

# Леонард Эйлер жизнь, творчество, служение России

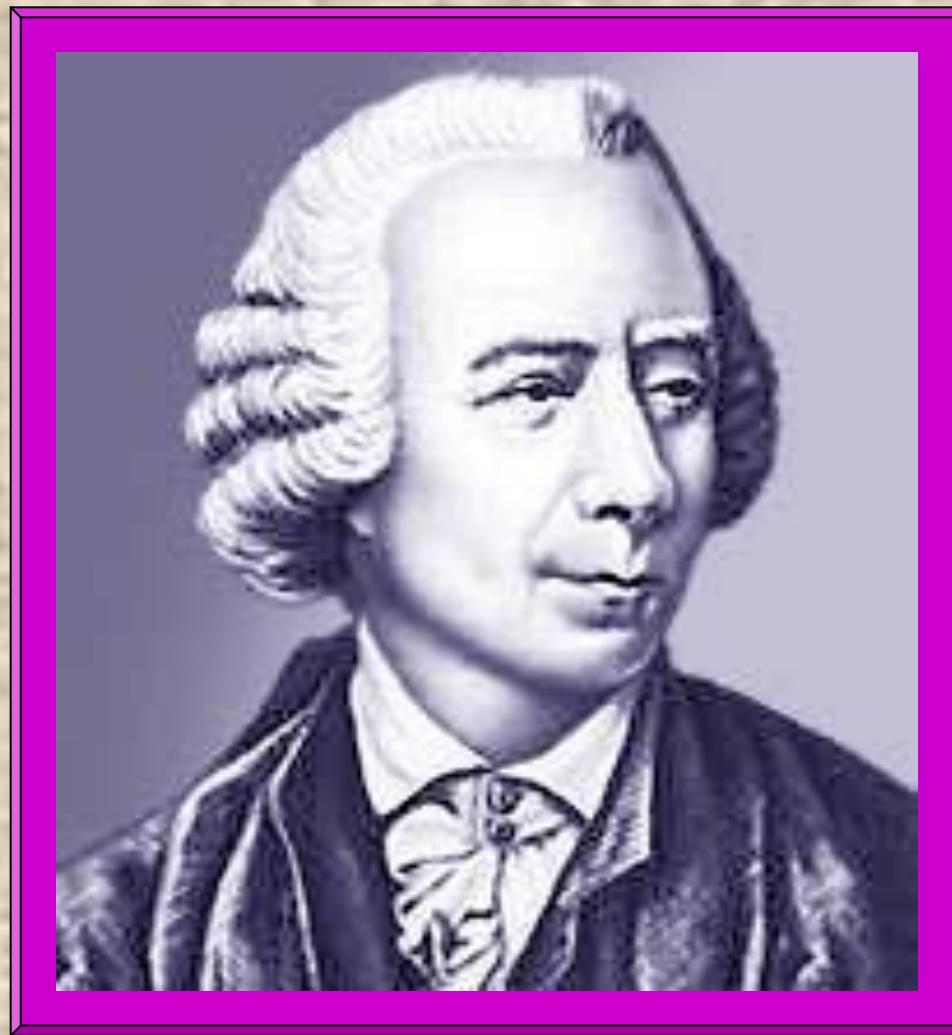


Выполнила Данькова Валентина  
Николаевна

# Л.Эйлер (1707 - 1783)



# Л. Эйлер (1707 – 1783)



# **Длительные даты жизни и деятельности**

**4 апреля 1707 г. – в Базеле (Швейцария) в семье пастора родился Л. Эйлер**

**1720 г. – студент младшего философского факультета Базельского университета**

**9 июня 1722 г. – получил степень «Первые лавры» (бакалавр) по философии**

**1723 г. – поступил на богословский факультет (по настоянию отца)**

**8 июня 1724 г. – получил степень магистра искусств (за речь о сравнении философских воззрений Ньютона и Декарта)**

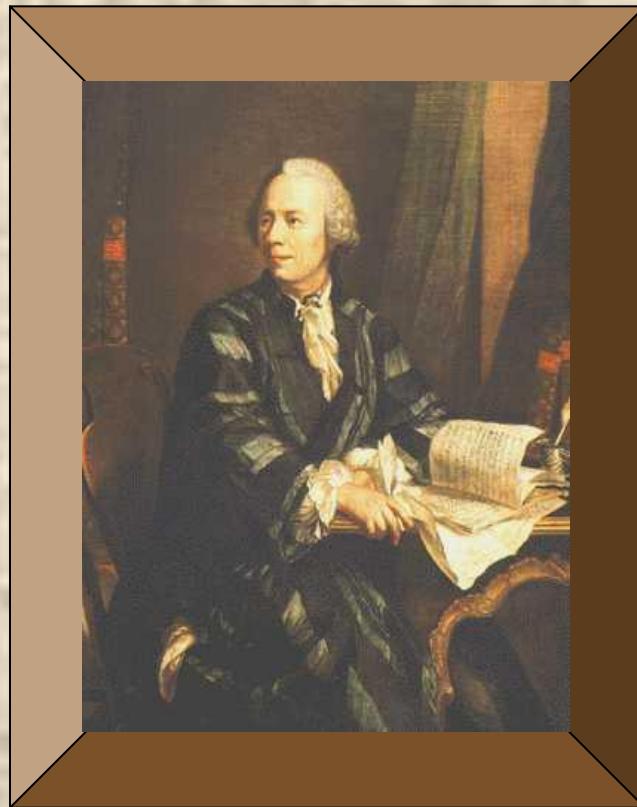
**24 мая 1727 г. – адъюнкт Петербургской А.Н. по математике**

**1731 г. – занимает кафедру теоретической и экспериментальной физики**

**1733 г. – академик Петербургской А.Н. по математике**

**1733 г. – женитьба на дочери живописца Екатерине Гзелль**

# Л. Оливер в различные годы жизни



# **ГЛАВПСИШИС ТРУДЫ Л.**

## **Эйпера**

- 1. Введение в арифметику (1738—1740, немецк., два тома, Спб.).**
- 2. Введение в алгебру (1770, немецк., Спб.).**
- 3. Введение в анализ бесконечно малых (1748, латынь, два тома, Лозанна).**
- 4. Дифференциальное исчисление (1755, латынь, Берлин).**
- 5. Интегральное исчисление (1768—1770, латынь, три тома, Спб.).**
- 6. Метод нахождения кривых линий, обладающих свойствами максимума или минимума (1744, латынь, Лозанна).**
- 7. Механика в аналитическом изложении (1736, латынь, два тома, Спб.).**
- 8. Теория движения твердых тел (1765, латынь, Росток).**
- 9. Механика жидкостей (однобокое движение).**

- 11. Новые начала артиллерии Робинса, переведенные с английского и снабженные необходимыми объяснениями и многими примечаниями (1745, немецк., Берлин).**
- 12. Теория движения планет и комет (1744, латынь, Берлин).**
- 13. Теория движения Луны (1753, латынь, Берлин)**
- 14. Теория движения Луны, пересмотренная новым методом (1772, латынь, Спб.)**
