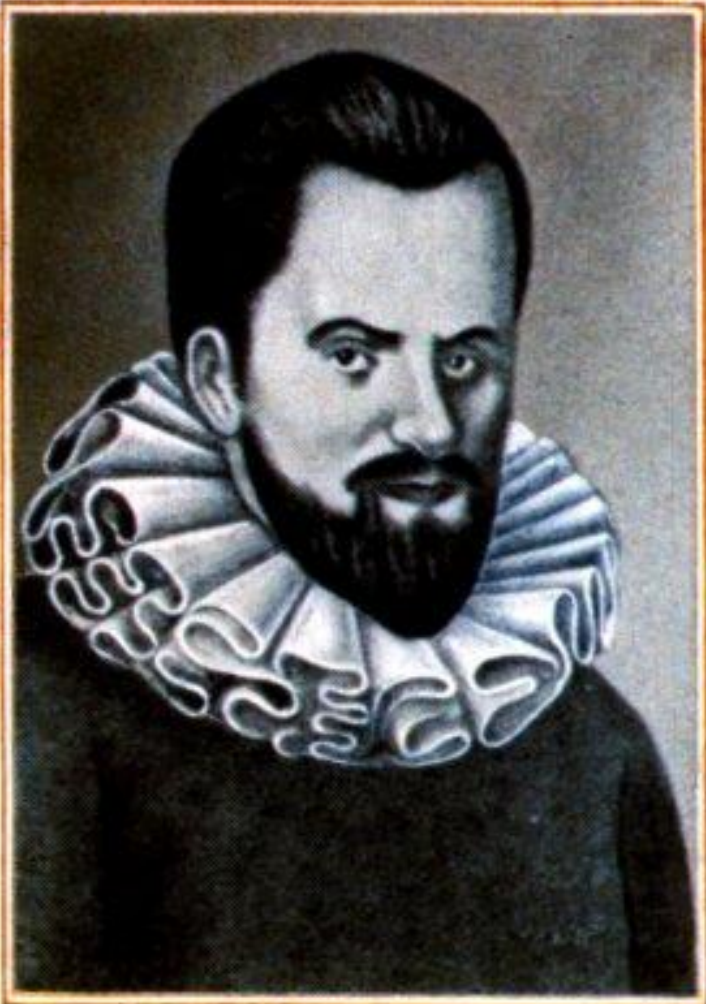




**ДЕСЯТИЧНЫЕ  
ДРОБИ**

873,201



1548 — 1620

В 1585 году была издана работа фламандского математика и инженера Симона СТЕВИНА, в которой он предложил особую запись для дробных чисел со знаменателями 10, 100, 1000 и т. п.

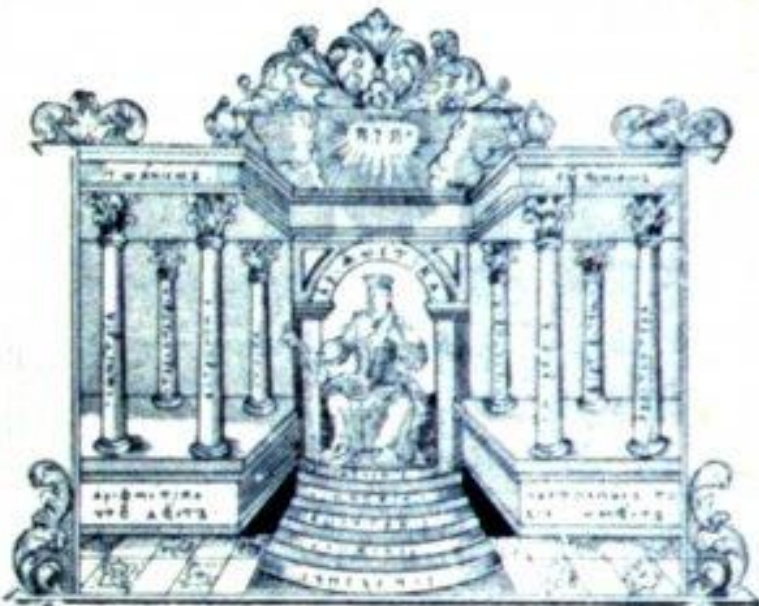


## АРИТМЕТИКА, СИРЪЧЪ НАДКА ЧИСЛАНТЕЛНАА .

О РАЗНЫХЪ ДІАЛЕКТЕВЪ НА СЛАВЕНСКОЙ МЪЗЫКЪ  
ПРЕВЕДИНАА , И ВО ЕДИНО СОБРАНА . И НА ДВѢ  
КНИГИ РАЗДѢЛНАА .

НЫНѢ ЖЕ ПОВЕЛѢНИМЪ БЛАГОУСПѢШНОВАГО  
ВЕЛИКАГО ГЛАВА НАШЕГО ЦАРЯ И ВЕЛИКАГО  
КНЯЗЯ ПЕТРА АЛЕКСЕВИЧА ВСЕА ВЕЛИКАА  
И МАЛЫА И БѢЛЫА РУССІИ САМОУПРАВЛЕНЦА :  
ПРИ БЛАГОРОДНЫМЪ ВЕЛИКОМЪ ГЛАВѢ НАШЕ  
ЦАРЯВИТѢ , И ВЕЛИКОМЪ КНЯЗѢ АЛЕКСИ  
ПЕТРОВИЧѢ , ВЪ БОГОУСПОМОЖИИ ЦЕЛѢДНИИ  
ВЕЛИКОМЪ ГРАДѢ МОСКВѢ ТУПОГРАФИИ  
ТРИНИТИМЪ РАДИ ОБЪДИНА МЪДРОУМНЫХЪ  
РУССІИНСКИХЪ ОУЧЕНИКОВЪ , И ВЕЛИКАГО ЧИНА  
И ВОЗРАДЪА ЛЮДЕИ НА СВѢТѢ ПРОИЗВЕЛЕНА  
СЯЕ , ВО СЪБІТО ШЕ СОТВОРИНА МІРА

В русской математической литературе первые  
сведения о десятичных дробях появляются в  
книге Леонтия Филипповича МАГНИЦКОГО  
(1669—1739), напечатанной в 1703 году.



