

Автор: учитель математики МБОУ СОШ №38, г. Озерска, Челябинской области  
Комарова Наталья Алексеевна

- Решение систем уравнений второй степени.



# Система уравнений и её решение

$$\begin{cases} x+y=5 \\ y+l=7 \\ l+m=9 \\ m+x+y=10 \end{cases}$$
$$\begin{cases} 2x+x^2=3 \\ 5x^3+2x-7=6 \end{cases}$$
$$\begin{cases} x^2+y^2+z^2=5 \\ x+y=2 \\ y^2-x=4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+2y=5 \\ xy=2 \\ x^2+y=3 \end{cases}$$

1)  $x=1, y=2$  - решение системы.

$$\begin{cases} 1+2 \cdot 2=5 & \text{верно} \\ 1 \cdot 2=2 & \text{верно} \\ 1^2+2=3 & \text{верно} \end{cases}$$

- **Решением системы уравнений** с двумя переменными называется пара значений переменных, обращающая каждое уравнение системы в верное равенство.
- **Решить систему уравнений** - это значит найти все её решения или установить, что их нет.

# Способ подстановки (алгоритм)

- Из какого-либо уравнения *выразить* одну переменную через другую.
- *Подставить* полученное выражение для переменной в *другое* уравнение и решить его.
- *Вычислить* значение второй переменной.
- *Записать* ответ:  $(x ; y)$  .

# Способ сложения (алгоритм)

- **Умножить** почленно уравнения системы, подбирая множители так, чтобы коэффициенты при одной из переменных стали противоположными числами.
- **Сложить** почленно левые и правые части уравнений системы.
- **Решить** получившееся уравнение с одной переменной.
- **Подставить** значение найденной переменной в одно из уравнений системы и найти значение другой переменной.
- **Записать** ответ:  $(x; y)$  .

# Графический способ (алгоритм)

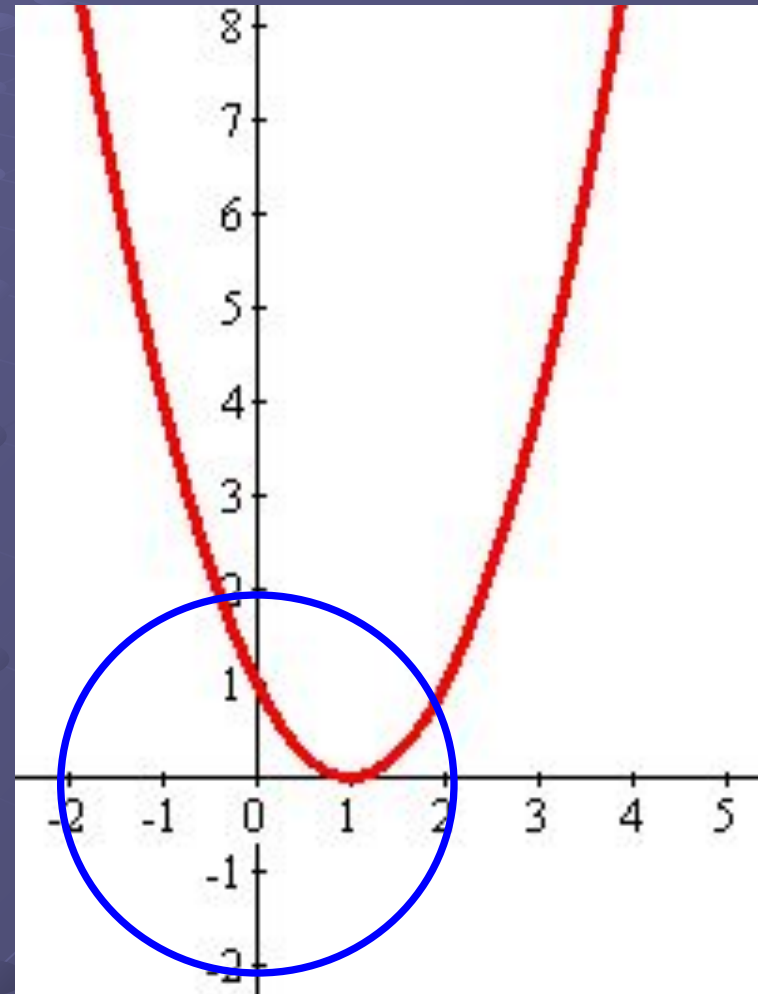
- **Выразить**  $y$  через  $x$  в каждом уравнении.
- **Построить** в одной системе координат график каждого уравнения.
- **Определить** координаты точек пересечения.
- **Записать** ответ.

