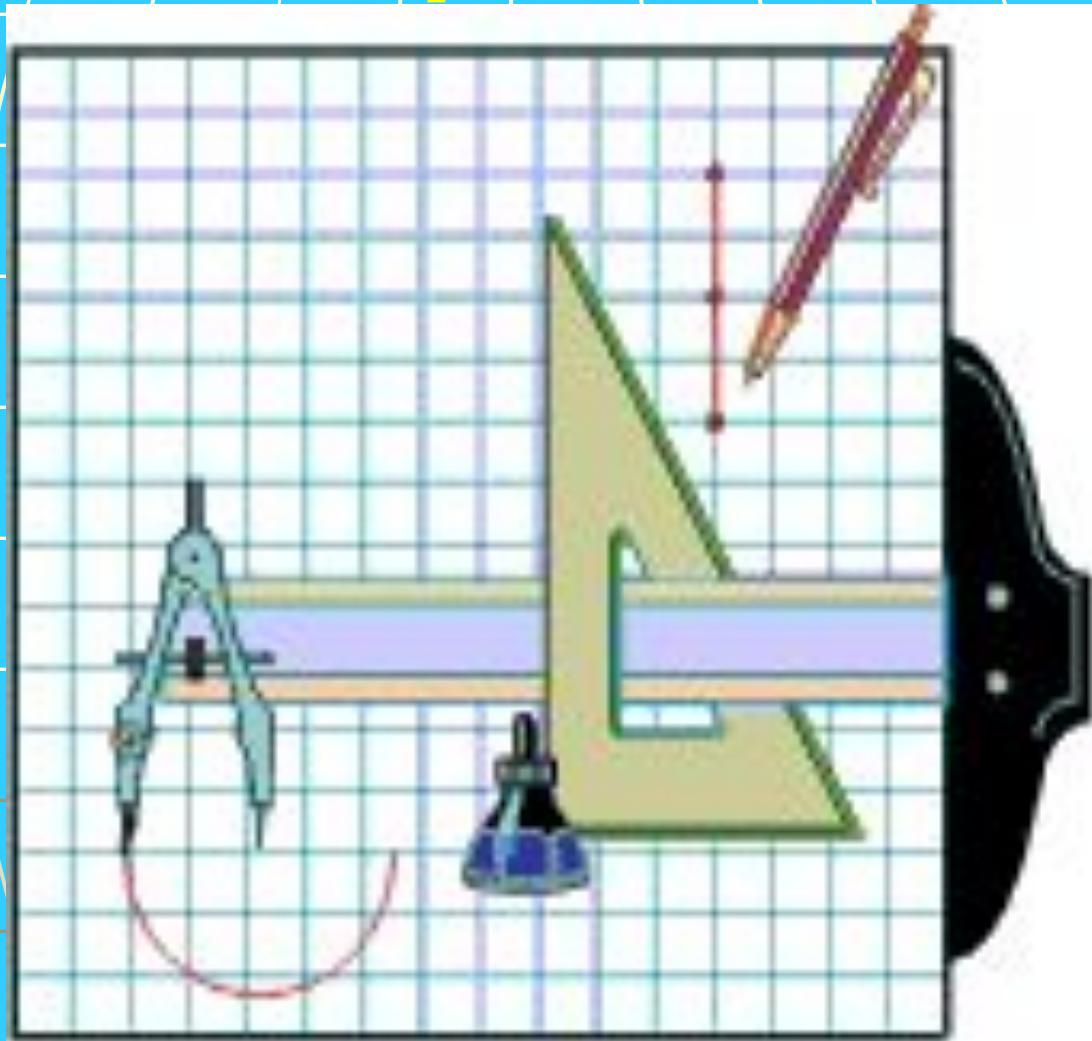


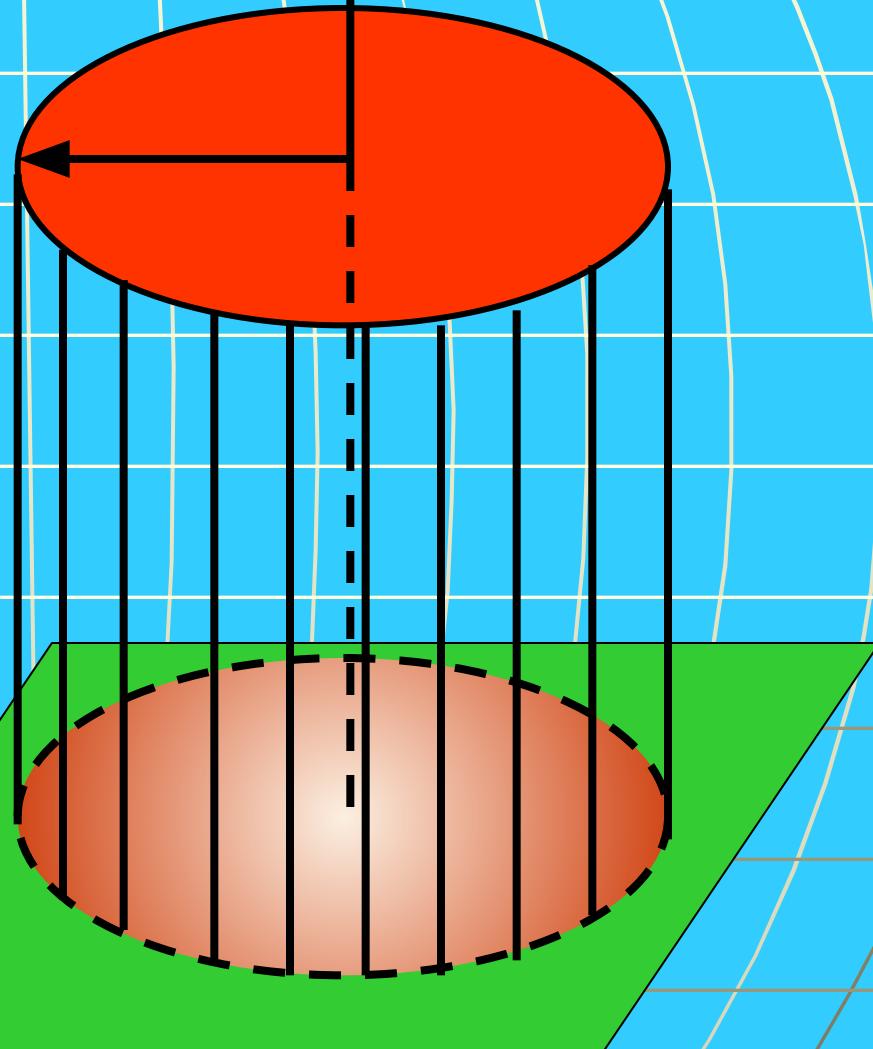
# Геометрия 11 класс



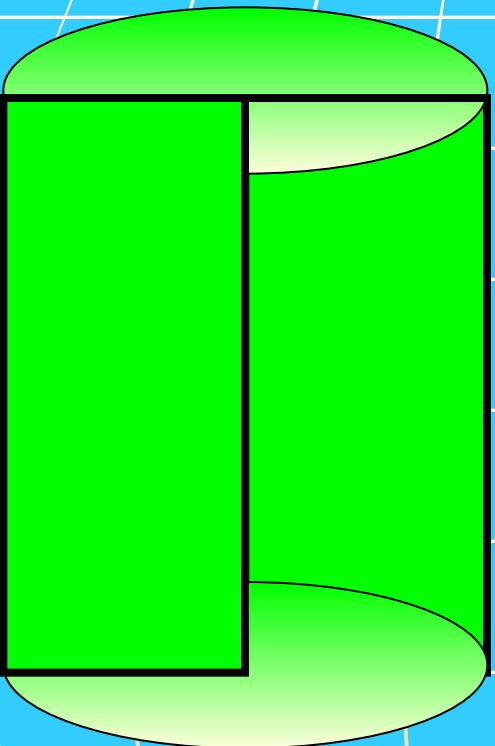
Корниенко Татьяна Федоровна

# **1. Как можно получить цилиндр**

**Если в одной из 2 параллельных плоскостей взять окружность, и из каждой ее точки восстановить перпендикуляр до пересечения со второй плоскостью, то получится тело, ограниченное двумя кругами и поверхностью, образованной из перпендикуляров, это тело называется параллельных цилиндром, называются основаниями цилиндра, а отрезки, соединяющие соответствующие точки окружностей оснований – называются образующими**