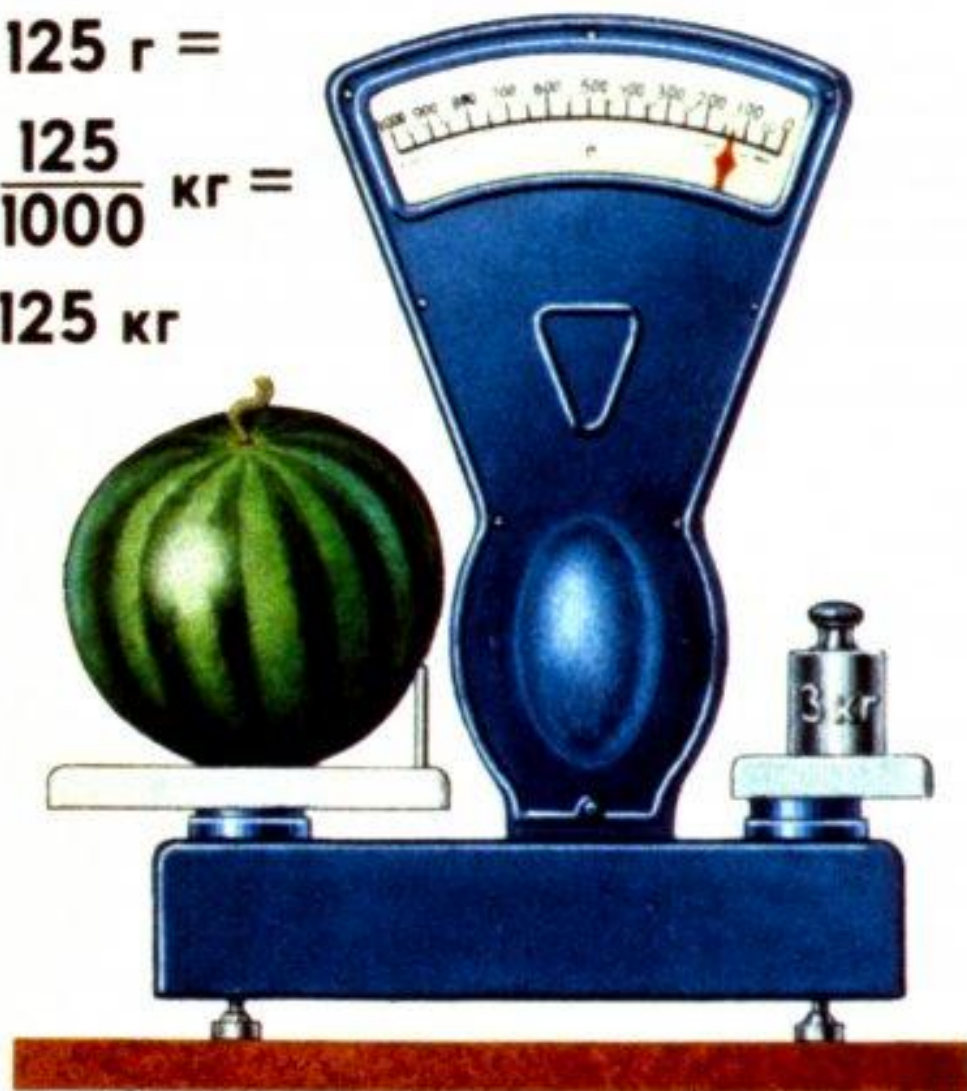
## АРИТМЕТИКА ПРАКТИКА ИЛИ ДѢЯТЕЛЬНАА .

ЧТО ЕСТЬ АРИТМЕТИКА ;

АРИТМЕТИКА ИЛИ ЧИСЛАНТЕЛНАА . ЕСТЬ УЧЕБНОУЮ  
ЧИСЛОУ , ИЗВѢСТНОУ , И НЕЗНАМОУ ЧИСЛОУПОЛНОУ ,  
МНОГОПОЛНОУ ИЛИ МНОГОУЧАСТИННОУ . И ДР.  
УЧАСТИННОУ ЖЕ И ЧИСЛАННОУ . ЕСТЬ РАЗНАА ВЪЛЮБА

Дробные числа со знаменателями 10, 100, 1000 и т. п. условились записывать без знаменателей, отделяя запятой целую часть от дробной.

$$\begin{aligned} 3 \text{ кг } 125 \text{ г} &= \\ &= 3 \frac{125}{1000} \text{ кг} = \\ &= 3,125 \text{ кг} \end{aligned}$$



$$1 \frac{7}{10} = 1,7$$

$$2 \frac{13}{100} = 2,13$$

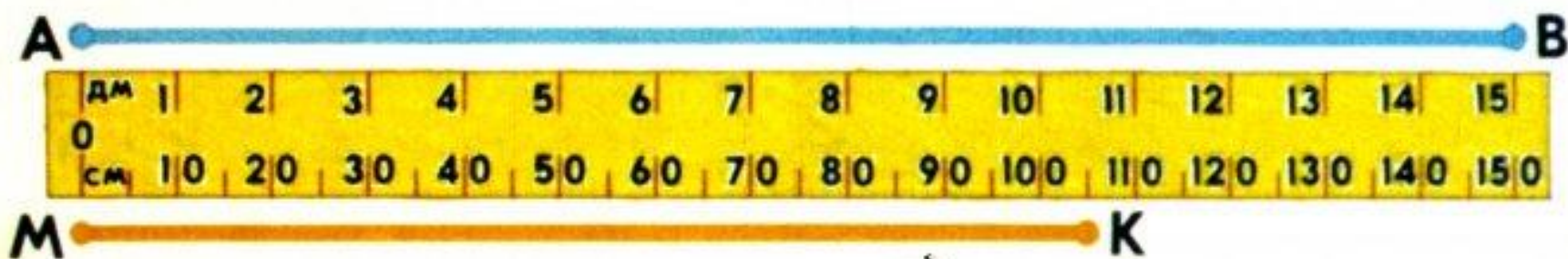
$$3 \frac{129}{1000} = 3,129$$

$$2 \frac{9}{10} = \square$$

$$\square = 84,27$$

$$9 \frac{5376}{10000} = \square$$

Число нулей в знаменателе дроби равно числу знаков, стоящих после запятой в десятичной записи этой дроби.



$$|AB| = 1 \text{ м } 5 \text{ дм} = 1 \frac{5}{10} \text{ м} = 1,5 \text{ м}$$

$$|MK| = 1 \text{ м } 5 \text{ см} = 1 \frac{5}{100} \text{ м} = 1,05 \text{ м}$$

$$2 \frac{13}{1000} = 2,013$$

$$5 \frac{6}{100} = \boxed{\phantom{000}}$$

$$3 \frac{1}{1000} = \boxed{\phantom{000}}$$

$$\boxed{\phantom{000}} = 7,008$$

$$\boxed{\phantom{000}} = 6,0009$$



Если целая часть числа равна нулю, то в его десятичной записи перед запятой пишут ноль.

$$\frac{89}{100} \text{ м} = 0,89 \text{ м}$$

$$\frac{32}{100} =$$

$$= 0,007$$

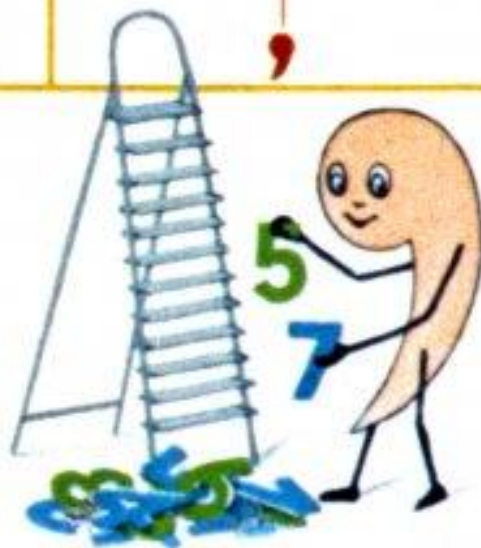
$$= 0,237$$

$$\frac{9}{100} =$$



Значение цифры в десятичной дроби зависит от ее места (позиции). Так, в первом из данных чисел левая цифра 3 показывает, сколько в нем тысяч, а правая—сколько тысячных.

