

- Тема самообразования:
- «Развитие творческой активности учащихся на уроках математики»

- Цель: выявить эффективные приемы и способы развития творческих способностей школьников на уроке математики.

# Тема урока: «Линейные уравнения с одной переменной».

- Девиз: «Смотреть – не значит видеть!»
  - $28k + 30n + 31m = 365$ 
    - $k=?$   $n=?$   $m=?$

- **Реши уравнение:**

- $(3x+7)*2 - 3 = 17$
- $6x + 14 - 3 = 17$
- $6x = 17 - 4 - 3$
- $6x = 0$
- $x = 0?$

## Реши уравнение:

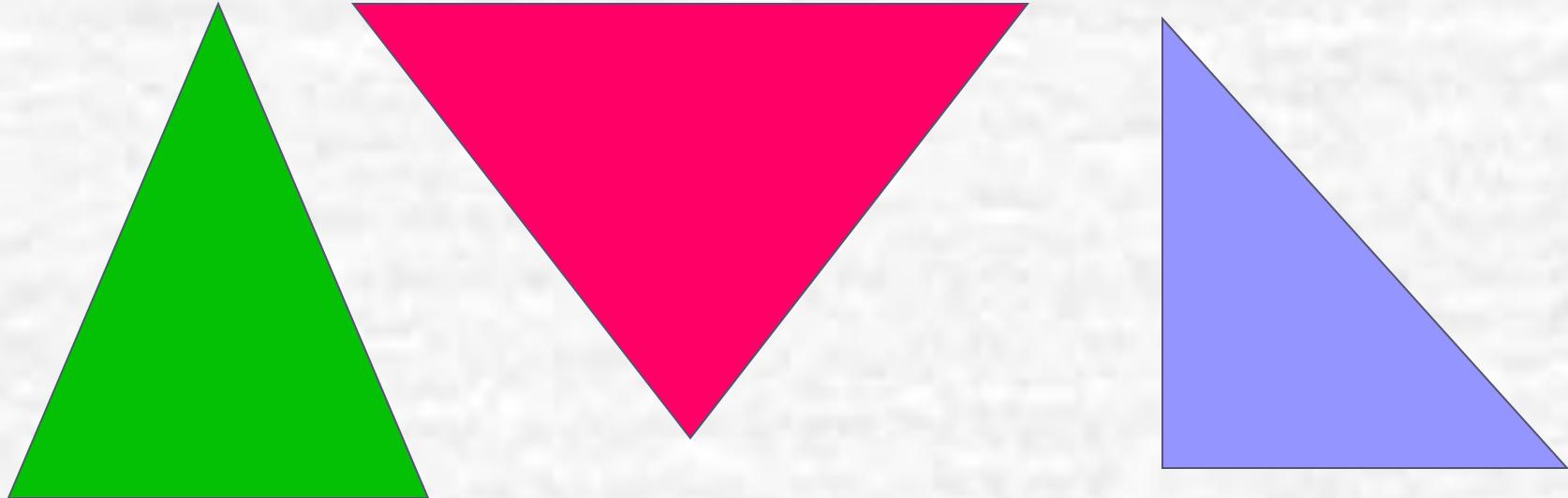
- $28k+30n+31m=365$
- $k=?$   $n=?$   $m=?$
- Подсказка: 365- это количество дней в году,...

# Проверка домашнего задания

- **Задание.** Начертить в тетради любой треугольник и с помощью транспортира измерить его углы, и найти их сумму.
  - **Какие суммы вы получили?**



**ВОПРОС:** Случайно ли сумма углов данного треугольника АВС оказалось равной  $180^\circ$  или этим свойством обладают все треугольники?