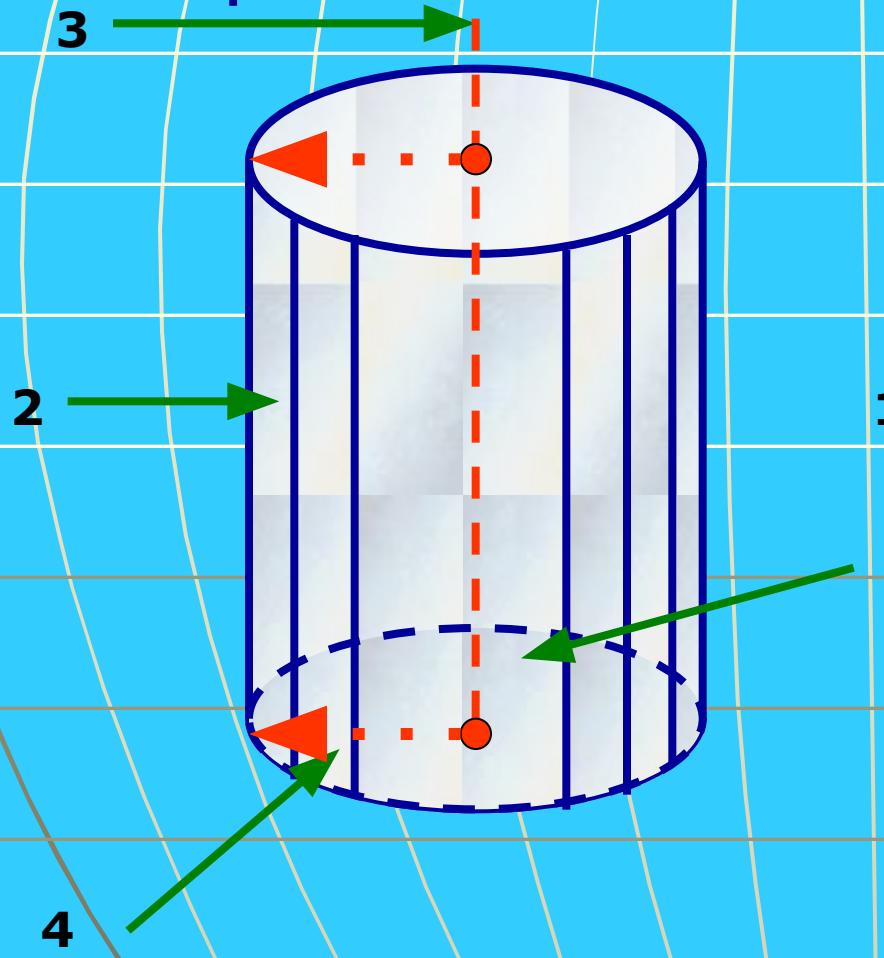


**А можно так получить цилиндр**



**Вращением  
прямоугольника  
вокруг одной из  
его сторон**

## 2. Понятие цилиндрической поверхности

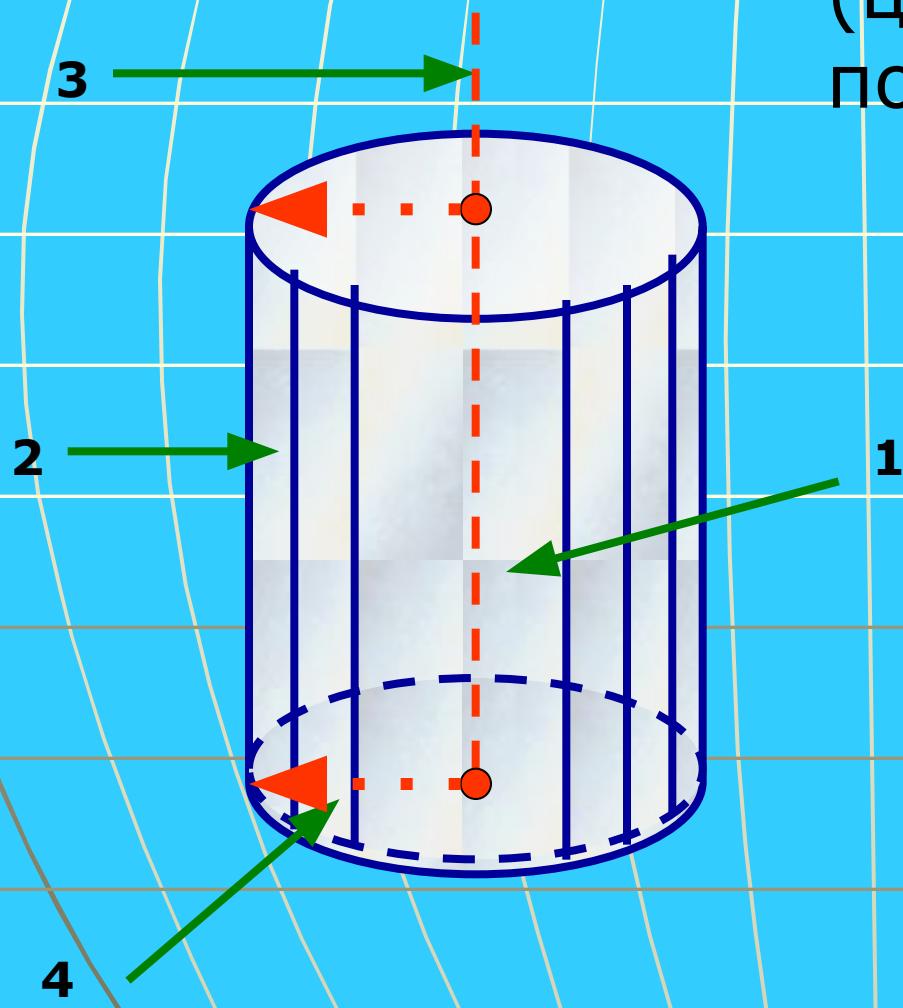


1. Основание цилиндра
  2. Образующие
  3. Ось цилиндра
  4. Радиус основания
- Радиусом цилиндра называется радиус его основания.

■ Образующая цилиндра при вращении вокруг своей оси образует боковую (цилиндрическую) поверхность цилиндра.