тысячи	сотни	десятки	единицы	десятые	сотые	тысячные	десяти- тысячные	
3	2	1	0	,	1	2	3	
	3	2	1	,	0	1	2	3
2	1	3		,				



Какие цифры стоят в разряде десятков, единиц, десятых, сотых, тысячных в каждом из следующих чисел:

12,345

3,067

67,009

45,08

	десятые	сотые	тысячные





Как записать десятичную дробь, в которой:

а) 5 целых 2 десятых 3 сотых и 1 тысячная,

б) 12 целых 5 сотых 7 тысячных?

тысячи	сотни	десятки	единицы	десятые	сотые	тысячные	десяти- тысячные





$$1 \text{ м } 2 \text{ дм} = 1 \text{ м } 20 \text{ см}$$
$$1,2 = 1,20$$

Если к некоторой десятичной дроби приписать справа нуль, то получится равная ей дробь.

$$2,36 = 2,360 = 2,3600$$

$$3,7 = \boxed{\phantom{000}} = \boxed{\phantom{000}}$$

$$4,51 = \boxed{\phantom{000}} = \boxed{\phantom{000}}$$



$$1,3 \text{ кг} = 1,300 \text{ кг}$$

Если десятичная дробь оканчивается нулем,  
то этот нуль можно отбросить.  
Получится равная ей дробь.

ЦЕНА ЗА 1 КГ    ВЕС  
1,50 РУБ    0,600 КГ  
СТОИМОСТЬ  
00,90 РУБ



$$0,600 \text{ кг} = 0,6 \text{ кг}$$

$$1,50 \text{ р.} = 1,5 \text{ р.}$$

$$0,90 = 0,9$$

$$13,500 = 13,50 = \boxed{\phantom{00}}$$

$$7,000 = \boxed{\phantom{000}}$$

$$50,00 = \boxed{\phantom{00}}$$



$$0,3 < 1,1$$

$$1,2 > 1,1$$

$$1,2 = 1,20$$

$$1,2 < 1,25$$

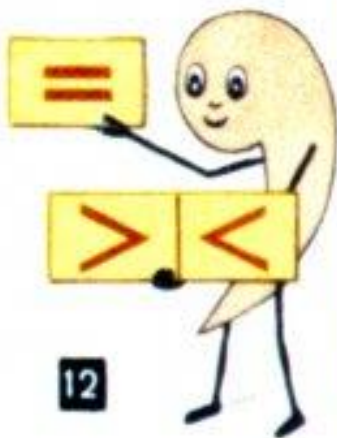
Сравните числа:

$$0,6 \square 1,2$$

$$0,6 \square 0,3$$

$$0,42 \square 0,47$$

$$0,6 \square 0,47$$



$$3,527 \square 3,526$$

$$64,7 \square 64,700$$

$$82,1 \square 82,09$$

$$51,372 \square 51,73$$



0,64 р.



1,58 р.



Сколько рублей потрачено на покупку  
молока и сыра?

$$0,64 \text{ р.} = 64 \text{ к.}$$

$$1,58 \text{ р.} = 158 \text{ к.}$$

$$64 \text{ к.} + 158 \text{ к.} = \\ = 222 \text{ к.} = 2,22 \text{ р.}$$

$$\begin{array}{r} + 64 \\ 158 \\ \hline 222 \end{array}$$

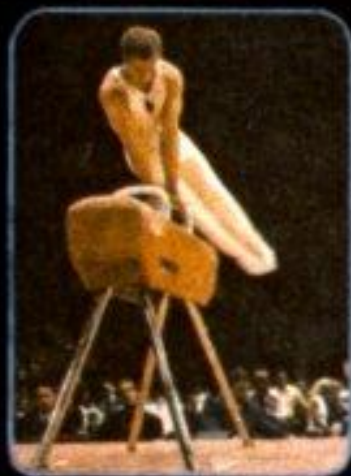
$$0,64 + 1,58 = \\ = 2,22 \text{ (р.)}$$