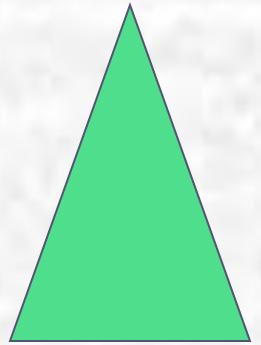
# Практическая работа

- **Построить треугольник по заданным углам:**

1.  $\angle A = 37^\circ$ ,  $\angle B = 28^\circ$ ,  $\angle C = 90^\circ$

2.  $\angle A = 72^\circ$ ,  $\angle B = 50^\circ$ ,  $\angle C = 110^\circ$

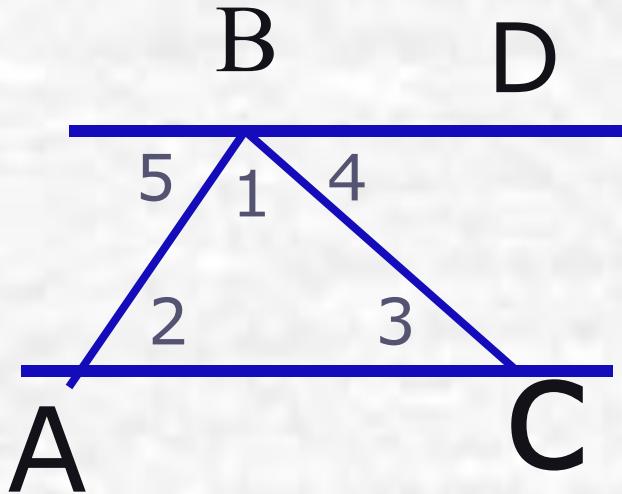
3.  $\angle A = 23^\circ$ ,  $\angle B = 50^\circ$ ,  $\angle C = 38^\circ$ .



Всегда ли можно построить  
треугольник?

**Гипотеза:** треугольник можно построить, если сумма внутренних углов его равна  $180^\circ$ .

- **Задача.**



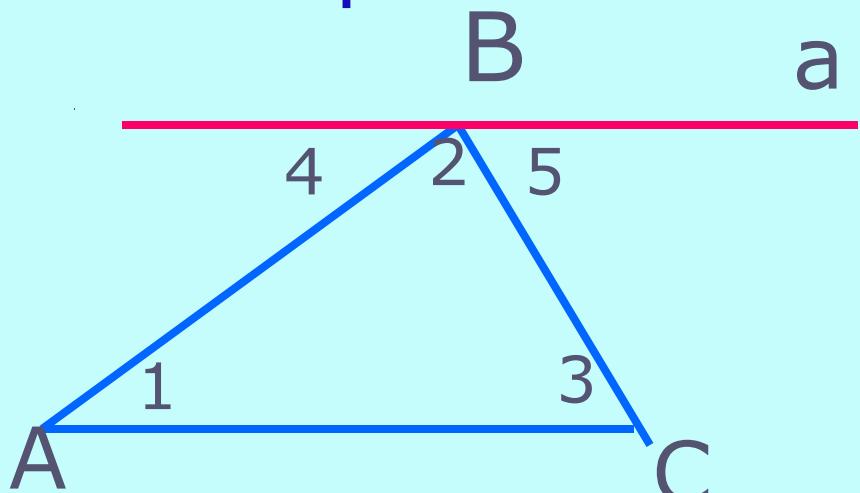
На рис. прямые  $BD$  и  $AC$  параллельны. Найдите сумму углов  $\triangle ABC$ .

Решение

?

# Теорема (о сумме углов треугольника)

- Теорема.



Дано: АВС

Доказать:

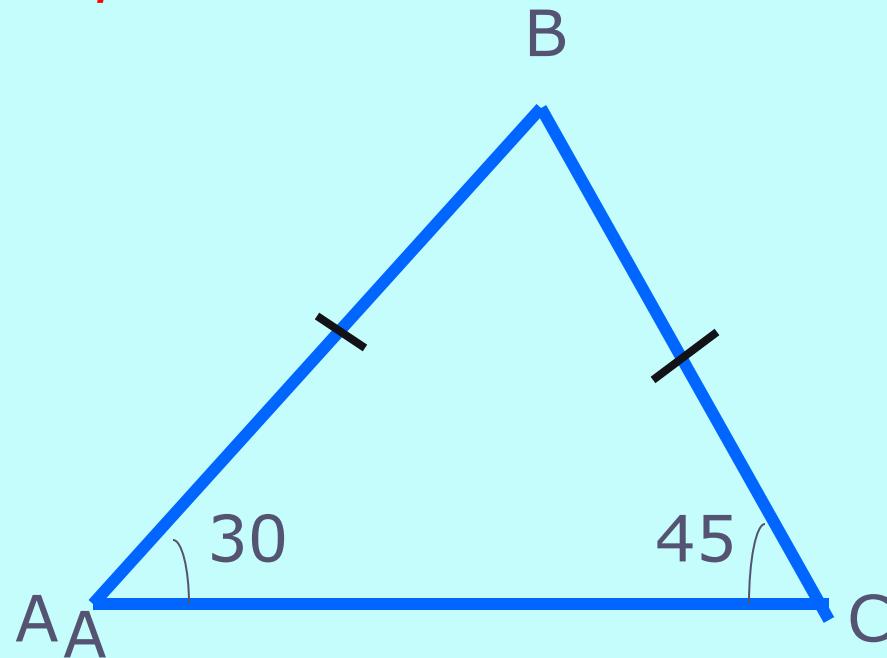
$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$$