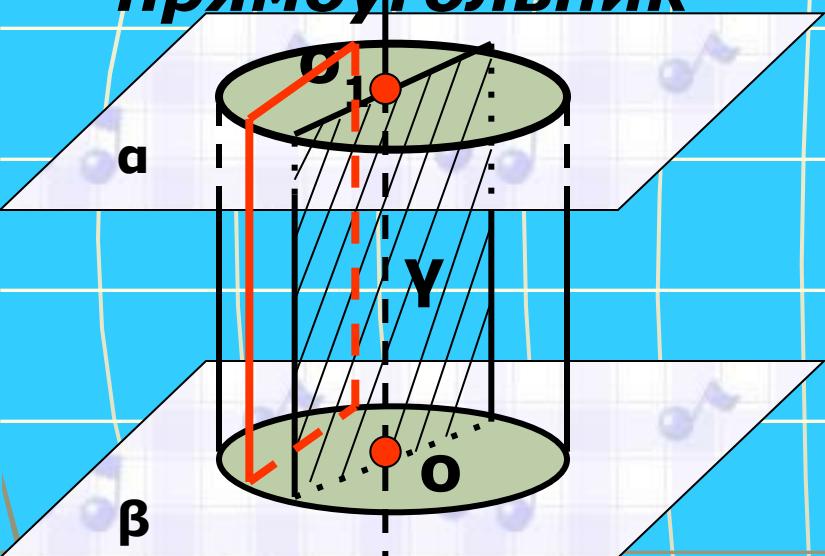
## 2. Образующие

Поверхность, состоящая из образующих, называется **боковой поверхностью цилиндра**.

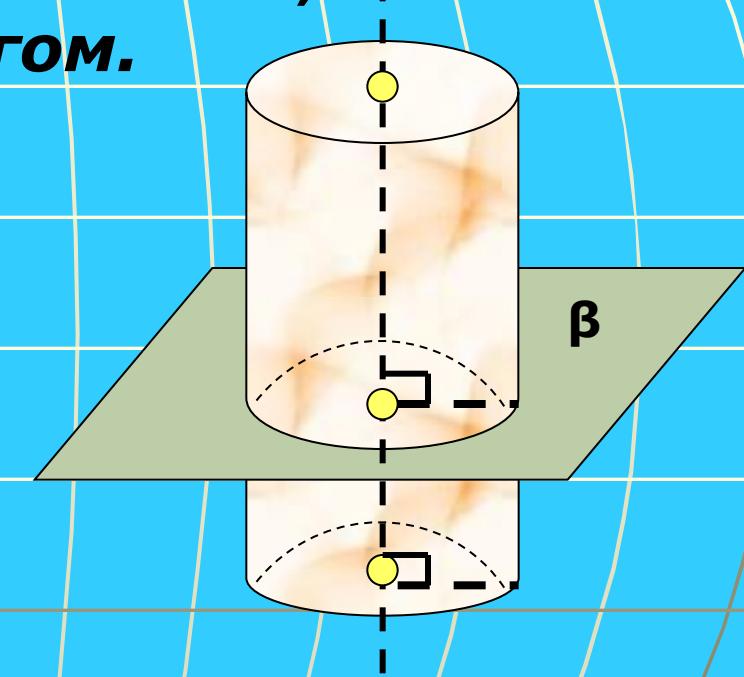


### 3. Сечения цилиндра

*Сечение, параллельное оси цилиндра- прямоугольник*

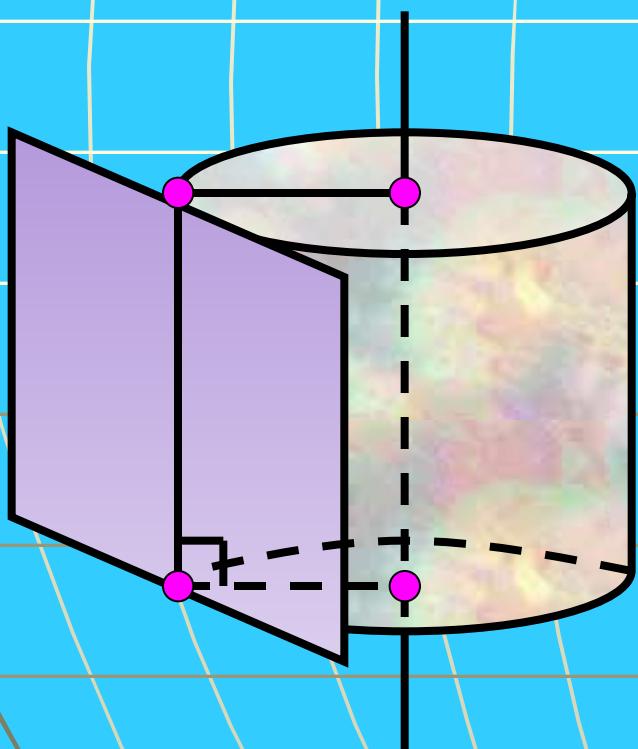


*Сечение плоскостью, перпендикулярной к оси или параллельное основаниям, является кругом.*