$$\begin{array}{r} + 0,64 \\ 1,58 \\ \hline 2,22 \end{array}$$

Ответ: **2,22 р.**

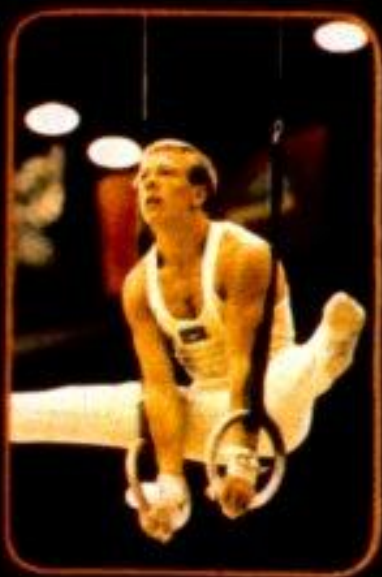


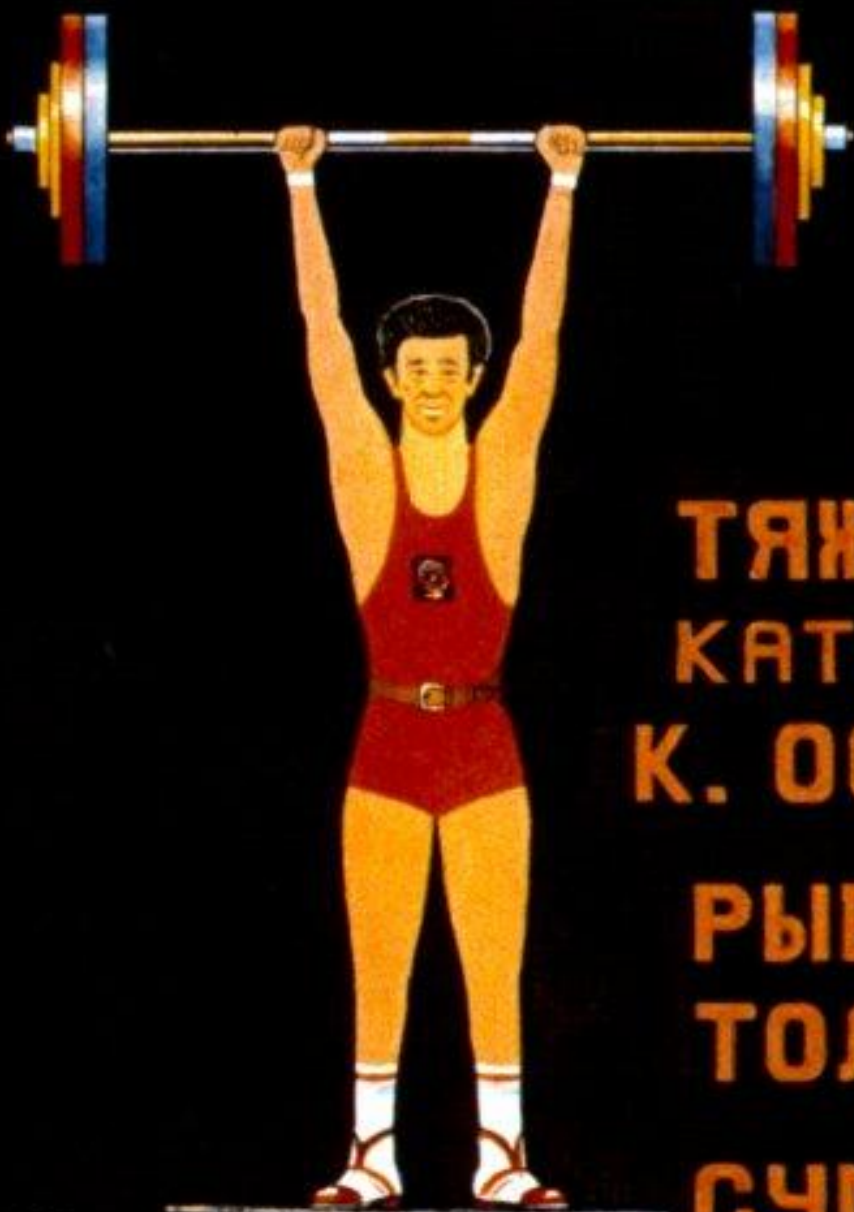
ГИМНАСТИКА  
ОБЯЗАТЕЛЬНАЯ ПРОГРАММА  
Н. АНДРИАНОВ СССР



ВОЛЬНЫЕ УПРАЖНЕНИЯ	9,9
КОНЬ	9,75
КОЛЬЦА	■, ■■
ПРЫЖОК	■, ■■
БРУСЬЯ	■, ■■
ПЕРЕКЛАДИНА	■, ■■

СУММА ■■, ■■





**ТЯЖЕЛАЯ АТЛЕТИКА**  
**КАТЕГОРИЯ ДО 52 КГ**  
**К. ОСМОНАЛИЕВ СССР**

**РЫВОК 107,5**

**ТОЛЧОК 137,5**

**СУММА ■■■,■**

Найдите периметр  
треугольника.

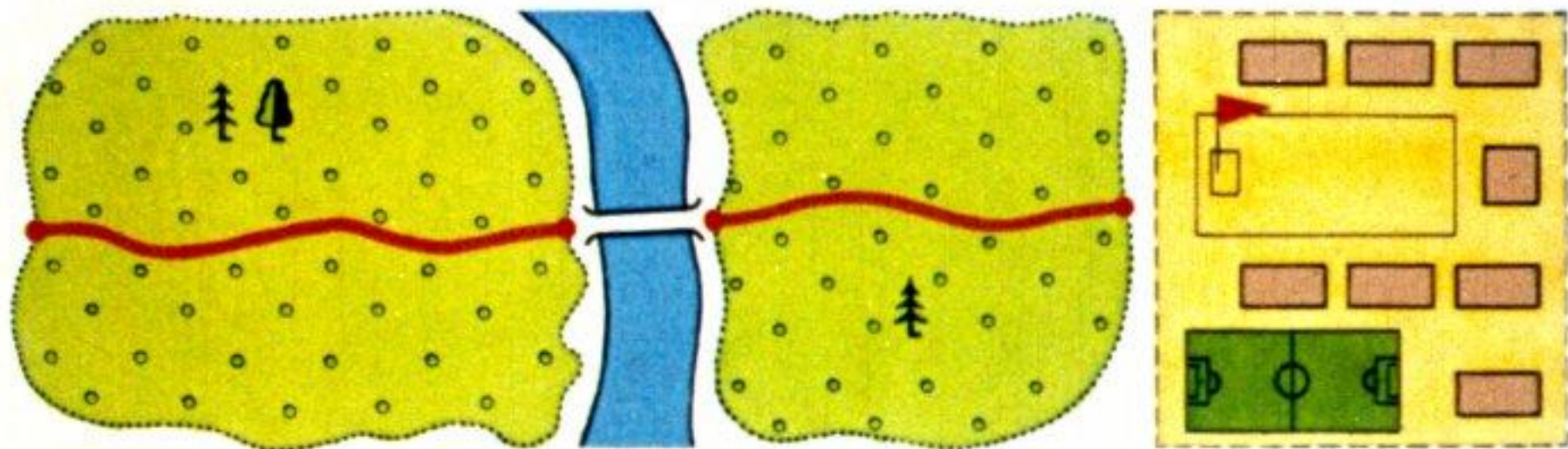
8,4 м

14 м

10,75 м







До привала пионеры прошли 7,45 км, а после привала 5,83 км. На сколько километров первая часть пути больше второй?

$$7,45 \text{ км} = 7450 \text{ м}$$

$$5,83 \text{ км} = 5830 \text{ м}$$

$$7450 \text{ м} - 5830 \text{ м} = \begin{array}{r} 7450 \\ - 5830 \\ \hline 1620 \end{array}$$

