

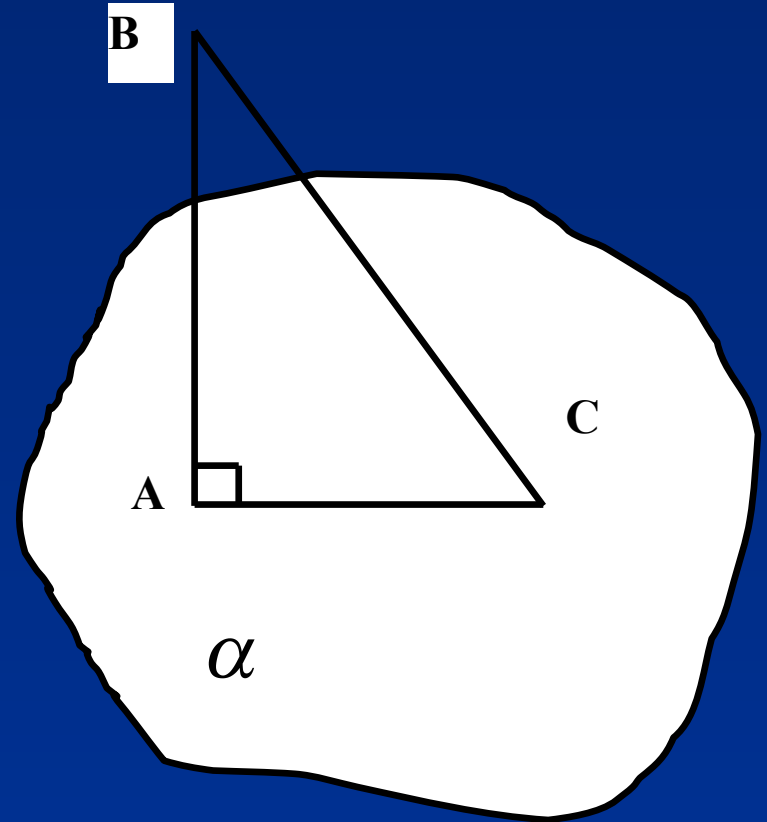
*Теорема  
о трех  
перпендикулярах*

## Цель урока:

- Изучить теорему «О трех перпендикулярах».
- Научиться применять её при решении задач.

# Математический диктант

- Задание:  
Перечислите и запишите в тетради названия элементов (отрезков) чертежа, если  $AB \perp \alpha$



# Ответ:

- $AB$  – перпендикуляр
- $BC$  – наклонная
- $AC$  – проекция

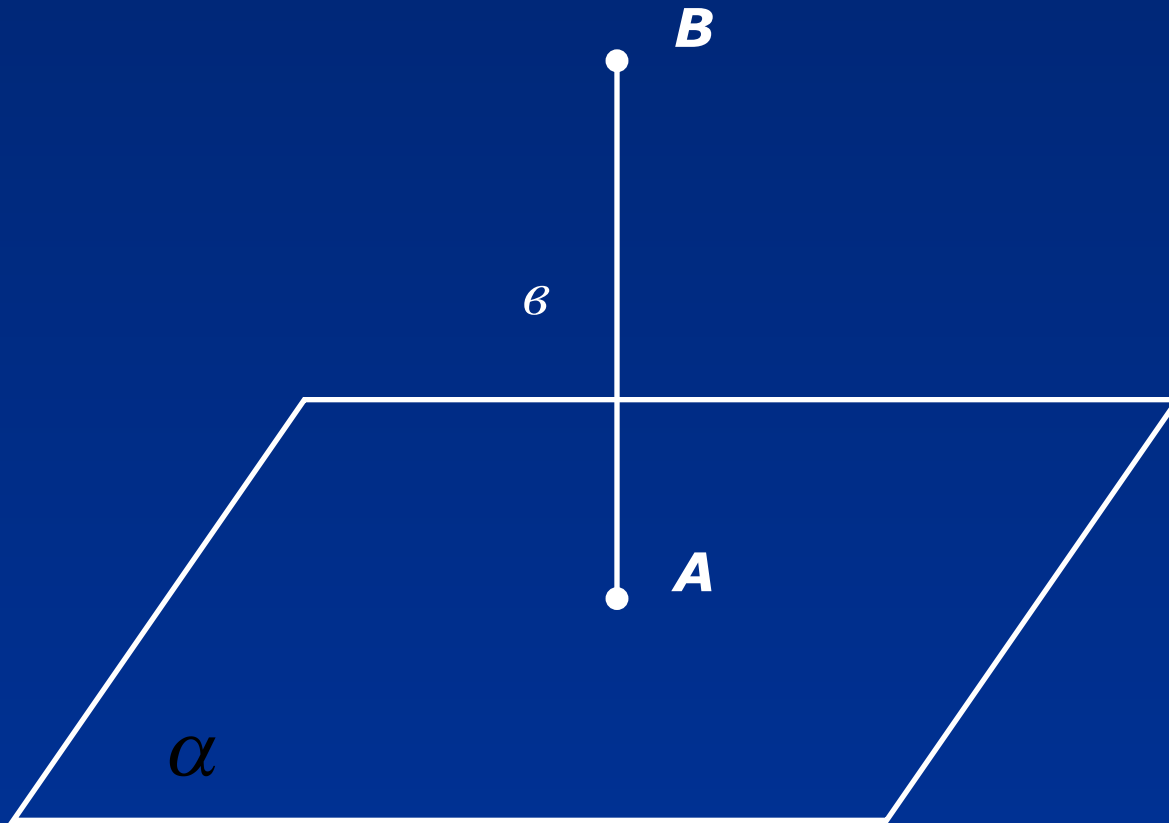
# Дополнительные вопросы:

- Какой формулой связаны между собой перечисленные отрезки?
- Чему равно  $BC$ , если  $AB = 3$  см,  $AC = 4$  см.?

