Тема №2 Зенитная управляемая ракета 9M39.

Занятие №5 Методы наведения ЗУР на цель.

Вопросы занятия:

1-ый вопрос: Метод половинного спрямления.

2-ой вопрос: Метод пропорционального сближения.

1-ый вопрос: Метод половинного спрямления.

Методом половинного спрямления траектории называется такой

закон сближения ракеты с целью, при котором в каждый момент времени наведения, ракета по отношению к цели находится на угловом упреждении равном (Ў/2 Δŕ) Δŕ.

ракеты будет меньше скорости изменения угла места цели, т.е. ἐκ < ἐμ.

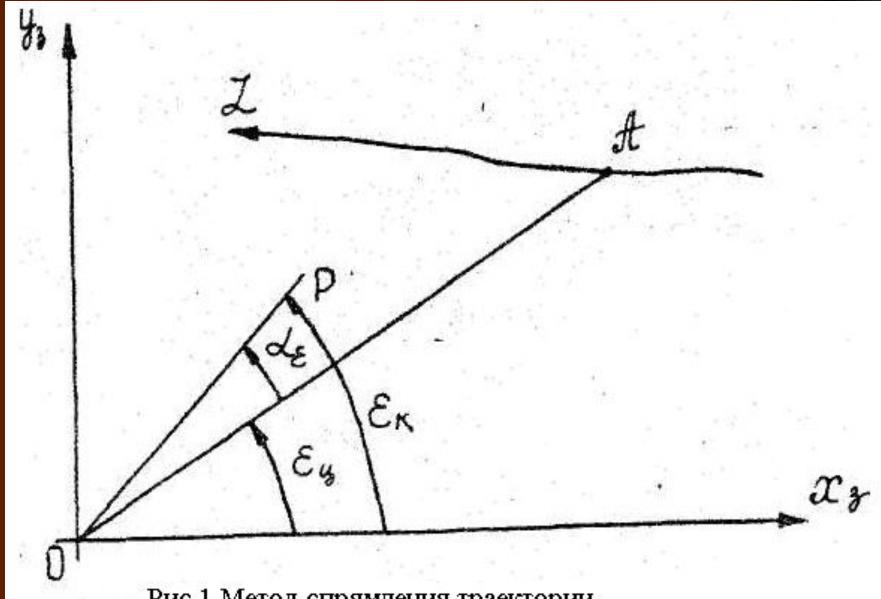
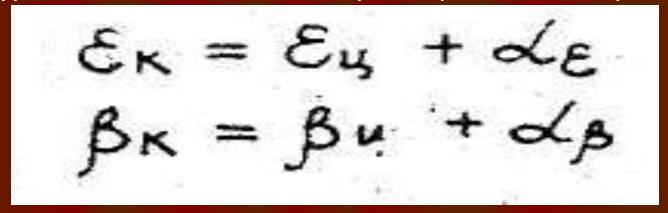


Рис.1 Метод спрямления траектории.

Задачу можно решить, осуществляя пуск ракеты с некоторым углом упреждения ає и ав в соответствующих плоскостях наведения. В этом случае уравнение кинематической траектории метода спрямления примут

вид:



По мере сближения ракеты с целью упреждения ає и а β должны уменьшаться и при равенстве дальностей до цели и ракеты (в районе точки встречи) должны обращаться в нуль. Упреждения должны зависеть от разности $\Delta r = r \mu - r \mu$ и иметь вид

$$d_{\varepsilon} = S 2_{\varepsilon} \cdot \Delta Z$$

$$d_{\beta} = S 2_{\beta} \cdot \Delta Z$$

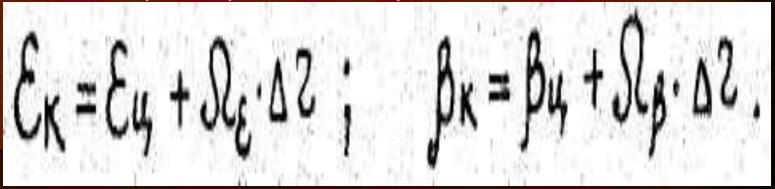
где rц — дальность до цели; rр — дальность до ракеты; $\Omega \epsilon$ и $\Omega \beta$ - коэффициенты упреждения по ϵ и β .

