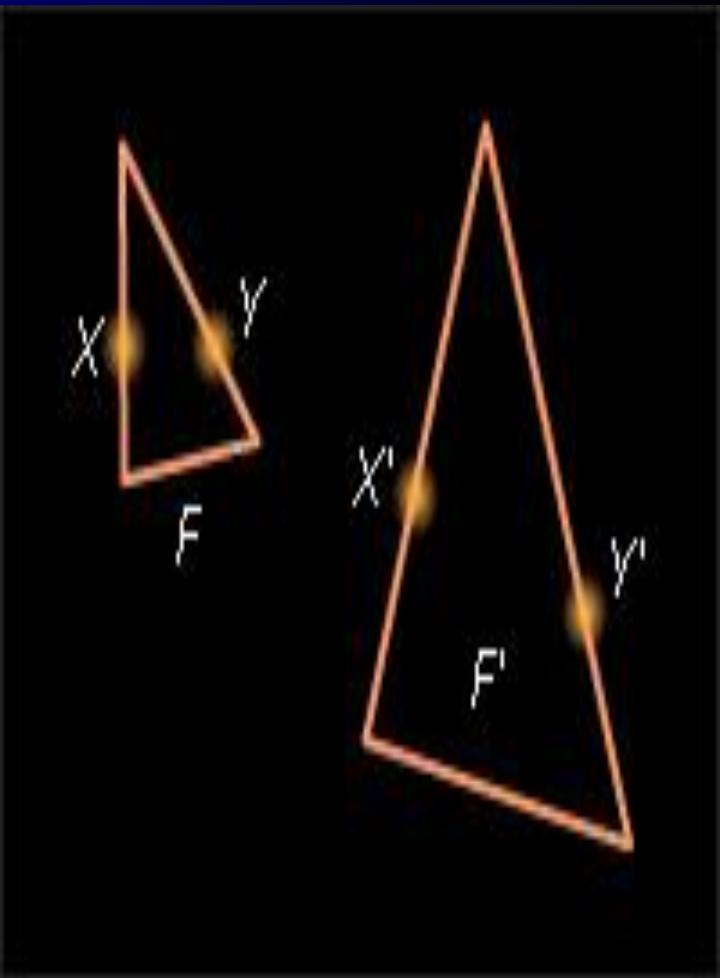


Подобие.

Преобразованием подобия называется

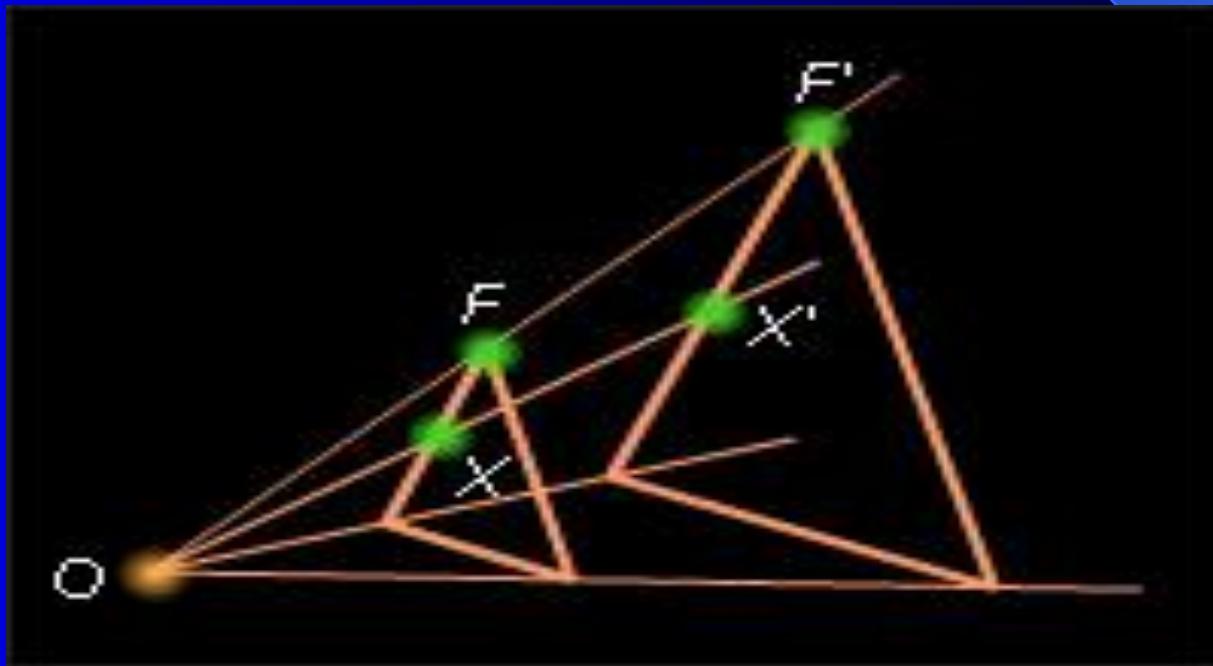
преобразование, при котором
расстояние между любыми двумя
точками изменяется в одно и то же
число раз. Это значит, что если
произвольные точки X, Y фигуры F при
преобразовании подобия переходят в
точки X' и Y' фигуры F' , то $X'Y'=kXY$,
где $k > 0$ – постоянное число,
называемое *коэффициентом подобия*.

Фигура F' называется *подобной* фигуре F
с коэффициентом k , если существует
подобие с коэффициентом k ,
переводящее F в F' .



Гомотетия

Гомотетией с центром O и коэффициентом $k \neq 0$
называется преобразование, при котором каждой точке X
ставится в соответствие точка X' так, что $\overrightarrow{OX'} = k \overrightarrow{OX}$



Свойства подобия:

- 1. *Подобие переводит прямые в прямые, полу прямые – в полу прямые, отрезки – в отрезки.*
- 2. *Подобие сохраняет углы между полу прямыми*
- 3. *Подобие переводит плоскости в плоскости.*

- Две фигуры называются подобными, если они переводятся одна в другую преобразованием подобия.

Спасибо за внимание!