

ГБОУ Лицей № 144

Происхождение обыкновенной дроби

Выполнила Гертнер Элизабет 6 «В» класс
Руководитель Федорова Е.Ю.

Санкт-Петербург 2013

Цель работы:
выяснить происхождение
обыкновенной дроби

Обыкновенная дробь

$\frac{2}{9}$ Правильная дробь

$$\frac{47}{9}, \frac{9}{9}, \frac{47}{1}$$

Неправильные дроби

Древние математические документы



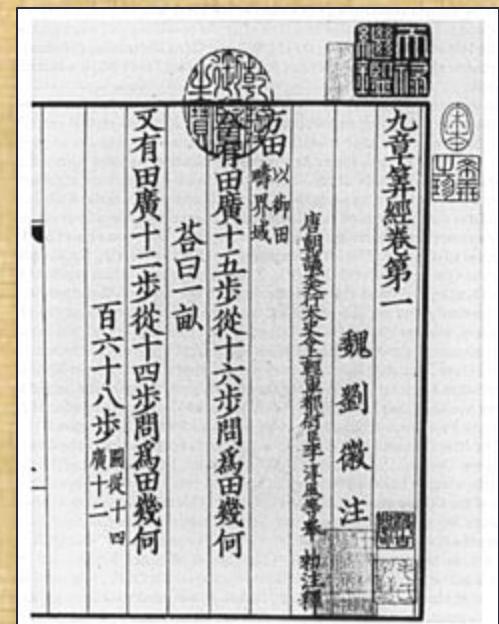
Кожаный свиток г.Фивы 1700гг.



Папирус Ринда написан (1849-1801г. до н.э.),
переписан писцом Ахмесом (1788-1580г. до н.э.)



Клинописные тексты Вавилона ,
вырезанные в камне 668-626гг. до н.э.



«Математика в девяти книгах» Чжан Цан П в. до н.э.

Появление первых словесных дробей-долей: «Половина», «десятина», «осьмина», «ломаная»...

Простейшие дроби: $1/2$, $1/4$, $2/3$, $3/4$ описывали больше **качество** предмета, чем его количество

- в старом китайском языке: $1/3$ - «меньшая половина», $2/3$ - «большая половина»
- На Руси винная мера: **ведро=2 полведра, полведра=2 четверти;**
«десятина», «осьмина» - земельная мера площади
половина четверти как земельной меры обозначалась словом **осьмина**
Нельзя было сказать «осьмина книги» или «полведра пути»
- у римлян асс первоначально - $1/12$ денежно-весовой единицы
 - $3/12$ 3 унции = **четверть**
 - $4/12$ 4 унции = **треть**
 - $6/12$ 6 унций = **половина**
- в вавилонской системе символы $1/2$, $1/3$, $2/3$ являлись изображением сосудов
- В Египте единицей площади был сетат (квадрат со стороной 100локтям)
- **1/4 сетата** называлась «**ломаной**»

Абстрактное понятие дроби: $1/2$, $1/10$, $1/8$, $1/4$

ЕГИПЕТ все документы содержат только единичные дроби

Под знаком  ставили символ, изображающий знаменатель

Индивидуальных знаки

$$\subset = \frac{1}{2} \quad \textcircled{II} = \frac{2}{3} \quad \textcircled{III} = \frac{1}{4}$$

Например: $\frac{1}{5} = \textcircled{IIII}$ $\frac{1}{10} = \textcircled{II}$ $\frac{1}{20} = \textcircled{I}$ $\frac{1}{23} = \textcircled{IIIIII}$

