

# Алгебра 8 класс.

Учитель: Милюхина О.И.

МОУ Лугавская средняя школа № 19

Тема урока:

---

*«Теорема Виета».*

# *Теорема Виета*

---

Цели урока:

- Доказать теорему Виета
- Научится решать квадратные уравнения применяя теорему Виета
- Рассмотреть свойства коэффициентов в квадратном уравнении



# Франсуа Виет

(1540 – 1603)

Французский юрист, состоящий при дворе Генриха IV.  
Увлекался математикой.

Главное достижение Виета состоит в том, что он  
усовершенствовал теорию решения уравнений.  
Он был одним из первых, кто числа изображал буквами.

## Докажем теорему

Сумма корней приведённого квадратного уравнения равна второму коэффициенту, взятому с противоположным знаком, а произведение корней равно свободному члену.

**Доказательство.** Рассмотрим приведённое квадратное уравнение. Обозначим второй коэффициент буквой  $p$ , а свободный член - буквой  $q$ :

$$x^2 + px + q = 0$$

Дискриминант этого уравнения равен:

$$D = p^2 - 4q$$

Пусть  $D > 0$ . Тогда это уравнение имеет два корня:

$$x_1 = \frac{-p - \sqrt{D}}{2} \quad x_2 = \frac{-p + \sqrt{D}}{2}.$$

Найдём сумму и произведение корней:

$$x_1 + x_2 = \frac{-p - \sqrt{D}}{2} + \frac{-p + \sqrt{D}}{2} = \frac{-2p}{2} = -p;$$

$$x_1 \cdot x_2 = \frac{-p - \sqrt{D}}{2} \cdot \frac{-p + \sqrt{D}}{2} = \frac{p^2 - (\sqrt{D})^2}{4} = \frac{p^2 - (p^2 - 4q)}{4} = \frac{4q}{4} = q.$$

# Теорема Виета:

$$x^2 + px + q = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 + x_2 = -p \\ x_1 x_2 = q \end{array} \right.$$

Сумма корней приведённого квадратного уравнения равна второму коэффициенту, взятому с противоположным знаком, а произведение корней равно свободному члену.

Не решая уравнение  
найдите:

$$x^2 - 6x + 5 = 0,$$

а) сумму корней;

а) 6

б) произведение корней;

б) 5

в) корни данного  
уравнения.

в) 1;5

Если уравнение полное, то теорема Виета примет вид:

$$ax^2+bx+c=0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 + x_2 = -b/a. \\ x_1 x_2 = c/a \end{array} \right.$$

Найдите сумму и произведение корней в следующих уравнениях:

$$2x^2 - 5x + 18 = 0$$

$$x_1 + x_2 = 2,5$$

$$x_1 x_2 = 9$$

$$3x^2 + 15x + 1 = 0$$

$$x_1 + x_2 = -5$$

$$x_1 x_2 = \frac{1}{3}$$

# Способы решения квадратных уравнений:

- Графически
- по формуле корней;
- с помощью теоремы Виета.



Уравнение	Корни	a+b+c
$x^2 + x - 2 = 0$	$x_1 = -2 \quad x_2 = 1$	$1 + 1 - 2 = 0$
$x^2 - 3x + 2 = 0$	$x_1 = 1 \quad x_2 = 2$	$1 - 3 + 2 = 0$
$5x^2 - 8x + 3 = 0$	$x_1 = \frac{3}{5} \quad x_2 = 1$	$5 - 8 + 3 = 0$
$3x^2 - x - 2 = 0$	$x_1 = -\frac{2}{3} \quad x_2 = 1$	$3 - 1 - 2 = 0$

Если в уравнении

$$ax^2 + bx + c = 0$$

сумма коэффициентов

$$a + b + c = 0,$$

$$\text{то } x_1 = 1, \quad x_2 = \frac{c}{a}$$

- по теореме Виета

(Если  $a=1$ , то  $x_1=1$ ,  $x_2=c$ ).

***По праву в стихах быть воспета  
О свойствах корней теорема Виета.  
Что лучше, скажи, постоянства  
такого:***

***Умножишь ты корни и дробь уж  
готова:***

---

***В числителе  $C$ , в знаменателе  $A$ ,  
А сумма корней тоже дроби равна  
Хоть с минусом дробь эта, что за  
беда-***

***В числителе  $b$ , в знаменателе  $a$ .***

Решите уравнения, используя  
свойство коэффициентов:

$$7x^2 - 9x + 2 = 0$$

$$a = 7 \quad b = -9 \quad c = 2$$

$$a + b + c = 7 - 9 + 2 = 0$$

$$x_1 = 1 \quad x_2 = \frac{2}{7}$$

$$x^2 - 6x + 5 = 0$$

$$a = 1 \quad b = -6 \quad c = 5$$

$$a + b + c = 1 - 6 + 5 = 0$$

$$x_1 = 1 \quad x_2 = 5$$

# Тест

## Квадратные уравнения. Теорема Виета.

1 вариант.

1)  $5x^2 - 2x = 0$

а)  $\frac{2}{5}$  б)  $0; \frac{2}{5}$  в) 2,5 г) 0; 2,5.

2)  $9x^2 + 1 = 0$

а) -3; 3 б)  $\frac{1}{3}$  в)  $-\frac{1}{3}; \frac{1}{3}$  г) корней нет.

3)  $x^2 + 16x + 63 = 0$

а) 9; 7 б) -9; 7 в) -7; 9 г) -7; -9.

4)  $x^2 - 5x + 4 = 0$

а) -1; -4 б) -1; 4 в) 1; -4 г) 1; 4.

5)  $3x^2 + 2x - 5 = 0$

а) 1,5; -2,5 б)  $1\frac{3}{4}; \frac{1}{4}$  в)  $1; -1\frac{2}{3}$  г)  $-1; \frac{3}{5}$

Верные ответы: б; г; г; г; в.

2 вариант.

1)  $9x^2 + 2x = 0$

а)  $-\frac{2}{9}; 0$  б)  $\frac{2}{9}; 0$  в)  $-\frac{2}{9}$  г) 0; -4,5.

2)  $x^2 - 7 = 0$

а) 0;  $\sqrt{7}$  б) корней нет в)  $-\sqrt{7}; \sqrt{7}$  г)  $\sqrt{7}$

3)  $x^2 - 16x + 63 = 0$

а) 9; 7 б) -9; 7 в) -7; 9 г) -7; -9.

4)  $x^2 - 10x + 9 = 0$

а) -1; -9 б) -1; 9 в) 1; -9 г) 1; 9.

5)  $2x^2 + 5x - 7 = 0$

а)  $0,5; 1\frac{3}{4}$  б)  $0,5; -\frac{7}{4}$  в) -1; 3,5 г) 1; -3,5

Верные ответы: а; в; а; г; г.

Домашнее задание:

1. № 964(а).

2. № 967(а,б).

3. Придумать три уравнения, у которых  $a+b+c=0$ .