# Решение системы графическим способом

## №1

- На рисунке изображены графики уравнений  $x^2 + y^2 = 4$  и  $y = (x - 1)^2$  используя графики, решите систему уравнений:

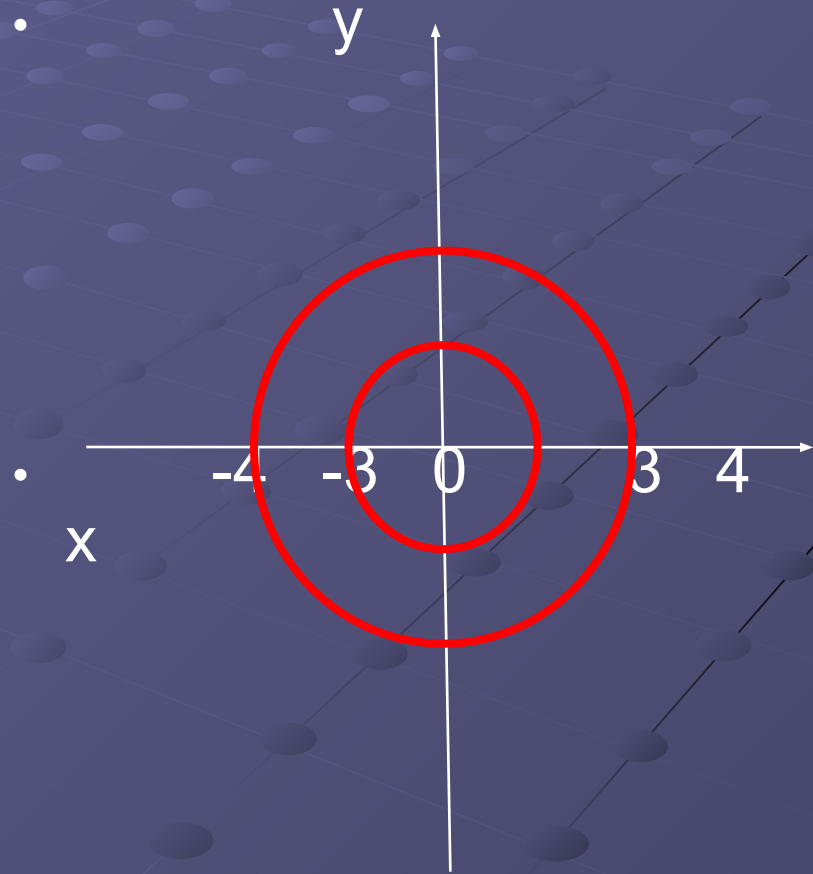
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 4, \\ y = (x - 1)^2; \end{cases}$$



# №2

- На рисунке изображены графики уравнений  $x^2 + y^2 = 16$  и  $x^2 + y^2 = 9$  используя графики, укажите число решений системы уравнений:

