

Произведение функций

Содержание

1. Определение
2. Алгоритм построения
3. Пример №1
4. Пример №2
5. Выполнить построение

Определение

Произведением двух функций $f(x)$ и $g(x)$ называется функция $h(x)$ с областью определения, являющейся общей частью областей определения $f(x)$ и $g(x)$, при этом значения функции $h(x) = f(x) \cdot g(x)$.

Алгоритм построения

- 1) Построить график функций $y=f(x)$
- 2) Построить график функции $y=g(x)$ в той же системе координат.
- 3) В каждой точке перемножить длины отрезков, изображающие ординаты графиков, и построить отрезок полученной длины с учетом знака произведения.

Множество точек с полученными ординатами представляют график функции $h(x)=f(x) \cdot g(x)$

Пример №1

Построить функцию $y=x \cdot x^2$

1) Строим график функции $y=x$

Графиком этой функции является прямая.

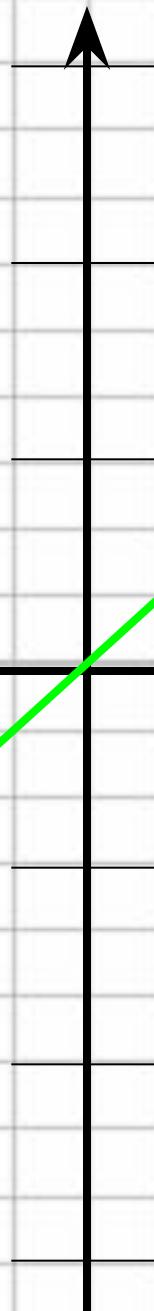
Биссектриса I и III координатных углов.

$y = x$

x y

2 2

-2 -2



Y

$y = x$

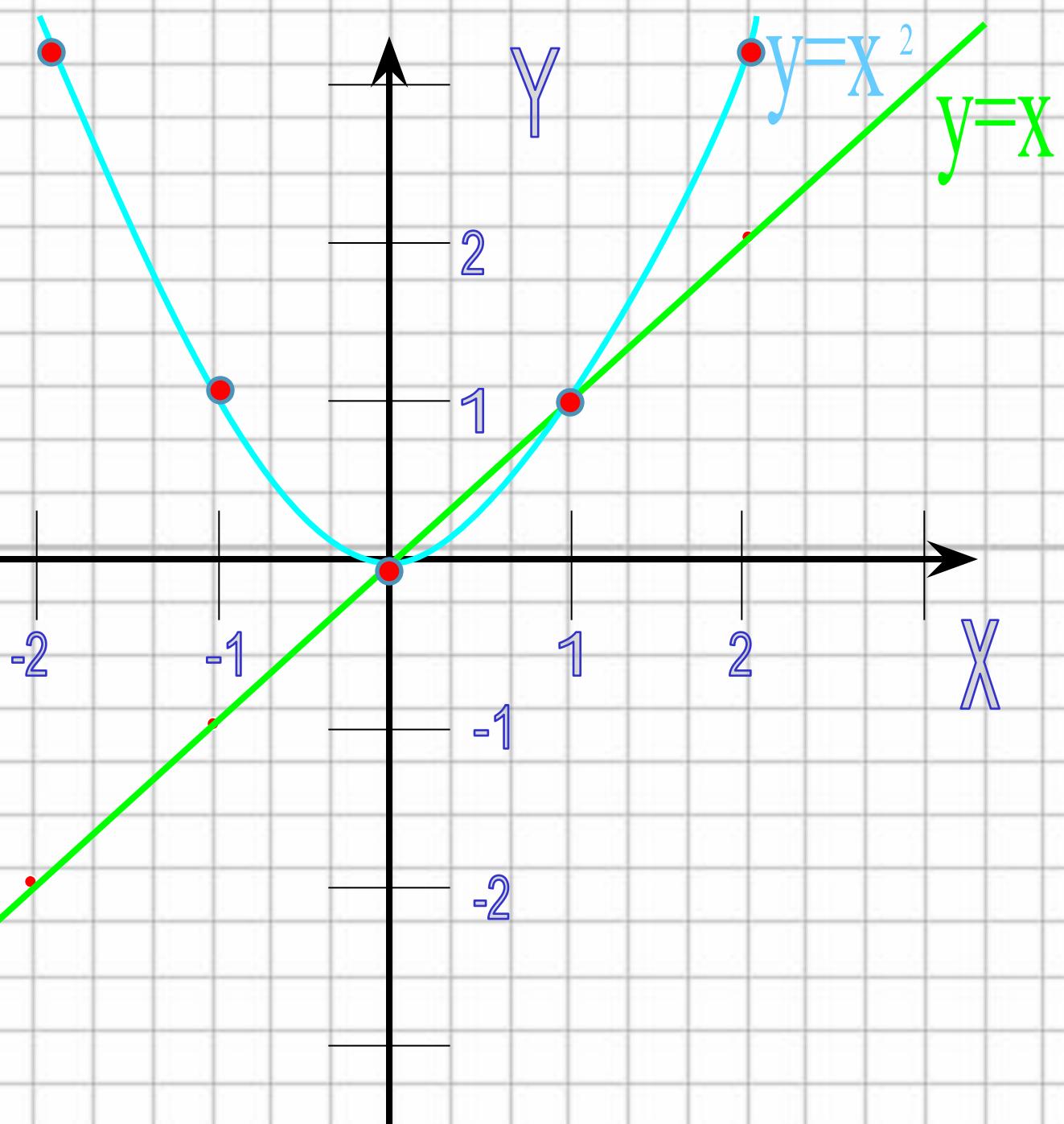
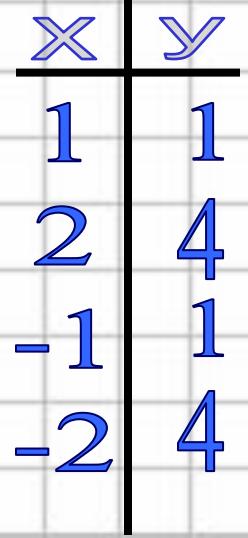
X