Доказательство:

1.  $\angle 1 = \angle 4, \angle 5 = \angle 3$ -как накрест лежащие;
2.  $\angle 4 + \angle 2 + \angle 5 = 180^\circ$ ;
3. Т.к.  $\angle 1 = \angle 4, \angle 5 = \angle 3$ , то  $\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$
4. или  $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$ .

*Правильно ли поставлены размеры на чертеже?*

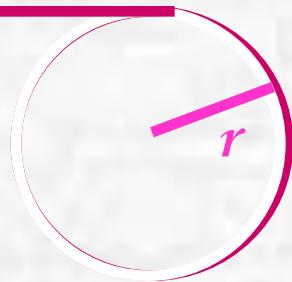
*Если нет, то укажите ошибку. Какие знания потребовались для ответа на вопрос?*





# Вычисление длины окружности

$$C = 2 \pi r$$



На глиняных табличках, найденных в Месопотамии и датированных началом II тысячелетия до нашей эры, можно прочесть: «Если 60 есть окружность, то третья часть от 60 представляет собой 20. Это и есть диаметр...»

Из этого следует, что отношение длины окружности к диаметру считалось величиной постоянной и равной 3. Это число назвали  $\pi$  (пи)

$$\pi = \frac{C}{2r} \approx 3$$

$$C = 2 \pi r$$

№  
3

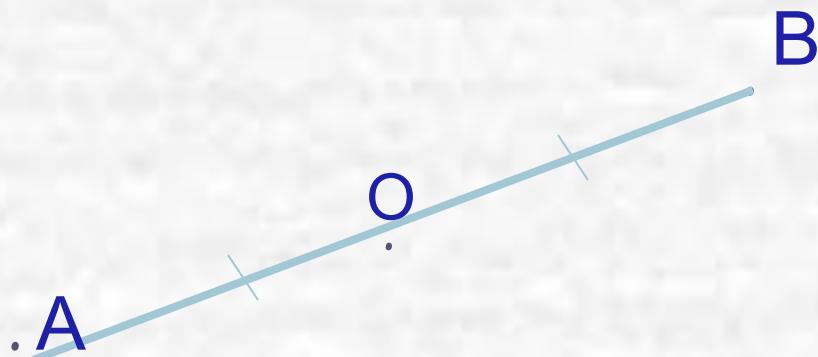
**Слово «симметрия» греческого происхождения («сим» - с, «метрон» - мера) и буквально означает «соподобие»**



«Симметрия есть идея, с помощью которой человек веками пытался постигнуть и создать порядок, красоту и совершенство»