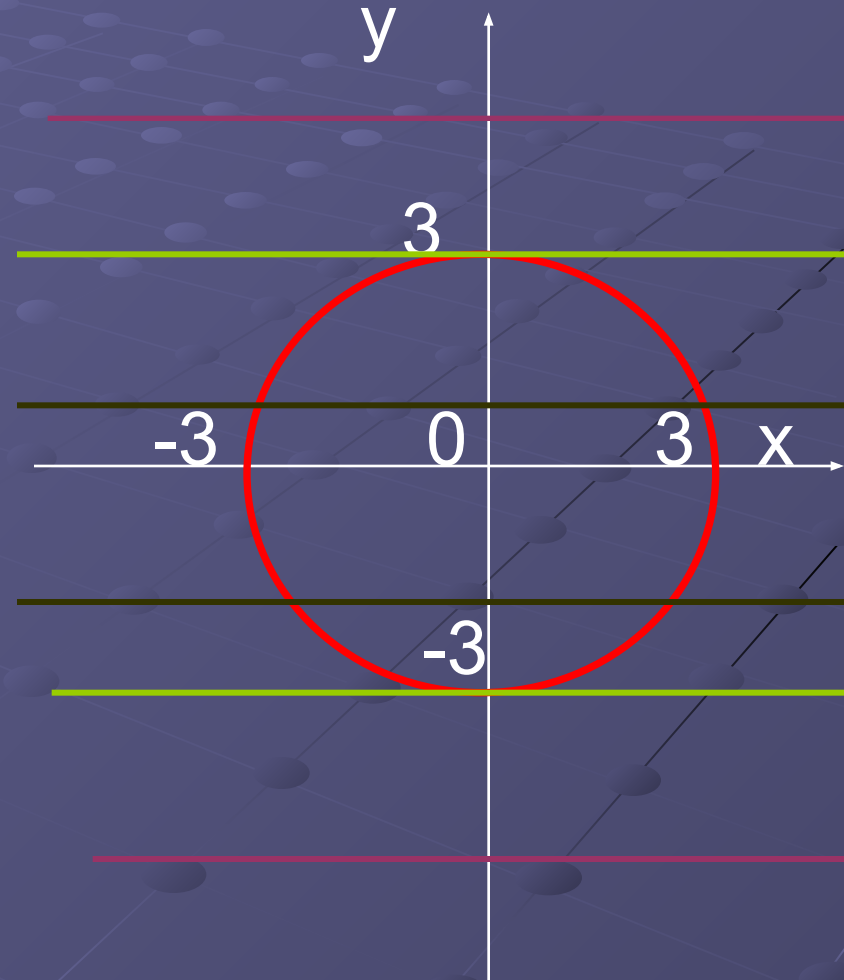
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 16, \\ y^2 + x^2 = 9; \end{cases}$$



# При каких значениях $k$ система уравнений:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 9, \\ y = k; \end{cases}$$

- а) имеет одно решение;
- б) имеет два решения;
- в) не имеет решений?





# Проверь себя!

- 1 вариант:

- 1 4
- 2 0
- 3 (1;0),(4;3)
- 4 А
- 5 Б

- 2 вариант:

- 1 В
- 2 2
- 3 0
- 4 2
- 5 (-1;-1)

# Решение системы способом подстановки

Выразим  $y$  через  $x$

$$\begin{cases} y - x^2 = 0, \\ y - 2x - 3 = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = x^2, \\ y - 2x - 3 = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = x^2, \\ x^2 - 2x - 3 = 0; \end{cases}$$

Подставим

Решим  
уравнение

$$\begin{cases} y = x^2, \\ x = -1; \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = -1, \\ y = 1. \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = x^2, \\ x = 3; \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 3, \\ y = 9. \end{cases}$$

Подставим

Подставим

Ответ:  $(-1; 1); (3; 9)$

# Решение системы способом сложения

Умножим  
первое  
уравнение  
на  $-1$

$$\begin{cases} y - x^2 = 0, & \parallel \cdot (-1) \\ y - 2x - 3 = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} -y + x^2 = 0, \\ y - 2x - 3 = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 - 2x - 3 = 0, \\ y = x^2; \end{cases}$$

$$x^2 - 2x - 3 = 0,$$

$$x = -1$$

$$x = 3$$

Сложим уравне-  
ния почленно

Решим  
уравнение

Подставим

$$\begin{cases} y = x^2, \\ x = 3; \end{cases}$$

Подставим

$$\begin{cases} y = x^2, \\ x = -1; \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = -1, \\ y = 1. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 3, \\ y = 9. \end{cases}$$

Ответ:  $(-1; 1); (3; 9)$

# Решение системы графическим способом

$$\begin{cases} y - x^2 = 0, \\ y - 2x - 3 = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = x^2, \\ y = 2x + 3; \end{cases}$$

Построим график  
первого уравнения

$$y = x^2$$

Построим график  
второго уравнения

$$y = 2x + 3$$

x	0	1
y	3	5

Ответ:  $(-1; 1); (3; 9)$