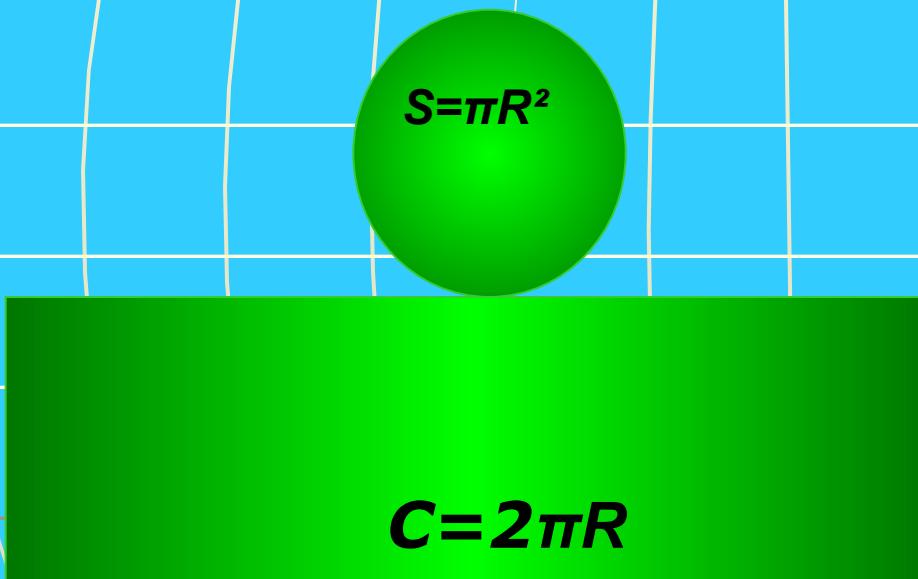
*Если сечение проходит через ось цилиндра, то оно имеет форму прямоугольника и*

## 5. Касательная плоскость цилиндра

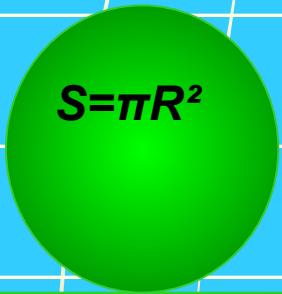


Касательной плоскостью к цилиндру называется плоскость проходящая через образующую цилиндра и перпендикулярная плоскости осевого сечения, содержащей эту образующую

**Разверткой боковой поверхности цилиндра является прямоугольник со сторонами  $H$  и  $C$ , где  $H$  – высота цилиндра, а  $C$  – длина окружности основания.**



## 6. Площадь поверхности цилиндра



$$S_{\text{осн}} = \pi R^2$$



$h$



$$S(\text{бок.поверх.}) = 2\pi Rh$$

$$S(\text{полн.поверх.}) = 2\pi R^2 + 2\pi Rh$$

$$S(\text{полн.поверх.}) = 2\pi R(R+h)$$

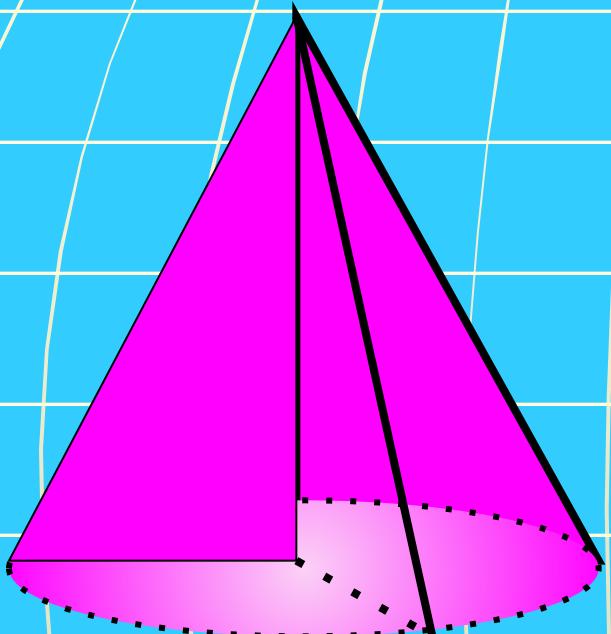
# Кону

**С 1. Пусть прямоугольный треугольник вращается вокруг одного из катетов, тогда второй катет описывает окружность.**

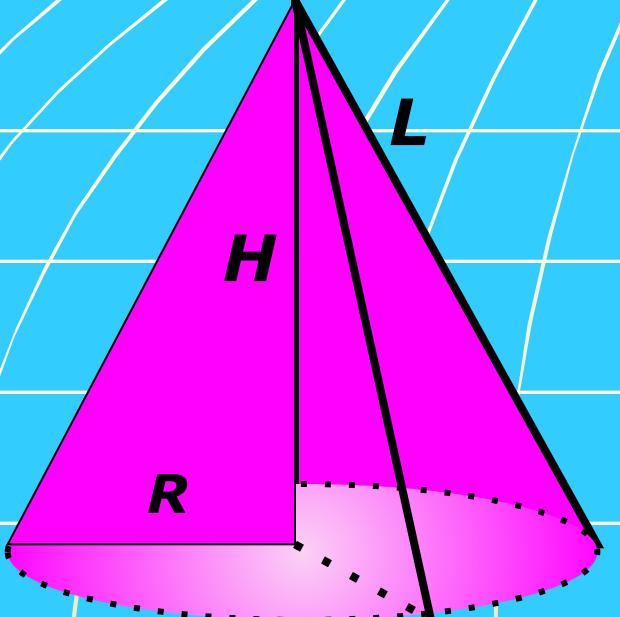
**2. Полученная при вращении фигура называется конусом.  
3. Гипотенуза данного треугольника- образующая конуса**

**4. Катет, вокруг которого вращается треугольник – ось конуса,**

**Второй катет- радиус описанной окружности основания**



# Конус и его развертка



**$L$ -образующая**

**$R$ -радиус основания**

**Нахождение  $S_{бок}$**

$$S_{б} = \frac{\pi \square^2}{360} \alpha \rightarrow 2\pi r = \frac{\pi \square}{180} \alpha \rightarrow$$

$$\alpha = \frac{360r}{\square} \rightarrow \frac{\pi \square^2}{180} * \frac{360r}{\square} = \pi r \square$$

