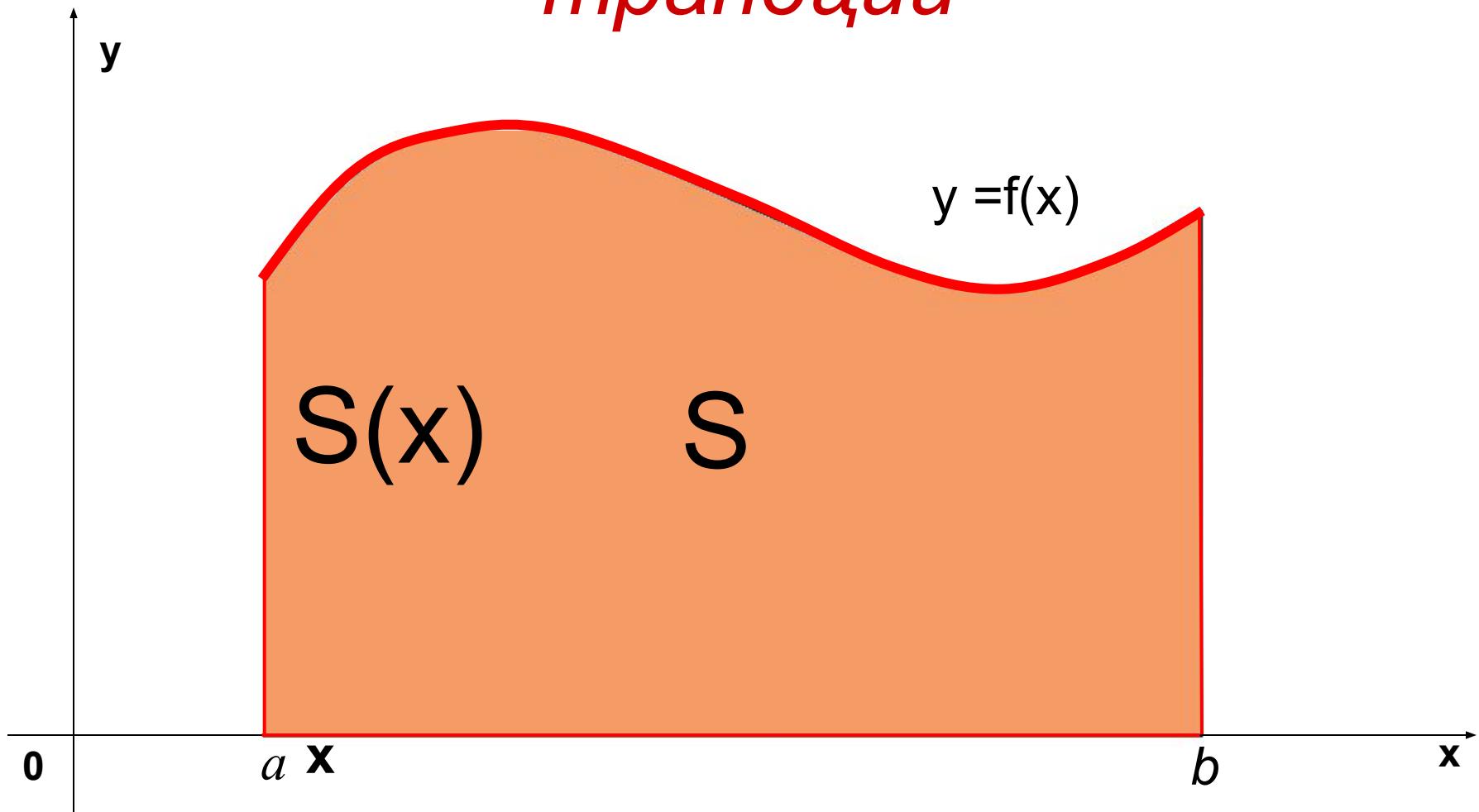
