



Теория вероятностей и комбинаторные правила для решение задачи ЕГЭ В10

МОУ г. Мурманска гимназия № 3
Шахова Татьяна Александровна



Классическое определение вероятности

Стохастическим называют опыт, если заранее нельзя предугадать его результаты. Результаты (исходы) такого опыта называются *событиями*.

Пример: выбрасывается игральный кубик (опыт);
выпадает двойка (событие).



Событие, которое обязательно произойдет в результате испытания, называется *достоверным*, а которое не может произойти, - *невозможным*.

Пример: В мешке лежат три картофелины.

Опыт – изъятие овоща из мешка.

Достоверное событие – изъятие картофелины.

Невозможное событие – изъятие кабачка.



Классическое определение вероятности

Равновозможными называют события, если в результате опыта ни одно из них не имеет большую возможность появления, чем другие.

Примеры: 1) Опыт - выбрасывается монета.
Выпадение орла и выпадение решки –
равновозможные события.

2) В урне лежат три шара. Два белых и синий.
Опыт – извлечение шара.

События – извлекли синий шар и извлекли
белый шар - неравновозможны.

Появление белого шара имеет больше шансов..



Классическое определение вероятности

Несовместимыми (несовместными) называют события, если наступление одного из них исключает наступление других.

Пример: 1) В результате одного выбрасывания выпадает орел (событие А) или решка (событие В).

События А и В - несовместны.

2) В результате двух выбрасываний выпадает орел (событие А) или решка (событие В).

События А и В - совместны.

Выпадение орла в первый раз не исключает выпадение решки во второй



Классическое определение вероятности

Полной группой событий называется множество всех событий рассматриваемого опыта, одно из которых обязательно произойдет, а любые два других несовместны.

События образующие полную группу называют *элементарными*.

Пример: 1) Опыт – один раз выбрасывается монета.

Элементарные события: выпадение орла и выпадение решки образуют полную группу.



Классическое определение вероятности

Вероятностью случайного события A называется отношение числа элементарных событий, которые благоприятствуют этому событию, к общему числу всех элементарных событий, входящих в данную группу .

$$P(A) = m/n$$



Для конечных множеств событий при нахождении m и n широко используют правила комбинаторики.

Задача №1: Сколько двузначных чисел можно составить используя цифры 7; 8; 9 (цифры могут повторяться)?

В данном случае легко перебрать все комбинации.

77	88	99
78	87	97
79	89	98

9 вариантов



Задача №2: Сколько пятизначных можно составить используя цифры 7; 8; 9 (цифры могут повторяться)?

Как видим, в этой задаче перебор довольно затруднителен. Решим задачу иначе.

На первом месте может стоять любая из трех цифр – 3 варианта.

На втором месте может стоять любая из трех цифр – 3 варианта.

На третьем месте может стоять любая из трех цифр – 3 варианта.

На четвертом месте может стоять любая из трех цифр – 3 варианта.

На пятом месте может стоять любая из трех цифр – 3 варианта.

$$3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 243$$

Комбинаторное правило умножения



Задачи открытого банка



№ 283479

В чемпионате по гимнастике участвуют 50 спортсменок: 24 из США, 13 из Мексики, остальные — из Канады. Порядок, в котором выступают гимнастки, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсменка, выступающая первой, окажется из Канады.



Благоприятное событие A : первой выступает спортсменка из Канады

К-во всех событий группы: $n=?$

К-во благоприятных событий: $m=?$

Соответствует количеству всех гимнасток.
 $n=50$

Соответствует количеству гимнасток из Канады.
 $m=50-(24+13)=13$

$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{13}{50} = 0,26$$



№ 283479

В среднем из 1400 садовых насосов, поступивших в продажу, 14 подтекают. Найдите вероятность того, что один случайно выбранный для контроля насос не подтекает.



Благоприятное событие A : выбранный насос не подтекает.

К-во всех событий группы: $n=?$

Соответствует количеству всех насосов.
 $n=1400$

К-во благоприятных событий: $m=?$

Соответствует количеству исправных насосов
 $m=1400-14=1386$

$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{1386}{1400} = 0,99$$



№ 283639

Фабрика выпускает сумки. В среднем на 190 качественных сумок приходится восемь сумок со скрытыми дефектами. Найдите вероятность того, что купленная сумка окажется качественной. Результат округлите до сотых.



К-во благоприятных событий: $m=?$

Соответствует количеству качественных сумок.
 $m=190$

Благоприятное событие A : купленная сумка оказалась качественной.

К-во всех событий группы: $n=?$

Соответствует количеству всех сумок.
 $n=190+8$

$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{190}{198} = 0,959... \approx \boxed{0,96}$$



№ 283445

В случайном эксперименте бросают три игральные кости. Найдите вероятность того, что в сумме выпадет 7 очков. Результат округлите до сотых.

Опыт: выпадают три игральные кости.

Благоприятное событие A: в сумме выпало 7 очков.



К-во благоприятных событий $m=?$

331 223 511
313 232 151
133 322 115

412 142
421 214
124 241

18

К-во всех событий группы $n=?$

1-я кость - 6 вариантов
2-я кость - 6 вариантов
3-я кость - 6 вариантов

$$6 \cdot 6 \cdot 6 = 216$$

$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{18}{216} \approx 0,08$$



№ 283471

В случайном эксперименте симметричную монету бросают четырежды. Найдите вероятность того, что орел не выпадет ни разу.



Условие можно трактовать так: какова вероятность того, что все четыре раза выпадет решка?

К-во благоприятных событий $m=?$

$$m=1$$

Четыре раза выпала решка.

К-во всех событий группы $n=?$

1-й раз - 2 варианта
2-й раз - 2 варианта
3-й раз - 2 варианта
4-й раз - 2 варианта

$$2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16$$

$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{1}{16} = 0,0625$$



Источники:

И. Л. Бродский, Р. А. Литвиненко. “Вероятность и статистика.” - М.: Аркти. - 2006.

Открытый банк задач.