- 15. Теория приливов и отливов (1740, латынь, Париж).**
- 16. Устройство объективов из двух стекол (ахроматических, латынь, 1762, Спб.).**
- 17. Диоптрика (1769—1771, латынь, три тома, Спб.).**
- 18. Теория музыки (1739, латынь, Спб.).**
- 19. Диссертация о магните (1743—1744, латынь, Париж).**
- 20. Морская наука (1749, латынь, Спб.)**
- 21. Полная теория конструкции и вождения кораблей (1773, франц., Спб.).**

# **Основные достижения**

## **Эйлера**

**Значение Эйлера для развития математики, механики и многих других наук очень велико, его работы, прокладывающие новые творческие пути, многочисленны. В настоящее время известно 865 его сочинений, из них отдельных многостраничных сочинений – 43 тома.**

- Внес вклад в такие математические дисциплины как вариационное исчисление, интегрирование обыкновенных дифференциальных уравнений, степенные ряды, специальные функции, дифференциальная геометрия, теория чисел;
- Ввел двойные интегралы, преобразовал

- Заложил основы математической физики, механики твердого тела, гидродинамики, гидравлики, во многом – механики машин;
- Опубликовал серию работ по астрономии, систематически изложил теорию упругих кривых, получил важные результаты по сопротивлению материалов, активно занимался навигацией, баллистикой, диоптрикой;
- Создал основные руководства для университетов по высшей математике, написал учебники арифметики и алгебры для гимназии, высказал

Эйлер сообщил математическому образованию содержательный и методический заряд, который очень быстро по историческим меркам приблизил отечественное математическое образование к европейскому качественному уровню. В России он создал и оперативно включил в действие механизм патронажа математики как науки над математическим образованием. Эта тенденция нашла свое воплощение в уникальном явлении отечественной истории – методической школе Л. Эйлера, которая обеспечила оперативный доступ к педагогическим и методическим идеям