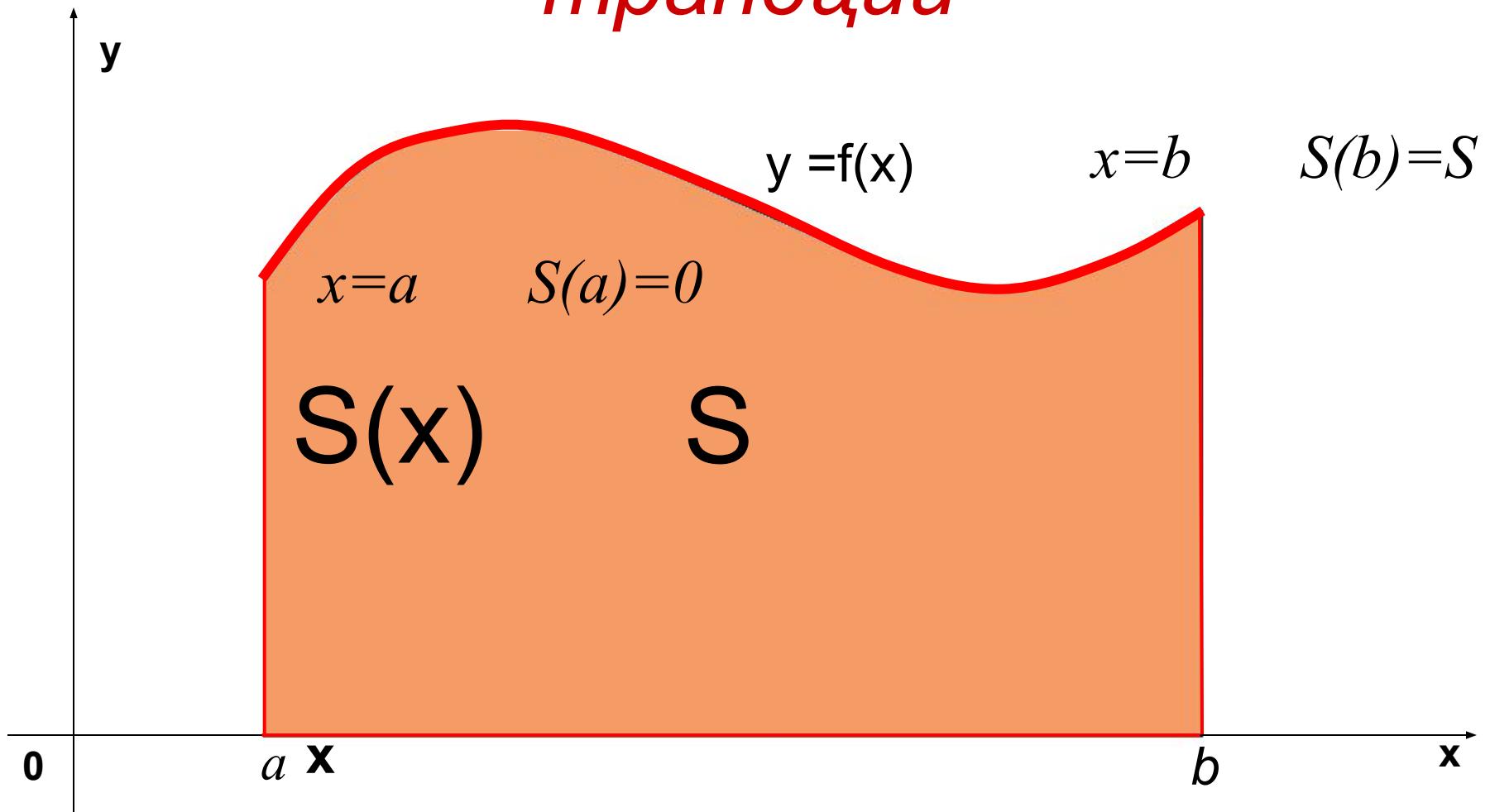