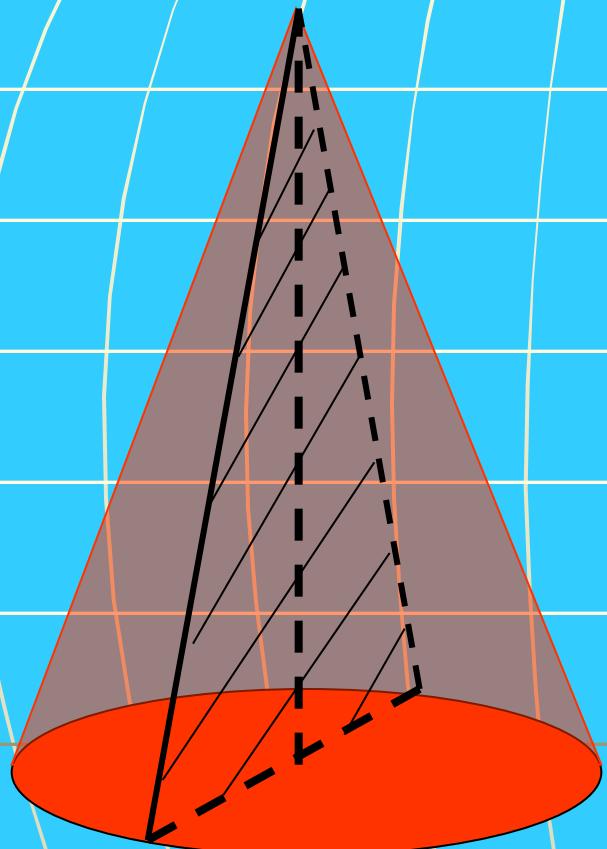
$$S_{бок} = \pi RL$$

$$S = \pi R^2$$

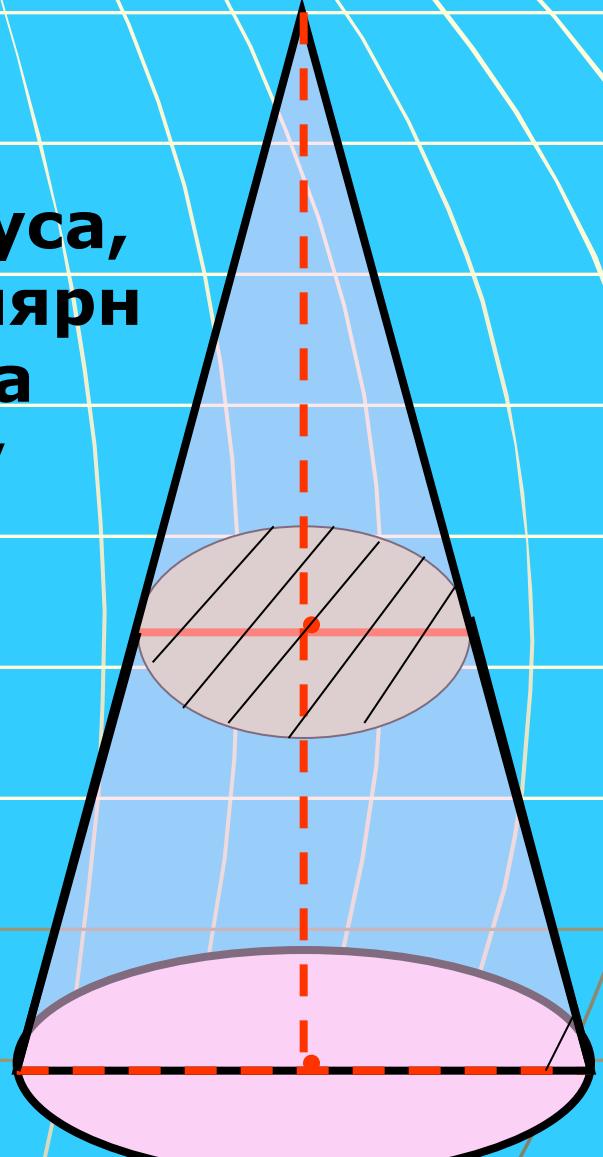
$R$

$$S_{полн} = \pi RL + \pi R^2 = \\ = \pi R(R + L)$$

# **Осьное сечение конуса- равнобедренный треугольник**



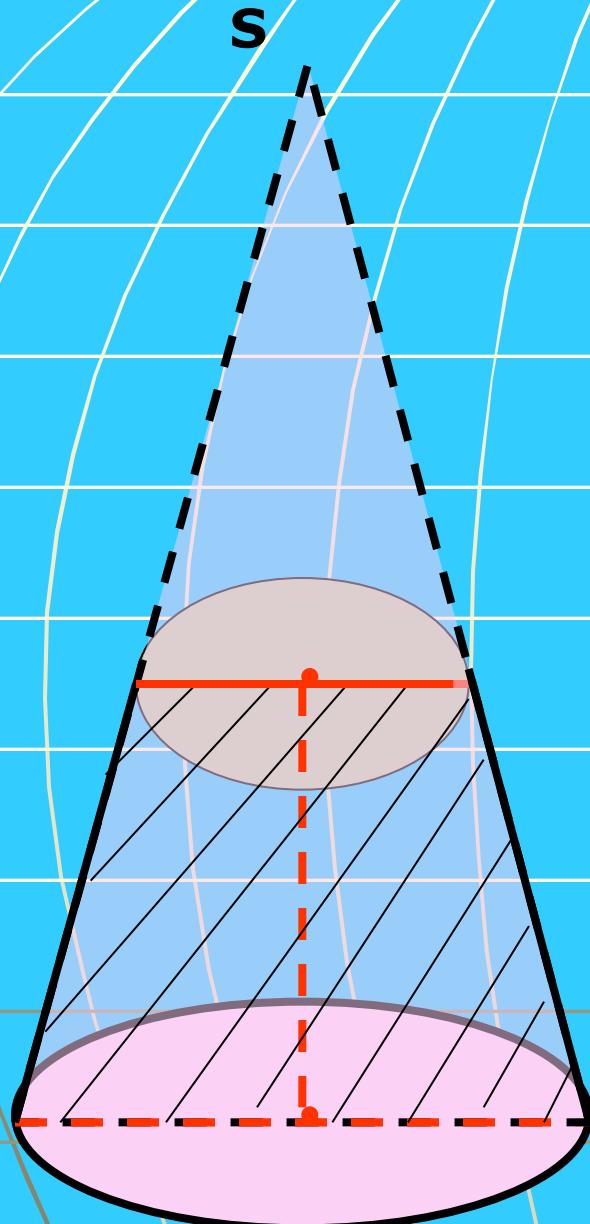
**Сечение конуса,  
перпендикулярн  
ое оси конуса  
имеет форму  
круга**