Коэффициенты упреждения могут быть постоянными или переменными. Каждому способу задания коэффициентов соответствует свой метод наведения. Эти методы могут быть следующими:

- метод "С";
- метод полного спрямления траектории ракеты в районе точки встречи; -метод половинного спрямления траекторий в районе точки встречи.

Методом "С" называется такой закон сближения ракеты с целью, при котором в каждый момент времени наведения ракета по отношению к цели находится под постоянным углом упреждения.

Метод наведения, при котором в точке встречи $\tilde{\epsilon} \kappa = 0$ $\beta \kappa = 0$ называется методом полного спрямления траектории в точке встречи. Уравнение кинематической траектории в этом случае имеет вид:



При дифференцировании уравнений и при условии $\Delta r = 0$, $\epsilon \kappa = 0$ $\beta \kappa = 0$ получим выражения для коэффициентов упреждения

$$'\Omega \epsilon = - \epsilon \mu / \Delta r$$
; $'\Omega \beta = - \beta \mu / \Delta r$

Уравнение метода полного спрямления траектории

$$\mathcal{E}_{K} = \mathcal{E}_{ij} - \frac{\dot{\mathcal{E}}_{ij}}{\Delta \dot{z}} \cdot \Delta z$$

$$\beta_{K} = \beta_{ij} - \frac{\dot{\mathcal{B}}_{ij}}{\Delta \dot{z}} \cdot \Delta z$$

Из этих уравнений невидно как влияет нормальное ускорение цели на нормальное ускорение ракеты в районе точки встречи. Для выяснения этого вопроса продифференцируем уравнения метода дважды, а для удобства преобразований введем постоянный коэффициент "m", после чего уравнения примут вид:

В результате первого дифференцирования получаем скорость угловых

координат ракеты в точке встречи

$$\mathcal{E}_{K} = \mathcal{E}_{g} + m \cdot \Omega_{\varepsilon} \cdot \Delta 2 \; ; \quad \beta_{K} = \beta_{g} + m \cdot \Omega_{\beta} \cdot \Delta 2 \cdot \frac{\dot{\varepsilon}_{g}}{\dot{\varepsilon}_{g}} \; ,$$
 Так как в точке встречи $\Delta 2 = 0$; а $\Omega_{\varepsilon} = -\frac{\dot{\varepsilon}_{g}}{\Delta \dot{z}} \; ,$ то $\dot{\varepsilon}_{K} = \dot{\varepsilon}_{g} - m \cdot \dot{\varepsilon}_{g} = \mathcal{E}_{g} \left(1 - m\right)$;

Аналогично
$$\beta \kappa = \beta \mu - m\beta \mu = \beta \mu (1-m)$$

При повторном дифференцировании получим значения нормальных ускорений ракеты в точке встречи с целью

$$\ddot{\mathcal{E}}_{K} = \ddot{\mathcal{E}}_{ij} \left(1 - 2 m\right) + m \cdot \frac{\dot{\mathcal{E}}_{ij} \Delta i}{\Delta i}$$

$$\vec{\beta}_{k} = \vec{\beta}_{ij} (1-2m) + m \frac{\vec{\beta}_{ij} \Delta \dot{r}}{\Delta \dot{r}}$$

Из полученных выражений видно, что нормальные ускорения ракеты, наводимой по методу полного спрямления (m=I) зависят от нормального ускорения цели, и следовательно, возникнут динамические ошибки, компенсировать которые не представляется возможным. Это явилось основной причиной того, что метод полного спрямления не нашел применения. Угловые ускорения цели можно исключить из уравнения

только при условии

 $\ddot{\epsilon}_{u}(1-2m)=0$

при значении коэффициента m = 1/2 нормальное ускорение ракеты в точке встречи не будет зависеть от ускорения маневрирующей цели, а динамическая ошибка может быть компенсирована. В этом случае уравнения кинематической траектории примут вид:

$$\mathcal{E}_{K} = \mathcal{E}_{4} - \frac{1}{2} \frac{\dot{\mathcal{E}}_{4}}{\Delta \dot{z}} \cdot \Delta z$$

$$\beta_{K} = \beta_{4} - \frac{1}{2} \frac{\dot{\mathcal{B}}_{4}}{\Delta \dot{z}} \cdot \Delta z$$

Это уравнения кинематической траектории метода половинного спрямления.

