

# «ФИНАНСОВАЯ ГРАМОТНОСТЬ НА УРОКАХ ИНФОРМАТИКИ ИЛИ КАК НАУЧИТЬСЯ РЕШАТЬ ЗАДАЧИ НА ВЫИГРЫШНУЮ СТРАТЕГИЮ (19,20,21)»



_

«ФИНАНСОВАЯ ГРАМОТНОСТЬ НА УРОКАХ ИНФОРМАТИКИ ИЛИ КАК НАУЧИТЬСЯ РЕШАТЬ ЗАДАЧИ на выигрышную СТРАТЕГИЮ (19,20,21)»

## • **Инвестиции** – это размещение какоголибо ресурса с целью получения

### КАКИЕ БЫВАЮТ ИНВЕСТИЦИИ?

- <u>государственные</u>, образуемые из средств государственного бюджета, из государственных финансовых источников
- <u>иностранные</u> вкладываемые зарубежными инвесторами, другими государствами, иностранными банками, компаниями, предпринимателями
- <u>частные</u>, из средств частных, корпоративных предприятий и организаций, граждан, включая как собственные, так и привлеченные средства
- <u>производственные</u> инвестиции, направляемые на новое строительство, реконструкцию, расширение и техническое перевооружение действующих предприятий
- <u>интеллектуальные</u>, вкладываемые в создание интеллектуального, духовного продукта
- контролирующие, прямые инвестиции, обеспечивающие владение более чем 50% голосующих акций другой компании
- неконтролирующие, обеспечивающие владение менее чем 50% голосующих акций другой компании.

## Инвестиции -

это долгосрочное вложение капитала в различные сферы экономической деятельности с целью получения прибыли.

• **Интеллектуальные инвестиции** — это инвестиции, вкладываемые в создание **интеллектуального продукта**, т.е. вложения средств в создание новых нематериальных активов, а также в обучение персонала и повышение его квалификации для создания в дальнейшем инновационных продуктов.

### ВЫИГРЫШНАЯ СТРАТЕГИЯ - задачи ЕГЭ №№19,20,21

# Что такое стратегия инвестирования и почему она необходима?

Стратегия инвестирования — это определённая последовательность действий инвестора, алгоритм, разработанный им самим или же позаимствованный в готовом виде, для осуществления инвестиционной деятельности. На данный момент таких стратегий существует достаточно много, некоторые из них существуют десятилетиями и даже столетиями.

#### Они отличаются между собой в основном следующими параметрами:

- 1. **Объём вложений**. Где-то можно начать инвестировать от 1000 рублей, другие же потребуют сумму в 3 миллиона и более.
- 2. Риски. Есть варианты без риска вообще, а есть такие, в которых вероятность успеха оценивается в несколько процентов.
- 3. **Доходность**. Обычно неразрывно связано с предыдущим пунктом, так как не бывает высокодоходных стратегий, которые при этом не предполагали бы серьёзных рисков.
- 4. **Вовлечённость инвестора в процесс**. Можно каждый день тратить по несколько часов, а можно совершать пару действий в год.
- 5. **Квалификация инвестора и его финансовая грамотность**. Открыть депозит в банке может и бабушка в возрасте 90 лет, а вот хороший криптовалютный портфель составить под силу только достаточно неплохо разбирающемуся в вопросе человеку.

## Бариант 15 -

# 1019 Задание 19 №

- Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в кучу один или два камня или увеличить количество камней в куче в два раза. Например, имея кучу из 15 камней, за один ход можно получить кучу из 16, 17 или 30 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.
- Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится не менее 40. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 40 или больше камней. В начальный момент в куче было S камней,  $1 \le S \le 39$ .
- Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.
- Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение *S*, когда такая ситуация возможна.

#### Ответ:

## ПЕРЕФОРМУЛИРУЕМ ЗАДАЧУ

- **Два инвестора**, Петя и Ваня, начинают инвестировать в новый проект.
- Перед инвесторами *проект с начальным капиталом S.* Инвесторы совершают сделки по очереди, первый ход делает Петя.
- За один ход инвестор может добавить в проект один миллион рублей или два миллиона рублей или увеличить количество инвестиций в проект в два раза.
- Проект завершается в тот момент, когда количество капитала в проекте становится не менее 40 миллионов рублей. Победителем проекта считается инвестор, сделавший последний ход, то есть первым получивший инвестиционный проект, в котором будет 40 или более миллионов рублей.
- В начальный момент в проекте находился капитал S,  $1 \le S \le 39$ .
- Будем говорить, что инвестор имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.
- Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение *S*, когда такая ситуация возможна

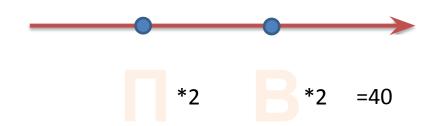
## Решение 15-№19

1)+1

2)+2

3)\*2

• Задача двухходовая П-В



Два инвестора, Петя и Ваня, начинают инвестировать в новый проект.