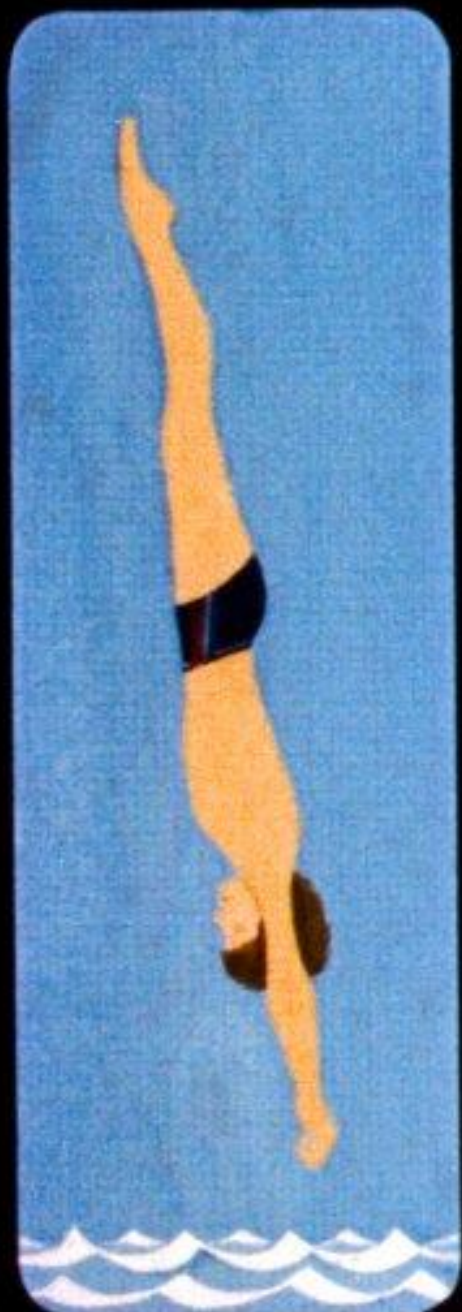
$$= 1620 \text{ м} = 1,62 \text{ км}$$

$$7,45 \text{ км} - 5,83 \text{ км} =$$

$$= 1,62 \text{ км}$$

$$\begin{array}{r} 7,45 \\ - 5,83 \\ \hline 1,62 \end{array}$$

Ответ: на 1,62 км.



# ПРЫЖКИ В ВОДУ

ТРАМПЛИН

МУЖЧИНЫ

## ФИНАЛ

БАЛЛЫ

А. ПОРТНОВ СССР

**905,025**

К. ХИРОН МЕКСИКА

**892,14**

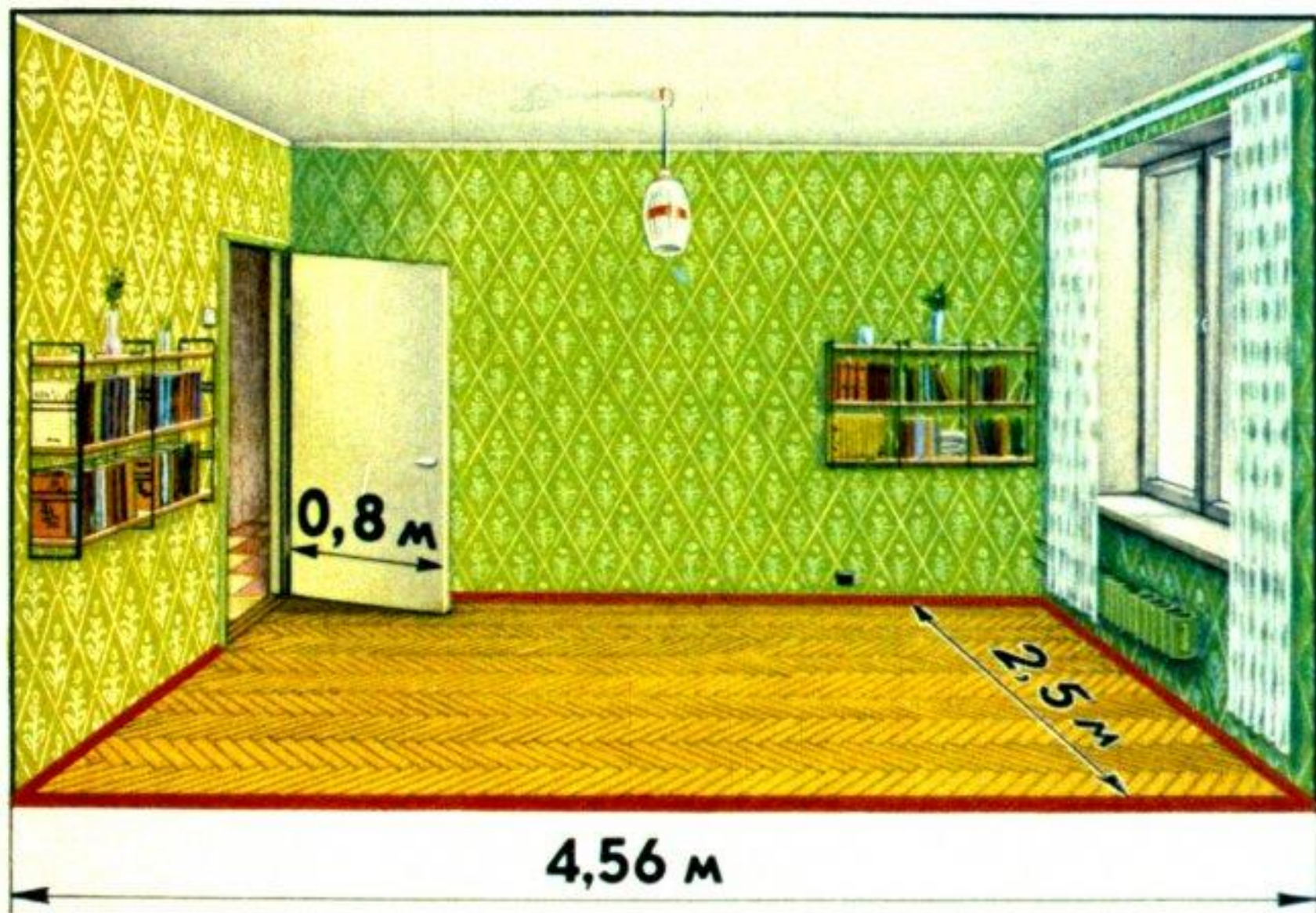
На сколько баллов  
А. Портнов опередил К. Хирона?

Собственная скорость моторной лодки 42,3 м/мин.  
Скорость течения реки 4,65 м/мин. Какова скорость лодки против течения?

$$\begin{array}{r} - 42,30 \\ 4,65 \\ \hline \end{array}$$



В комнате нужно заменить весь плинтус.  
Какова общая длина необходимых для этого реек?



