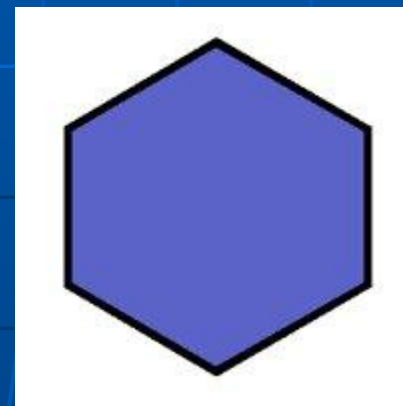
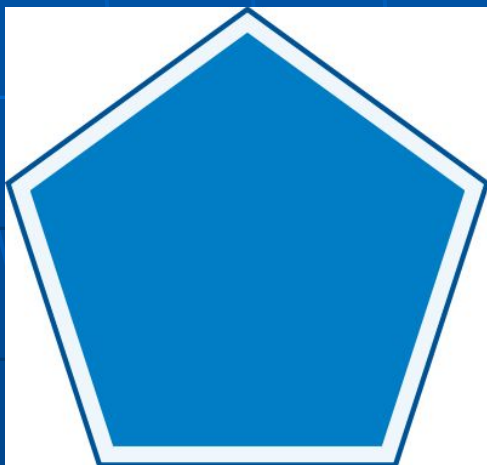
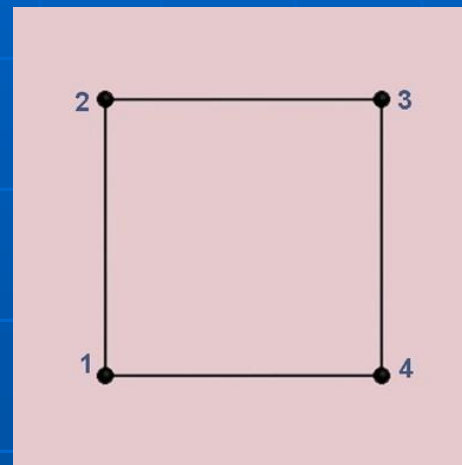
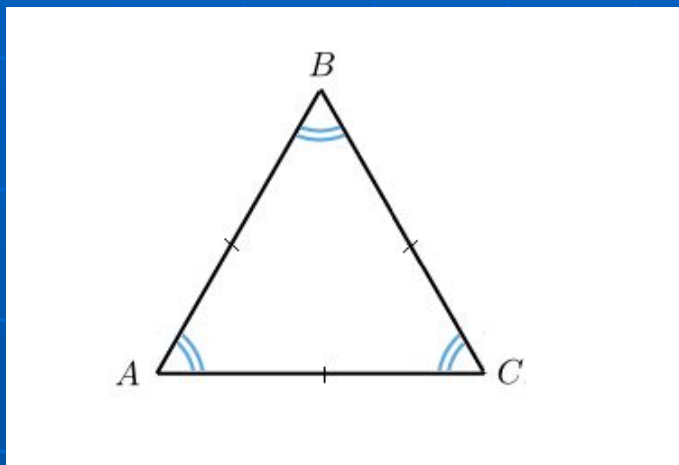


Со времён Пифагора известны они.
В них равные стороны и равны углы.
Их встретим в орнаментах и на паркетах
В стихотворениях разных поэтов.
И даже пчёлы с ними работают,
Строя в их форме домики-соты.

О. Панишева.

Симметрия и движение

Какой многоугольник называется правильным?
Приведите примеры правильных многоугольников.



Как найти сумму углов правильного
многоугольника ?

$$S = (n-2)180^\circ$$

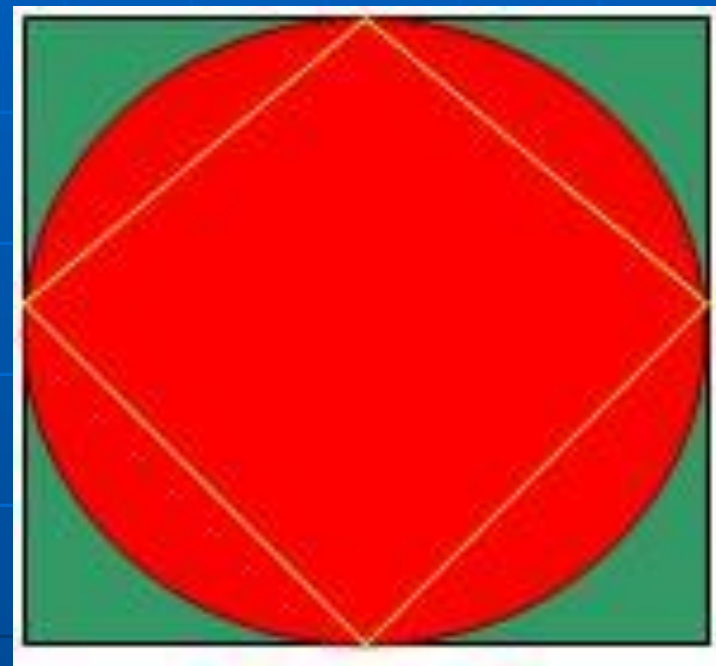
Как найти градусную величину
внутреннего угла правильного
выпуклого многоугольника?