Перед инвесторами – проект с начальным капиталом S. Инвесторы совершают сделки по очереди, первый ход делает Петя.

За один ход инвестор может добавить в проект **один** миллион рублей или **два** миллиона рублей или увеличить количество инвестиций в проект в **два** раза.

Проект завершается в тот момент, когда количество капитала в проекте становится не менее 40 миллионов рублей. Победителем проекта считается инвестор, сделавший последний ход, то есть первым получивший инвестиционный проект, в котором будет 40 или более миллионов рублей.

В начальный момент в проекте находился капитал - S,  $1 \le S \le 39$ .

Будем говорить, что инвестор имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока — значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Найдите два таких значения S, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке

# Вариант 15-№20

Найдите **два таких значения S**, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

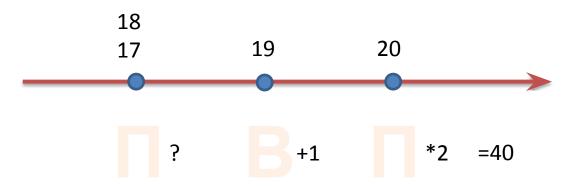
- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания без разделительных знаков.

## Решение 15-№20

- 1)+1 2)+2
- 3)\*2



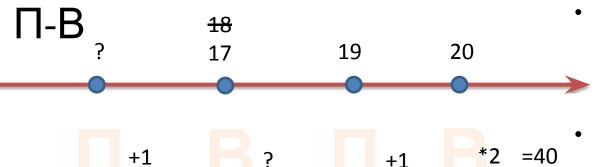


Нужна стратегия, по опыту первой задачи (19) Петя не будет \*2.

Ответ: 1718

# Вариант 15-№21

• Задача четырехходовая П-В-



выполняются два условия:

— у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или

вторым ходом при любой

Найдите **минимальное значение S**, при котором

одновременно

игре Пети;

Нужна стратегия Ване, по опыту первой задачи (19) Ваня не будет \*2.

 – у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

## Ответ:

#### Задание 19 № **28062**

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в кучу **один** или **два** камня или увеличить количество камней в куче в **два** раза. Например, имея кучу из 15 камней, за один ход можно получить кучу из 16, 17 или 30 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится не менее 31. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 31 или больше камней. В начальный момент в куче было S камней,  $1 \le S \le 30$ .

Будем говорить, что игрок имеет *выигрышную стратегию*, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока — значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение *S*, когда такая ситуация возможна.

#### Ответ: **Задание 20 №** <u>28063</u>

Найдите **два таких значения** *S*, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания без разделительных знаков.
Ответ:

#### Задание 21 № 28064

Найдите **минимальное значение** *S*, при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.
   Ответ:

# Вариант 14

- 1)+1 S>=31
- 3)\*2



31/4 с избытком, чтобы победил Ваня 16



#### Задание 19 № 27754

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками **лежат две кучи** камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в одну из куч один камень или увеличить количество камней в куче в четыре раза. Например, пусть в одной куче 6 камней, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (7, 9), (24, 9), (6, 10), (6, 36). Чтобы делать ходы, у каждого игрока есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 61. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 61 или больше камней.

В начальный момент в первой куче было 3 камня, во второй куче — S камней,  $1 \le S \le 57$ .

Будем говорить, что <u>игрок имеет выигрышную стратегию</u>, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока — значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, то есть не гарантируют выигрыш независимо от игры противника.

<u>Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом</u> после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение *S*, когда такая ситуация

## Бариант

1



58/16 с избытком, чтобы победил Ваня

## Задание 20 № <u>27755</u>

выполняются два условия:

- Найдите **два таких значения** *S*, при которых у Пети есть выигрышная причём одновременно
- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.
- Найденные значения запишите в ответе без порядке возрастания разделительных знаков.