Объясните, как найти площадь прямоугольника.



$$1,25 \text{ м} = 125 \text{ см}$$

$$1,25 \cdot 0,3 = 0,375 \text{ (м}^2\text{)}$$

$$0,3 \text{ м} = 30 \text{ см}$$

$$125 \cdot 30 = 3750 \text{ (см}^2\text{)}$$

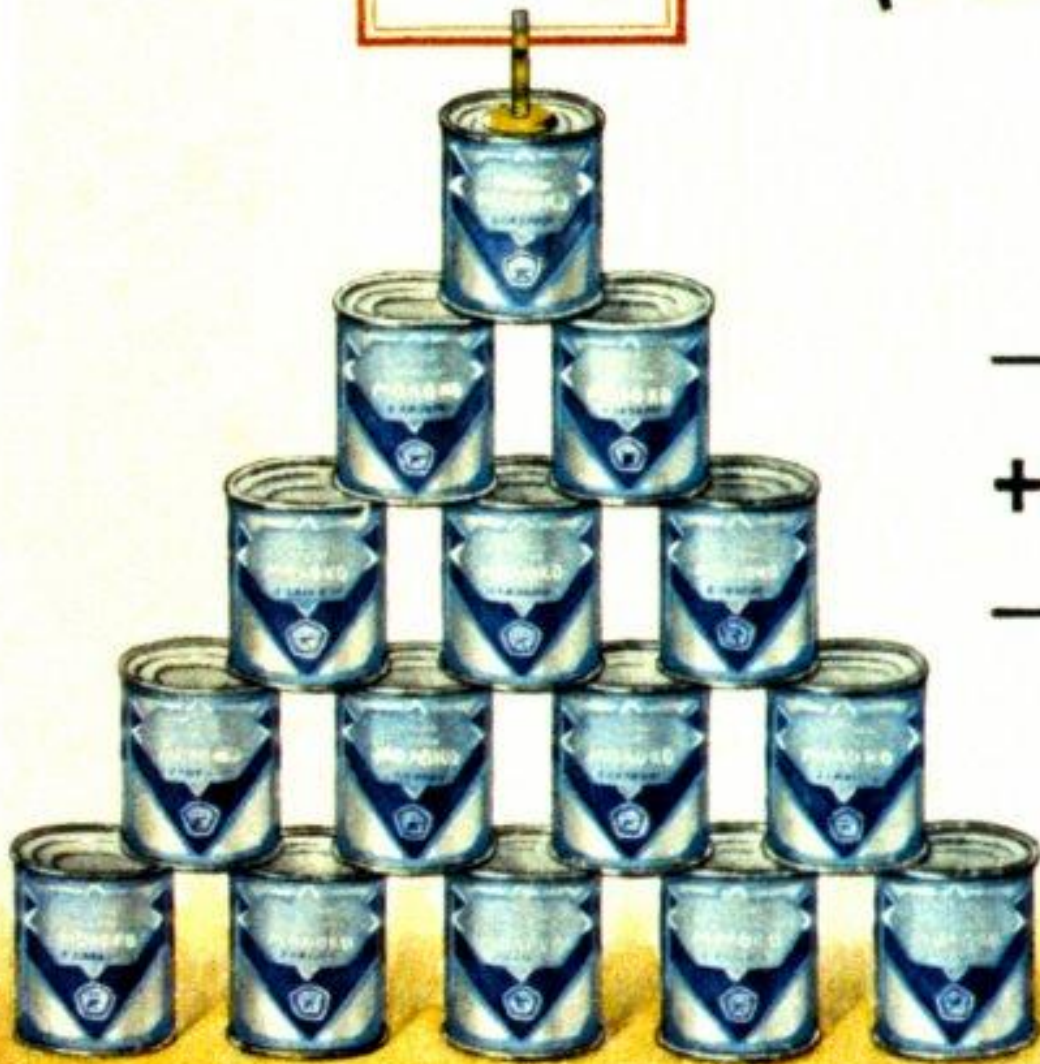
$$3750 \text{ см}^2 = \frac{3750}{10000} \text{ м}^2 =$$

$$= 0,3750 \text{ м}^2 = 0,375 \text{ м}^2$$

$$1 \text{ см}^2 = \frac{1}{10000} \text{ м}^2$$

1 банка  
0,55 р.

Сколько стоят  
15 банок сгущенного молока  
(в копейках, в рублях)?



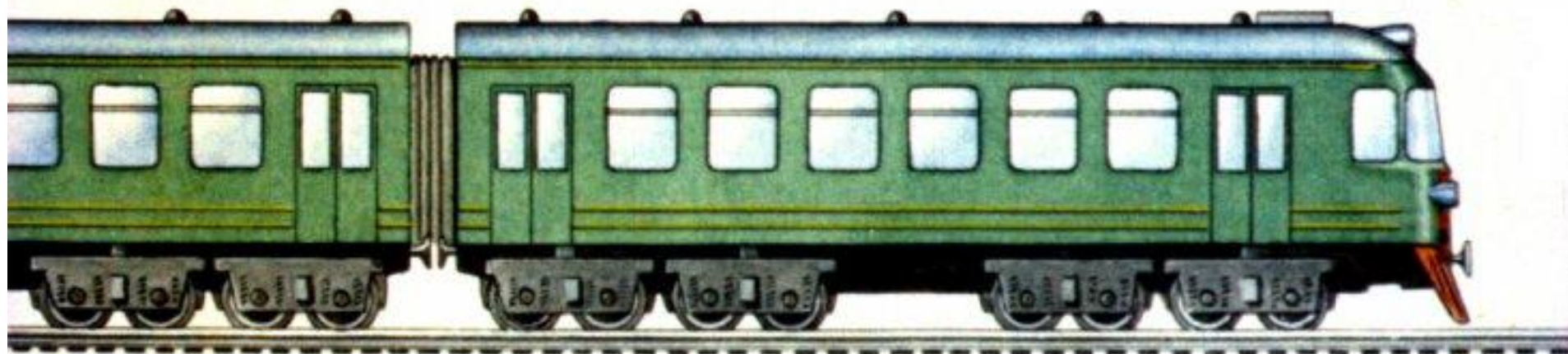
$$\begin{array}{r} \times 55 \\ 15 \\ \hline + 275 \\ 55 \\ \hline 825 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 0,55 \\ 15 \\ \hline + \\ \hline \end{array}$$

Средняя скорость поезда  $50,5 \text{ км/ч}$ .  
Сколько километров пройдет поезд

за  $2,2$  часа?

за  $22$  часа?



