



Подготовка к ЕГЭ по математике

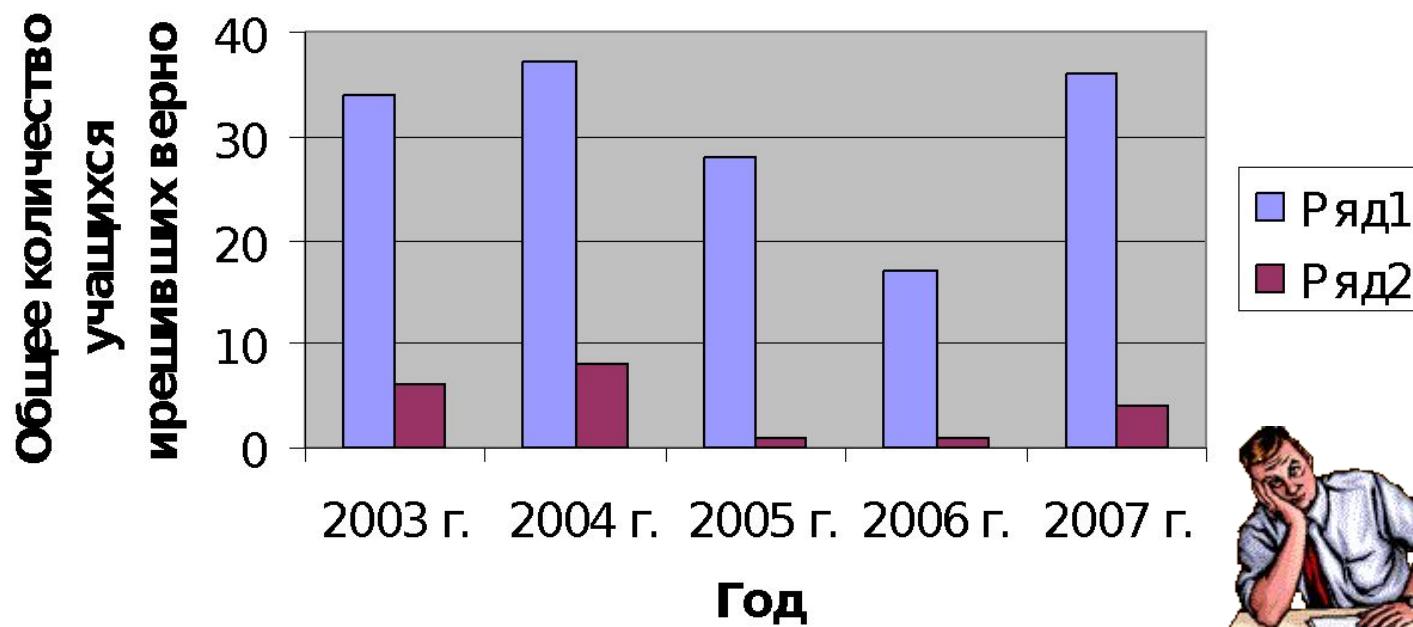
Решение текстовых задач «на работу»

0011 0010 1010 1101 0001 0100 1011

1
2
3
4
5

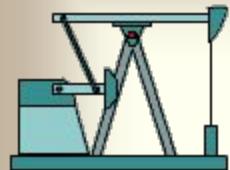
Результаты решения текстовых задач на ЕГЭ по математике.

Результаты ЕГЭ в Рабочеостровской школе



Особенности решения задач «на работу».

- $A = P * t$, где A- работа
- P - производительность труда
- t - время
- $P = A / t$
- $t = A / P$
- Если в условии не дана **вся работа**, то её можно принять за 1
- **Общая производительность равна сумме производительностей.**



Пример 1

Для наполнения плавательного бассейна водой имеются три насоса. Первому насосу для наполнения бассейна требуется времени в три раза меньше, чем второму, и на 2 ч больше, чем третьему. Три насоса, работая вместе, наполнили бы бассейн за 3 ч, но по условиям эксплуатации одновременно должны работать только два насоса. Определите минимальную стоимость наполнения бассейна, если 1 ч работы любого из насосов стоит 140 рублей.

Решение: Эту задачу удобно решать с помощью таблицы.

1
2
3
4
5

	Работа	Время, час	Производительность
1 насос	1	$X+2$	$1/X+2$
2 насос	1	$3(X + 2)$	$1/3(X+2)$
3 насос	1	X	$1/X$
ВМЕСТЕ	1	3	$1/3$

Алгоритм решения задачи

0011 0010 1010 1101 0001 0100 1011

1. Внесем в таблицу известные величины (работу примем за 1)
2. Одну из неизвестных величин обозначим за **х**.
3. Остальные неизвестные величины выразим через х, используя условие задачи или формулы.
- . 4 Составим уравнение.
5. Решим уравнение и ответим на главный вопрос задачи.

Уравнение

0011 0010 1010 1101 0001 0100 1011

- $\frac{1}{x+2} + \frac{1}{3(x+2)} + \frac{1}{x} = \frac{1}{3}$
- Решив уравнение, мы найдем $x=6$
- 6ч- время наполнения бассейна третьим насосом.
- Тогда время первого насоса 8ч, второго 24ч.
- Значит минимальное время работы двух насосов – это время работы 1 из насосов ,т.е. 14ч
- Определим минимальную стоимость наполнения бассейна двумя насосами.
- $140*14=1960(\text{руб.})$
- Ответ: 1960 руб.

12
45



Реши сам!