# Методические идеи Эйлера

- идея сближения содержания математического образования с современной математикой;
- идея выделения в школьном математическом образовании основ математических дисциплин – арифметики, геометрии, тригонометрии, впоследствии алгебры;
- идея построения математических курсов на основе дидактических принципов как систематичность, научность, доступность

# **Некоторые знаменитые математические факты, носящие имя Эйлера**

**Теорема Эйлера о треугольнике;**

**Теорема Эйлера о многогранниках;**

**Функция Эйлера;**

**Формулы Эйлера;**

**Интегралы Эйлера;**

**Задача Эйлера о семи мостах;**

**Задача Эйлера о ходе конем.**

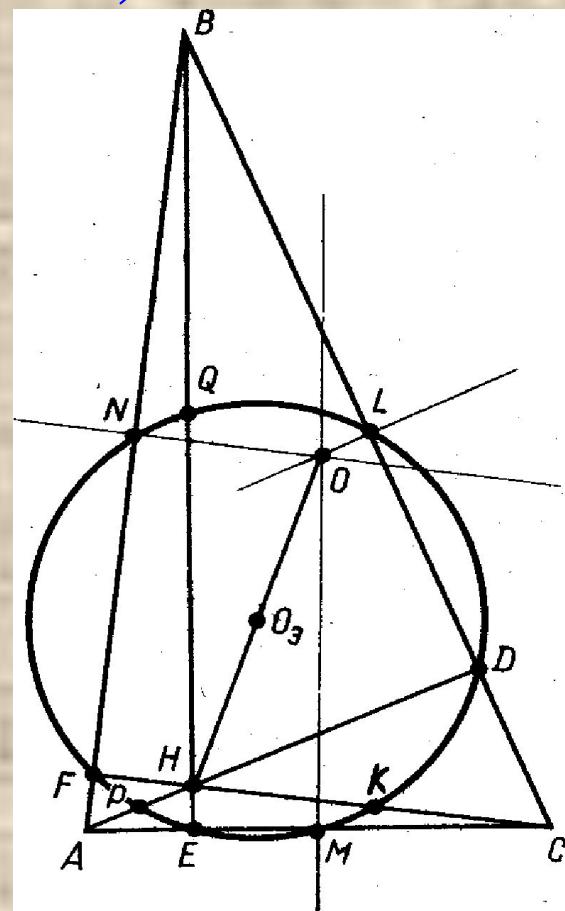
**Теорема Эйлера : Середины сторон треугольника, основания его высот и середины отрезков высот треугольника от ортоцентра до вершины лежат на одной окружности;**

Н – ортоцентр треугольника;

К, Q, Р – **точки Эйлера**

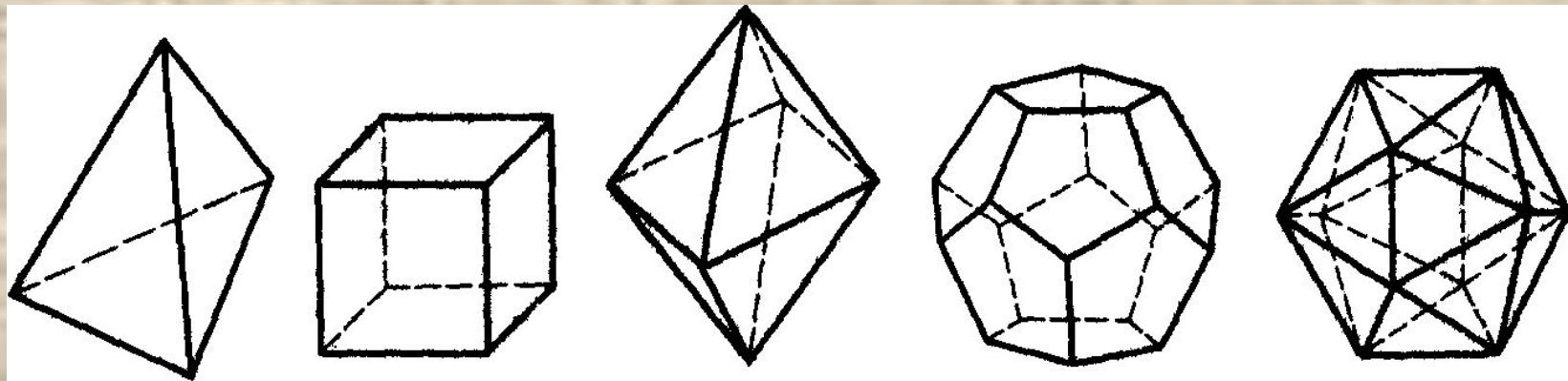
(середины отрезков высот треугольника от ортоцентра до каждой из вершин).