Объясните, как 1,237 м выражены в дециметрах и сантиметрах и выразите 1,237 м в миллиметрах.



$$1 \text{ м} = 10 \text{ дм}$$

$$1,237 \cdot \underline{10} = 12,370 = \underline{12,37}$$

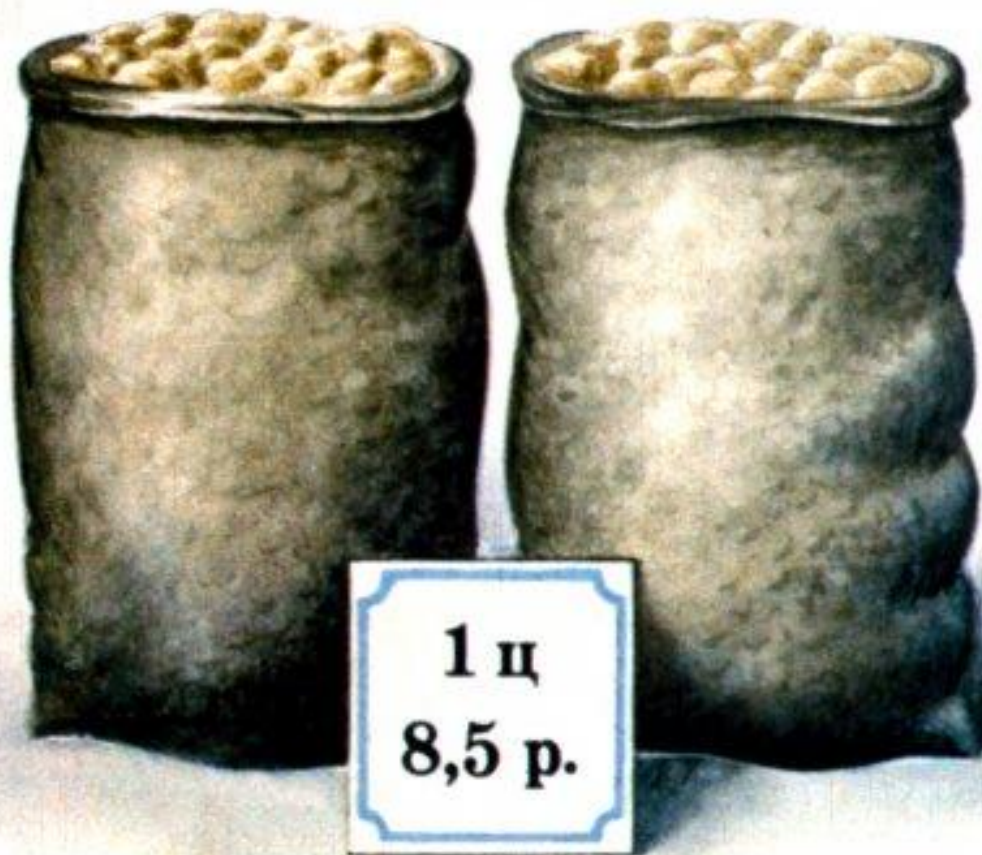
$$1 \text{ м} = 100 \text{ см}$$

$$1,237 \cdot \underline{100} = 123,700 = \underline{123,7}$$

$$1 \text{ м} = 1000 \text{ мм}$$

$$1,237 \cdot \underline{1000} =$$





Один центнер  
картофеля  
стоит 8,5 р.  
Сколько  
рублей стоят  
0,1 ц? 0,01 ц?

$$8,5 \cdot 0,1 = 0,85 \text{ (р.)}$$

$$8,5 \cdot 0,01 = \boxed{\phantom{000}}$$

Укажите, где нужно поставить запятую в произведении и где дописать нули, если это необходимо:

$$123,74 \cdot 10 = 12374$$

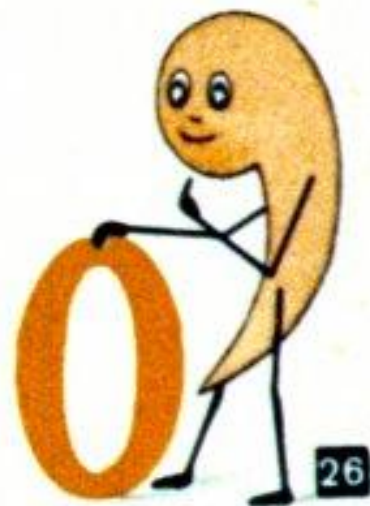
$$123,74 \cdot 100 = 12374$$

$$123,74 \cdot 1000 = 12374$$

$$123,74 \cdot 0,1 = 12374$$

$$123,74 \cdot 0,01 = 12374$$

$$123,74 \cdot 0,001 = 12374$$



У покупателя было 10,41 р.  
Третью часть этих денег он  
потратил на покупку овощей.  
Сколько рублей стоят овощи?

$$10,41 \text{ р.} = 1041 \text{ к.}$$

$$1041 \text{ к.} : 3 =$$

$$= 347 \text{ к} = 3,47 \text{ (р.)}$$

$$\begin{array}{r} \underline{1041} \\ - 9 \\ \hline 14 \\ - 12 \\ \hline 21 \end{array} \quad \begin{array}{r} 3 \\ \hline 347 \end{array}$$

Ответ:

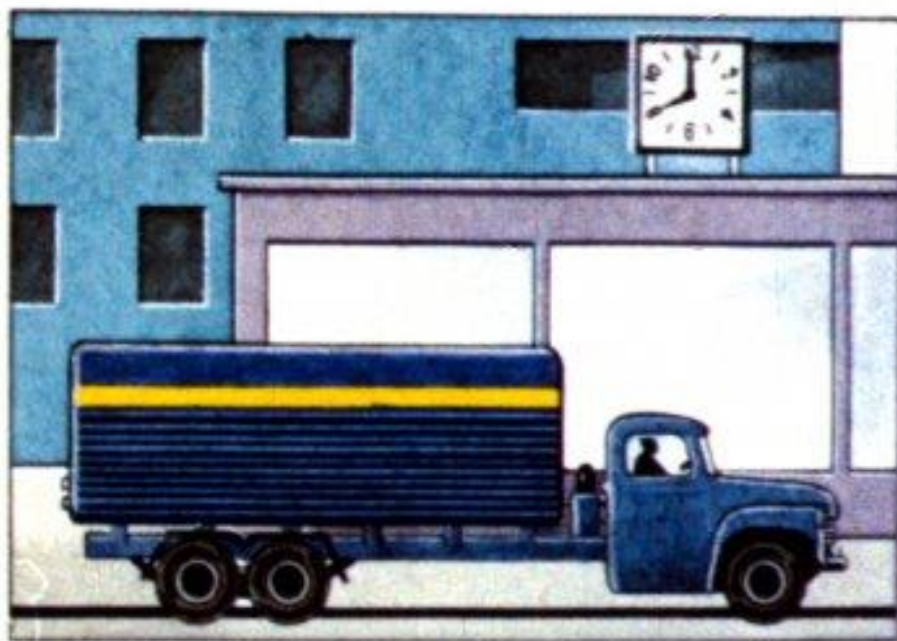


$\begin{array}{r} \underline{10,41} \\ - 9 \\ \hline \end{array}$ <div style="border: 1px solid black; height: 100px; width: 100%; margin-top: 5px;"></div>	$\begin{array}{r} 3 \\ \hline 3 \end{array}$ <div style="border: 1px solid black; width: 40px; height: 20px; display: inline-block; margin-top: 5px;"></div>
---	--



За 8 часов автомобиль  
прошел 420 км. Како-  
ва была средняя ско-  
рость автомобиля?