*Площадь
криволинейной
трапеции и
интеграл.*

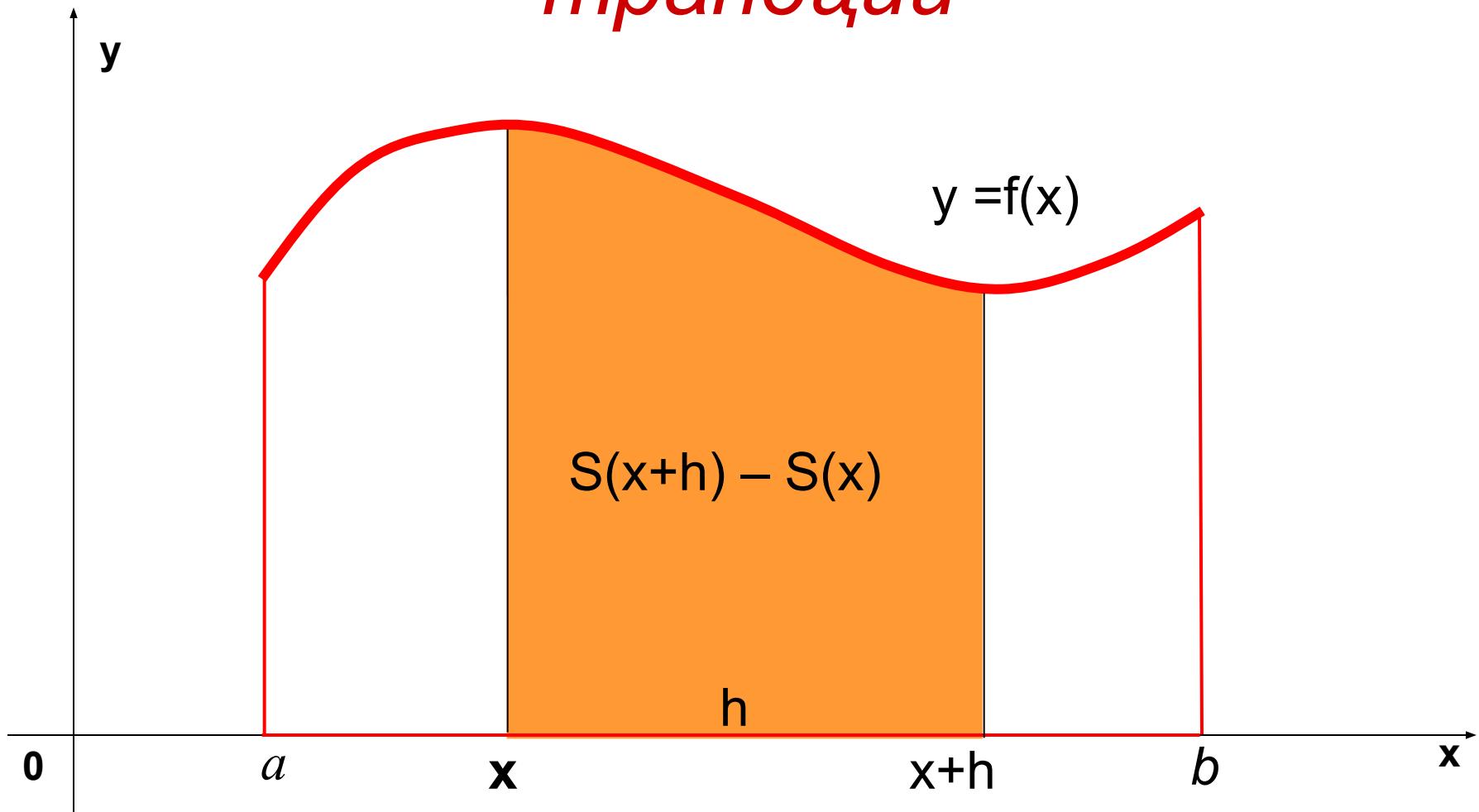
Площадь криволинейной трапеции



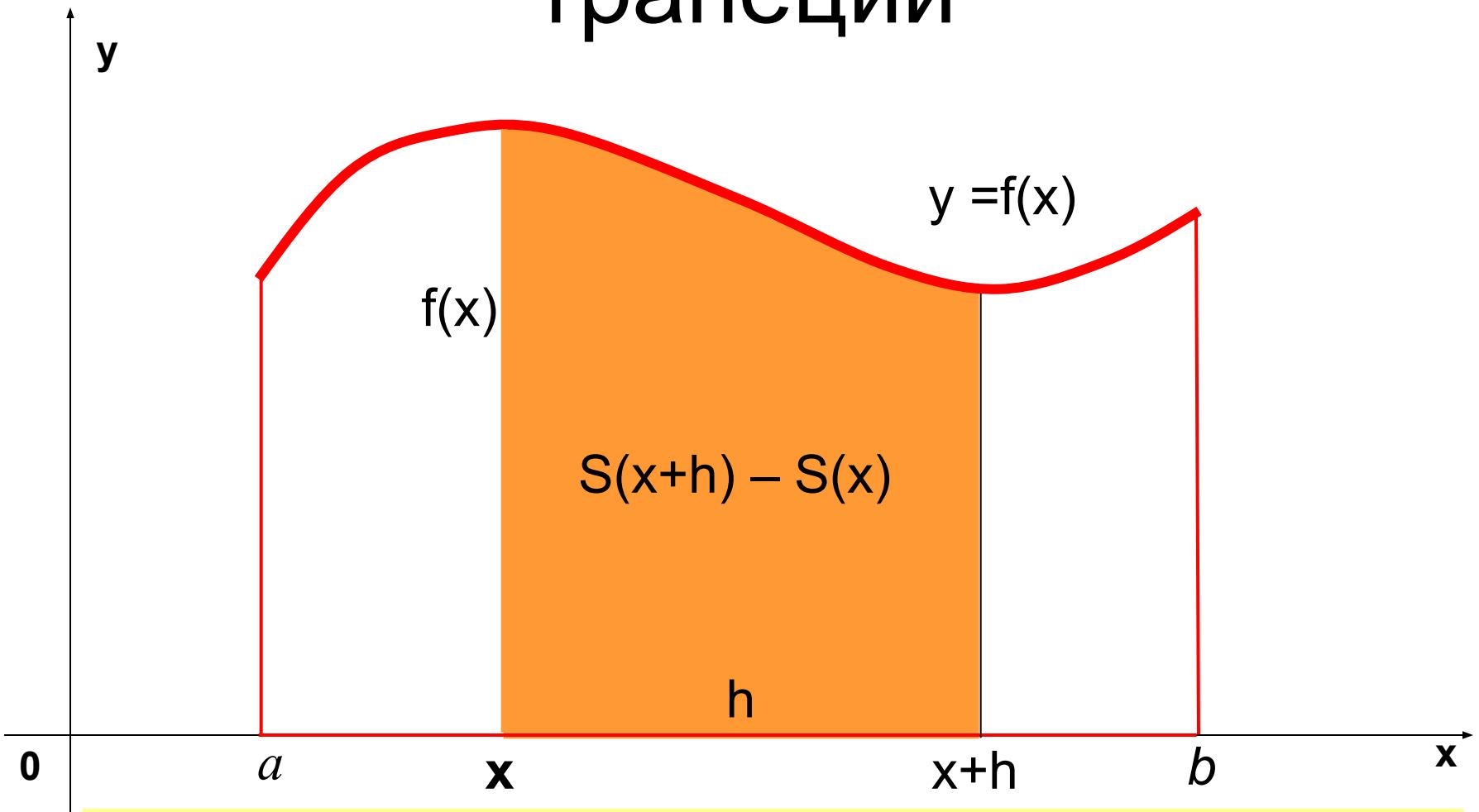
Площадь криволинейной трапеции



Площадь криволинейной трапеции



Площадь криволинейной трапеции



$$h \rightarrow 0$$

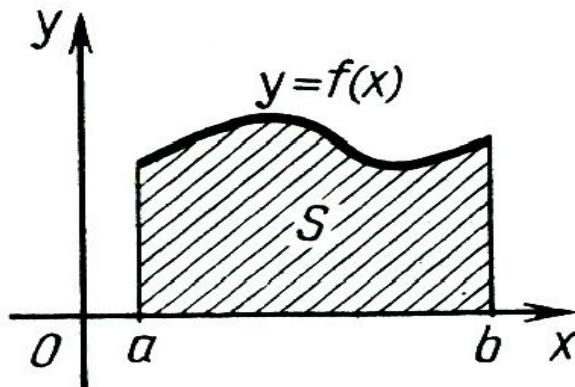
$$S(x+h) - S(x) \rightarrow f(x) \cdot h$$

Площадь криволинейной трапеции

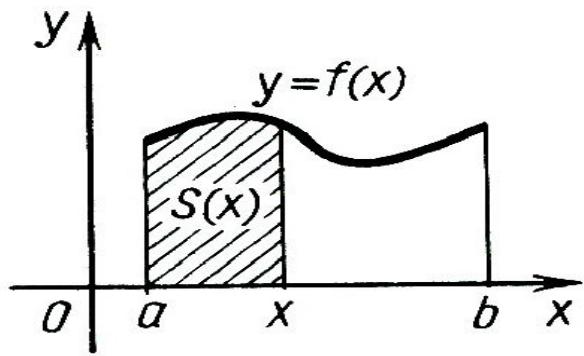
$$h \rightarrow 0$$

$$S(x+h) - S(x) \rightarrow f(x) \cdot h$$

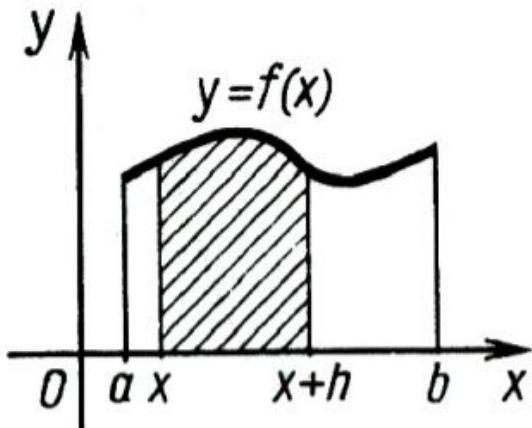