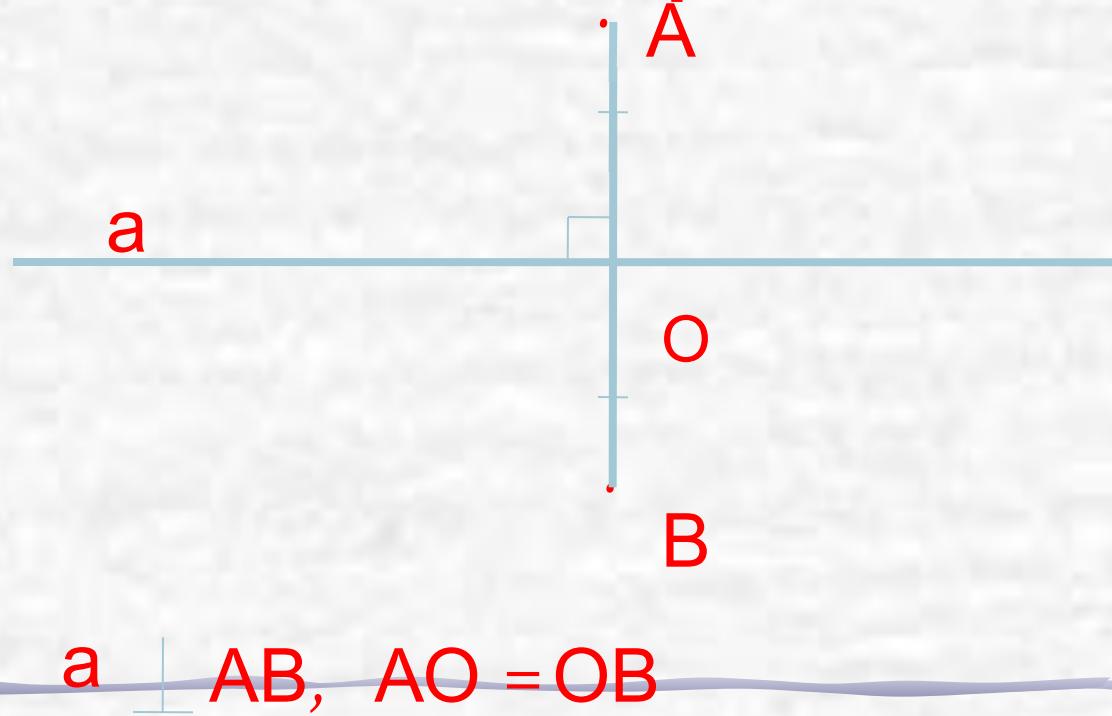
Герман Вейль.

# Центральная симметрия



$$\begin{matrix} AO = \\ OB \end{matrix}$$

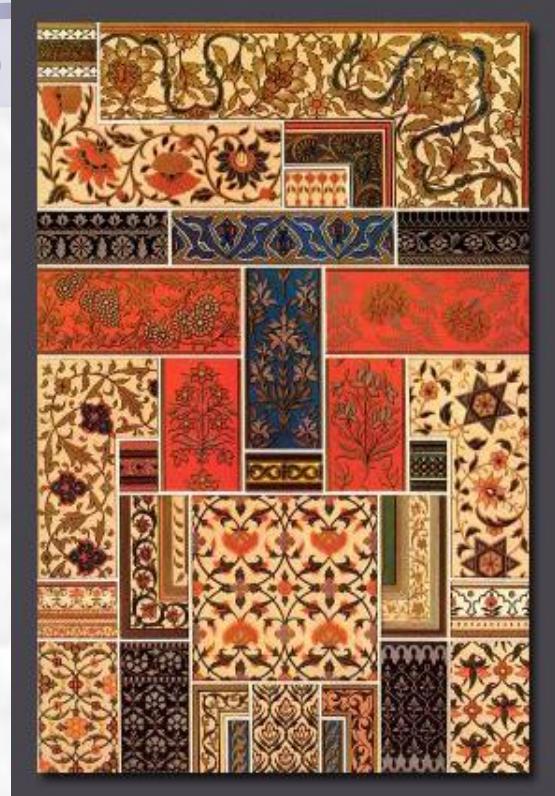
# Осевая симметрия



№

7

# Орнамент



«Искусство орнамента  
содержит  
в неявном виде наиболее  
древнюю  
часть известной нам

№

9

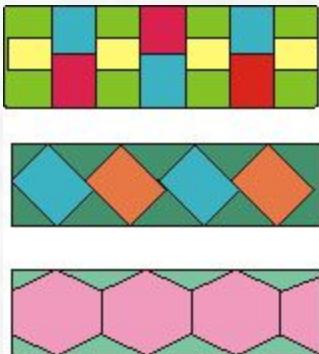
Виды  
орнаментов

Геометрический

Растительный

Зооморфный

Антропоморфный



# РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ ГРАФИЧЕСКИМ СПОСОБОМ

(«Функции и графики», материалы ЕГЭ, часть «В»)

Пусть дано уравнение  $f(x) = g(x)$ .