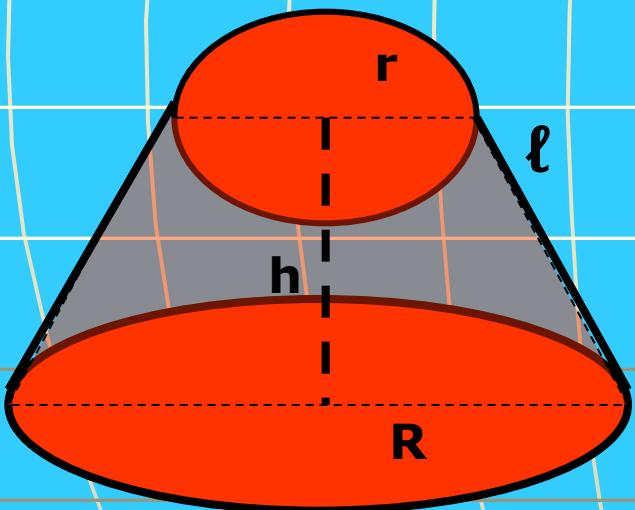
**Усеченный конусом**  
называется часть  
полного конуса,  
заключенная между  
основанием и секущей  
плоскостью,  
параллельной  
основанию.

Круги, лежащие в  
параллельных  
плоскостях,  
называются  
основаниями  
усеченного конуса.

**Осьное сечение УС**



**Образующей усеченного конуса называется часть образующей полного конуса, заключенная между основаниями. Высотой усеченного конуса называется расстояние между основаниями.**

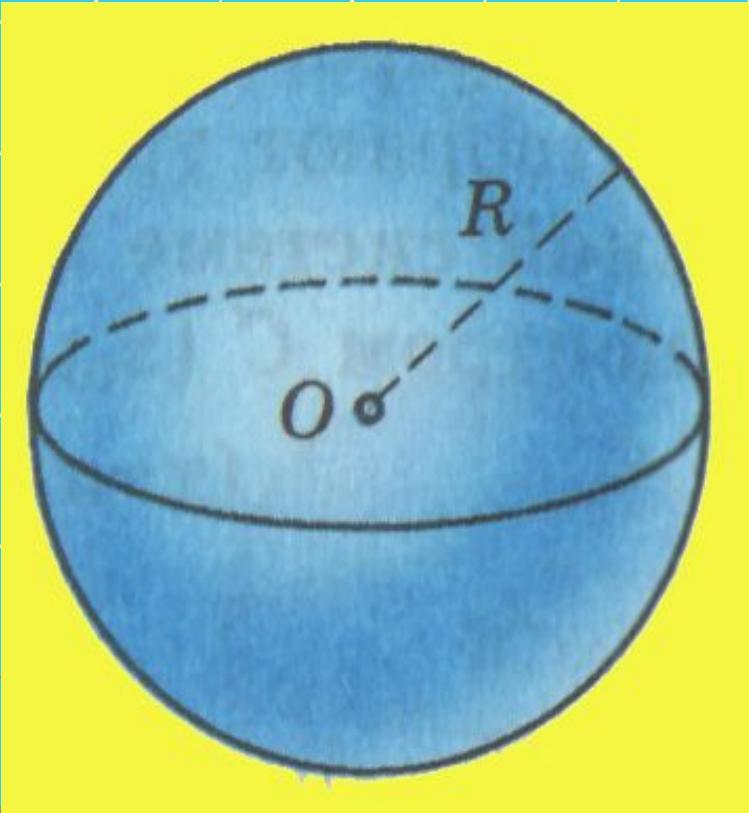


**Площадь боковой поверхности усеченного конуса равна произведению полусуммы длин окружностей оснований на образующую.**

$$S_{\text{бок}} = \frac{2\pi(R + r)}{2} l = \pi(R + r)l$$

$$S_{\text{полн}} = \pi(R + r)\lfloor + \pi r^2 + \pi R^2 = \pi((R + r)\lfloor + r^2 + R^2)$$

# Сфера и шар



*Сферой*

*называется  
поверхность,  
состоящая из всех  
точек пространства,  
расположенных на  
данном расстоянии от  
данной точки.*

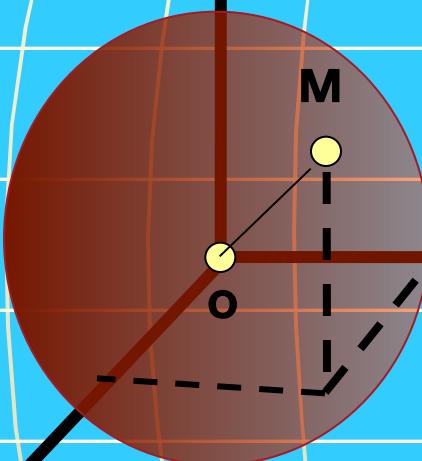
# Уравнение сферы

$M(x; y; z)$

$O(0; 0; 0)$

$M$

$\circ$



$$MO = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

$$R^2 = x^2 + y^2 + z^2$$

$M(x; y; z)$

$C(x_0; y_0; z_0)$

$c$

$M$

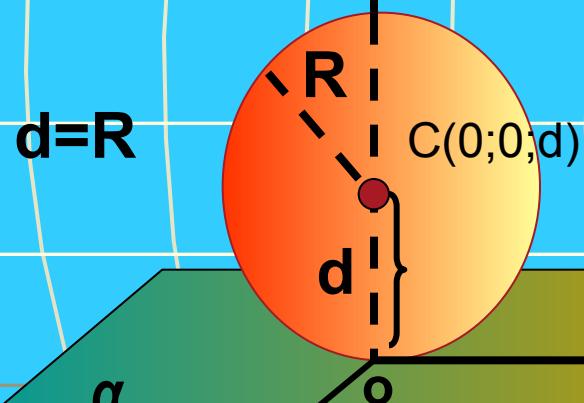
$$MC = \sqrt{(X - X_0)^2 + (Y - Y_0)^2 + (Z - Z_0)^2}$$