Ответ:

Задание 21 № <u>27756</u> Найдите **минимальное значение** *S*, при

стратегия,

котором одновременно выполняются два условия: у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или

- вторым ходом при любой игре Пети; у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.
- Ответ:

Вариант 1  $S_1 + S_2 > = 61$ 

\*4

3+S=61

S=58

1)+1

2)\*4

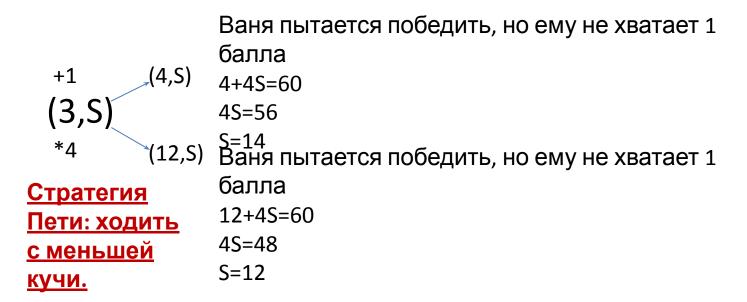
+1

+1

- 1)+1  $S_1 + S_2 > = 61$ 2)\*4 3+S=61 S=58

+1

# Решение вариант 1 – 20-21



## Задание 20 № <u>27755</u>

выполняются два условия:

- Найдите **два таких значения** *S*, при которых у Пети есть выигрышная причём одновременно
- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.
- Найденные значения запишите в ответе без порядке возрастания разделительных знаков.

Ответ:

Задание 21 № <u>27756</u> Найдите **минимальное значение** *S*, при

стратегия,

котором одновременно выполняются два условия: у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или

- вторым ходом при любой игре Пети; у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.
- Ответ:

Вариант 1  $S_1 + S_2 > = 61$ 

\*4

3+S=61

S=58

1)+1

2)\*4

+1

+1

- 1)+1  $S_1 + S_2 > = 61$ 2)\*4 3+S=61 S=58

+1

Bapuarem 1 (N20) Barne noimalmas nosequemb 11 (4,5) 4+45=60 45=56 5=14 (12,5) 12+45=60 45=48 5=12 12mu

можено данее проити

 $(3,5) \xrightarrow{17} (4,5) \xrightarrow{8} (5,5) \xrightarrow{5+45=61} (5,5) \xrightarrow{5+45=61} S=14$ 

 $(3,S) \xrightarrow{7} (12,S) \rightarrow (13,S) 13 + 4S = 61$  4 = 485 = 12

Bapuarem 1 (N21)

 $(3, S) \xrightarrow{7} (4, S) \xrightarrow{B} (4, S+1) + 4 \cdot (S+1) = 60$   $S+1 = \frac{60-4}{4}$ S=13 Basile yellioneamb rea 4
He bygem, T. K. Moncem spanjais

(3,5) = (4,5)

ecua sol max basile

(16,5) > Temse.

#### Задание 19 № 27771

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может **убрать** одной И3 И3 куч один камень или уменьшить количество камней в куче в два раза (если количество камней в куче нечётно, остаётся на 1 камень меньше, чем убирается). Например, пусть в одной куче 6, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (5, 9), (3, 9), (6, 8), (6, 4).

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не более 20. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 20 или меньше камней.

В начальный момент в первой куче было 10 камней, во второй куче — S камней, S > 10.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока — значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, т. е не гарантирующие выигрыш независимо от игры противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите максимальное значение *S*, когда такая ситуация

# Профильное задание Вариант 2 - №19

1)-1 
$$S_1 + S_2 <= 20$$
  
2):2  $10 + S = 20$   
 $S = 10$ 



# «ФИНАНСОВАЯ ГРАМОТНОСТЬ НА УРОКАХ ИНФОРМАТИКИ ИЛИ КАК НАУЧИТЬСЯ РЕШАТЬ ЗАДАЧИ НА ВЫИГРЫШНУЮ СТРАТЕГИЮ (19,20,21)» — декабря

2020



Мой анализ Баллы от 1 до 10

- Итоги встречи
- I. Я планирую свой день.
- 2. Я инвестирую в свое будущее.
- 3. Я сконцентрирован на подготовке к ЕГЭ.
- 4. Я с каждым днем увеличиваю свой интеллектуальный инвестиционный
  - портфель. Я эффективно строю зависимость моего времени и выполненных дел.
- 6. Знания, их накопление это мои инвестиции.
   7. Я анализирую свои успехи для достижения
- результата на ЕГЭ по информатике.
  Я решаю задачи ЕГЭ и составляю список вопросов, на которые я могу найти ответ на уроках информатики?



Урок, который я извлек и которому следую всю жизнь, состоял в том, что надо пытаться, и пытаться, и опять пытаться - но никогда не сдаваться!

Ричард Брэнсон британский предприниматель, основатель корпорации Virgin Group



Наш инвестиционны й портфель пополнился.

Желаю всем быть успешными инвесторами своей жизни.

B YCHEXE HET ничего магического или ЗАГАДОЧНОГО. УСПЕХ — ЭТО РЕЗУЛЬТАТ ЕЖЕДНЕВНОГО выполнения простых ПРАВИЛЬНЫХ ДЕИСТВИЙ

— Николай Латанский