Фигура, ограниченная снизу отрезком $[a, b]$ оси Ox , сверху графиком непрерывной функции $y = f(x)$, принимающей положительные значения, а с боков отрезками прямых $x = a$, $x = b$ называется **крайолинейной трапецией**.



Обозначим $S(x)$ - площадь криволинейной трапеции с основанием $[a, x]$,
 x - любая точка отрезка $[a, b]$
При $x = a$ отрезок $[a, x]$ вырождается в точку, поэтому $S(a) = 0$; при $x = b$,
 $S(b) = S$



$S(x)$ является
первообразной
функции $f(x)$,
т.е. $S'(x)=f(x)$

$S(x + h) - S(x)$, где $h > 0$, равна
площади криволинейной трапеции
с основанием $[x, x + h]$.

**Если число h мало, то
эта площадь приблизительно равна $f(x) h$,**

т.е. $S(x + h) - S(x) \approx f(x) h$

$$\frac{S(x + h) - S(x)}{h} \approx f(x)$$

$\mathbf{h \rightarrow 0}$ получается равенство $S'(x)=f(x)$

*Площадь криволинейной трапеции
вычисляется по формуле*
 $S = F(b) - F(a)$

**Разность $F(b) - F(a)$ называют
интегралом от функции $f(x)$
на отрезке $[a, b]$ и обозначают так :**

$$\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a)$$

Формула Ньютона - Лейбница

**Любая другая первообразная $F(x)$
отличается от $S(x)$ на постоянную,
т.е. $F(x) = S(x) + C$**

При $x = a$ получаем $F(a) = S(a) + C$
Так как $S(a) = 0$, то $C = F(a)$ и равенство
 $F(x) = S(x) + C$ можно записать так
 $S(x) = F(x) - F(a)$, отсюда при $x = b$ получим
 $S(b) = F(b) - F(a)$