2) Строим график функции $y=x^2$ в той же системе координат.

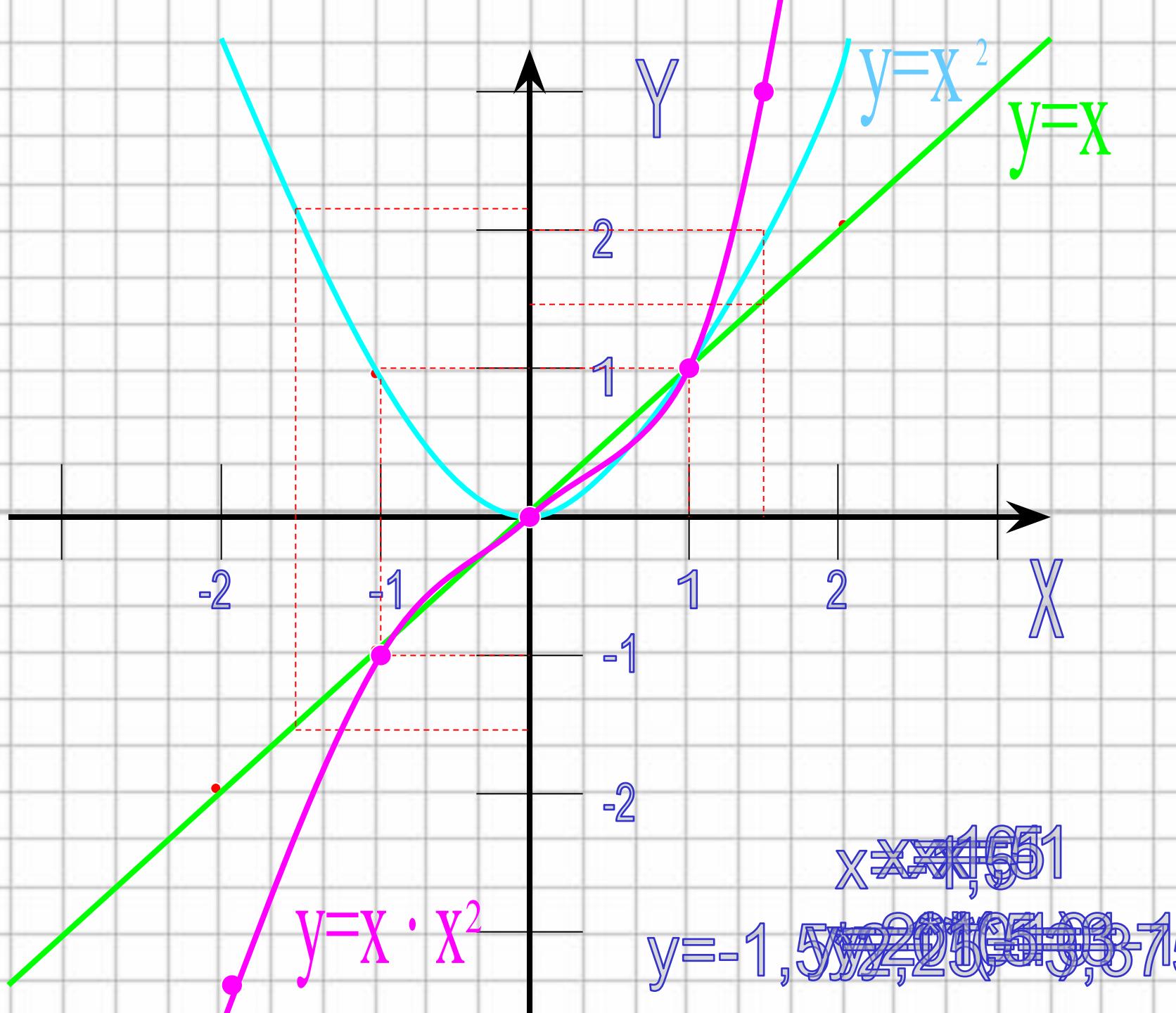
Графиком этой функции является парабола

Ветви направлены вверх
(т.к. $a=1>0$)

Вершина находится в точке $O(0;0)$.



3) В каждой точке перемножить длины отрезков, изображающие ординаты графиков, и построить отрезок полученной длины с учетом знака произведения.



Пример №2

Построить функцию $y=x \cdot \cos x$

Функция $y=x \cdot \cos x$ является нечетной (она представляет собой произведение четной и нечетной функций), поэтому ее график будет симметричным относительно начала координат и его достаточно построить лишь для $x > 0$.

1) Строим график функции $y=x$.

Графиком этой функции является прямая.

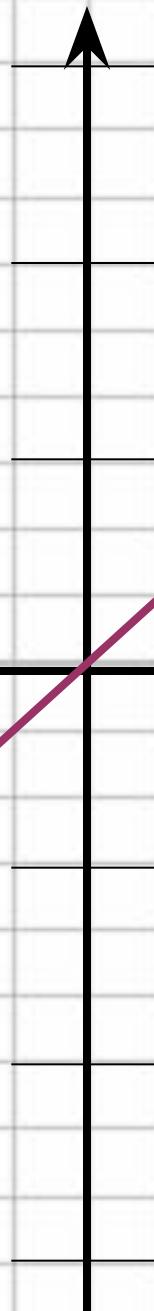
Биссектриса I и III координатных углов.