Параметры управления метода половинного спрямления определяются по формулам:

$$h_{\mathcal{E}} = z_{\rho} \left(\Delta \mathcal{E} - \frac{\dot{\mathcal{E}}_{\mu}}{2\Delta z} \Delta z \right)$$

$$h_{\beta} = z_{\rho} \left(\Delta \beta - \frac{\dot{\mathcal{B}}_{\mu}}{2\Delta z} \Delta z \right)$$

Достоинства метода:

- I. Меньшая кривизна кинематической траектории, что обуславливает меньшие потребные перегрузки и динамические ошибки наведения.
- 2. Независимость нормальных кинематических ускорений ракеты от нормальных ускорений цели, что обеспечивает меньшее влияние маневра цели на динамические ошибки метода наведения (в точке встречи). Недостатки метода
- I. Метод требует определения всех трех координат цели. Поэтому он неприменим при стрельбе по постановщикам активных помех, когда измерение дальности до цели невозможно.
- 2. Ввиду сложности решения задачи по выработке команд управления случайная ошибка наведения возрастает.

2-ой вопрос: Метод пропорционального сближения.

К методам наведения самонаводящихся ракет относятся метод погони, метод параллельного сближения, метод пропорционального сближения.

Методом погони называется такой метод наведения, при котором в каждый момент времени вектор скорости ракеты, направлен на цель.

При наведении ракеты по методу погони управляющий сигнал пропорционален величине угла упреждения (угла между вектором скорости ракеты и линией ракета — цель), который является здесь углом рассогласования.

При методе погони ракета независимо от начальных условий самонаведения подходит в районе точки встречи к цели с хвоста. Траектория будет прямолинейной при пуске ракеты точно в хвост или точно навстречу цели.

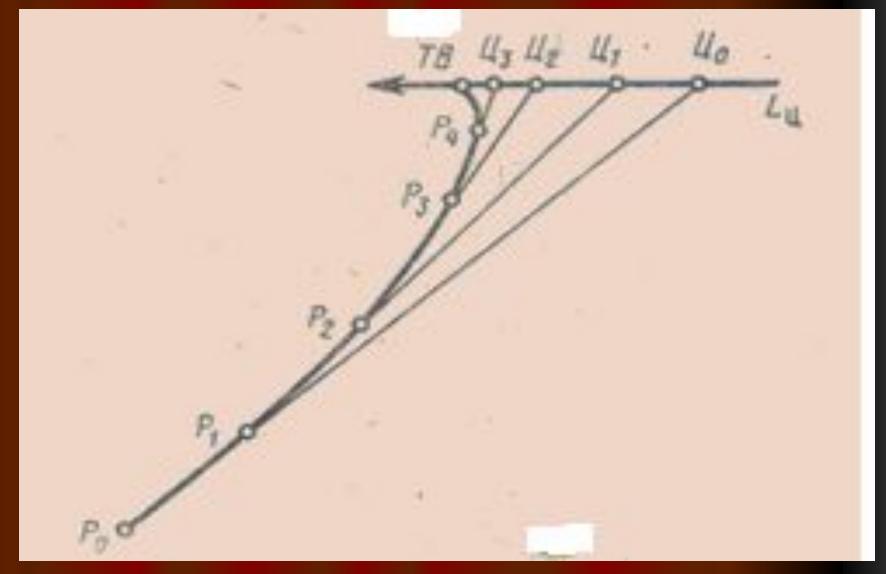


Рис.2 Графическое изображение траектории полёта ЗУР при методе погони.

Методом параллельного сближения называется такой метод наведения, при котором в течение всего времени полёта ракеты до точки встречи линия ракета — цель остаётся параллельной заданному направлению.