$$R^2 = (x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 + (z - z_0)^2$$

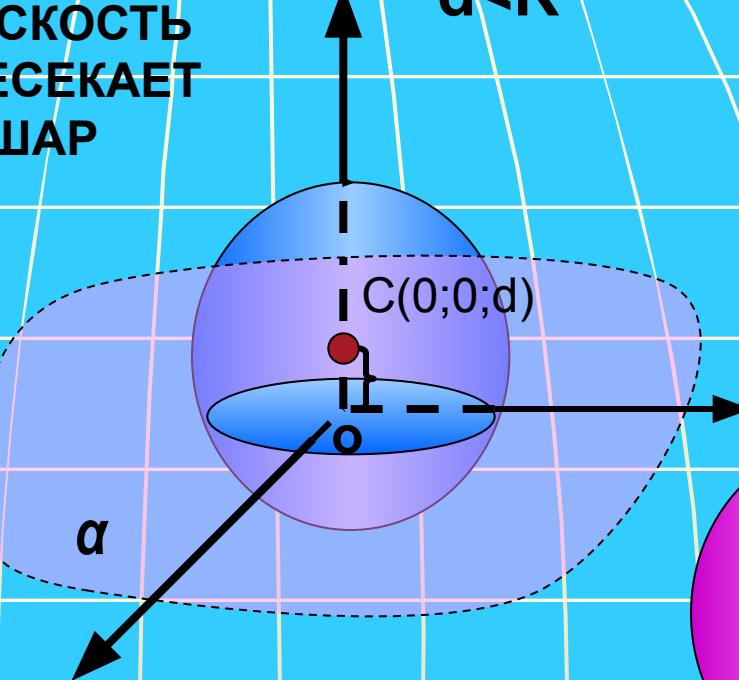
# Взаимное расположение сферы и плоскости

ПЛОСКОСТЬ  
ПЕРЕСЕКАЕТ  
ШАР

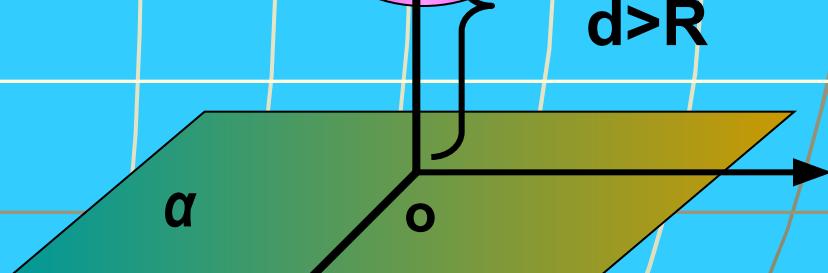
$d < R$



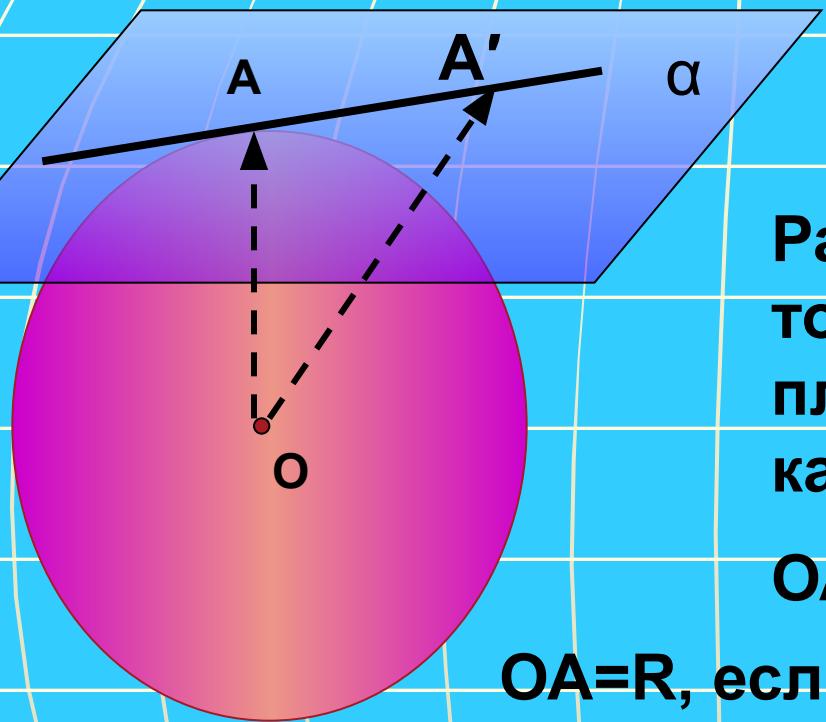
ПЛОСКОСТЬ  
КАСАЕТСЯ ШАРА



ПЛОСКОСТЬ НЕ  
ИМЕЕТ С ШАРОМ  
НИ ОДНОЙ ОБЩЕЙ  
ТОЧКИ



Плоскость , имеющая со сферой одну общую точку, называется касательной к сфере



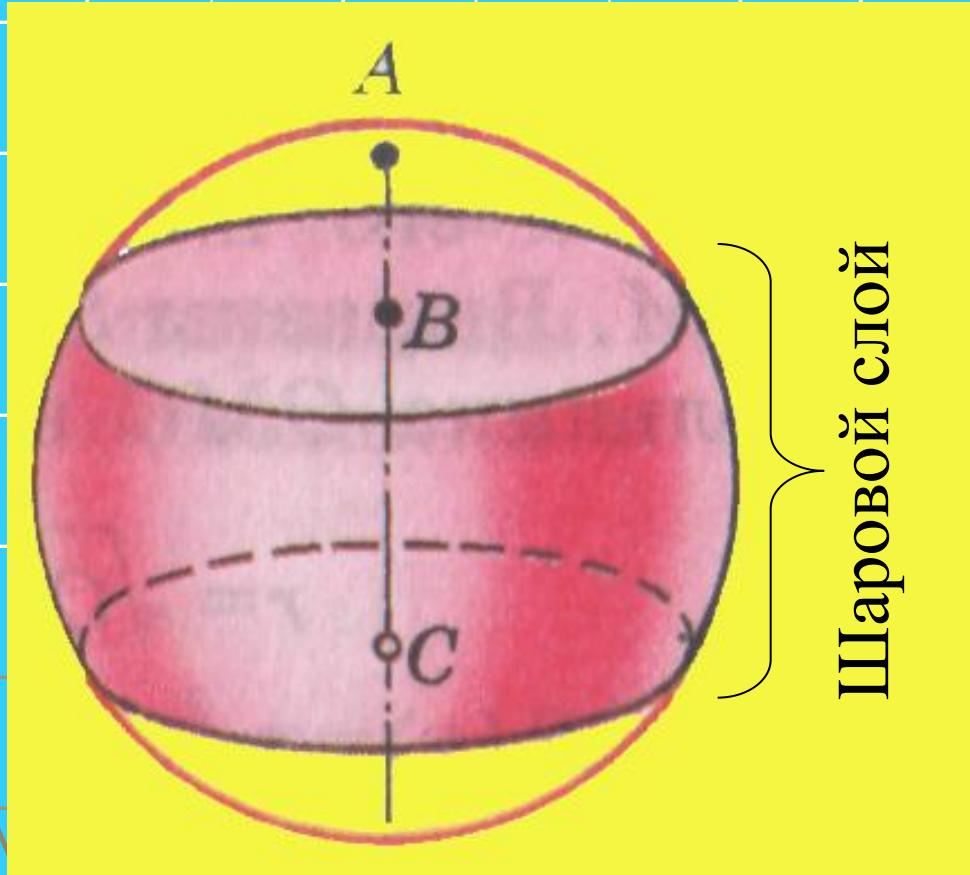
Радиус сферы, проведенный к точке касания сферы и плоскости перпендикулярен к касательной плоскости.