$y = x$

x y

2 2

-2 -2



$y = x$

X

Y

2

1

-1

-2

-2

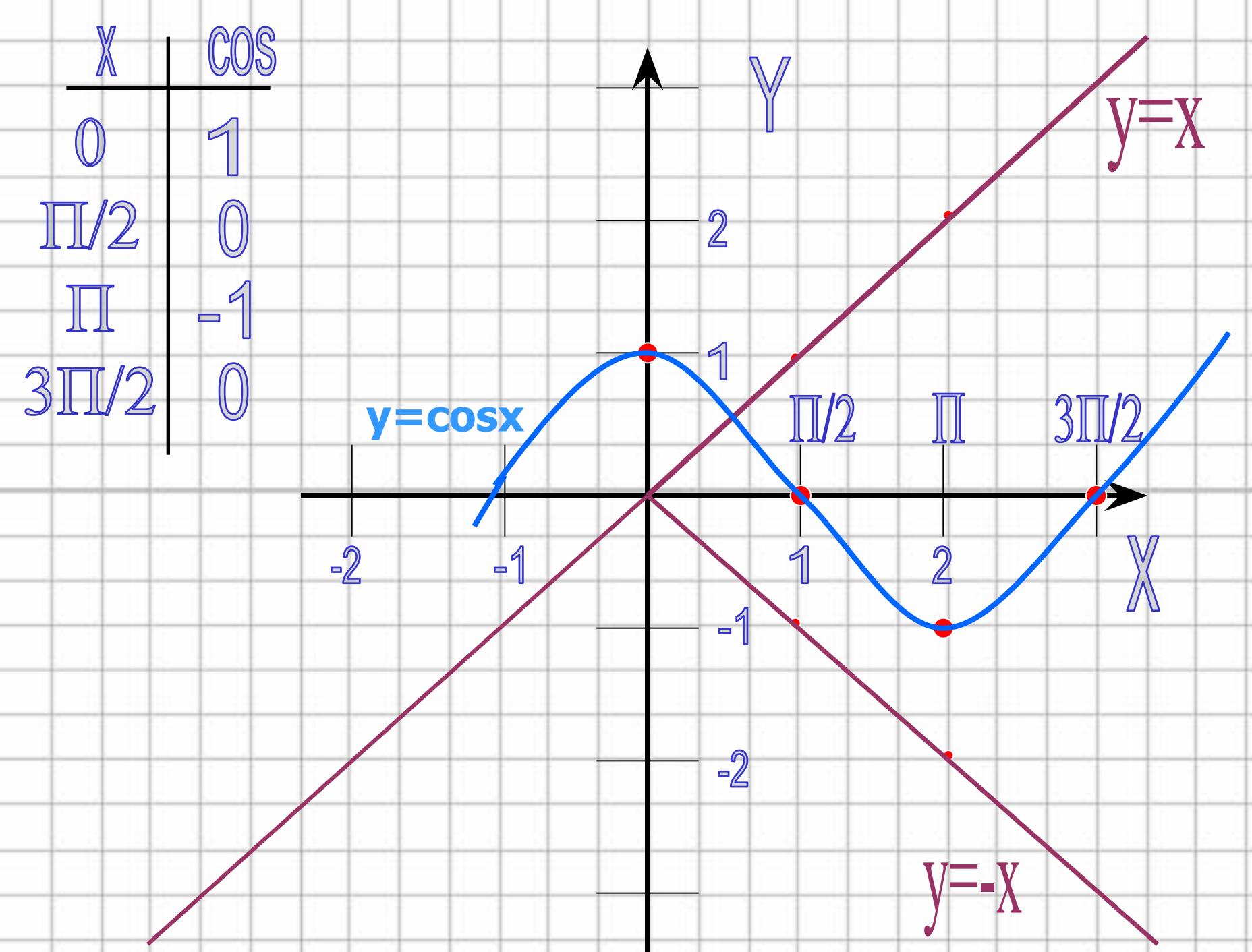
-1

1

2

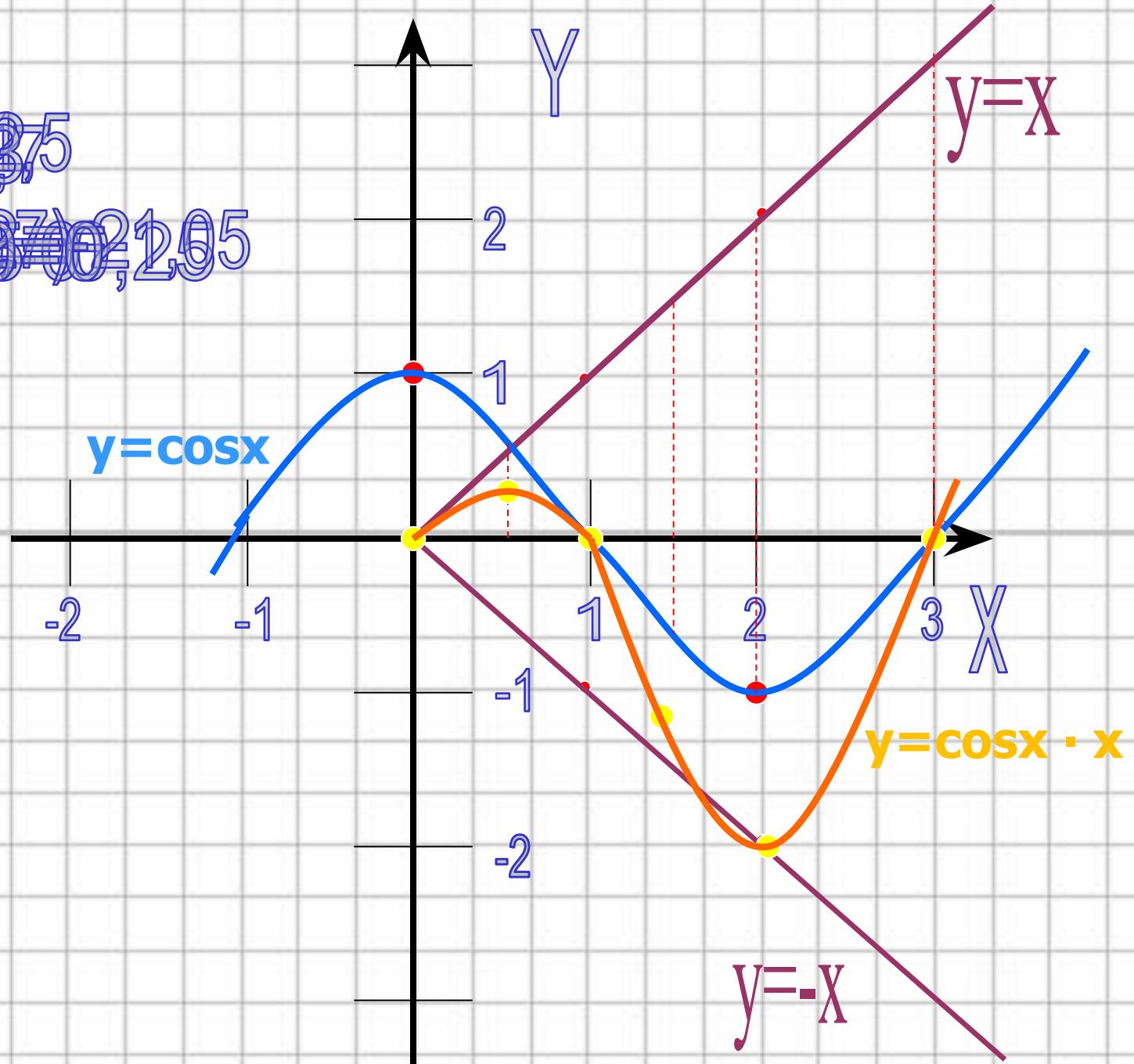
2) Построим график функции $y=\cos x$.

Заметим, что в точках $x=\pi/2+\pi k$, в которых $\cos x=0$, функция равна нулю. В точках $x=2\pi k$, где $\cos x=1$, произведение равно $2\pi k$, т.е. эти точки лежат на прямой $y=x$, а в точках $x=\pi+\pi k$, где $\cos x=-1$, произведение равно $-(\pi+2\pi k)$, т.е. эти точки лежат на прямой $y=-x$.



3) В каждой точке перемножить длины отрезков, изображающие ординаты графиков, и построить отрезок полученной длины с учетом знака произведения.

~~$x = 0, 3, 5$~~
 ~~$y = 0, 1, 3, 5, 7, 10, 12, 15, 18, 20, 25$~~



Постройте графики функций

$$y = x \cdot (x-4)^2$$

$$y = 1/x \cdot x$$

$$y = x \cdot x^3$$