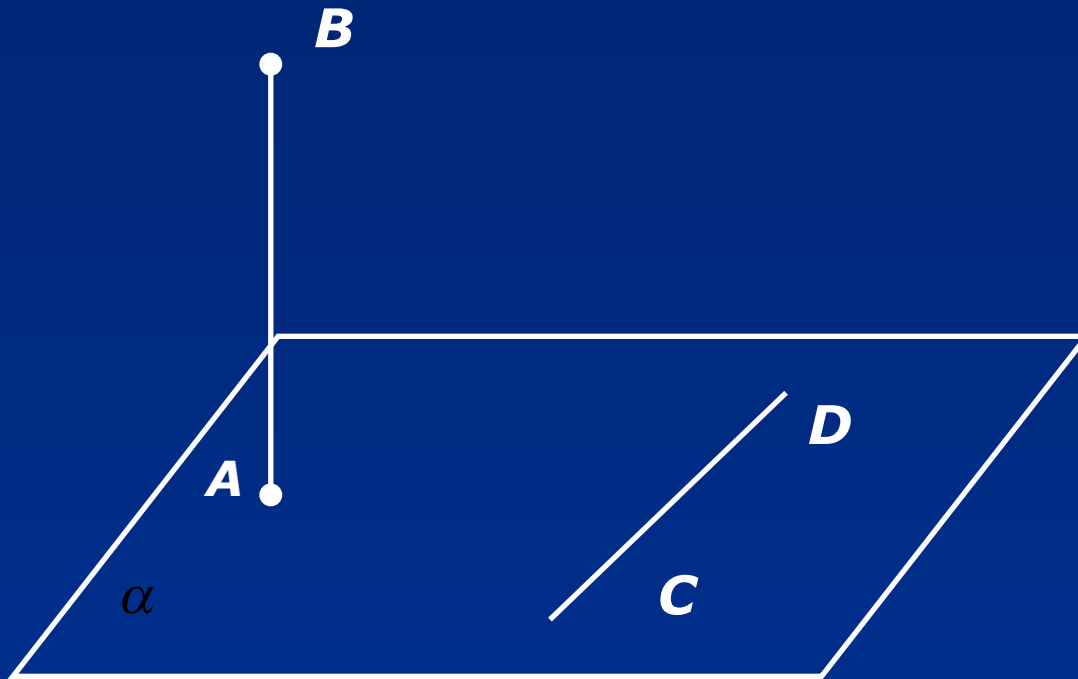
# Постановка проблемы

Через конец  $A$  отрезка  $AB$  длины  $b$ , проведена плоскость, перпендикулярная отрезку. И в этой же плоскости проведена прямая  $c$ . Найти расстояние от точки  $B$  до прямой, если расстояние от точки  $A$  до прямой  $c$  равно  $a$ .

Дан отрезок  $AB = v$ , он  
перпендикулярен плоскости:



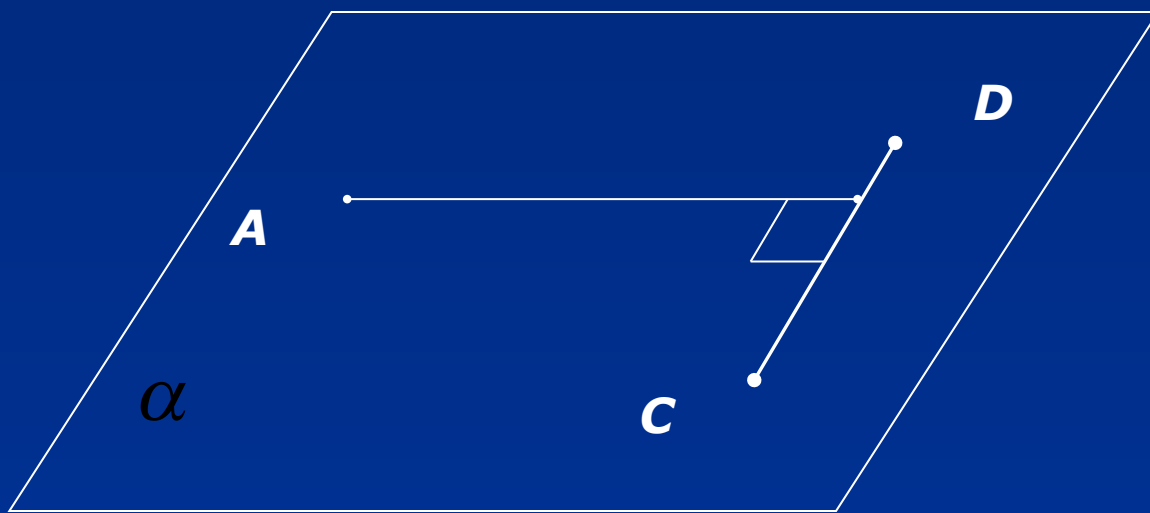
В плоскости проводится  
прямая, назовем ее  $CD$ :