$$(n-2)180^\circ : n$$

Задача №1

Во дворе нашей школы есть клумба квадратной формы. Весной мы будем высаживать цветы на нашу клумбу. Сначала высаживать будем ландыши по окружности, которую можно вписать в квадратную клумбу. Затем тюльпаны в форме квадрата, вписанного в окружность. Сколько саженцев ландышей и клубней тюльпанов нужно высадить, если размеры клумбы 6×6 квадратных метров. Воспользоваться значением $\pi \approx 3,14$, $\sqrt{2} \approx 1,414$.

Высаживать цветы нужно через каждые 20 см $\pi = 3,14$ $\sqrt{2} \approx 1,414$



Задача №2

Пчелиные соты представляют собой прямоугольник, покрытый правильными шестиугольниками. Найти, какими ещё правильными многоугольниками можно покрыть плоскость. Что для этого нужно знать?

Метод перебора.

- *$n=3$. Три угла, плотно составленные, составляют 180° , шесть углов - 360° . Плоскость покрыта без просветов.*
- *$n=4$. Четыре внутренних угла вместе дают 360° , плоскость покрыта без просветов.*
- *$n=5$. Внутренний угол правильного многоугольника равен 108° , остаётся просвет в 36° . Плоскость без просветов не покрывается.*
- *$n=6$. Внутренний угол правильного шестиугольника равен 120° , три шестиугольника, составленные вместе, образуют 360° . Плоскость покрывается без просветов.*
- *Метод перебора можно продолжать и дальше, итогом будет служить вывод, чтобы без просветов плоскость можно покрыть лишь правильными треугольниками, квадратами, правильными шестиугольниками.*

«Странные общественные привычки и геометрические дарования пчёл не могли не привлечь внимания и не вызвать восхищения людей, наблюдавших их жизнь и использовавших плоды их деятельности»

Г. Вейль

*Почему пчёлы
выбрали именно
шестиугольник?*



Решение

- *Для ответа на этот вопрос нужно сравнить периметры разных многоугольников, имеющих одинаковую площадь. Пусть даны правильный треугольник, квадрат и правильный шестиугольник. У какого из этих многоугольников наименьший периметр?*
- *Пусть S - площадь каждой из названных фигур, сторона соответствующего правильного n -угольника.*
- *Для сравнения периметров запишем их соотношение*
$$P_3 : P_4 : P_6 = 1 : 0,877 : 0,816$$
- *Мы видим, что из трёх правильных многоугольников с одинаковой площадью наименьший периметр имеет правильный шестиугольник. Стало быть, мудрые пчёлы, экономят воск и время для построения сот.*

Некоторые итоги

На этом математические секреты пчёл не заканчиваются. Интересно и дальше исследовать строение пчелиных сот. Расчётливые пчёлы заполняют пространство так, что не остаётся просветов, экономя при этом 2% воска. Как не согласиться с мнением Пчелы из сказки «Тысяча и одна ночь»: «Мой дом построен по законам самой строгой архитектуры. Сам Евклид мог бы поучиться, познавая геометрию моих сот». Так с помощью геометрии мы прикоснулись к тайне математических шедевров из воска, ещё раз убедившись во всесторонней эффективности математики.

Задача №3.

Пол комнаты, имеющий форму прямоугольника со сторонами 5,5 м и 6 м, нужно покрыть паркетом прямоугольной формы. Длина каждой дощечки паркета равна 30 см, а ширина — 5 см. Сколько потребуется таких дощечек для покрытия пола?

Рефлексия:

- Что нового вы сегодня для себя узнали?
- Чему научились?
- Что давалось легко, а что вызывало затруднения?
- Где вы будете использовать данные ЗУНЫ?
- Какой информации было недостаточно при выполнении тех или иных заданий?
- Над чем стоит еще поработать дома?