Уравнение метода $\varphi = \varphi 0 = \text{const.}$

При наведении ракеты на цель по методу параллельного сближения требуемое значение угловой скорости линии ракета — цель равна нулю ($\phi = 0$)

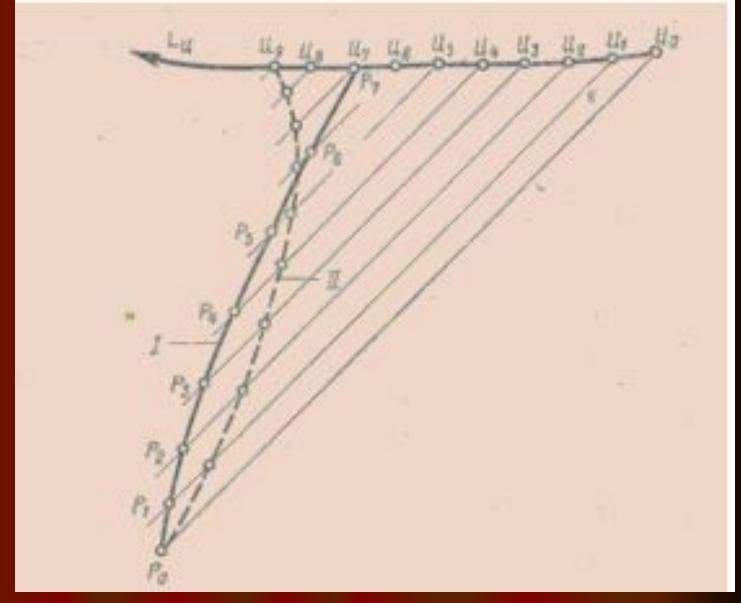


Рис.3 Графическое построение траектории ЗУР при методе параллельного сближения.

Для реализации метода параллельного сближения вектор относительной скорости ракеты $\nabla_{\text{отн.}} = \nabla_{\text{р.}} - \nabla_{\text{п.}}$ в каждый момент времени должен совпадать с линией ракета — цель, т. е. вектор скорости должен быть направлен в мгновенную точку встречи. Под мгновенной точкой встречи (МГВ) понимается точка, в которой произошла бы встреча ракеты с целью, если бы начиная с данного момента времени ракета и цель двигались бы равномерно и прямолинейно.

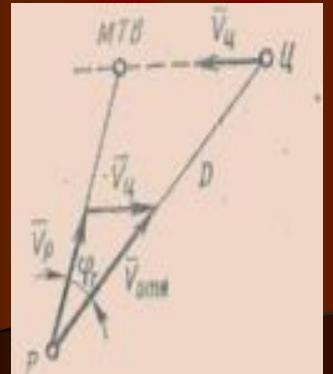
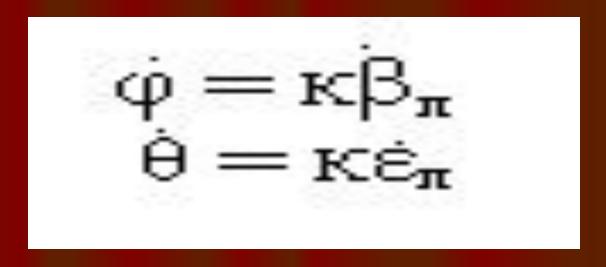


Рис.4 Понятие мгновенной точки встречи.

Методом пропорционального сближения (пропорциональной навигации) называется такой закон сближения ракеты с целью, при котором во все время наведения угловая скорость вращения вектора скорости ракеты пропорциональна угловой скорости вращения вектора относительной дальности, т.е. угловой скорости линии ракета – цель. Уравнения кинематической траектории метода пропорционального сближения имеют вид:



угловые скорости вращения (поворота) вектора линии визирования ракета-цель в соответствующей плоскости управления; K- коэффициент пропорциональности, значение которого может быть либо постоянным, либо переменным. Для метода пропорционального сближения $1 < K < \infty$.