1. Строим графики функций левой и правой частей уравнения  $y = f(x)$  и  $y = g(x)$ .
2. Находим точки пересечения графиков.
3. Абсциссы точек пересечения и есть решения данного уравнения.

# Решить уравнение: $x^2 = a$

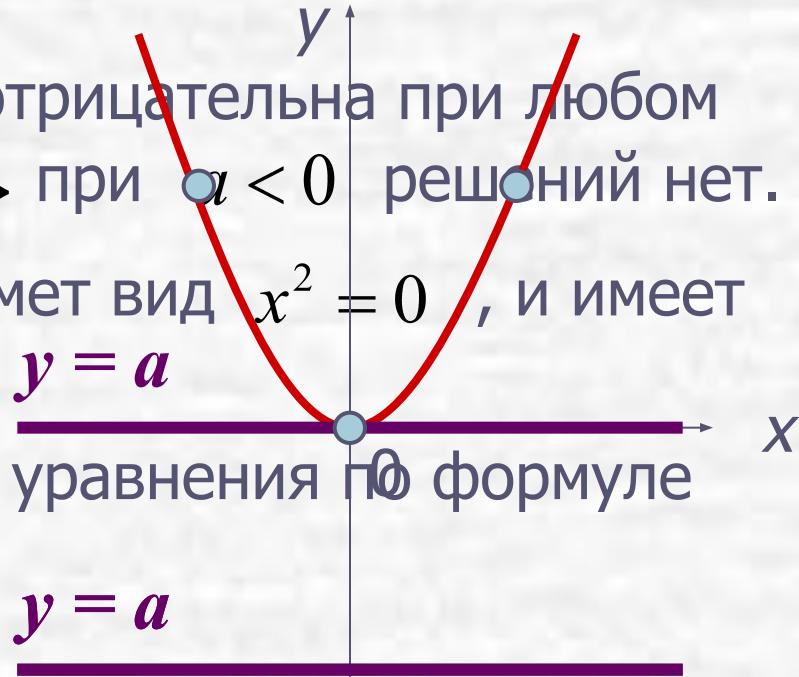
## 2 способ (графический)

1. левая часть уравнения неотрицательна при любом значении неизвестной  $x$ ,  $\Rightarrow$  при  $a < 0$  решений нет.

2. при  $a = 0$  уравнение примет вид  $x^2 = 0$ , и имеет корень  $x = 0$ .

3. при  $a > 0$  находим корни уравнения по формуле

$$x = \pm\sqrt{a}$$



Ответ: при  $a < 0$ , корней нет;

при  $a = 0$ , один корень  $x = 0$ .

при  $a > 0$ , два корня  $x = \pm\sqrt{a}$

**« Математике нельзя научиться ,  
глядя как это делает сосед! »**

**А.Нивен.**

№1. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $3 - \sqrt{(x-2)^2} = a$  имеет одно решение ?

№2. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $|x-1| - 1 = a$  не имеет решений ?

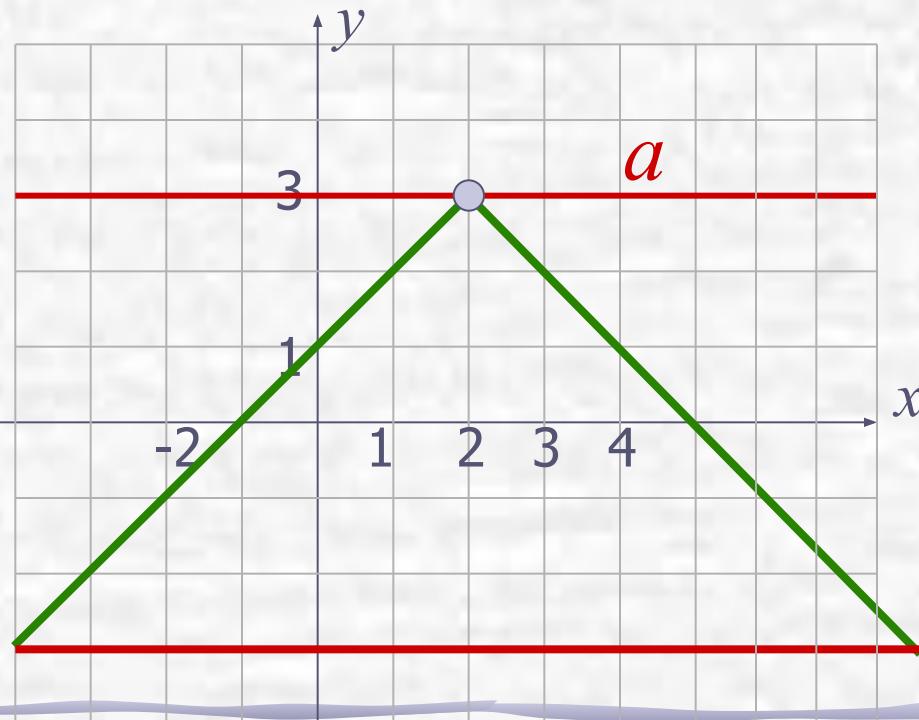
При каких значениях параметра  $a$  уравнение  
 $3 - \sqrt{(x - 2)^2} = a$  имеет одно решение ?