Немного истории

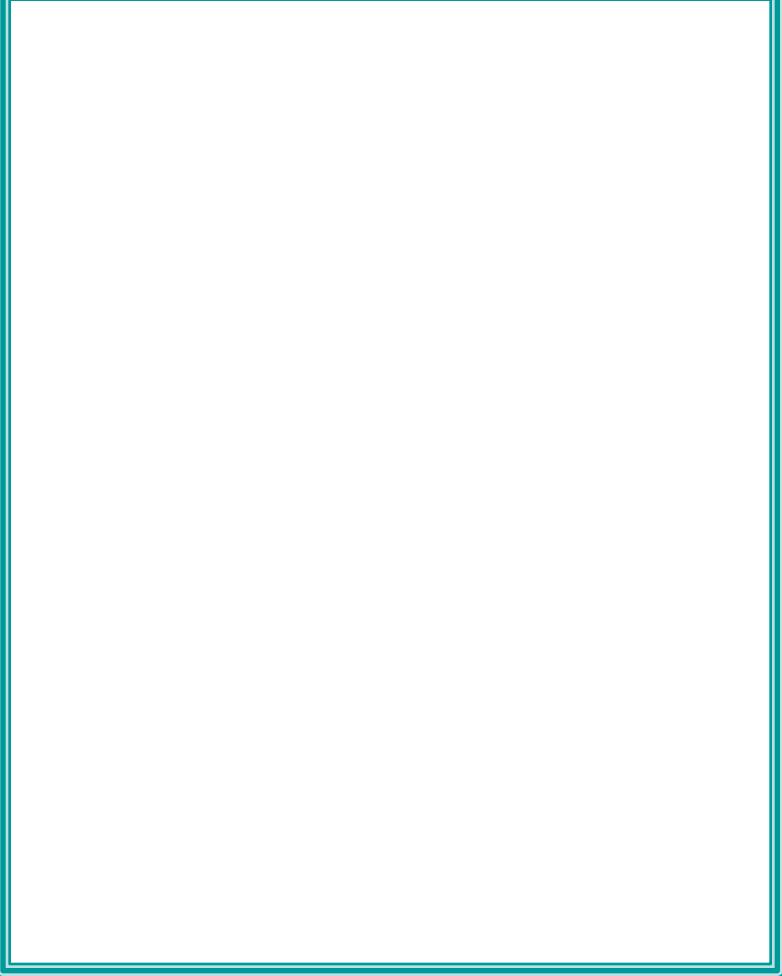
-1675 г, опубликовано в 1686 г
ввел Г.Лейбниц

- 1675 г, Ж Лагранж

5 век до н.э. др.гр. ученый Демокрит

3-4 век до н.э. Архимед ввел метод исчерпывания

Лейбниц Готфрид Вильгельм (1646-1716)



« Общее искусство знаков представляет чудесное пособие, так как оно разгружает воображение... Следует заботиться о том, чтобы обозначения были удобны для открытий. Обозначения коротко выражают и отображают сущность вещей. Тогда поразительным образом сокращается работа мысли.»

Лейбниц

Исаак Ньютон (1643-1727)

Разумом он
превосходил род
человеческий.

Лукреций

Немного истории

- «Интеграл» придумал Я.Бернулли (1690)
 - «восстанавливать» от латинского *integro*
«целый» от латинского *integer*

интегральное исчисление

неопределенный
интеграл
(первообразная)

↓
И.Ньютон

определенный
интеграл
(площадь
криволинейной
фигуры)

↓
Г.Лейбниц

Применение интеграла

- Площадь фигуры
- Объем тела вращения
- Работа электрического заряда
- Работа переменной силы
- Центр масс

В классе:

№ 999(1,3)

№ 1000(1,2)

Дома:

П 56

№ 999(2,4)

№ 1000(3)