При этом методе вектор скорости ракеты $\overline{V_p}$ во все время движения направлен на цель, т.е. по вектору наклонной дальности $\overline{r_\pi}$

При $K=\infty$ имеет место метод параллельного сближения, при котором вектор наклонной дальности $\overrightarrow{r_{\pi}}$ перемещается в пространстве

поступательно, т.е. не вращаясь.

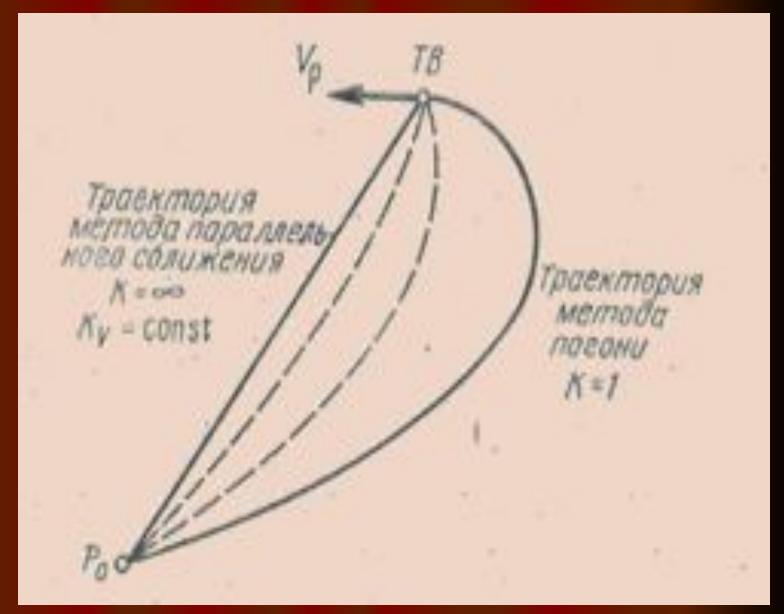
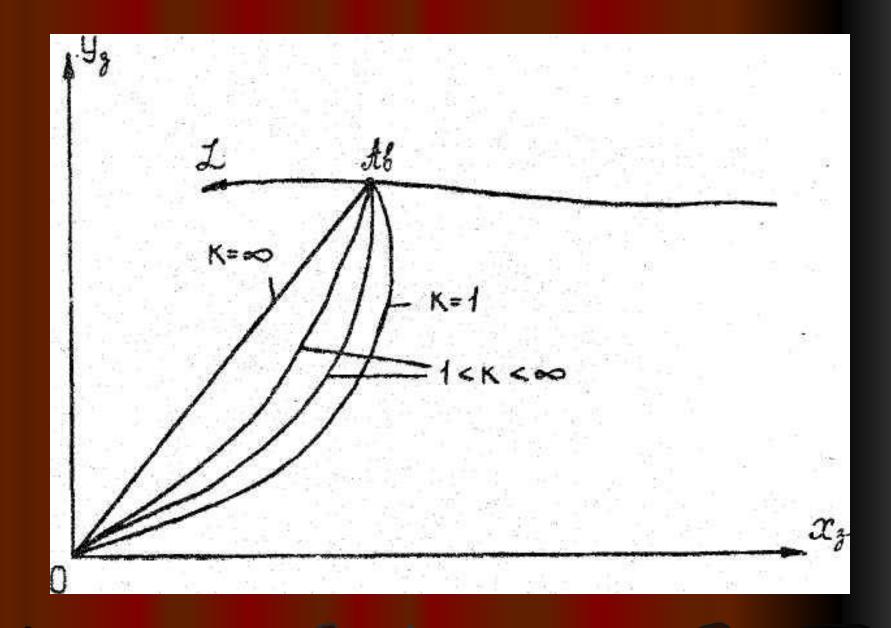
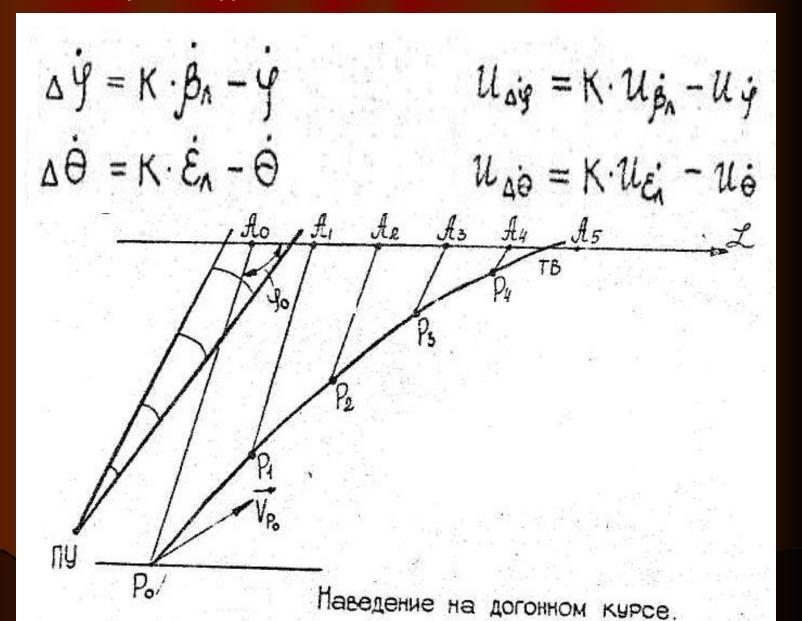