Например: $12 \frac{5}{8} \quad \textcircled{IIII} \subset \textcircled{III}$



Кожаный свиток- ключ к пониманию первых стадий вычислений с дробями

$$2/5 = 1/5 + 1/15,$$

$$2/13 = 1/8 + 1/52 + 1/104$$

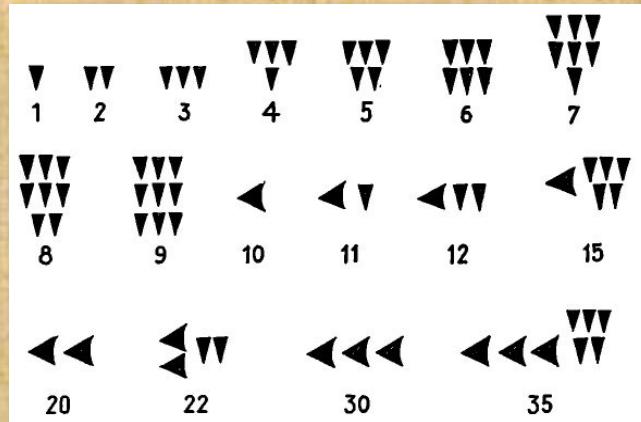
$$2/21 = 1/14 + 1/42$$

$$2/83 = 1/60 + 1/332 + 1/415 + 1/498$$

ВАВИЛОН

ПРИМЕНЯЛИ ШЕСТИДЕСЯТЕРИЧНЫЕ ДРОБИ

денежная и весовая единицы измерения разделялись на 60 равных частей:
10талант = 60 мин, 1 мина =60 шекель.



Доли шестидесятые были привычны для вавилонян:

1/60, 1/3600, 1/60³

В Вавилоне письменная шестидесятеричная нумерация состояла из двух знаков:

▼ – значение 1 «единица», 60, 60², 60³... определялось по содержанию задачи.

◀ -10 «десять»

Число 62 писали: ▼ ▲ ▼ ▼ с пробелом.

Сохранилось деление часа на 60 минут, минуты на 60 секунд, окружности на 360 градусов, градусы на 60 минут, минуты на 60 секунд

Рим Римляне пользовались только конкретными двенадцатицшими дробями.

$$\frac{1}{12}, \frac{2}{12}, \frac{3}{12}, \frac{4}{12}, \frac{5}{12}, \frac{6}{12}, \frac{7}{12}, \frac{8}{12}, \frac{9}{12}, \frac{10}{12}, \frac{11}{12}$$

Асс - единица измерения веса, а также денежной единицы. Асс делился на 12 равных частей. Каждая **часть** называлась **унция**.

унция делилась: 2 семунции, 4 сициликуса, 6 секстул, 24 скрупула и 144 силиквы

$\frac{1}{12}$	1 унция
$\frac{2}{12}$.2 унции
$\frac{3}{12}$	3 унции = четверть
$\frac{4}{12}$	4 унции = треть
$\frac{5}{12}$ (квинкункс)	5 унций
$\frac{6}{12}$	бунций = половина
$\frac{7}{12}$ (септункс)	7 унций
$\frac{8}{12}$ (бесс)	8 унций
$\frac{9}{12}$ (додранс)	9 унций
$\frac{10}{12}$ (декстанс)	10 унций
$\frac{11}{12}$ (деункс)	11 унций
$\frac{1}{6}$ Асса (секстанс)	
$\frac{1}{4}$ Асса (квадранс)	
$\frac{1}{3}$ Асса (триенс)	
$\frac{5}{12}$ Асса (квинкункс)	

1/24унции (1/288либры) скрупул

Характерен следующий отрывок из произведения знаменитого римского поэта I в. до н. э. Горация о беседе учителя с учеником в одной из римских школ этой эпохи:

«— Учитель. Пусть скажет Сын Альбина, сколько останется, если от 5 унций отнять 1 унцию?
— Ученик. Одна треть.
— Учитель. Правильно, ты сумеешь беречь свое имущество».

Слово скрупулёзность произошло от «скрупула», означает точность и аккуратность (например, в английском прилагательное скрупулезный — scrupulous, во французском — scrupuleux).