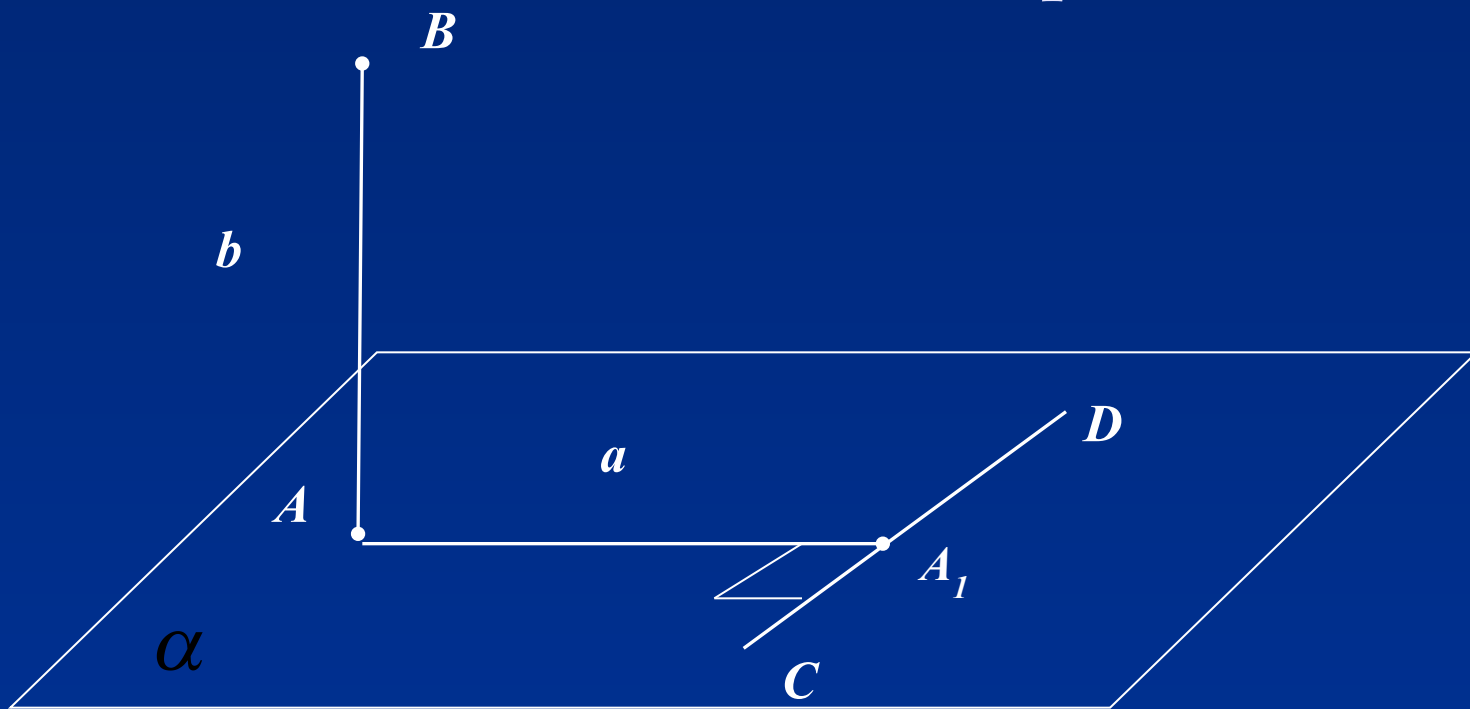
По условию задачи известно расстояние от точки  $A$  до  
прямой  $CD$ , оно равно  $a$ .



Расстояние от точки до прямой,  
есть перпендикуляр, проведенный  
из этой точки на прямую!