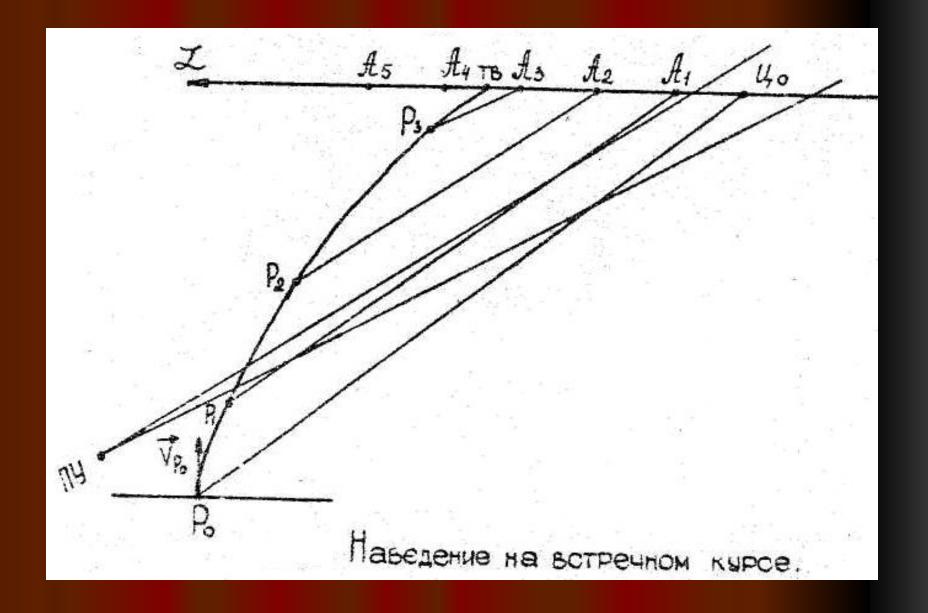
Рис.5 Графическое изображение траектория метода пропорционального сближения (пунктирные кривые).

Для реализации метода пропорционального сближения необходимо в каждый момент времени измерять угловую скорость линии ракета — цель и сравнивать её с угловой скоростью вращения вектора скорости ракеты. Для активации метода пропорционального сближения достаточно измерить угловую скорость вращения линии ракета - цель, что упрощает аппаратуру и поэтому метод пропорционального сближения находит самое широкое применение в современных системах самонаведения.



Параметрами управления метода пропорционального сближения являются следующие уравнения:





Достоинства метода:

- простота приборной реализации метода; требуемые ускорения ракеты не превышают ускорений цели;
- применение метода в широком диапазоне отношений скорости цели и ракеты.

Недостатки метода:

- наличие мертвой зоны самонаведения;
- условия стрельбы вдогон более благоприятны, чем на встречном курсе;
- предъявление более жестких требований к маневренным свойствам ракеты при наведении на маневрирующую цель.