Данная окружность называется окружностью девяти точек или **окружностью Эйлера**. Радиус ее равен половине радиуса окружности, описанной около этого треугольника. Прямую, соединяющую ортоцентр



Теорема Эйлера о многогранниках : Для любого простого многогранника  $V - R + F = 2$ , где  $V$  – число вершин,  $R$  – число ребер,  $F$  – число граней.

С помощью этой теоремы можно доказать, что существует не более пяти видов правильных многогранников: тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.



# Функция Эйлера

Продолжая работы Ферма по теории чисел Эйлер ввел функцию  $\phi(m)$ , которая называется **функцией Эйлера** – количество натуральных чисел, меньших данного  $m$  и взаимно простых с ним. Так же Эйлер обобщил малую теорему Ферма и доказал, что если  $a$  и  $m$  взаимно простые числа, то  $a^{\Phi(m)} - 1$  делится на  $m$ . Это предложение называется **теоремой Эйлера**.

# Формулы Эйлера

Занимаясь научной деятельностью Эйлер заметил, что разложения в ряд показательных и тригонометрических функций почти совпадают – и вывел знаменитые **формулы Эйлера**:

$$e^{ix} = \cos x + \sin x$$

Полагая, что  $x = \pi$ , получим:

$$e^{i\pi} = \cos \pi + \sin \pi = -1$$

# Интегралы Эйлера

Пытаясь найти формулу для общего выражения суммы гипергеометрического ряда

$$1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 2 \cdot 3 + \dots + 1 \cdot 2 \cdots k + \dots$$

Эйлер пришел к интегралам, которые впоследствии получили название

эйлеровы интегралы, а позже – бета-

$$\int_0^1 x^{a-1} (1-x)^{b-1} dx$$

$$\text{гамма} \int_0^\infty x^{a-1} e^{-x} dx$$

# **задача Эйлера о семи мостах**



**В задаче решается вопрос : как можно пройти по семи кенигсбергским мостам через реку Прегель, пройдя по каждому мосту не более одного раза?**

**На «ордене Семи Мостов» темные места представляют собой речку, а белые – берега речки и мосты. Эйлер доказал, что сделать это невозможно. и нашел**

# Задача Эйлера о ходе конем

The diagram shows an 8x8 chessboard with a knight's tour path. The path starts at square 1 (top-left) and ends at square 64 (bottom-right). The squares are numbered sequentially from 1 to 64. The path follows the standard L-shaped movement of a knight, visiting each square exactly once.

1	38	13	26	3	28	15	42
24	51	2	39	14	41	4	29
37	12	25	48	27	62	43	16
50	23	52	61	40	47	30	5
11	36	49	46	63	60	17	44
22	53	64	59	56	45	6	31
35	10	55	20	33	8	57	18
54	21	34	9	58	19	32	7

В задаче решается  
вопрос :

Как разместить в 64  
клетках шахматной  
доски 64 числа от 1 до  
64 так, чтобы любые  
две клетки, в которых  
содержатся два  
последовательных  
числа, были связаны  
ходом коня?

# «Комментариев» в которых печатались работы Эйлера

COMMENTARI  
ACADEMIAE  
SCIENTIARVM  
IMPERIALIS  
PETROPOLITANAE.

TOMVS V.

AD ANNOS 1730. et 1731.



PETROPOLI,  
TYPIS ACADEMIAE.

Эйлер похоронен в С.-  
Петербургском некрополе –  
Александро-Невкой лавре.

Надпись на памятнике гласила :  
«Леонарду Эйлеру –  
Петербургская Академия».

Без сомнения, имя Леонарда  
Эйлера является одним из самых  
славных в плеяде выдающихся  
математиков всех времен, его  
труды и сейчас продолжают

# Надгробие Л. Эйлера. Гранитный саркофаг



# Литература

- Гнеденко Б.В. Очерки по истории математики в России, Гостехиздат, 1946.
- Котек В.В. Леонард Эйлер. М.: Учпедгиз, 1961.
- Полякова Т.С. История отечественного школьного математического образования. Два века. Кн. 1: век восемнадцатый. Ростов н/Д: изд-во Рост. пед. ун-та, 1997.
- Прудников В.Е. Русские педагоги-математики *XVIII-XIX* веков. М.: Учпедгиз, 1956.
- Стойк Д. Я. Краткий очерк истории математики. М.: Наука, 1984.
- Юшкевич А.П. История математики в России до 1917 года М.: Наука, 1968.