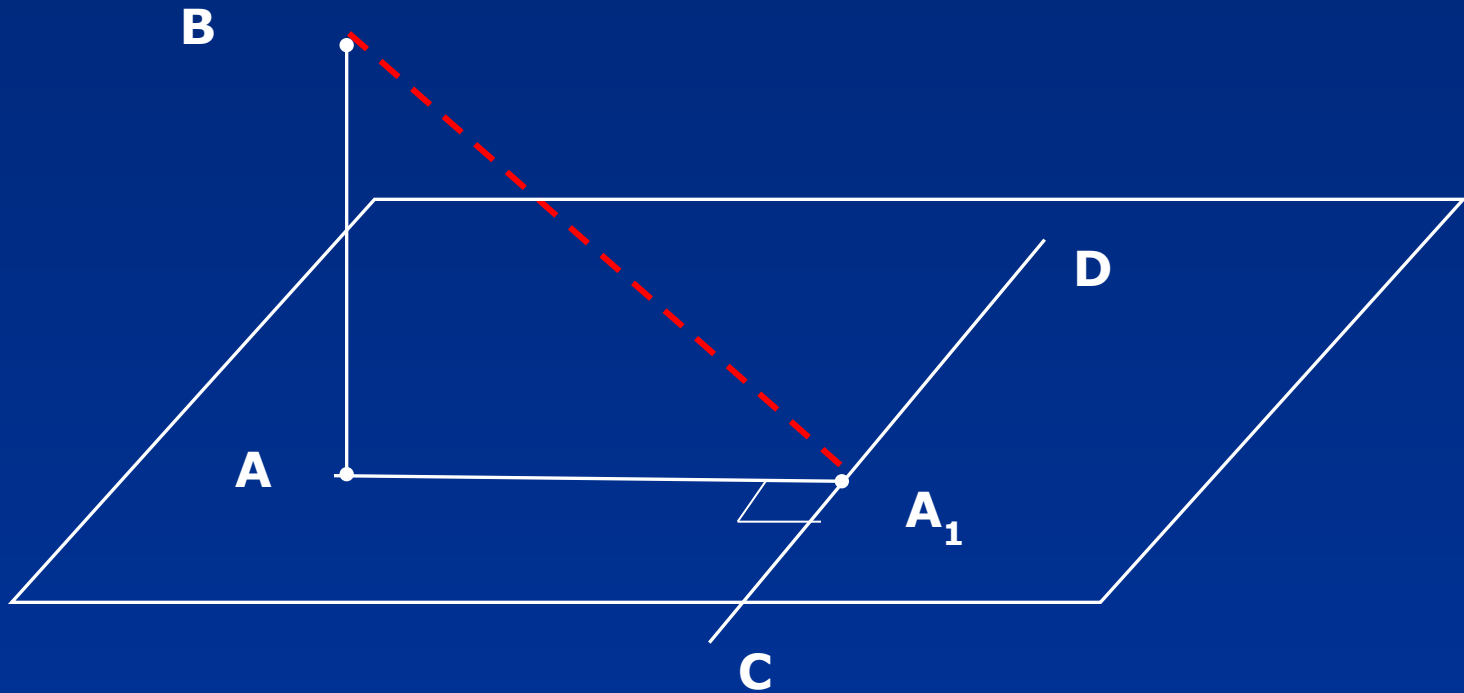


Теперь нужно выяснить, сколько перпендикуляров на чертеже и чему равно  $AA_1$ ?



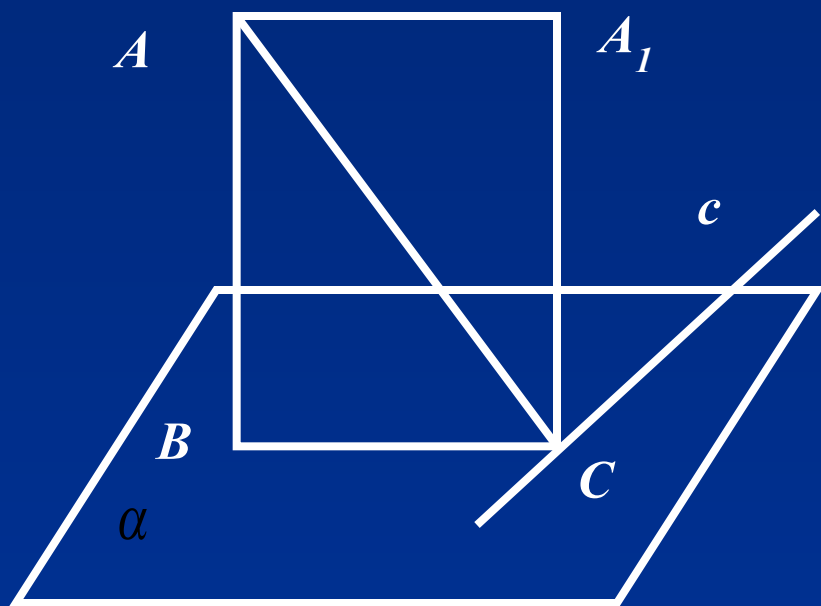
Куда пойдет перпендикуляр  
из точки  $B$ ?

Где будет находиться его  
основание на прямой  $CD$ ?