$$OA \perp \alpha$$

$OA=R$ , если  $OA \perp \alpha$ , то любая другая  $OA'$ - наклонная, а любая наклонная больше , чем  $OA$ , т.е. условие не выполняется( $OA' > R$ )

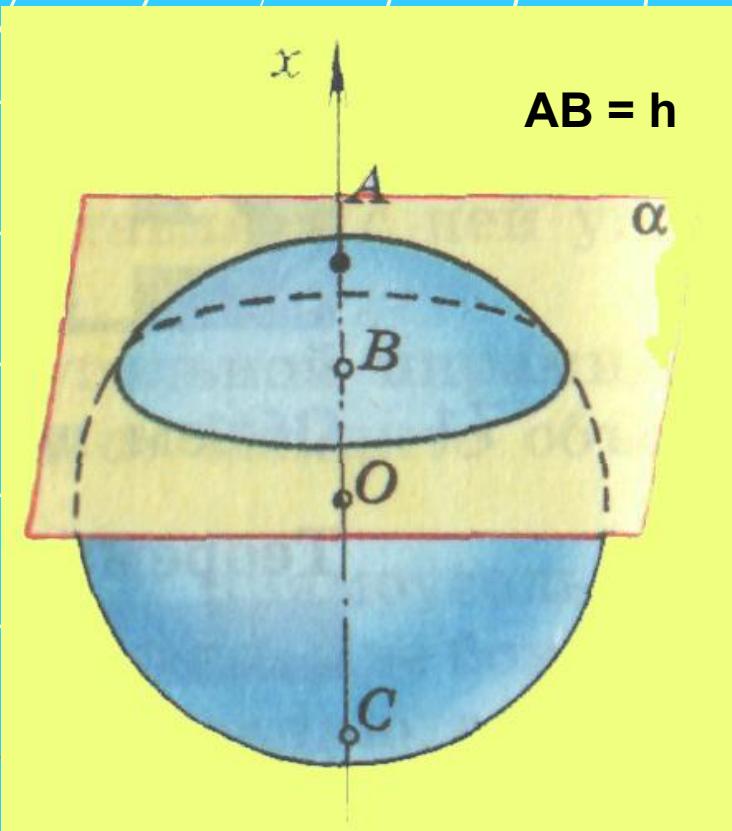
Обратная теорема : Если  $OA \perp \alpha$ ,  $\alpha$ -касательная плоскость Т.к. перпендикуляр и плоскость имеют одну общую точку, то  $\alpha$ - касательная плоскость

# Шаровой слой



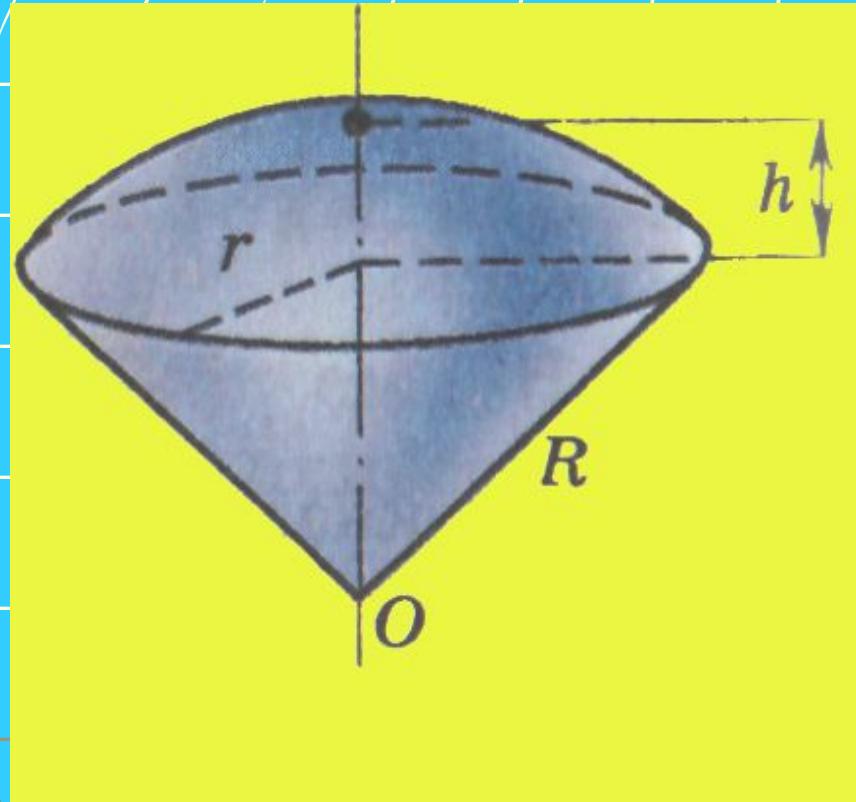
**Шаровым слоем**  
называется часть  
шара,  
заключенная  
между двумя  
параллельными  
секущими  
плоскостями.

# Шаровой сегмент



*Шаровым сегментом  
называется часть  
шара, отсекаемая от  
него какой - нибудь  
плоскостью.*

# Шаровой сектор



Шаровым сектором

называется тело, полученное вращением кругового сектора с углом, меньшим  $90^0$ , вокруг прямой, содержащей один из ограничивающих круговой сектор радиусов.