420,0	<input type="text"/>
<input type="text"/>	<input type="text"/>



$$\frac{3}{40} = 3 : 40$$

$$\begin{array}{r} 3 \phantom{00} \\ - 0 \phantom{00} \\ \hline 30 \phantom{0} \\ - 0 \phantom{0} \\ \hline 300 \phantom{0} \\ - 280 \phantom{0} \\ \hline 200 \phantom{0} \\ - 200 \phantom{0} \\ \hline 0 \end{array}$$

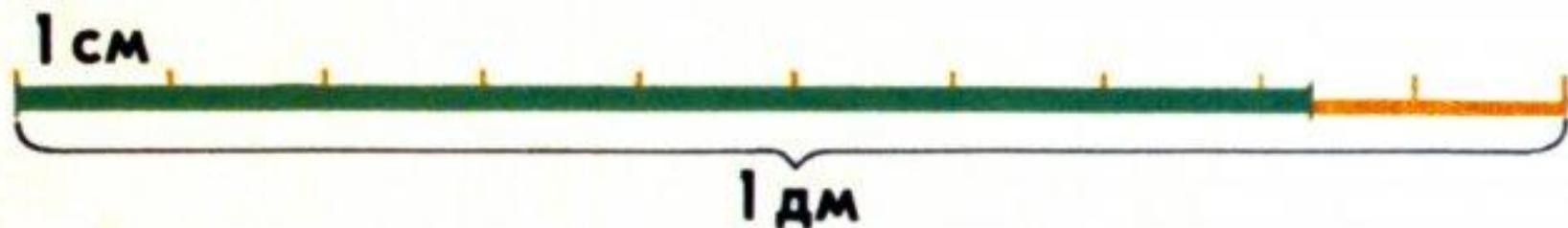
Для представления обыкновенной дроби в виде десятичной можно использовать деление.

$$\frac{7}{25} = \square : \square$$

$$\begin{array}{r} 7 \phantom{00} \\ \square \phantom{00} \\ - \phantom{00} \\ \hline \phantom{00} \phantom{0} \\ \phantom{00} \phantom{0} \\ \hline \phantom{00} \phantom{0} \phantom{0} \end{array}$$



Объясните, как 83,2 мм представлены в сантиметрах, и представьте 83,2 мм в дециметрах и в метрах.



$$83,2 : \underline{10} = 8,32$$

$$1 \text{ мм} = \frac{1}{10} \text{ см}$$

$$83,2 : \underline{100} = \boxed{\phantom{000}}$$

$$1 \text{ мм} = \frac{1}{100} \text{ дм}$$

$$83,2 : \boxed{\phantom{0000}}$$

$$1 \text{ мм} = \frac{1}{1000} \text{ м}$$

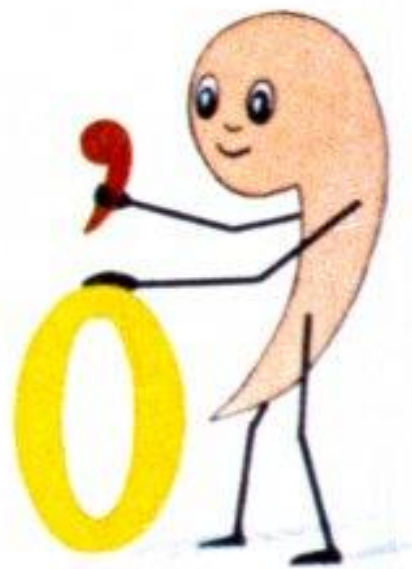
Определите место запятой в частном. Укажите, где нужно дописать нули, если это необходимо:

$$152,39 : 100 = 15239$$

$$152,39 : 10 = 15239$$

$$152,39 : 1000 = 15239$$

$$152,39 : 10000 = 15239$$



За 0,7 м ткани  
заплатили 3,92 рубля.  
Какова цена 1 м ткани?



$$0,7 \text{ м} = 7 \text{ дм}$$

$$3,92 \text{ р.} = 392 \text{ к.}$$

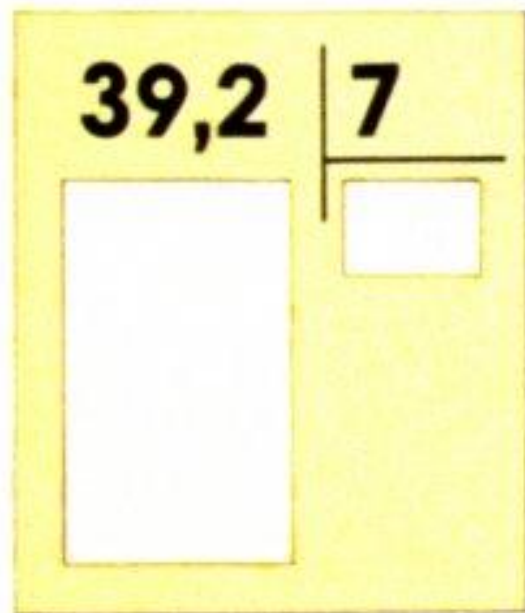
$$392 : 7 = 56 \text{ (к.)} \text{ — цена } 1 \text{ дм ткани}$$

$$1 \text{ м} = 10 \text{ дм}$$

$$56 \cdot 10 = 560 \text{ (к.)} \text{ — цена } 1 \text{ м ткани}$$

$$560 \text{ к.} = 5,6 \text{ р.}$$

$$3,92 : 0,7 = 39,2 : 7$$





Найдите частное и объясните, как оно найдено:

$$1) 3,6 : 0,9$$

$$2) 0,36 : 0,09$$

$$3) 0,36 : 0,9$$

$$4) 3,6 : 0,09$$



0,21 : 0,7



Найдите частное:

$$8,732 : 0,01 = 873,2 : 1 = 837,2$$

$$8,732 : 0,1 =$$

$$8,732 : 0,001 =$$

$$8,732 : 0,0001 =$$



## К СВЕДЕНИЮ УЧИТЕЛЯ

Диафильм состоит из следующих фрагментов:

Введение (кадры 1–6).

Разряды десятичной дроби (7–9).

Сравнение десятичных дробей (10–12).

Сложение (13–16). Вычитание (17–20).

Умножение (21–23).

Умножение на 10, 100, 1000 и т. п. (24–26).

Деление на натуральное число (27–29).

Деление на 10, 100, 1000 и т. п. (30–31).

Деление на десятичную дробь (32–34).

Конец каждого фрагмента отмечен знаком ▲.

При демонстрации кадров, содержащих пропуски в записях, рекомендуется обсудить с учащимися, как эти пропуски заполнить.