0011 0010 1010 1101 0001 0100 1011

- Два маляра, работая вместе, могут за 1 ч покрасить стену площадью 40 кв.м. Первый маляр, работая отдельно, может покрасить 50 кв. м стены на 4ч быстрее, чем второй покрасит 90 кв.м такой же стены. За сколько часов первый маляр сможет покрасить 100 кв. м стены?
- Ответ: 4ч

12
45



Пример 2

001

В9. Двум сотрудникам издательства поручили отредактировать рукопись объемом 560 страниц. Один сотрудник, отдав второму 80 страниц рукописи, взял остальные себе. Второй выполнил свою работу за время, в 8 раз меньшее, чем первый свою. Сколько страниц рукописи первый сотрудник должен был сразу отдать второму (взяв себе остальные), чтобы они, работая с прежней производительностью, выполнили свою работу за одинаковое время?

Решение (1 способ). Если второй сотрудник выполнил свою работу за x дней, то он редактировал по $\frac{80}{x}$ страниц в день, а первый — по $\frac{560 - 80}{8x} = \frac{60}{x}$ страниц в день. Поэтому первому сотруднику нужно было разделить 560 страниц в отношении $\frac{60}{x} : \frac{80}{x} = 3 : 4$ и отдать из них четыре части,

т. е. $560 \cdot \frac{4}{3+4} = 320$ страниц, второму сотруднику.

Решение (2 способ). Второй сотрудник редактировал 80 страниц рукописи за время в восемь раз меньшее, чем первый 480 страниц рукописи. Если бы они работали с одной скоростью, то за время, в восемь раз меньшее, он должен был бы отредактировать 60 страниц. Значит, он работает

со скоростью $\frac{80}{60} = \frac{4}{3}$ скорости первого работника, и для того чтобы они закончили одновременно, работа должны быть разделена между ними в отношении 4:3. Таким образом, первый сотрудник

должен отдать второму $\frac{4}{7} \cdot 560 = 320$ страниц.

Ответ: 320.

Пример 3

0011 0010 1010 1101 0001 0100 1011

- Бак заполняют керосином за 2 часа 30 минут с помощью трех насосов, работающих вместе.

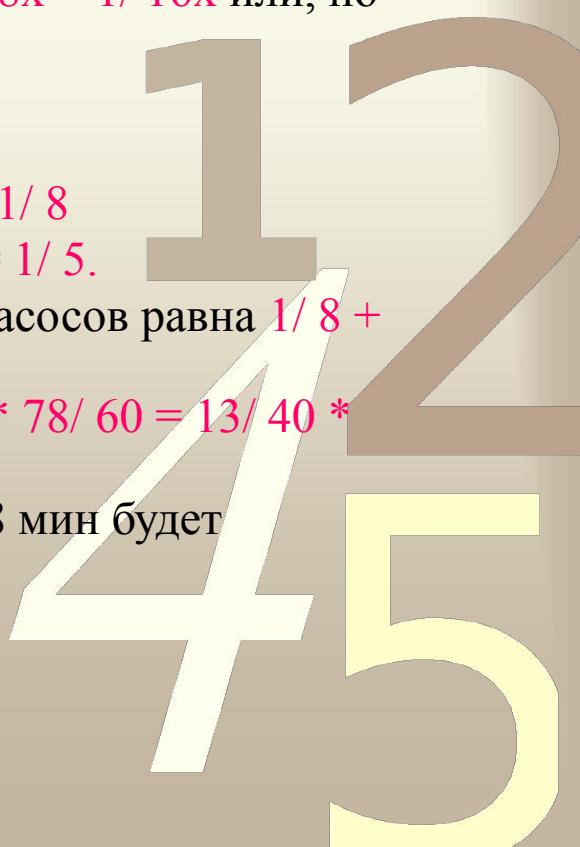
Производительности насосов относятся как 3:5:8. Сколько процентов объема будет заполнено за 1 час 18 минут совместной работы второго и третьего насосов?

1
2
4
5

Решение задачи

0011 0010 1010 1101 0001 0100 1011

- Так как объём бака не указан, то примем объём бака за 1. Пусть коэффициент пропорциональности равен x , тогда производительности насосов соответственно равны $3x$, $5x$, $8x$. И время наполнения бака при совместной работе всех трех насосов равно $\frac{1}{3x+5x+8x} = \frac{1}{16x}$ или, по условию задачи, **2ч 30 мин.**
- Решим уравнение $\frac{1}{16x} = 2,5$
- $X = \frac{1}{40}$
- Производительность второго насоса равна $\frac{1}{40} * 5 = \frac{1}{8}$
- Производительность третьего насоса равна $\frac{1}{40} * 8 = \frac{1}{5}$.
- Совместная производительность второго и третьего насосов равна $\frac{1}{8} + \frac{1}{5} = \frac{13}{40}$
- За 1ч 30мин второй и третий насосы наполнят $\frac{13}{40} * \frac{78}{60} = \frac{13}{40} * 1,3 = \frac{16,9}{40} = 0,4225$ объёма бака.
- Итак, при совместной работе 2 и 3 насосов за 1ч 18 мин будет заполнено $0,4225 * 100\% = 42,25\%$ объёма бака.





Реши сам !

0011 0010 1010 1101 0001 0100 1011

- Два фермера, работая вместе могут вспахать поле за 25 ч. Производительности труда первого и второго фермеров относятся как 2:5. Фермеры планируют работать поочередно. Сколько времени должен проработать второй фермер, чтобы это поле было вспахано за 45,5 ч?
- Ответ: 28 ч.

45