Греция Греки употребляли египетские и шестидесятеричные дроби. К V в. до н.э. греки умели производить все действия с дробями, но **числами их не признавали**. Сначала дроби выражали словами, позднее стали применять записи:

λβ' — дробь $\frac{1}{32}$

знаменатель дроби обозначали буквами алфавита и писали со штрихом справа

встречаются записи в которых числитель со штрихом и дважды взятый знаменатель с двумя штрихами пишутся в одной строке: дробь **3/4**

γδ"δ".

Герон и Диофант (ок. I в.) употребляли дробную черту, но сверху писали знаменатель, а под чертой – числитель. Например, $5/3$ означало три пятых **В греческих сочинениях по математике дробей не встречалось.** Греческие математики создали учение об отношениях величин, о равенстве таких отношений. Правильное соотношение размеров возводимых ими дворцов и храмов придавало этим зданиям ту необыкновенную красоту, которая и сегодня восхищает нас. **В Древней Греции получают своё начало обыкновенные дроби и впервые происходит расширение множества целых чисел.**

КИТАЙ

В древних текстах дробь записывали по схеме «*n*-ых *m*». Сначала выполняется деление основной единицы на *n* частей, а затем берётся *m* такиховых . Дробь-результат деления *m:n*

Ко II в. до н.э. китайцам удалось разработать все операции с дробями.

Китайские правила операций с дробями понятны современному читателю.

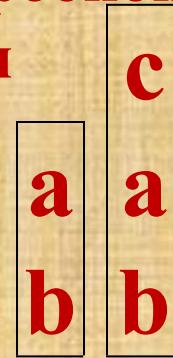
Таблица названий двенадцатых долей

Дробь	Китайское название	Перевод	Представление
$\frac{1}{12}$	цян	С избытком	$\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3}$
$\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$	шАО жо	Мéньшая с недостатком	$\frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3}$
$\frac{3}{12} = \frac{1}{4}$	шАО	Мéньшая (половина)	
$\frac{4}{12} = \frac{1}{3}$	шАО цян	Мéньшая с избытком	$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3}$
$\frac{5}{12}$	банъ жо	Половина с недостатком	$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3}$
$\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$	банъ	Половина	
$\frac{7}{12}$	банъ цян	Половина с избытком	$\frac{2}{4} + \frac{1}{12}$
$\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$	тай жо	Большая с недостатком	$\frac{2}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3}$
$\frac{9}{12} = \frac{3}{4}$	тай	Большая (половина)	
$\frac{10}{12} = \frac{5}{6}$	тай цян	Большая с избытком	$\frac{3}{4} + \frac{1}{12}$
$\frac{11}{12}$	и чень жо	Полный цикл с недостатком	$\frac{3}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3}$
$\frac{12}{12} = 1$	цюань	Полная	

Индия В Индии дроби известны очень давно. Ещё в середине II тысячелетия до н.э. упоминаются такие дроби как $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{4}$, $\frac{1}{16}$

Индийцы записывали дроби так, как это делается в настоящее время: числитель над знаменателем, только без дробной черты. Друг от друга дроби отделялись вертикальными и горизонтальными линиями.

Дробь записывалась:



в смешанной дроби целая часть писалась над дробью.

Индийцы развили теорию обыкновенной дроби. Обыкновенные дроби индийцев наряду с египетскими единичными и вавилонскими шестидесятеричными перешли к арабам.

ИСЛАМ Дроби в арабской математике считались такими же числами, как и натуральные числа. Записывали их вертикально, как индийцы: знаменатель под числителем, целую часть писали над числителем черта дроби появилась около 1200 года

Арабский язык не имеет специальных терминов для выражения долей единицы (единичных дробей) меньших **1/10** ($1/100, 1/1000..$) Такие результаты округляли.

Понятия конкретной дроби:

- одна или несколько частей величины предполагаемой делимой (единица считалась неделимой) называются
- «**одна часть из n**»,

- отношение двух отвлечённых чисел. «**m частей из n**»

Главная историческая заслуга математиков исламских стран — сохранение античных знаний (совместно с более поздними индийскими открытиями) и содействие тем самым восстановлению европейской науки.