# Первый выступающий

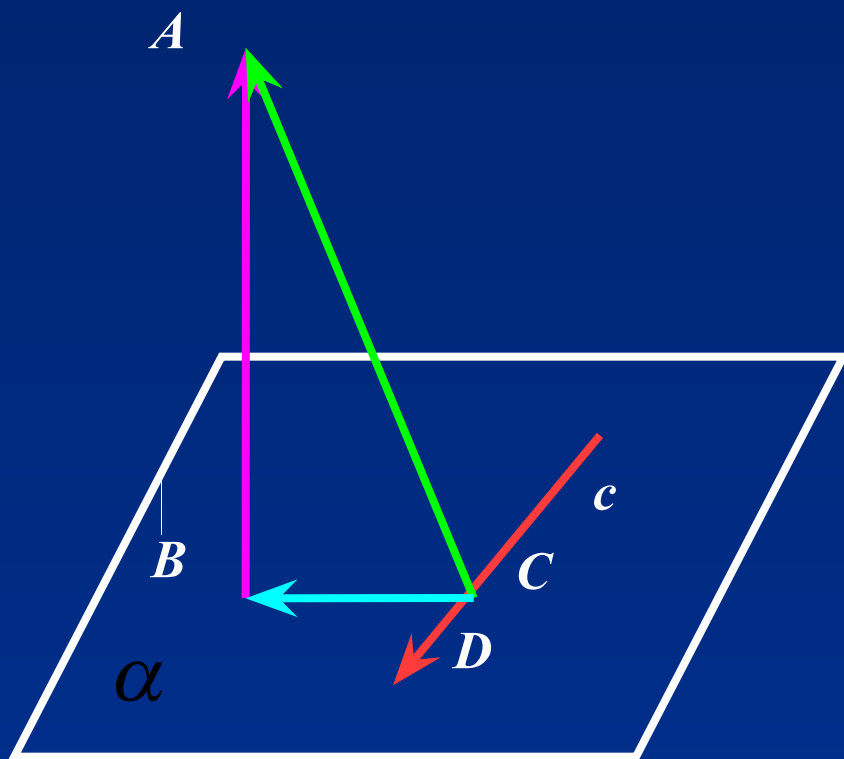
Прямая, проведенная на плоскости  
 через основание наклонной  
 перпендикулярно ее проекции,  
 перпендикулярна и самой наклонной.



**Дано:** ;  $c \in \alpha$ , AC – наклонная,  
 BC – проекция.  $BC \perp c$ ,  $AB \perp \alpha$ .

**Доказать:**  $AC \perp c$

# Второй выступающий

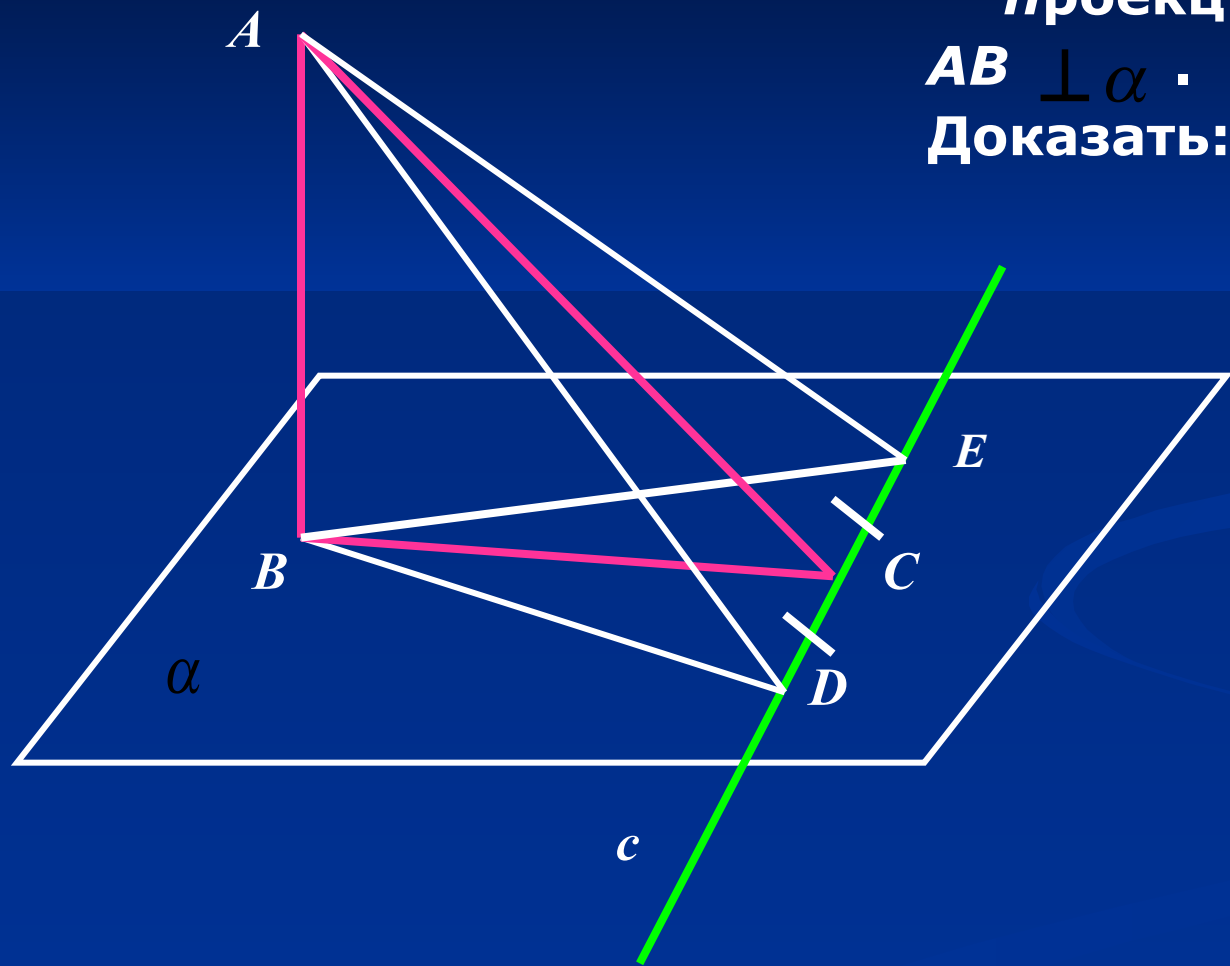


Дано:  $c \in \alpha$  ;  
 AC – наклонная, BC –  
 проекция.  $BC \perp c$  ,  $AB \perp \alpha$  .  
 Доказать:  $AC \perp c$  .