Запишем уравнение в виде:

$$3 - |x - 2| = a$$

Построим графики  
функций:  $y = 3 - |x - 2|$ .  
и подвижную прямую  
 $y = a$ .

**Ответ:  $a = 3$**



При каких значениях параметра  $a$  уравнение  
 $|x - 1| - 1 = a$  не имеет решений ?

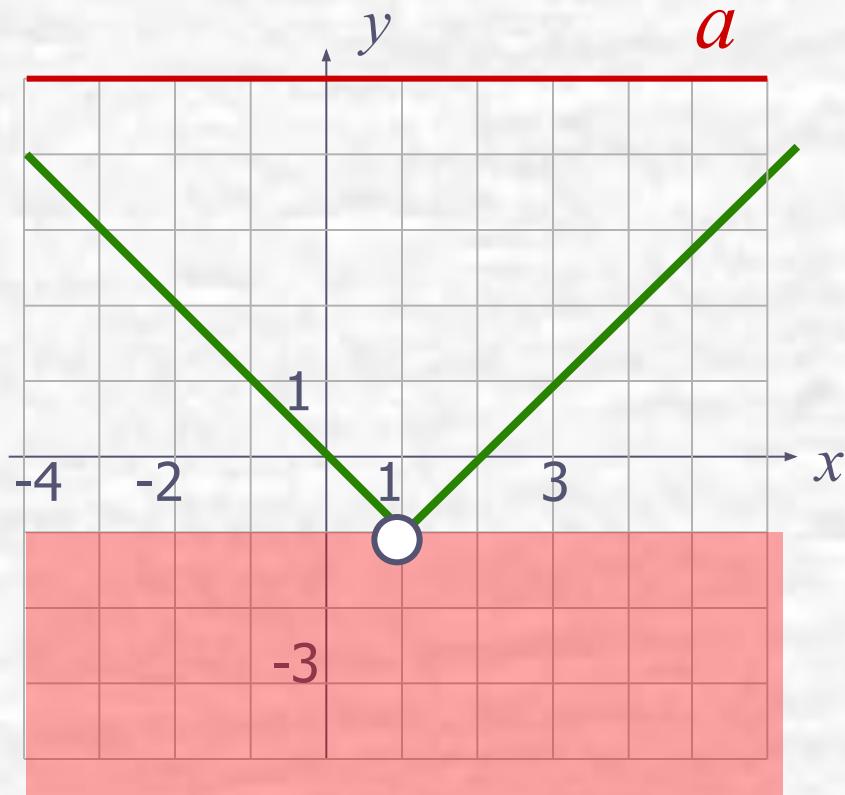
Построим график

$$y = |x - 1| - 1$$

и прямую  $y = a$ .

По рисунку видим при  
 $a < -1$  решений нет.

Ответ:  $a < -1$



# **ВЫВОД**

**(Графический способ решения задач с параметром)**

Задачу с параметром можно рассматривать как функцию  $f(x; a) = 0$



Схема  
решен  
ия:

- 1. Строим графический образ
- 2. Пересекаем полученный график прямыми параллельными осям абсцисс
- 3. «Считываем» нужную информацию