ЕВРОПА Учение о дробях считалось самым трудным разделом арифметики. Трудность изучения дробей в средневековых школах объяснялась тем, что учеников заставляли заучивать без понимания

Первым самостоятельным математиком Западной Европы был итальянец **Леонардо Пизанский (1180-1240)**, известный под именем Фибоначчи (сын Боначчи). В конце XII века он изучал математику у арабских учителей, посещал Египет, Сирию, Византию, Сицилию. Основной труд Леонардо – книга «Книга абака» («Книга арифметики» 1202-1228г.) В ней он учит действию над смешанными числами и дробями . Вводит «дробь» вместо «ломаной», применяет постояннодробную черту.

Теория обыкновенных дробей берёт своё начало в Греции, развивается в Индии и уже в Европе приобретает современный вид.



На РУСИ

1/4 – четь

1/2 - половина, полтина

1/8 – полчеть

1/16 – полполчеть

1/32 – полполполчеть (малая четь)

1/7 – седмина

Термины в рукописях XVII столетия назывались так:

- делимое – « большой перечень»
- делитель – «деловой перечень»
- частное – «жеребейный перечень»
- остаток – «остаточная доля»

2 1/2 – «полтретыи», 4 1/2- «полпяты»

1/3 – треть

1/6 – полтреть

1/12 – полполтреть

1/24 – полполполтреть (малая треть)

1/5 – пятина

1/10 - десятина

5/13 – пять тринадцатых жеребёв

**Числитель назывался
верхним числом,
а знаменатель
исподним**

Леонтий Филиппович Магницкий «Арифметика, сиречь наука численная»

1700-1703гг. Послужила проводником в Россию новых математических сведений, совершенно не имеющихся в существовавших до неё рукописях.

Появление обыкновенных дробей берёт своё начало в Греции, развивается в Индии и уже в Европе приобретает современный вид

Единичные дроби $\frac{1}{4} \dots$	единичные дроби $\frac{1}{4} \dots$	шестидесятичные дроби $\frac{1}{60}$	Отношения чисел	обыкнов. дроби	обыкнов. дроби	Переводы	единичные дроби	обыкнов. дроби	обыкнов. дроби
Египет XVIII-XV в. до н. э.	Индия серед. II тысячелетия	Вавилон VI-VII вв. до н.э.	Греция III в. до н. э.	Индия V-VI-XII вв. н.э.	Китай VI-VII вв. н. э.	Ислам VII-VIII вв.	Русь н.ХII в.	Европа XII-XVI	Русь XVI-XVII в.

время до нашей эры

время нашей эры

М.папирус 1800-1600 папирус Ax.1788-1 560к. Свиток 1700		клинописные таблички 668-626гг		Ариабхатиама 499 н.э. Браhma 628 н.э. Бхаскаре XIIв.	Математика в 9 книгах вкл.(XII-II в до н.э.)		монах Кирик, рукописи 1134 г.	Фибоначчи 1202-1228, С.Стевин 1585 учебник	Рукописи 1629, Магнцик 1700-1703
---	--	-----------------------------------	--	--	--	--	-------------------------------	--	----------------------------------

Современный вид обыкновенной дроби

Термин ввёл в 1558 г. Траншан для отличия дроби a/b
от астрономических дробей

Вертикальная запись: Индия, Китай

Дробная черта, «Дробь» : Л. Пизанский 1202-1228гг.

Солидус: наклонная дробная черта

«Дробь» -Число, представленное как состоящее из частей единицы.(С.И. Ожегов)

fraction ['frækʃ(ə)n]англ.яз.

(дробь, доля, порция, часть, относительное количество, дробное число)

$$\frac{2}{9}$$

целое 3 — 2 9

«солидус» косая черта
Ввёл де Морган в 1558г.

Числитель

Англ. numerator ['nju:m(ə)reɪtə]
с латинского (numerare —
числить, считать

Знаменатель

Англ. denominator [dɪ'nəmɪneɪtə]
с латинского dē-nōmino
именовать, называть