# Третий выступающий

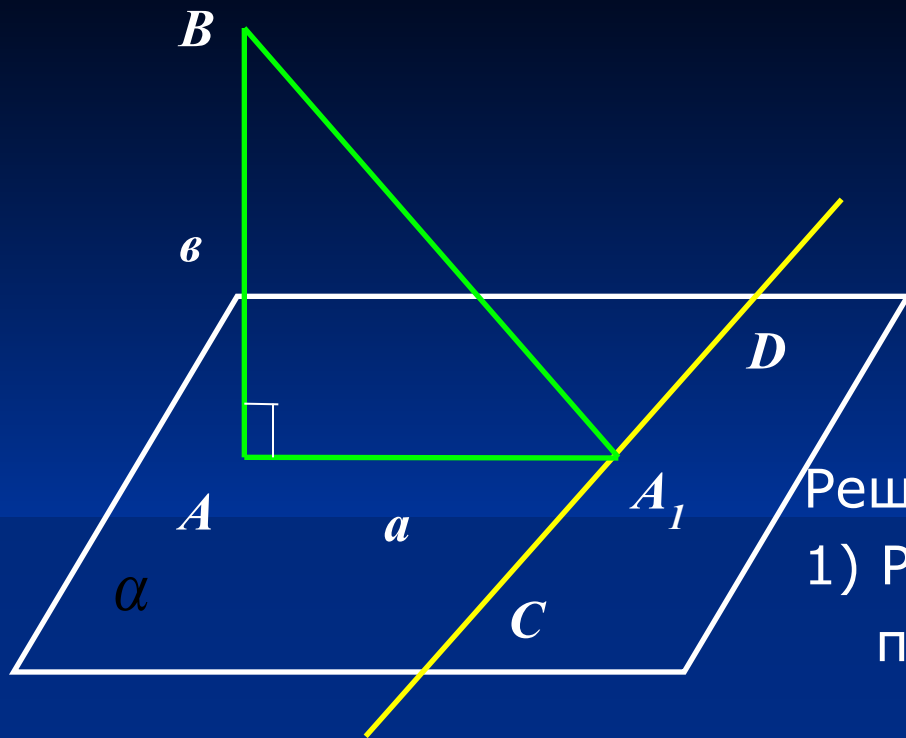


**Дано:**  $c \in \alpha$  ;  
**AC**-наклонная, **BC** -  
проекция. **BC**  $\perp c$  ,  
**AB**  $\perp \alpha$  .  
**Доказать:** **AC**  $\perp c$  .



Продолжим решение  
предложенной в начале  
урока задачи

$AB \perp \alpha, A \in \alpha, AB = v$



Дано:  $AB \perp \alpha, AB = v$  ,

$AA_1 \perp CD, AA_1 = a$

Найти: Расстояние от точки  $B$  до прямой  $CD$

Решение.

1) Расстояние от точки до прямой является перпендикуляр

По теореме «О трех перпендикулярах».

$BA_1 \perp CD$ , т.к.  $AA_1$  - проекция наклонной  $BA_1$ .

Из  $\triangle ABA_1$  ( $\angle A = 90^\circ$ ) , По теореме Пифагора:

$$A_1B^2 = AB^2 + AA_1^2,$$

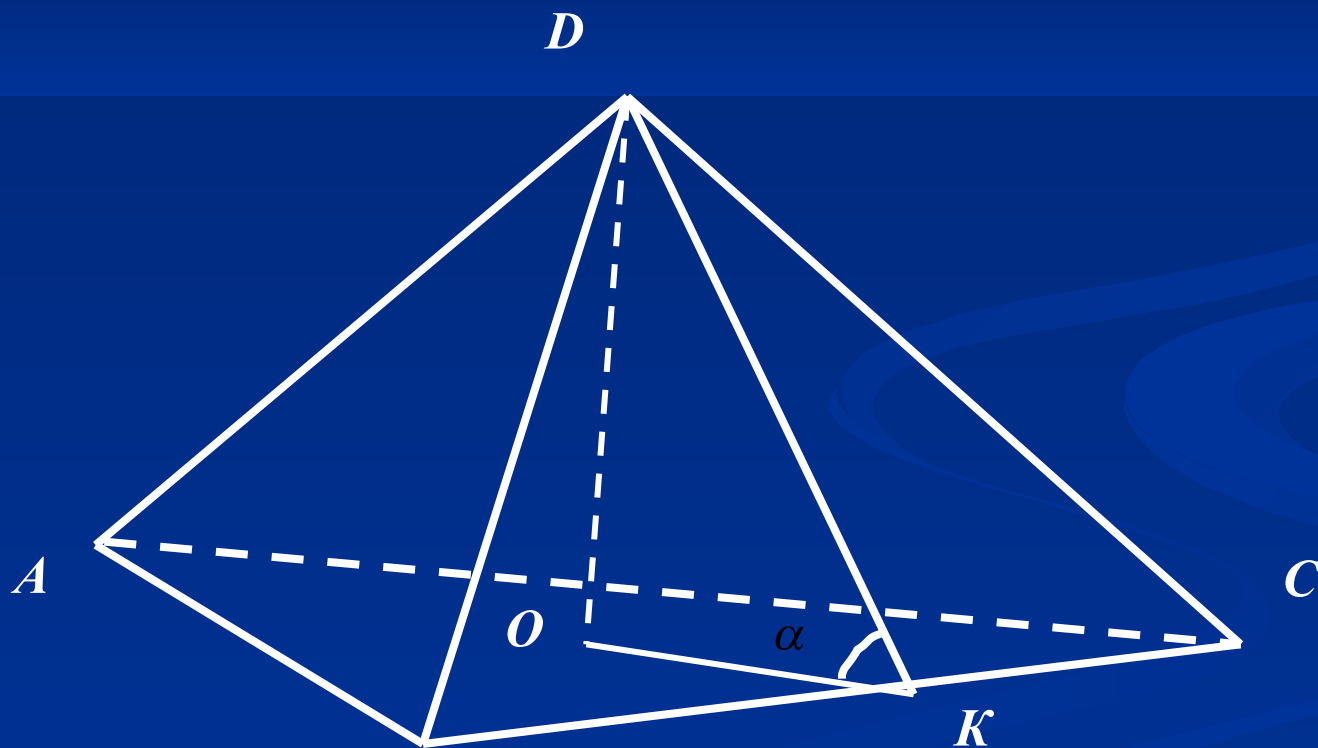
$$A_1B = \sqrt{AB^2 + AA_1^2}$$

Ответ: Расстояние от точки  $B$  до прямой  $CD$  равно  $\sqrt{a^2 + v^2}$

Практическое  
применение теоремы о  
трех перпендикулярах

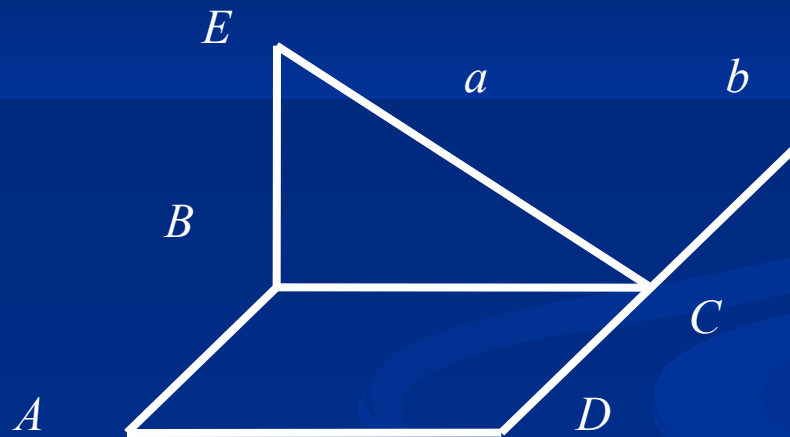
# Задача:

- В правильной треугольной пирамиде боковые грани наклонены под углом .



# Установить взаимное положение прямых $a$ и $b$ по готовым чертежам

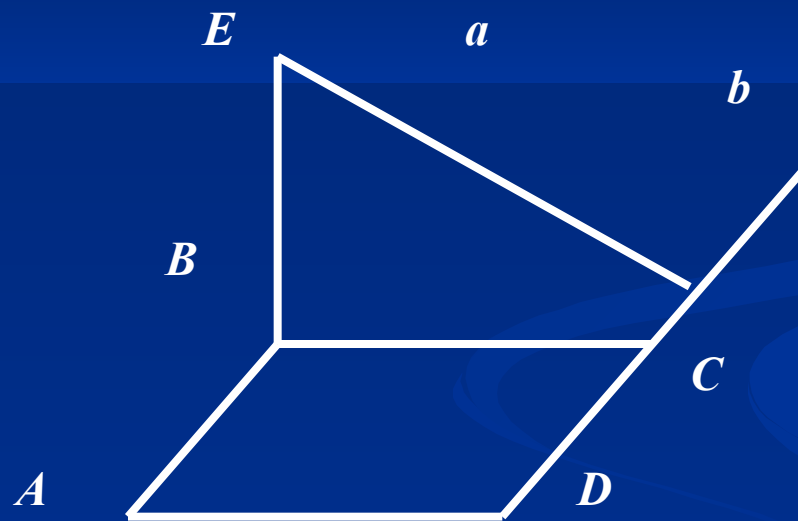
1.  $ABCD$  – квадрат  
 $BE \perp ABCD$



