

1. Решите неравенство:

a) $\frac{x+1}{4} - \frac{4x+1}{5} \leq \frac{7-3x}{10};$

б) $(3x-2)^2 + (5x+1)^2 > 34(x-3)^2.$

2. Решите систему неравенств:

a) $\begin{cases} x \geq 4, \\ x < 10; \end{cases}$ б) $\begin{cases} x > 7, \\ x \geq -9; \end{cases}$ в) $\begin{cases} x < -15, \\ x \geq 3. \end{cases}$

3. При каких значениях x график функции $y = (2-x)(3+4x)$ расположен не ниже, чем график функции $y = -4x^2 - 3x + 22?$

4. При каких значениях a корень уравнения $a + 4y = 3$ не больше, чем корень уравнения $5y - 2a = 7?$

5. Для всякого значения b решите систему неравенств

$$\begin{cases} 4(x-b) \leq 3(2-x), \\ -5x \leq b. \end{cases}$$

6. Укажите на координатной плоскости все точки, ординаты которых удовлетворяют неравенству $-2 \leq y < 7.$

1. Упростите:

а) $\sqrt{1,25} + \sqrt{80} - \frac{1}{14}\sqrt{245} - \sqrt{180};$

б) $(2 - \sqrt{3})^2 (7 + 4\sqrt{3}) + 3\sqrt{12\frac{1}{4}};$

в) $2\sqrt{3} + 0,25(\sqrt{21}-5)(\sqrt{7}+3\sqrt{3}) + \frac{2\sqrt{7}-4}{1+\sqrt{7}}.$

2. Удовлетворяет ли число $\sqrt{9-4\sqrt{5}} - \sqrt{9+4\sqrt{5}}$ неравенству $11x^2 + 26x - 73 \leq 0?$

3. Расположите в порядке возрастания числа:

$$9\sqrt{3} - 3\sqrt{27}; 5\sqrt{3}; 2\sqrt{19}; \sqrt{31} + \sqrt{30}; \sqrt{7} - 4.$$

4. Решите уравнения и неравенство:

а) $\sqrt{4-x} = 3;$ б) $\sqrt{x-5} + 1 = 0;$ в) $\sqrt{x-5} < 3.$

5. Упростите выражение

$$\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x-a^2}} : \left(\frac{\sqrt{x} - \sqrt{x-a^2}}{\sqrt{x} + \sqrt{x-a^2}} - \frac{\sqrt{x} + \sqrt{x-a^2}}{\sqrt{x} - \sqrt{x-a^2}} \right).$$

6. Докажите, что $\frac{b^2 + 5}{\sqrt{b^2 + 1}} \geq 4.$

1. Составьте квадратное уравнение, корнями которого являются:

а) $x_1 = -1\frac{1}{4}$, $x_2 = 0,6$;

б) $x_1 = x_2 = -\frac{5}{8}$;

в) $x_1 = 2 + \sqrt{7}$, $x_2 = 2 - \sqrt{7}$.

2. Не решая квадратное уравнение $2x^2 - x - 11 = 0$, найдите:

а) $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$; б) $x_1^2 + x_2^2$; в) $\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1}$.

г) Составьте квадратное уравнение, корнями которого являются числа $\frac{1}{x_1}$ и $\frac{1}{x_2}$.

3. Разложите на множители:

а) $5x^2 - x - 42$; б) $\frac{7x^2 + x - 26}{3x^2 - x - 14}$.

4. Решите уравнение

$$4x^2 - 9x - 11 = 4(\sqrt{5} + \sqrt{3})^2 - 9(\sqrt{5} + \sqrt{3}) - 11.$$

5. Решите уравнение:

а) $4\left(2x - \frac{1}{6}\right)^4 + 7\left(2x - \frac{1}{6}\right)^2 - 2 = 0$;

б) $\frac{x-3}{x} - \frac{x+5}{x-3} = 3$.

1. Решите неполное квадратное уравнение:

а) $7x^2 + 3x = 0$; б) $27x^2 - 5 = 0$; в) $8x^2 + 31,1 = 0$.

2. Решите по общей формуле квадратное уравнение:

а) $x^2 + 15x + 14 = 0$; б) $4x^2 - 36x + 81 = 0$;

в) $5x^2 - 3x + 108 = 0$; г) $x^2 - (2a - 5)x - 10a = 0$.

3. Решите квадратное уравнение с четным вторым коэффициентом:

а) $7x^2 + 2x - 9 = 0$;

б) $5x^2 - 30x - 360 = 0$;

в) $9x^2 - 102x + 289 = 0$;

г) $x^2 - 2(b+2)x + b^2 + 4b - 21 = 0$.

4. Решите уравнение:

а) $(5x + 2)(9x + 7) = 0$;

б) $(5x + 2)(9x + 7) = 1$;

в) $(5x + 2)(9x + 7) = 5x + 2$;

г) $\frac{5x^2 + 1}{2} = \frac{7x + 1}{4} + \frac{8x + 1}{9}$;

д) $\frac{5}{x+2} + \frac{7}{2x+1} = 2$.

5. Между какими соседними целыми числами находится каждый из корней уравнения

$$5x^2 - 11x - 19 = 0?$$

6. Для каждого значения a найдите число корней уравнения $ax^2 - 4x + 3 = 0$.