# Установить взаимное положение прямых $a$ и $b$ по готовым чертежам

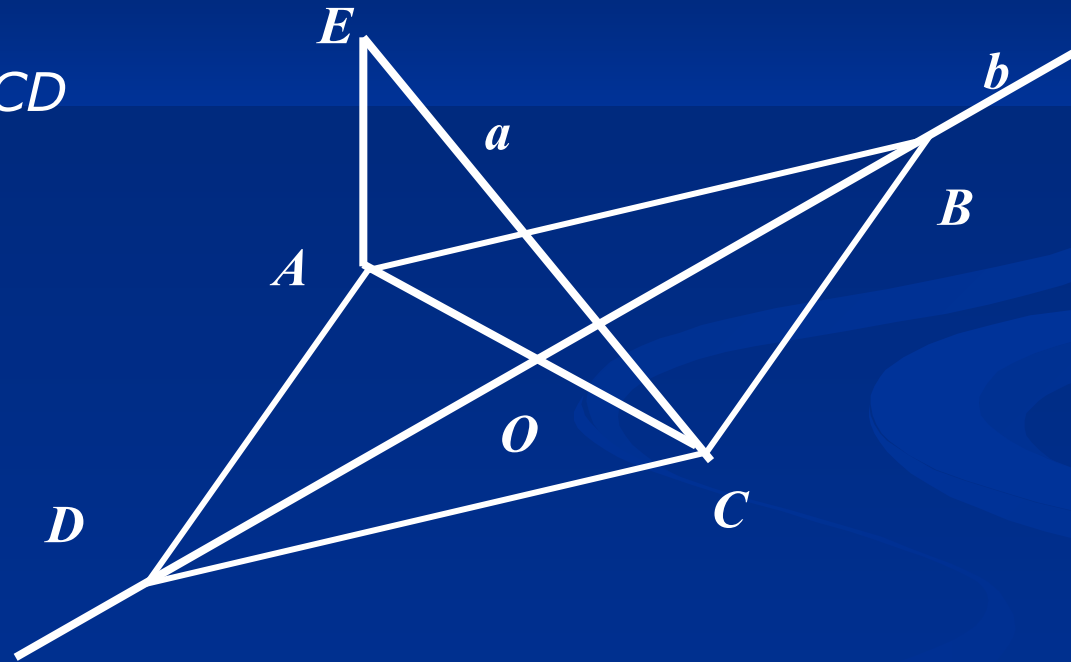
2.  $ABCD$  – квадрат

$BE \perp ABCD$



# Установить взаимное положение прямых $a$ и $b$ по готовым чертежам

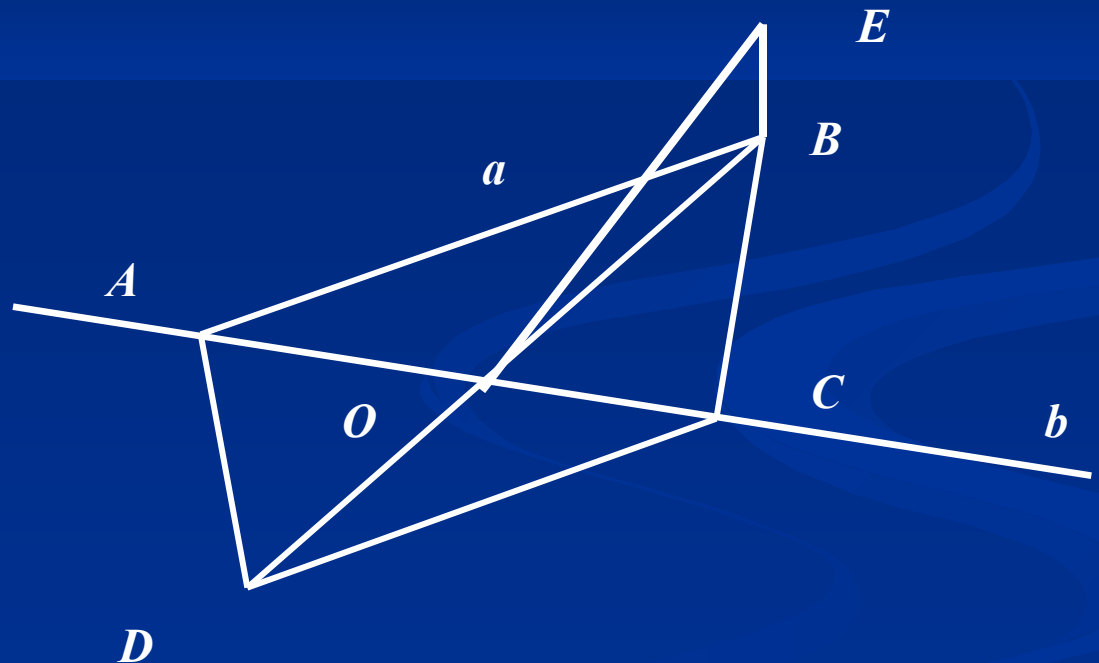
3.  $ABCD$  –  
ромб  
 $AE \perp ABCD$





# Установить взаимное положение прямых $a$ и $b$ по готовым чертежам

4.  $ABCD$  –  
ромб  
 $BE \perp ABCD$



# Самостоятельная работа

- На оценку **3**: Решить 3 задачи из уровня А
- На оценку **4**: Решить по одной задачи из уровня А и В (на выбор любые).
- На оценку **5**: Решить по одной задачи из уровня А, В и С (на выбор любые).

Подведение итогов  
урока.